

WWW.AKOEDU.IR

اولین و با کیفیت ترین

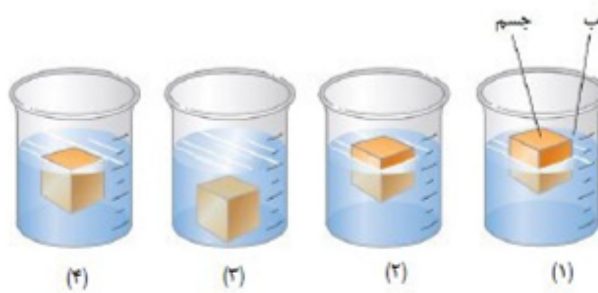
کلاسی های vip کنکور
آگادمی کنکور در ایران



جهت دریافت برنامه ی شخصی سازی شده یک **هفته ای** رایگان کلیک کنید و یا به شماره ی ۰۹۰۲۵۶۴۶۲۳۴ **عدد ۱** را ارسال کنید.

۲۵۰ سوال تشریحی فیزیک دهم نیمسال اول

۱) با توجه به مفهوم چگالی، هریک از شکل های ۱ تا ۴ را به یکی از گزینه های (الف) تا (ت) مرتبط کنید.



۲) نتیجه ی اندازه گیری توسط ریزسنج رقمی را به همراه خطای آن بنویسید.



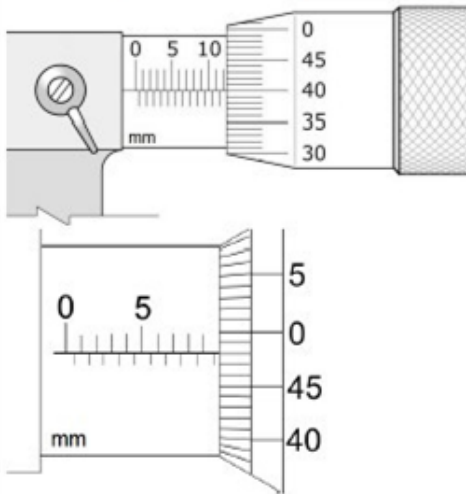
۳) نتیجه ی اندازه گیری توسط کولیس رقمی را به همراه خطای آن بنویسید.



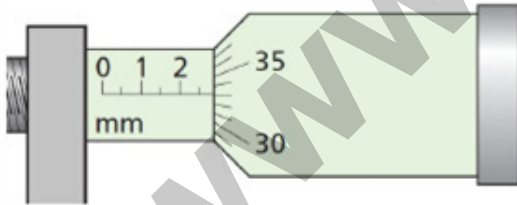
۴ شکل‌های زیر بخشی از ابزارهای رقمی (دیجیتال) را نشان می‌دهد. نتیجه‌ی اندازه‌گیری را با ذکر خطای وسیله بنویسید.



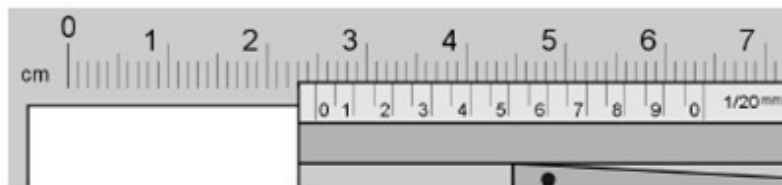
۵ شکل زیر بخشی از یک ریزسنج 0.01 mm را نشان می‌دهد. نتیجه‌ی اندازه‌گیری را با ذکر خطای وسیله بنویسید.



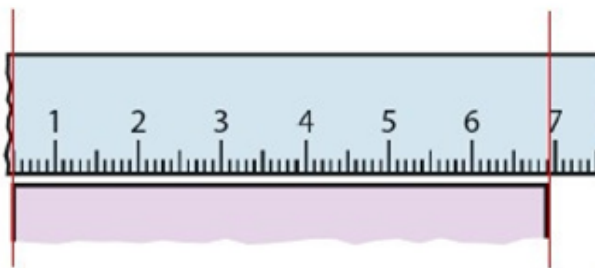
۶ شکل زیر بخشی از یک ریزسنج 0.01 mm را نشان می‌دهد. نتیجه‌ی اندازه‌گیری را با ذکر خطای وسیله بنویسید.



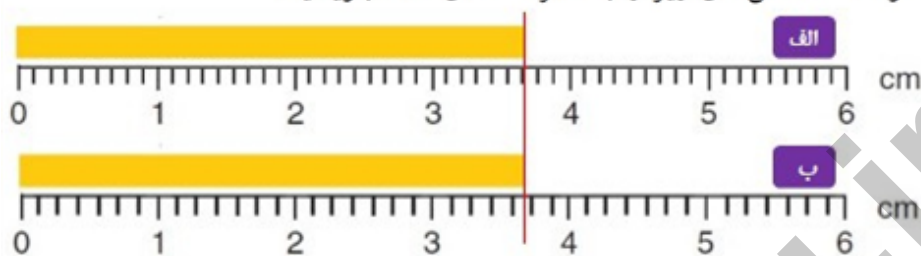
۷ شکل زیر بخشی از یک کولیس 0.05 mm را نشان می‌دهد. نتیجه‌ی اندازه‌گیری را با ذکر خطای وسیله بنویسید.



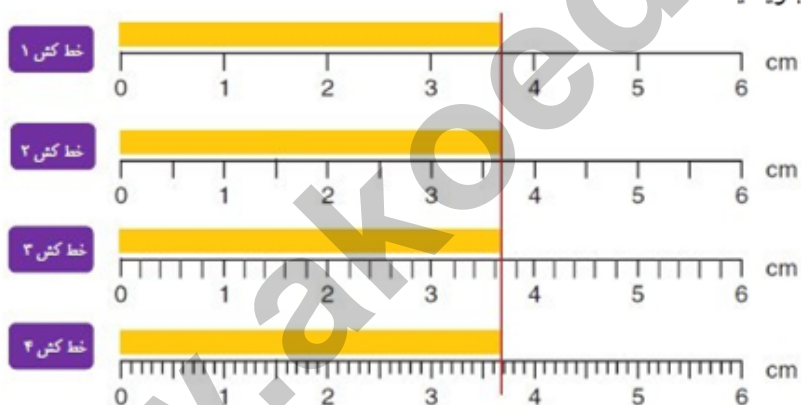
۸ شکل زیر خط کشی را نشان می‌دهد که ابتدای آن از بین رفته است. نتیجه‌ی اندازه‌گیری توسط این خط کش را به همراه خطای آن بنویسید.



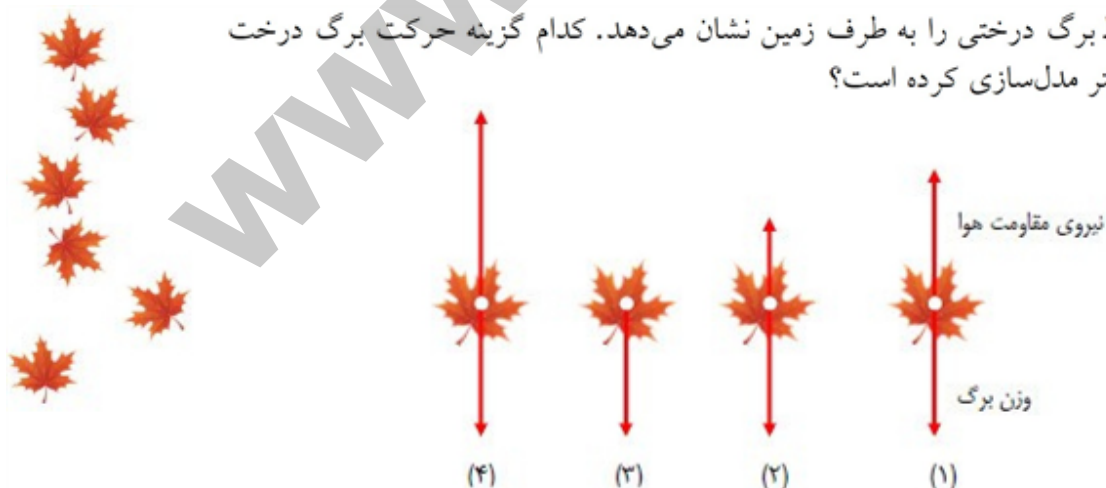
۹ نتیجه‌ی اندازه‌گیری توسط خط کش‌های زیر را به همراه خطای آن‌ها بنویسید.



۱۰ خط کش‌های موجود در بازار معمولاً به یکی از صورت‌های زیر مدرج می‌شوند. نتیجه‌ی اندازه‌گیری توسط هر خط کش را به همراه خطای آن بنویسید.



۱۱ شکل روبه‌رو سقوط برگ درختی را به طرف زمین نشان می‌دهد. کدام گزینه حرکت برگ درخت به طرف زمین را بهتر مدل‌سازی کرده است؟



۱۲ شکل الف شخصی را در حالت ایستاده نشان می‌دهد که جعبه‌ای در دست خود گرفته است. نیروهای وارد بر جعبه را مدل‌سازی کنید.



۱۳ سالانه نزدیک به ۱۲۵ میلیارد لیتر مواد و فراورده‌های نفتی از طریق حدود ۱۴۰۰۰ km خطوط لوله در نقاط مختلف کشور توزیع می‌شود. این خطوط در طول مسیر خود از مرکز انتقال متعددی می‌گذرند تا توان لازم را برای ادامه‌ی راه به دست آورند. شکل زیر یکی از این مراکز را نشان می‌دهد که در ارتفاع ۲۰۵۰ m از سطح دریای آزاد قرار دارد. در این مرکز، در هر ثانیه یک متر مکعب مواد نفتی از طریق لوله‌ای با قطر ۳۲/۰ اینچ (۸۱/۲ cm) توسط دو دستگاه پمپ (تلمبه) تا ارتفاع ۲۷۰۰ m از سطح دریای آزاد فرستاده می‌شود. اگر بازده هریک از پمپ‌های این مرکز حدود ۲۸ درصد باشد توان هریک از آن‌ها برحسب مگاوات (MW) و اسب بخار (hp) چه قدر است؟ (چگالی مواد نفتی را $\frac{860}{3} \frac{kg}{m^3}$ بگیرید.)



مرکز انتقال نفت گندم‌کار، یکی از ۷ مرکزی است که در مسیر مارون - اصفهان قرار دارد. این مسیر، که طولی برابر ۲۳۱ کیلومتر دارد دومین مسیر سخت و صعب‌العبور خطوط انتقال مواد نفتی در دنیاست.

۱۴ بالابری با تندی ثابت، باری به جرم ۶۵۰ kg را در مدت ۳/۰ دقیقه تا ارتفاع ۷۵ m بالا می‌برد. اگر جرم بالابر ۳۲۰ kg باشد، توان متوسط موتور آن چند وات و چند اسب بخار است؟

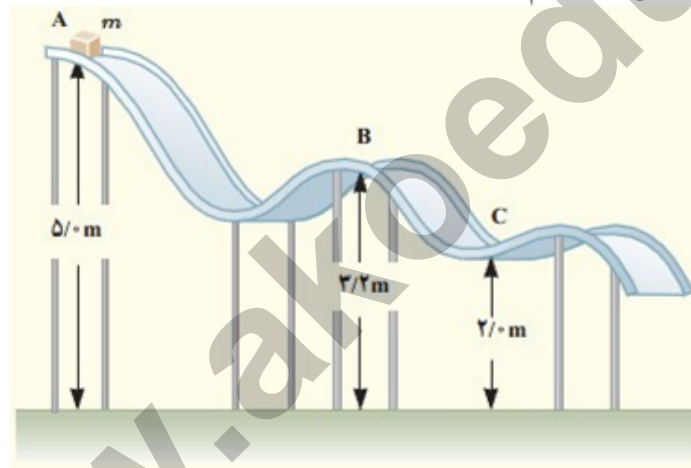


۱۵ شکل روبه‌رو گلوله‌ای را نشان می‌دهد که از سقف کلاسی آویزان شده و دانش‌آموزی آنرا از وضعیت تعادل خارج کرده و در برابر نوک بینی خود گرفته است.
الف) وقتی دانش‌آموز گلوله را رها می‌کند هنگام برگشت به او برخورد نمی‌کند. چرا؟
ب) اگر دانش‌آموز هنگام رها کردن گلوله، آنرا هل دهد، هنگام برگشت آن، چه اتفاقی می‌افتد؟

۱۶ جسمی به جرم $m = 12 \text{ kg}$ در نقطه‌ی A از حالت سکون رها می‌شود و در مسیری بدون اصطکاک سُر می‌خورد (شکل زیر). تعیین کنید.

الف) تندی جسم را در نقطه‌ی B

ب) کار نیروی گرانشی را در حرکت جسم از نقطه‌ی A تا نقطه‌ی C.



۱۷ گلوله‌ای به جرم 50 g از دهانه‌ی تفنگی با تندی $1/5 \frac{\text{km}}{\text{s}}$ و ارتفاع $1/6 \text{ m}$ از سطح زمین شلیک می‌شود. اگر گلوله با

تندی $0/25 \frac{\text{km}}{\text{s}}$ به زمین برخورد کند،

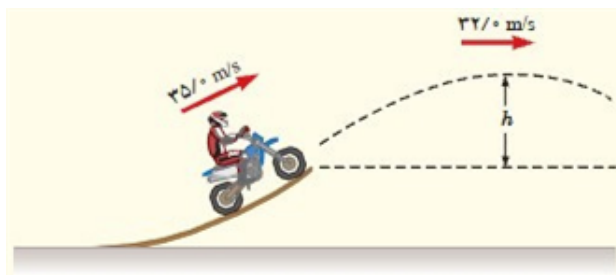
الف) در مدت حرکت گلوله کار نیروی مقاومت هوا چه قدر است؟

ب) مقدار به دست آمده در قسمت (الف) را با کار نیروی وزن مقایسه کنید.



سه توپ مشابه، از بالای ساختمانی با تندی یکسانی پرتاب می‌شود (شکل روبه‌رو). توپ ۱ در امتداد افق، توپ ۲ با زاویه‌ای بالاتر از امتداد افق و توپ ۳ با زاویه‌ای پایین‌تر از امتداد افق پرتاب می‌شود. با نادیده گرفتن مقاومت هوا، انرژی جنبشی توپ‌ها را هنگام برخورد با سطح زمین، با یکدیگر مقایسه کنید.

۱۸



موتورسواری از انتهای سکویی مطابق شکل زیر، پرشی را با تندی $35.0 \frac{m}{s}$ انجام می‌دهد. اگر تندی موتورسوار در بالاترین نقطه‌ی مسیرش به $32.0 \frac{m}{s}$ برسد، ارتفاع h را پیدا کنید. اصطکاک و مقاومت هوا را در طول مسیر حرکت موتورسوار نادیده بگیرید.

۱۹

در شکل زیر هواپیمایی که در ارتفاع 300 m از سطح زمین و با تندی $50 \frac{m}{s}$ پرواز می‌کند، بسته‌ای را برای کمک به آسیب‌دیدگان زلزله رها می‌کند. تندی بسته هنگام برخورد به زمین چه قدر است؟ (از تأثیر مقاومت هوا روی حرکت بسته چشم‌پوشی کنید.)

۲۰



۲۱

شکل زیر هواپیمایی به جرم $7/2 \times 10^4 \text{ kg}$ را نشان می‌دهد که از حال سکون شروع به حرکت می‌کند و پس از

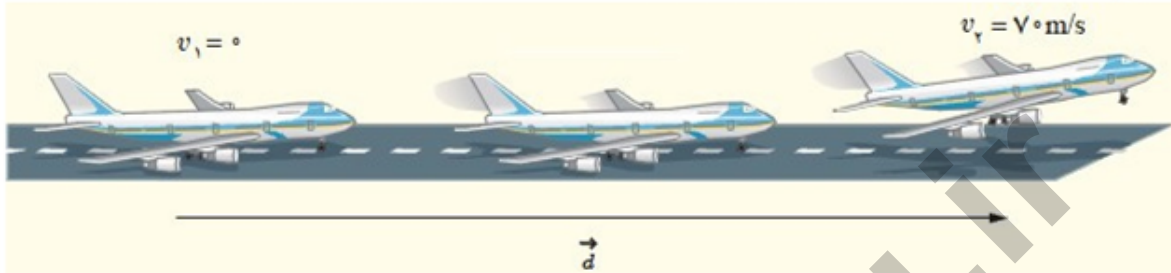
2050 m جابه‌جایی در امتداد باند هواپیما، به تندی برخاستن $v_p = 70 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ می‌رسد.

الف) کار کل نیروهای وارد بر هواپیما را در این جابه‌جایی حساب کنید.

ب) یک دقیقه پس از برخاستن، هواپیما تا ارتفاع 560 m از سطح زمین اوج می‌گیرد و تندی آن به $140 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ می‌رسد.

در این مدت، کار نیروی وزن چه قدر است؟

پ) به جز نیروی وزن، چه نیروهای دیگری بر هواپیما اثر می‌کند؟ کار کدامیک از این نیروها مثبت و کار کدامیک از آنها منفی است؟



۲۲

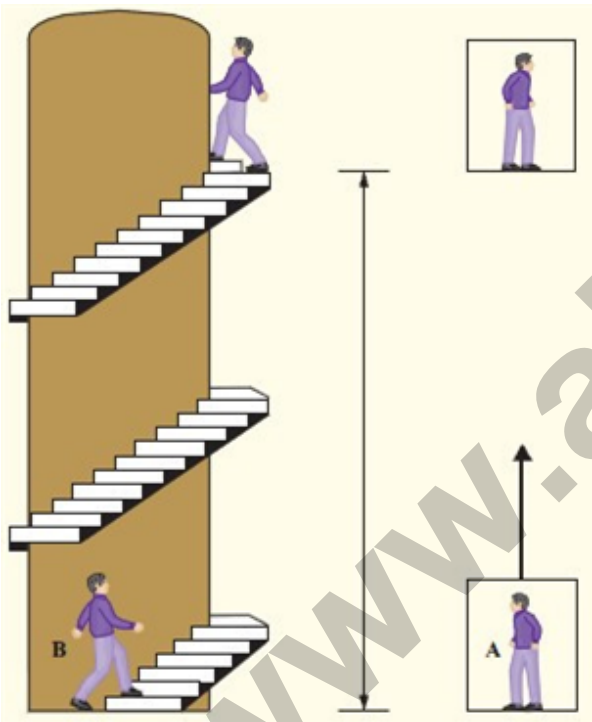
دو شخص هم جرم A و B به طبقه‌ی ساختمانی می‌روند. شخص A با آسان‌تر (آسانسور) و شخص B به آرامی از پله‌های ساختمان بالا می‌روند. گزاره‌های درست با ذکر دلیل مشخص کنید.

الف) در طبقه سوم، انرژی پتانسیل گرانشی (نسبت به زمین) شخص A از شخص B کم‌تر است، زیرا آرام‌تر بالا رفته است.

ب) انرژی پتانسیل گرانشی (نسبت به زمین) شخص A کم‌تر از شخص B است، زیرا برای رسیدن به طبقه سوم ساختمان مسافت کم‌تری پیموده است.

پ) کار نیروی وزن برای هر دو شخص در طول مسیر یکسان است.

ت) انرژی پتانسیل گرانشی هر دو شخص در طبقه سوم ساختمان یکسان است.



۲۳) آیا انرژی جنبشی یک جسم می‌تواند منفی باشد؟ انرژی پتانسیل گرانشی یک سامانه چگونه؟ توضیح دهید.

۲۴

شخصی گلوله‌ای برفی به جرم 150 g را از روی زمین برمی‌دارد و تا ارتفاع 180 cm بالا می‌برد و سپس آنرا با تندی

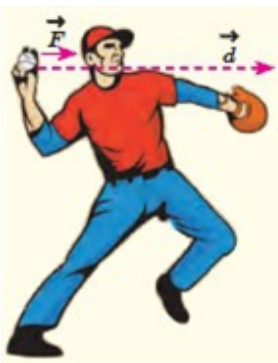
$12 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ پرتاب می‌کند. کار انجام شده توسط شخص روی گلوله‌ی برف چه قدر است؟



۲۵ اگر مطابق شکل سطلی را در دست نگه دارید، آیا نیروی دست شما هنگامی که با تندی ثابت در مسیر افقی قدم می‌زنید روی سطح کاری انجام می‌دهد؟ اگر تندی حرکت شما در طول مسیر کم و زیاد شود چطور؟ پاسخ خود را در هر مورد توضیح دهید.

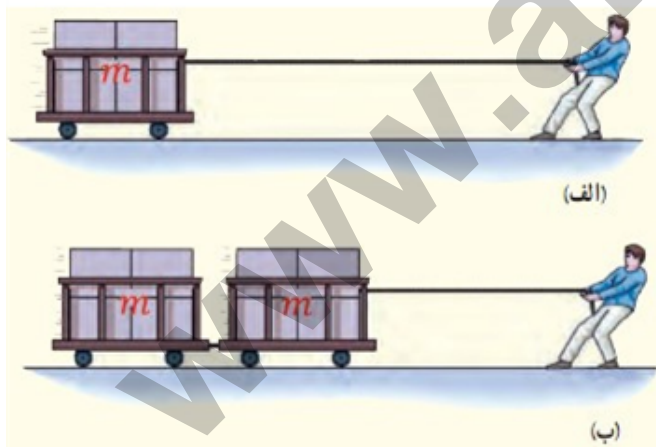
۲۶ برای آن که نیروی خالصی، بتواند تندی جسم را از صفر به v برساند باید مقدار کار W را روی آن انجام دهد. اگر قرار باشد تندی این جسم از صفر به $3v$ برسد کاری که روی جسم باید انجام شود چند برابر W است؟

۲۷ آیا کار کل انجام شده بر یک جسم در یک جابه‌جایی می‌تواند منفی باشد؟ توضیح دهید.



۲۸ ورزشکاری سعی می‌کند توپ بیسبالی به جرم 150 g را با بیش‌ترین تندی ممکن پرتاب کند. به این منظور، ورزشکار نیرویی به بزرگی $F = 75/0\text{ N}$ تا لحظه‌ی پرتاب توپ و در امتداد جابه‌جایی $(d = 1/5\text{ m})$ بر آن وارد می‌کند. (شکل روبه‌رو). با چشم‌پوشی از مقاومت هوا، تندی توپ هنگام جدا شدن از دست ورزشکار چه قدر است؟

۲۹ در شکل‌های (الف) و (ب) جرم ارابه‌ها یکسان است. برای این که تندی ارابه‌ها از صفر به مقدار معین v برسد، کار انجام شده در هر دو حالت را با هم مقایسه کنید.





۳۰ حدود ۵۰۰۰۰ سال پیش شهاب‌سنگی در نزدیک آریزونا، آمریکا به زمین برخورد کرده و چاله‌ای بزرگ از خود به جای گذاشته است. (شکل روبه‌رو). با اندازه‌گیری‌های جدید (۲۰۰۵ میلادی) برآورد شده است که جرم این شهاب‌سنگ حدود $1.4 \times 10^8 \text{ kg}$ بوده و با تندی $12/0 \frac{\text{km}}{\text{s}}$ به زمین برخورد کرده است.

انرژی جنبشی این شهاب‌سنگ هنگام برخورد به زمین چه قدر بوده است؟

(خوب است بدانید انرژی آزاد شده توسط هر تن TNT تقریباً برابر $4/2 \times 10^9 \text{ J}$ است.)



۳۱ تقریباً بیشتر شهاب‌سنگ‌هایی که وارد جو زمین می‌شوند به دلیل اصطکاک زیاد با ذرات تشکیل‌دهنده جو، به دمای بالایی می‌رسند و می‌سوزند. شکل روبه‌رو شهاب‌سنگی به جرم $1.4 \times 10^5 \text{ kg}$ را نشان می‌دهد که با تندی $4/0 \frac{\text{km}}{\text{s}}$ وارد جو زمین شده است. انرژی جنبشی این شهاب‌سنگ را به دست آورید. این انرژی را با انرژی جنبشی یک هواپیمای مسافربری به جرم $7/2 \times 10^4 \text{ kg}$ که با تندی $250 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ در حرکت است مقایسه کنید.

۳۲ مدت زمانی را که طول می‌کشد تا با دویدن به بالای یک راه‌پله برسید اندازه بگیرید. آهنگ انجام این کار را محاسبه کنید. پاسخ خود را برحسب وات و اسب بخار بیان کنید.

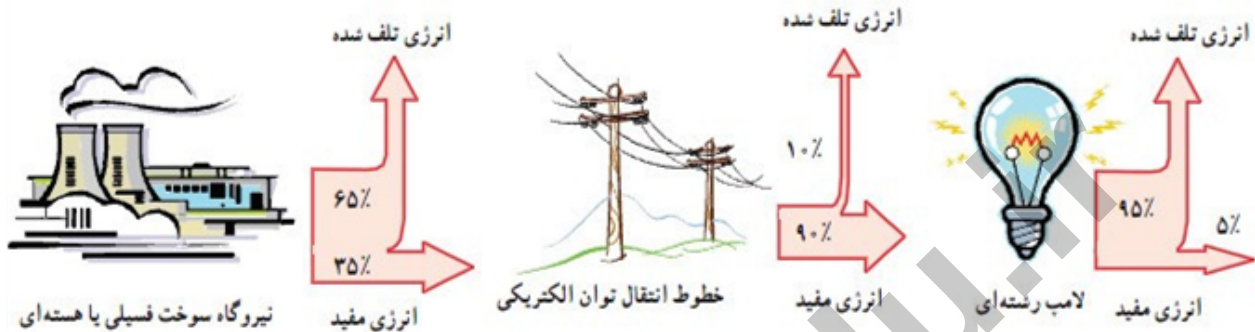
۳۳

شکل زیر طرح‌واره‌ای از درصد انرژی مفید و انرژی تلف شده در یک نیروگاه سوخت فسیلی یا هسته‌ای را از آغاز تا مصرف در یک لامپ رشته‌ای نشان می‌دهد.

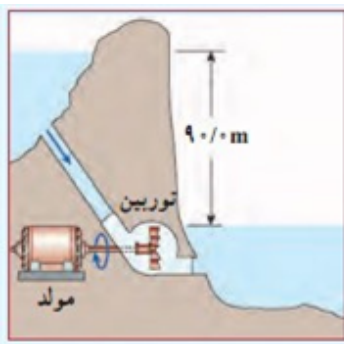
الف) یک نیروگاه سوخت فسیلی را در نظر بگیرید که با مصرف گازوئیل، انرژی الکتریکی تولید می‌کند. با سوختن هر لیتر گازوئیل حدود ۳۵ مگاژول انرژی گرمایی تولید می‌شود. برای این که یک لامپ رشته‌ای ۱۰۰ واتی در طول یک ماه به مدت ۱۸۰ ساعت روشن بماند (به طور میانگین هر شبانه‌روز ۶ ساعت)، چه قدر گازوئیل باید در نیروگاه مصرف شود؟

ب) با توجه به نتیجه قسمت الف، درک خود از هشدار معروف «لامپ اضافی خاموش» را بیان کنید.

پ) اگر در سراسر ایران، هر خانه در طول یک ماه، معادل انرژی الکتریکی مصرف شده در قسمت الف، صرفه‌جویی کند، مقدار گازوئیل صرفه‌جویی شده را محاسبه کنید.



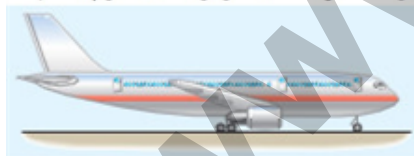
۳۴



آب ذخیره شده در پشت سد یک نیروگاه برق‌آبی، از مسیری مطابق شکل روی پره‌های توربینی می‌ریزد و آنرا می‌چرخاند. با چرخش توربین، مولد می‌چرخد و انرژی الکتریکی تولید می‌شود (شکل روبه‌رو). اگر ۸۵ درصد کار نیروی گرانش به انرژی الکتریکی تبدیل شود، در هر ثانیه چند متر مکعب آب باید روی توربین بریزد تا توان الکتریکی خروجی مولد نیروگاه به 200 MW برسد؟ جرم هر متر مکعب آب را 1000 kg در نظر بگیرید.

۳۵

هریک از دو موتور جت یک هواپیمای مسافربری، پیشرانه‌ای (نیروی جلوبر هواپیما) برابر $2/0 \times 10^5\text{ N}$ ایجاد می‌کند. اگر هواپیما در هر دقیقه 15 km در امتداد این نیرو حرکت کند، توان متوسط هر یک از موتورهای هواپیما چند اسب بخار است؟



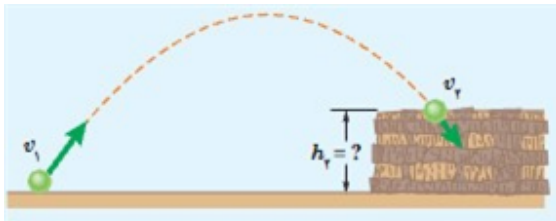
۳۶

توپ بی جرم $0/45\text{ kg}$ با تندی $v_1 = 8/0\text{ m/s}$ از نقطه‌ی A می‌گذرد (شکل روبه‌رو). نیروی مقاومت هوا و نیروی اصطکاک در سطح تماس توپ با زمین، ۲۰ درصد انرژی جنبشی اولیه‌ی توپ را تا رسیدن به نقطه‌ی B تلف می‌کنند. تندی توپ را در این نقطه به دست آورید.

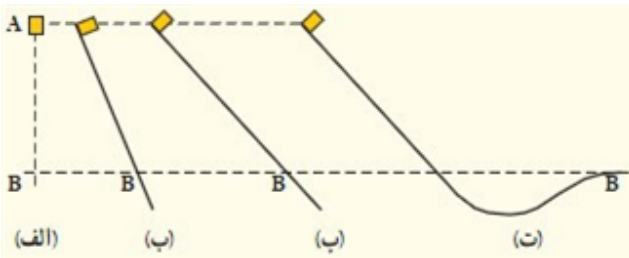


می‌کنند. تندی توپ را در این نقطه به دست آورید.

۳۷ شخصی توپ در حال حرکتی را با دست خود می‌گیرد (شکل روبه‌رو). پس از توقف توپ انرژی جنبشی آن کجا رفته است؟



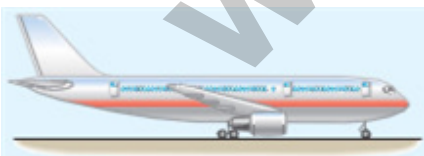
۳۸ توپی مطابق شکل از سطح زمین با تندی $v_1 = 40 \frac{m}{s}$ به طرف صخره‌ای پرتاب می‌شود. اگر توپی با تندی $v_2 = 25 \frac{m}{s}$ به بالای صخره برخورد کند، ارتفاع h_1 را به دست آورید. مقاومت هوا را هنگام حرکت توپ نادیده بگیرید.



۳۹ شکل روبه‌رو، چهار وضعیت متفاوت را برای حرکت جسمی نشان می‌دهد. در وضعیت الف، جسم از حال سکون سقوط می‌کند و در سه وضعیت دیگر جسم از حال سکون روی مسیری بدون اصطکاک و رو به پایین حرکت می‌کند. تندی جسم را در نقطه‌ی B برای هر چهار وضعیت با هم مقایسه کنید.



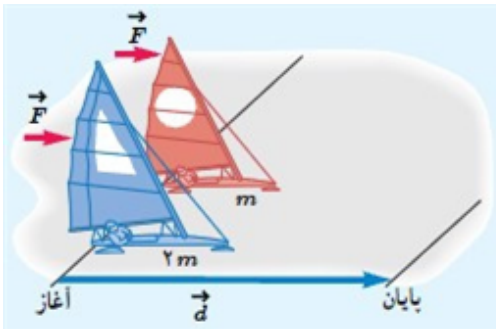
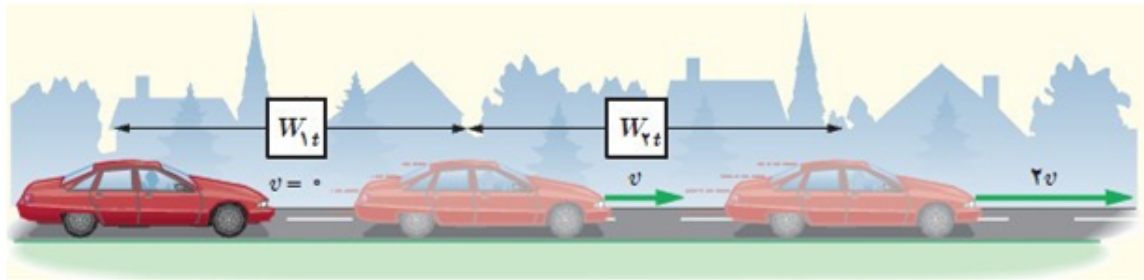
۴۰ جرم موتورسواری با موتورش 150 kg است. این موتورسوار، پرشی مطابق شکل روبه‌رو انجام می‌دهد. الف) انرژی پتانسیل گرانشی موتورسوار را روی هر یک از تپه‌ها حساب کنید $\left(g = 9.8 \frac{m}{s^2}\right)$. ب) کار نیروی وزن موتورسوار به همراه موتورش را در این جابه‌جایی به دست آورید.



۴۱ انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل گرانشی (نسبت به زمین) یک هواپیمای مسافربری به جرم $10^4 \times 7/50 \text{ kg}$ که با تندی $864 \frac{km}{h}$ در ارتفاع $9/60 \times 10^3 \text{ m}$ حرکت می‌کند چه قدر است؟ مقدار این انرژی‌ها را با هم مقایسه کنید.

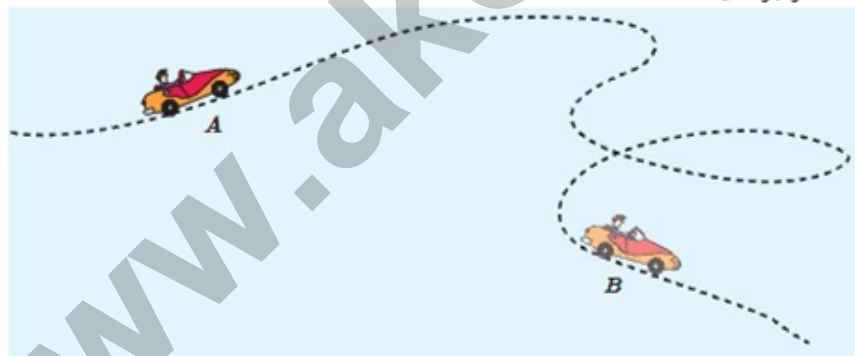
۴۲ برای جسمی به جرم m که رو به بالا حرکت می‌کند و از سطح زمین دور می‌شود. فرض کنید که جسم به اندازه‌ی کافی نزدیک به سطح زمین بماند به گونه‌ای که وزن آن ثابت باشد.

۴۳ برای آن که تندی خودرویی از حال سکون به v برسد، باید کار کل $W_{۱۲}$ روی آن انجام شود. هم چنین برای آن که تندی خودرو از v به $۲v$ برسد، باید کار کل $W_{۲۲}$ روی آن انجام شود (شکل زیر). نسبت $\frac{W_{۱۲}}{W_{۲۲}}$ چه قدر است؟

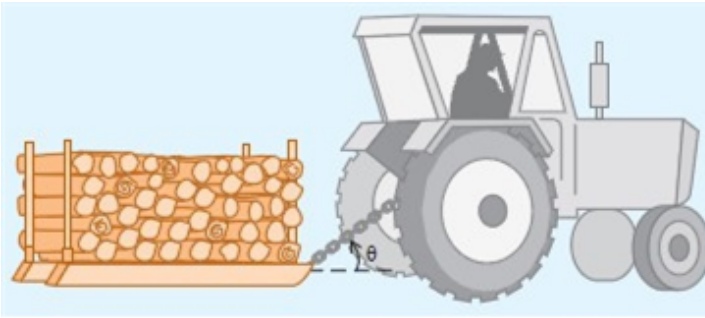


۴۴ دو قایق بادبانی مخصوص حرکت روی سطوح یخزده، دارای جرم‌های m و $۲m$ ، روی دریاچه‌ی افقی و بدون اصطکاکی قرار دارند و نیروی ثابت و یکسان F با وزیدن باد به هر دو وارد می‌شود (شکل روبه‌رو). هر دو قایق از حال سکون شروع به حرکت می‌کنند و از خط پایان به فاصله‌ی d می‌گذرند. انرژی جنبشی و تندی قایق‌ها را درست پس از عبور از خط پایان، با هم مقایسه کنید.

۴۵ جرم یک خودروی الکتریکی به همراه راننده‌اش ۸۴۰ kg است. وقتی این خودرو از موقعیت A به موقعیت B می‌رود، کار کل انجام شده روی خودرو ۱۳۵۰۰ J است. اگر تندی خودرو در موقعیت A برابر $\frac{۵۴}{۱۰} \frac{\text{km}}{\text{h}}$ باشد، تندی آن در موقعیت B چند متر بر ثانیه است؟

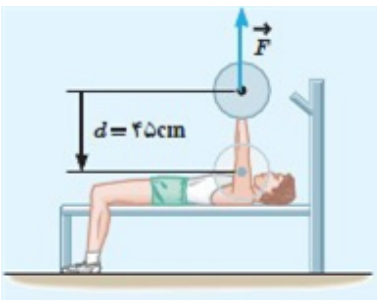
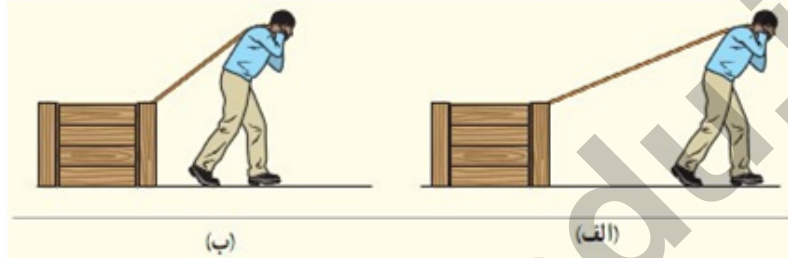


۴۶ شکل روبه‌رو شخصی را نشان می‌دهد که با وارد کردن نیروی ثابت ۱۵۰ N ، جعبه‌ای به جرم ۱۰ kg را از حال سکون در امتداد قائم جابه‌جا می‌کند. الف) کار انجام شده توسط شخص و کار انجام شده توسط نیروی وزن را روی جعبه تا ارتفاع $۱/۵ \text{ m}$ به طور جداگانه حساب کنید. ب) کار کل انجام شده روی جعبه تا ارتفاع $۱/۵ \text{ m}$ چه قدر است؟ پ) با استفاده از قضیه‌ی کار - انرژی جنبشی، تندی نهایی جعبه را در ارتفاع $۱/۵ \text{ m}$ حساب کنید.



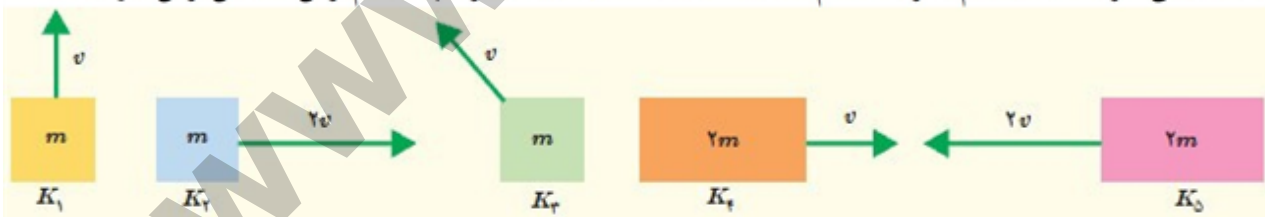
۴۷ کشاورزی توسط تراکتور، سورت‌های پر از هیزم را در راستای یک زمین همواره به اندازه‌ی 200 m جابه‌جا می‌کند (شکل روبه‌رو). وزن کل سورت‌ها و بار آن $mg = 15000\text{ N}$ است. تراکتور نیروی ثابت $F_1 = 5500\text{ N}$ را در زاویه‌ی $\theta = 45^\circ$ بالای افق به سورت‌ها وارد می‌کند. نیروی اصطکاک جنبشی $f_k = 3500\text{ N}$ است که برخلاف جهت حرکت به سورت‌ها وارد می‌شود. کار کل انجام شده روی سورت‌ها را محاسبه کنید.

۴۸ شخصی جسمی را یک بار با طنابی بلند (شکل الف) و بار دیگر با طنابی کوتاه‌تر (شکل ب) روی سطحی همواره می‌کشد. اگر جابه‌جایی و کاری که این شخص در هر دو بار روی جعبه انجام می‌دهد یکسان باشد، توضیح دهید در کدام حالت، شخص نیروی بزرگ‌تری وارد کرده است. اصطکاک را در هر دو حالت، ناچیز فرض کنید.

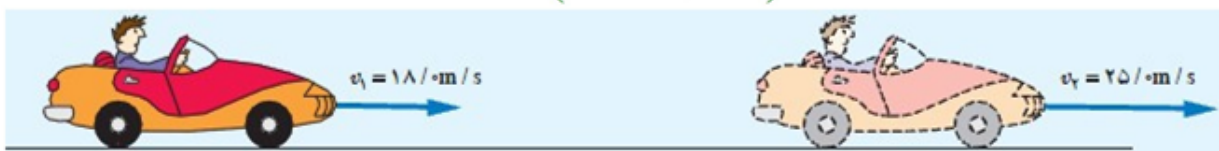


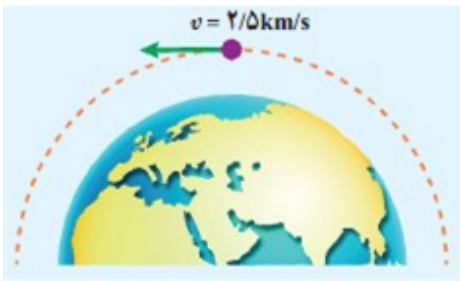
۴۹ سوال قبل را دوباره ببینید. کار انجام شده توسط ورزشکار را روی وزنه برای حالتی حساب کنید که ورزشکار با وارد کردن همان نیروی F ، وزنه را به آرامی پایین می‌آورد (شکل روبه‌رو). توضیح دهید که در این دو حالت، چه تفاوتی بین مقادیر به دست آمده برای کار انجام شده توسط ورزشکار وجود دارد.

۵۰ انرژی جنبشی هر یک از اجسام زیر را با هم مقایسه کنید و مقدار آنرا به ترتیب از کم‌ترین تا بیش‌ترین بنویسید.



۵۱ جرم خودروی به همراه راننده‌اش 840 kg است (شکل زیر). تندی خودرو در دو نقطه از مسیرش روی شکل زیر داده شده است. تغییرات انرژی جنبشی خودرو $(\Delta K = K_2 - K_1)$ را بین این دو نقطه حساب کنید.

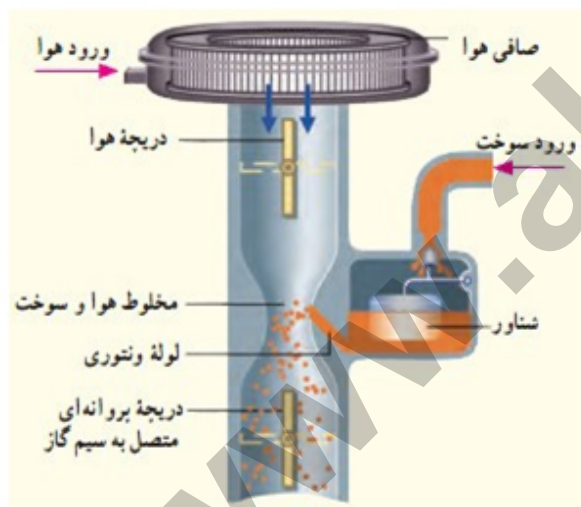
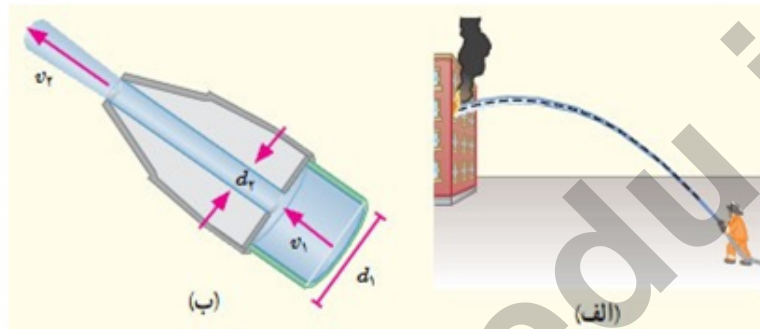




ماهوره‌ای به جرم 224 kg ، با تندی ثابت $\frac{2}{5} \frac{\text{km}}{\text{s}}$ دور زمین می‌چرخد. انرژی جنبشی ماهواره را برحسب ژول و مگاژول حساب کنید.

۵۲

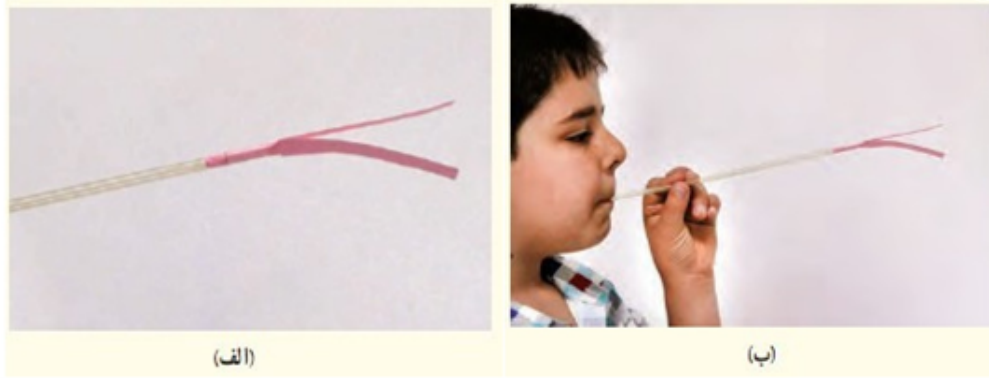
شکل (الف) آتش‌نشانی را در حال خاموش کردن آتش از فاصله‌ی نسبتاً دوری نشان می‌دهد. نمایی بزرگ شده از شیر بسته شده به انتهای لوله‌ی آتش‌نشانی در شکل (ب) نشان داده شده است. اگر آب با تندی $U_1 = 1/50 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ از لوله وارد شیر شود و قطر ورودی شیر $d_1 = 9/60 \text{ cm}$ و قطر قسمت خروجی آن $d_2 = 2/50 \text{ cm}$ باشد، تندی خروج آب را از شیر پیدا کنید.



شکل زیر کاربراتور یک موتور بنزینی قدیمی را نشان می‌دهد. حجم هوایی که وارد کاربراتور می‌شود توسط دریچه‌ی پروانه‌ای که به سیم گاز خودرو وصل شده، قابل تنظیم است. با توجه به کاربرد اصلی برنولی در ساختمان یک کاربراتور، توضیح دهید چرا با فشردن بیشتر پدال گاز، دور موتور خودرو افزایش می‌یابد و خودرو می‌تواند سریع‌تر حرکت کند.

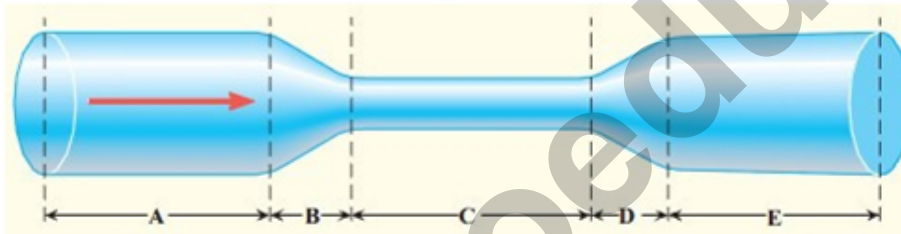
۵۴

۵۵ دو نوار کاغذی به طول تقریبی ۱۰ cm را مطابق شکل (الف) به انتهای یک نی نوشابه بچسبانید. وقتی مطابق شکل (ب) به درون نی دمیده می‌شود نوارهای کاغذی به طرف یکدیگر جذب می‌شوند. با توجه به اصل برنولی دلیل این پدیده را توضیح دهید.



۵۶ در لوله‌ای پر آب مطابق شکل زیر، آب از چپ به راست در جریان است. روی این لوله ۵ قسمت (A, B, C, D و E) نشان داده شده است.

(الف) در کدام یک از قسمت‌های لوله، تندی آب، در حال افزایش، در حال کاهش، یا ثابت است؟
(ب) تندی آب را در قسمت‌های A, C و E لوله با یکدیگر مقایسه کنید.

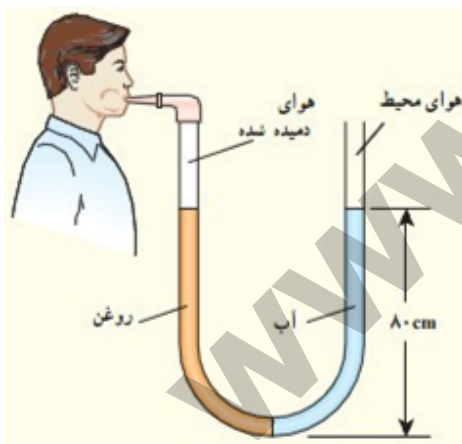


۵۷ توضیح دهید چرا نیروی شناوری برای جسمی که در یک شاره قرار دارد رو به بالا است.

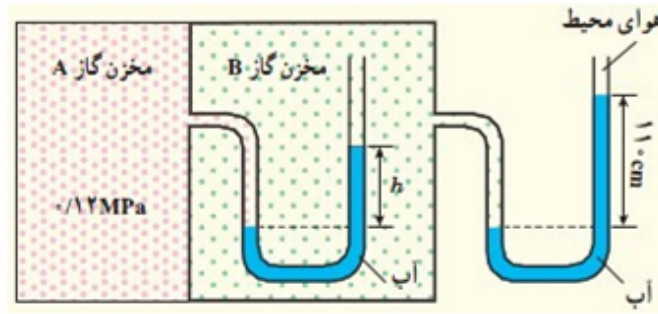
۵۸ لوله‌ی U شکلی را در نظر بگیرید که محتوی حجم مساوی از آب و روغن است (شکل روبه‌رو).

با توجه به اطلاعات روی شکل، فشار پیمانه‌ای هوای درون ریه‌ی شخصی که از شاخه‌ی سمت چپ لوله درون آن دمیده، چه قدر است؟

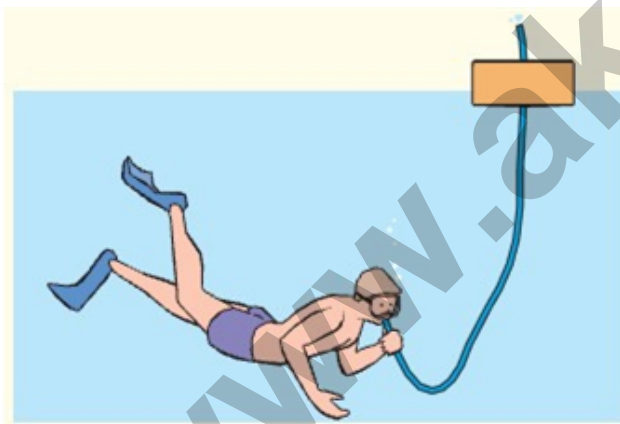
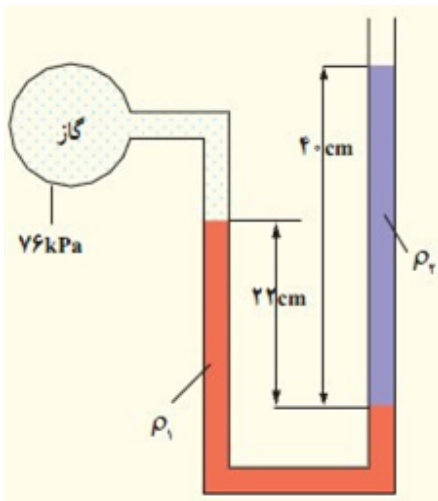
چگالی روغن را $\frac{805}{3} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ بگیرید.



در شکل زیر مقدار h چند سانتی متر است؟ فشار هوای محیط را 101 kPa و چگالی آب را $1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ بگیرید.



درون لوله‌ی U شکلی که به یک مخزن محتوی گاز وصل شده است جیوه ($\rho_1 = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$) و مایعی با چگالی نامعلوم ρ_2 وجود دارد. (شکل روبه‌رو).
اگر فشار هوای بیرون لوله‌ی u شکل 101 kPa باشد، چگالی مایع را تعیین کنید.



غواص‌ها می‌توانند با قرار دادن یک سر لوله‌ای در دهان خود، در حالی که سر دیگر آن از آب بیرون است، تا عمق بیشینه‌ای در آب فرو روند و نفس بکشند (شکل روبه‌رو). با گذشتن از این عمق، اختلاف فشار درون و بیرون ریه‌ی غواص افزایش می‌یابد و غواص را ناراحت می‌کند. چون هوای درون ریه از طریق لوله با هوای بیرون ارتباط دارد، فشار هوای درون ریه، همان فشار جو است در حالی که فشار وارد بر قفسه‌ی سینه‌ی او، همان فشار در عمق آب است. در عمق $6/15 \text{ m}$ از سطح آب، اختلاف

فشار درون ریه‌ی غواص با فشار وارد بر قفسه‌ی سینه‌او چه قدر است؟ (خوب است بدانید که غواص‌های مجهز به مخزن هوای فشرده می‌توانند تا عمق بیشتری در آب فرو روند، زیرا فشار هوای درون ریه آن‌ها با افزایش عمق، هم‌پای فشار آب بر سطح بیرونی بدن زیاد می‌شود.)

الف) ارتفاع چهار شهر مرتفع ایران از سطح دریا، به شرح زیر است:

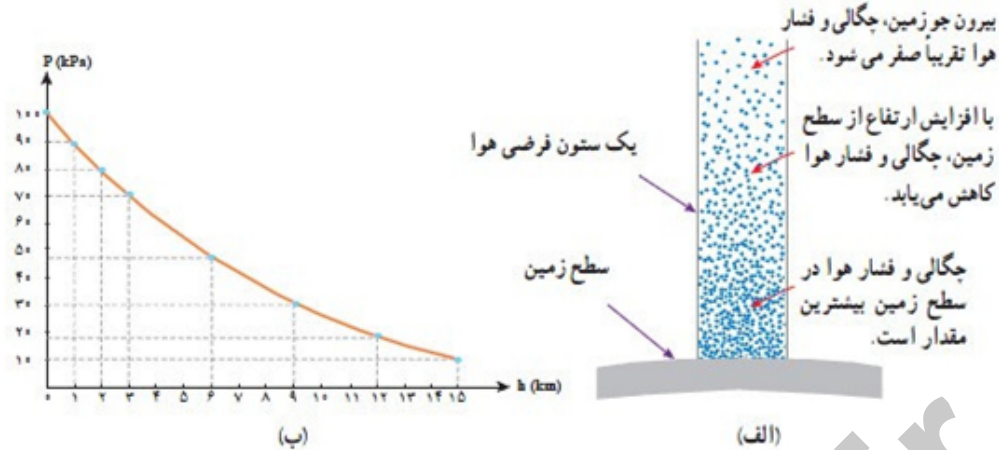
شهرکرد: 2072 m

بروجن: 2265 m

سمیرم: 2434 m

فریدون شهر: 2612 m

با توجه به نمودار زیر، فشار تقریبی هوا را در این چهار شهر بنویسید.



ب) چگالی متوسط هوا تا ارتفاع ۳ کیلومتری از سطح دریای آزاد حدود $\frac{1}{3} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ است. فشار هوا را در این شهرها حساب کنید و مقادیر به دست آمده را با نتیجه‌ی قسمت الف مقایسه کنید.

شکل روبه‌رو یک جوسنج ساده‌ی جیوه‌ای را نشان می‌دهد. (ضخامت دیواره‌ی شیشه‌ای را نادیده بگیرید.)

الف) در ناحیه‌ی A چه چیزی وجود دارد؟

ب) چه عاملی جیوه را درون لوله نگه می‌دارد؟

پ) فشار هوای محیطی که این جوسنج در آنجا قرار دارد چه قدر است؟

ت) اگر این جوسنج را بالای کوهی ببریم چه تغییری در ارتفاع ستون جیوه‌ی درون لوله رخ می‌دهد؟ دلیل آنرا توضیح دهید.

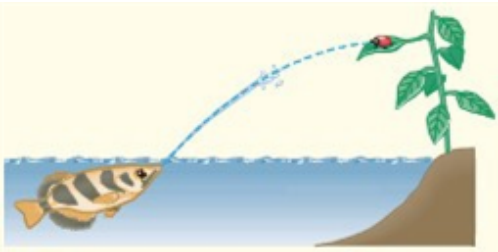
مساحت روزنه‌ی خروج بخار آب، روی درب یک زودپز

$4/0\text{ mm}^3$ است (شکل روبه‌رو). جرم وزنه‌ای که روی این

روزنه باید گذاشت چه قدر باشد تا فشار داخل آن در $2/0\text{ atm}$

نگه داشته شود؟ فشار بیرون دیگ زودپز را $1/0\text{ atm}$ بگیرید.

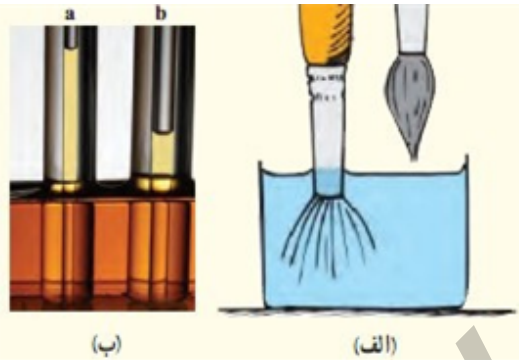




۶۵ نوعی ماهی به نام ماهی کمان‌گیر با جمع کردن آب در دهان خود و پرتاب آن به سوی حشراتی که در بیرون از آب، روی گیاهان نشسته‌اند، آن‌ها را شکار می‌کند و می‌خورد. هدف‌گیری آن‌ها به اندازه‌ای دقیق است که معمولاً در این کار اشتباه نمی‌کنند. کدام ویژگی فیزیکی آب این امکان را به ماهی کمان‌گیری برای شکار می‌دهد؟



۶۶ تغییرات اقلیمی سال‌های اخیر در کشورهای غرب ایران، پدیده‌ی خطرناک ریزگردها را به مناطق وسیعی از کشورمان گسترش داده است. چگالی ریزگردها در حالتی که ته‌نشین شده باشد تقریباً دو برابر چگالی آب است. چرا بادهای نسبتاً ضعیف قادرند توده‌های بزرگی از ریزگردها را به حرکت درآورند در حالی که توفان‌های شدید دریایی تنها مقدار اندکی آب را به صورت قطره‌های ریز به طرف بالا می‌پاشند؟
ب) بررسی کنید برای مقابله با این پدیده و مهار آن، چه تدابیری را می‌توان اندیشید.



۶۷ الف) توضیح دهید چرا وقتی قلم‌مویی را از آب بیرون می‌کشیم (شکل الف)، موهای آن به هم می‌چسبند. (اشاره به پدیده‌ی کشش سطحی در مایع‌ها توجه کنید).
ب) شکل (ب) دو لوله‌ی موئین هم‌جنس را نشان می‌دهد که درون مایعی قرار دارند. چرا ارتفاع مایع درون لوله‌ی 'b' از لوله‌ی دیگر کم‌تر است؟ با توجه به شکل، نیروی هم‌چسبی مایع را با نیروی دگرچسبی مایع و لوله‌های موئین مقایسه کنید.

۶۸ شیشه‌گران برای چسباندن تکه‌های شیشه به یک‌دیگر، آن‌ها را آنقدر گرم می‌کنند که نرم شوند. این کار را با توجه به کوتاه‌برد بودن نیروی جاذبه‌ی بین مولکولی توضیح دهید.

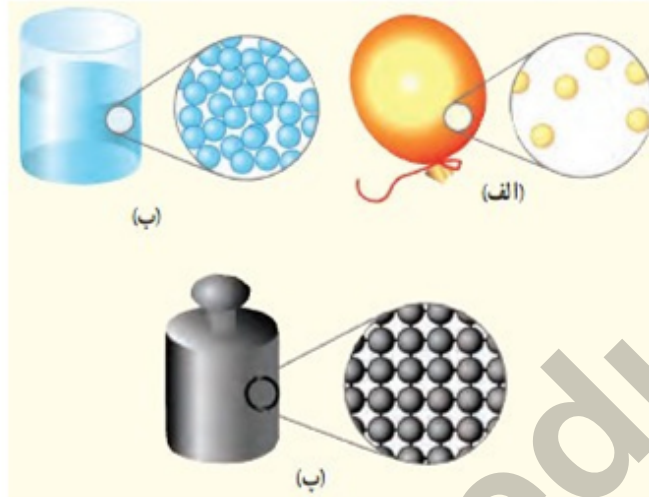
۶۹ توضیح دهید چرا الف) پدیده‌ی پخش در گازها، سریع‌تر از مایع‌ها انجام می‌شود. در توضیح خود به چند مثال نیز اشاره کنید.
ب) یک بادکنک پر از باد، حتی اگر دهانه‌ی آن نیز کاملاً بسته شده باشد، باز هم رفته رفته کم باد می‌شود.

۷۰ هنگام پاک کردن تخته‌ی سیاه، ذرات گچ به طور نامنظم در هوای اطراف پراکنده شده و حرکت می‌کنند. این حرکت نامنظم ذرات گچ، مطابق شکل زیر مدل‌سازی شده است.
الف) چه عاملی باعث حرکت نامنظم ذره‌های گچ می‌شود؟
ب) مولکول‌های هوا بسیار کوچک‌تر و سبک‌تر از ذره‌های گچ هستند و توسط میکروسکوپ هم دیده نمی‌شوند. توضیح دهید چگونه این تجربه‌ی ساده، شاهده‌ی بر وجود مولکول‌های هواست.

۷۱ توضیح دهید از سه حالت مختلف ماده در چه بخش‌هایی از یک دوچرخه و به چه دلیلی استفاده شده است.



۷۲ دریافت خود را از شکل‌های زیر براساس مفاهیمی که از سه حالت معمول ماده فرا گرفته‌اید بیان کنید.



پوشش برزنتی صاف و تخت است.

کامیون در حال توقف



پوشش برزنتی پُف کرده است.

کامیون در حال حرکت



۷۳ الف) روزهایی که باد می‌وزد، ارتفاع موج‌های دریا یا اقیانوس بالاتر از ارتفاع میانگین می‌شود. با اصل برنولی چگونه می‌توان افزایش ارتفاع موج را توضیح داد؟

ب) شکل روبه‌رو کامیونی را در دو وضعیت سکون و در حال حرکت نشان می‌دهد. با استفاده از اصل برنولی توضیح دهید چرا وقتی کامیون در حال حرکت است پوشش برزنتی آن پُف می‌کند.

۷۴ وقتی شیر آبی را کمی باز کنید و آب به آرامی جریان یابد، مشاهده می‌شود که باریکه‌ی آب با نزدیک‌تر شدن به زمین، باریک‌تر می‌شود (شکل روبه‌رو). دلیل این پدیده را با توجه به معادله‌ی پیوستگی توضیح دهید.





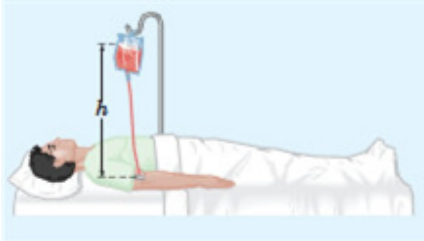
پوش برگ آلومینیومی



پوش برگ آلومینیومی مجاله‌شده

۷۵ درون یک ظرف مقداری آب بریزید. یک پوش برگ (فویل) آلومینیومی به ابعاد تقریبی $20\text{ cm} \times 20\text{ cm}$ اختیار کنید و آنرا مجاله کنید. پیش‌بینی کنید با قراردادن پوش برگ مجاله شده روی سطح آب، چه اتفاقی می‌افتد؟ آزمایش را انجام دهید.

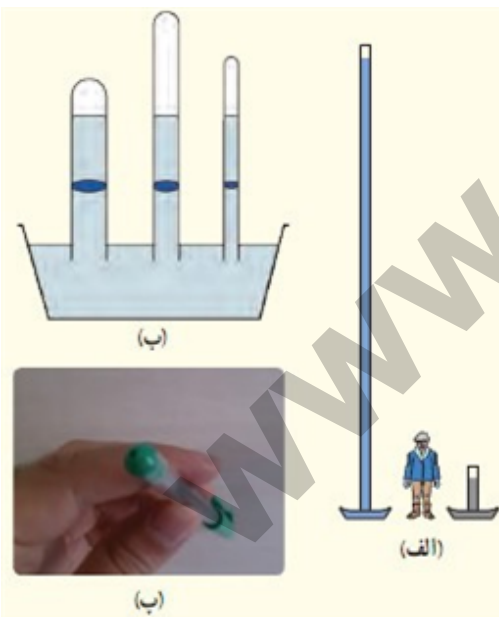
پوش برگ دیگری با همان ابعاد اختیار کنید و به جای مجاله کردن، آنرا چندین بار (دست کم ۵ بار) روی هم تا کنید. اگر این پوش برگ چند لایه را، روی سطح آب قرار دهید، پیش‌بینی کنید چه اتفاقی می‌افتد؟ آزمایش را انجام دهید. پیش‌بینی‌ها و نتایج مشاهده‌ی (آزمایش) خود را در گروهتان به بحث بگذارید و نتیجه را به کلاس ارائه دهید.



۷۶ شکل روبه‌رو یک کیسه‌ی پلاستیکی حاوی محلولی را نشان می‌دهد که در حال تزریق به یک بیمار است. سوزن سرنگی را به قسمت خالی از مایع بالای این کیسه وارد می‌کنند طوری که فشار هوا در این بخش از کیسه همواره با فشار هوای بیرون برابر بماند. اگر فشار پیمانه‌ای در سیاه‌رگ 1330 پاسکال باشد، ارتفاع کمینه‌ی h چه قدر باشد تا محلول در سیاه‌رگ نفوذ

کند؟ چگالی محلول را $\frac{1045}{3} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ بگیرید.

۷۷ آزمایشی طراحی و سپس اجرا کنید که به کمک آن بتوان نشان داد فشار در یک عمق معین از مایع به جهت‌گیری سطحی که فشار به آن وارد می‌شود بستگی ندارد.



۷۸ الف) توضیح دهید چرا توربجلی در آزمایش خود ترجیح داد به جای آب از جیوه استفاده کند؟ (ممکن است شکل الف بتواند در پاسخ به این پرسش به شما کمک کند.)

ب) برای لوله‌های غیرمویین، اگر سطح مقطع و طول لوله‌ها متفاوت باشد، ارتفاع ستون جیوه تغییر نمی‌کند (شکل ب). علت را توضیح دهید.

پ) در قلم خودکار، جوهر از طریق یک لوله وارد نوک قلم شده و در آنجا توسط یک گوی فلزی ضد زنگ غلتان، روی ورقه‌ی کاغذ پخش می‌شود. در بدنه‌ی لاکه‌ی یا درپوش بالایی این نوع قلم‌های خودکار، سوراخ‌ریزی ایجاد می‌کنند (شکل پ). دلیل این کار را توضیح دهید.

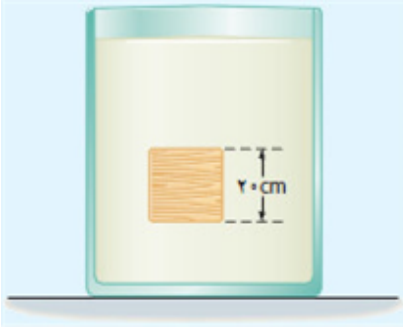
در هواشناسی و روی نقشه‌های آب و هوا، معمولاً از یکای بار (bar) برای فشار هوا استفاده می‌کنند.

$$1 \text{ bar} = 1/000 \times 10^5 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} = 1/000 \times 10^5 \text{ Pa}$$

به طوری که داریم:



یک ستون به سطح مقطع 1 m^2 در نظر بگیرید که از سطح دریای آزاد تا بالاترین بخش جو زمین ادامه می‌یابد (شکل روبه‌رو). اگر فشار هوا را در سطح دریا 1 bar در نظر بگیریم، چند کیلوگرم هوا در این ستون فرضی وجود دارد؟ چند درصد این جرم تا ارتفاع ۹ کیلومتری این ستون فرضی قرار دارد؟



جسم مکعبی به طول ضلع ۲۰ cm درون شاره‌ای غوطه‌ور و در حال تعادل است (شکل روبه‌رو). فشار در بالا و زیر جسم به ترتیب برابر ۱۰۵ و ۱۰۰ کیلوپاسکال است. چگالی شاره چند کیلوگرم بر متر مکعب است؟

شناگری در عمق ۵/۰ متری از سطح آب دریاچه‌ای شنا می‌کند. فشار در این عمق چه قدر است؟ اگر مساحت پرده‌ی گوش را یک سانتی‌متر مربع (1 cm^2) فرض کنیم، بزرگی نیرویی که به پرده‌ی گوش این شناگر وارد می‌شود چند نیوتون است؟ فشار هوای محیط را $1/01 \times 10^5 \text{ Pa}$ بگیرید.

در ساختمان دیوارهای ساختمان باید اثر موینگی در نظر گرفته شود، زیرا تراوش آب از منفذهای مویین در این دیوارها می‌تواند سبب خسارت در داخل ساختمان شود. برای جلوگیری از این خسارت، دیوارهای داخل یا خارج ساختمان را معمولاً با مواد ناتراوا (مانند قیر) می‌پوشانند. تحقیق کنید در معماری سنتی ایران به جای قیراندود کردن، چگونه از نفوذ آب به داخل سازه‌ها جلوگیری می‌کردند.

این فعالیت به شما کمک می‌کند تا درک بهتری از نیروی دگرچسبی به دست آورید. به این منظور از یک لیوان پر از آب، یک کارت بانکی و تعدادی وزنه چند گرمی یا سکه‌های پول استفاده کنید. ابتدا مطابق شکل الف، کارت را طوری روی لبه‌ی لیوان قرار دهید که تنها نیمی از آن با آب در تماس باشد. وزنه‌های چند گرمی را روی قسمتی از کارت قرار دهید که با آب در تماس نیست (ابتدا وزنه ۵ گرمی، سپس ۱۰ گرمی و ...). نتیجه‌ی مشاهده‌ی خود را با توجه به مفاهیمی که تاکنون فرا گرفته‌اید توضیح دهید. یکی دو قطره مایع شوینده به آب اضافه کنید و آزمایش را تکرار کنید. نتیجه‌ی مشاهده خود را در گروه به بحث بگذارید.



(ب)

(ب)

(الف)

۸۴ یک طرف یک تکه شیشه‌ی کوچک (با ابعادی حدود ۱۰ cm در ۱۰ cm) را کمی بالاتر از شعله‌ی یک شمع بگیرید تا سطح شیشه به طور کامل دوداندود شود. شیشه را از طرف تمیز آن روی سطحی افقی قرار دهید و سپس روی سطح دوداندود شده‌ی آن چند قطره آب بریزید. آنچه را مشاهده می‌کنید در گروه خود به بحث بگذارید و نتیجه را به کلاس ارائه دهید.

بار دیگر سطح شیشه را به جای دوراندود کردن، با روغن چرب کنید و آزمایش را تکرار کنید. مشاهده‌ی خود را توضیح دهید و نتیجه را به کلاس گزارش دهید. (پس از بحث کافی در خصوص این فعالیت، دوباره به تصویر و پرسش شروع فصل بازگردید و پاسخی قانع‌کننده ارائه دهید.)



۸۵ شکل روبه‌رو خروج قطره‌های روغن با دمای متفاوت را از دهانه‌ی دو قطره‌چکان نشان می‌دهد.

الف) توضیح دهید در کدام شکل دمای قطره‌های روغن کم‌تر است.

ب) افزایش دما چه تأثیری بر نیروی هم‌چسبی مولکول‌های یک مایع می‌گذارد؟

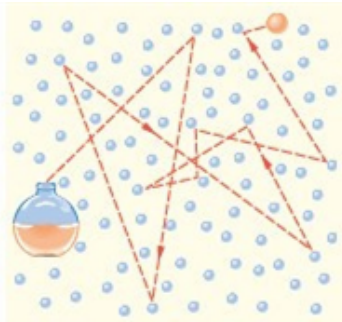
پ) چرا هنگام شستن ظروف، افزون بر استفاده از مایع ظرف‌شویی، ترجیح می‌دهیم از آب گرم نیز استفاده کنیم؟

۸۶ الف) سعی کنید یک سوزن ته‌گرد یا گیره‌ی کاغذ را مطابق شکل روی سطح آب شناور کنید. برای این منظور می‌توانید از یک تکه دستمال کاغذی استفاده کنید.

ب) پس از شناور شدن سوزن یا گیره، سطح آب را به دقت مشاهده کنید و مشاهدات خود را به کلاس گزارش دهید.

پ) اکنون یکی دو قطره مایع شوینده را به آرامی به آب درون ظرف بیفزایید. مشاهدات خود را به کلاس گزارش کنید و دلیلی برای آن‌ها ارائه دهید.

۸۷ وقتی شیشه می‌شکند با نزدیک کردن قطعه‌های آن به هم نمی‌توان اجزای شیشه را دوباره به هم چسباند؛ ولی اگر قطعه‌های شیشه را آن‌قدر گرم کنیم که نرم شوند می‌توان آن‌ها را به هم چسباند. این پدیده‌ها را با توجه به کوتاه‌برد بودن نیروهای بین‌مولکولی توجیه کنید.



۸۸ الف) وقتی در شیشه‌ی عطری را در گوشه‌ای از اتاق باز می‌کنید، پس از چند ثانیه ذرات عطر در همه جای اتاق پخش و بوی آن حس می‌شود. با توجه به شکل روبه‌رو این پدیده را چگونه توجیه می‌کنید؟ چرا پدیده‌ی پخش در گازها سریع‌تر از مایع‌ها رخ می‌دهد؟

ب) هوای اطراف کره‌ی زمین، آمیزه‌ای از نیتروژن (۷۸ درصد)، اکسیژن (۲۱ درصد)، کربن دی‌اکسید، بخار آب و مقدار کمی گازهای بی‌اثر (کریپتون، نئون و هلیم) است. این مولکول‌ها به طور کاتوره‌ای و با تندی زیاد همواره در

حرکت‌اند. برخورد مولکول‌های هوا به یک‌دیگر سبب پخش آن‌ها می‌شود. اهمیت این پدیده را برای حیات روی کره‌ی زمین توضیح دهید.



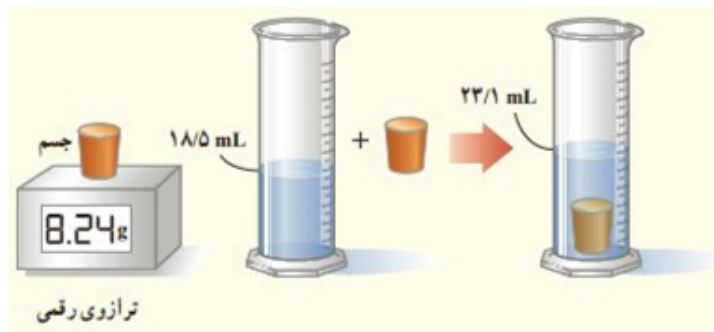
۸۹ یک سرنگ، مثلاً ۱۰ سی‌سی، اختیار کنید. پیستون آن‌را بکشید تا هوا وارد سرنگ شود. انگشت خود را محکم روی دهانه‌ی خروجی سرنگ قرار دهید و تا جایی که می‌توانید پیستون را حرکت دهید تا هوای درون سرنگ متراکم شود.

هوای درون سرنگ را خالی و آن‌را تا نیمه از آب پر کنید. با مسدود نمودن انتهای سرنگ سعی کنید تا جایی که ممکن است مایع درون آن‌را متراکم کنید. از این آزمایش ساده چه نتیجه‌ای در مورد تراکم‌پذیری گازها و مایع‌ها می‌گیرید؟ توضیح دهید.

الف) ستاره‌های کوتوله سفید بسیار چگال هستند و چگالی آن‌ها در SI حدود ۱۰۰ میلیون است. اگر شما یک قوطی کبریت از ماده‌ی تشکیل‌دهنده‌ی این ستاره‌ها در اختیار داشتید، جرم آن چند کیلوگرم می‌شد؟ ابعاد قوطی کبریت را با خط کش اندازه‌گیری کنید.

ب) اگر جمعیت کره‌ی زمین ۷ میلیارد نفر، جرم میانگین هر نفر ۶۰ کیلوگرم و ماده‌ی تشکیل‌دهنده‌ی انسان‌ها از جنس ستاره‌های کوتوله‌ی سفید فرض شود (فرضی ناممکن!)، ابعاد یک اتاق چه قدر باشد تا همه‌ی انسان‌ها در آن جای گیرند؟

۹۱) برای تعیین چگالی یک جسم جامد، ابتدا جرم و حجم آن را مطابق شکل زیر پیدا کرده‌ایم. با توجه به داده‌های روی شکل، چگالی جسم را برحسب $\frac{g}{L}$ و $\frac{g}{cm^3}$ حساب کنید.



ترازوی رقمی



۹۲) الف) قطعه‌ای فلزی به شما داده شده است و ادعا می‌شود که از طلای خالص ساخته شده است. چگونه می‌توانید درستی این ادعا را بررسی کنید؟

ب) بزرگ‌ترین شمش طلا با حجم $10^4 \text{ cm}^3 \times 1/573$ و جرم $250/0 \text{ kg}$ توسط یک شرکت ژاپنی ساخته شده است (شکل روبه‌رو). چگالی این شمش طلا را به دست آورید.

پ) نتیجه‌ی به دست آمده در قسمت (ب) را با چگالی طلا مقایسه کنید و دلیل تفاوت این دو عدد را بیان کنید.



(الف)

(ب)

۹۳) در بسیاری از کارگاه‌های صنعتی، مانند تراشکاری‌ها، اندازه‌گیری طول با ابزارهای دقیق‌تر از خط کش میلی‌متری انجام می‌شود. این ابزارها، کولیس و ریزسنج نام دارند که به دو صورت مدرج و رقمی (دیجیتال) ساخته می‌شوند. در درس آزمایشگاه علوم، با نحوه‌ی کار کولیس و ریزسنج مدرج و ثبت نتیجه‌ی اندازه‌گیری (شامل دقت ابزار و خطای آن) توسط آن‌ها آشنا خواهید شد. شکل‌های الف و ب، به ترتیب یک ریزسنج و یک کولیس رقمی را نشان می‌دهد. دقت هر یک از این وسیله‌ها را مشخص کنید.

۹۴ شکل زیر، صفحه‌ی تندیسنج یک خودرو را نشان می‌دهد. دقت این تندیسنج چه قدر است؟



۹۵ ذرع و فرسنگ از جمله یکاهای قدیمی ایرانی برای طول است. هر ذرع ۱۰۴ سانتی‌متر و هر فرسنگ ۶۰۰۰ ذرع است. قشم، بزرگ‌ترین جزیره‌ی خلیج فارس است که مساحت آن از بیش از بیست کشور جهان بزرگ‌تر است. طول این جزیره حدود ۱۲۰ کیلومتر برآورد شده است. این طول را برحسب ذرع و فرسنگ بیان کنید.

۹۶ تندیسناورها در دریا برحسب یکایی به نام گره بیان می‌شود. هر گره دریایی برابر ۰/۵۱۴۴ متر بر ثانیه است. تاریخچه‌ی گره دریایی به حدود ۴۰۰ سال پیش باز می‌گردد، زمانی که ملوانان تندیس متوسط کشتی خود را با استفاده از وسیله‌ای به نام تندیسنج شناور اندازه می‌گرفتند. این وسیله، شامل طنابی بود که در فواصل مساوی، گره‌ای روی آن زده شده بود. در حین کشیده شدن طناب به دریا، تعداد گره‌های رد شده از دست ملوان در یک زمان معین شمرده می‌شد و تندیس متوسط کشتی را به دست می‌آوردند. پس از آن، ملوان‌ها از واژه‌ی «گره» برای بیان تندیس متوسط کشتی استفاده می‌کنند.

الف) اگر یک کشتی حمل کالا با تندیس ۱۴ گره از بندر شهید رجایی به طرف جزیره‌ی لاوان حرکت کند، تندیس آنرا برحسب کیلومتر بر ساعت به دست آورید.

ب) مایل، یکی دیگر از یکاهای متداول طول در دستگاه بریتانیایی است. یک مایل دریایی برابر ۱۸۵۲ متر است. تندیس کشتی قسمت (الف) را برحسب مایل بر ساعت به دست آورید.



۹۷ قدیمی‌ترین سنگ‌نوشته‌ی حقوق بشر که تاکنون یافت شده است به حدود ۲۵۵۰ سال پیش باز می‌گردد که به فرمان کوروش، پادشاه ایران در دوره‌ی هخامنشیان نوشته شده است. مرتبه‌ی بزرگی سن این سنگ‌نوشته برحسب ثانیه چه قدر است؟

۹۸ دستگاه بریتانیایی یکاها، دستگاهی است که در برخی از کشورها مانند آمریکا و انگلستان همچنان استفاده می‌شود. یکای اصلی طول در این دستگاه پا (فوت) و یکای کوچک‌تر آن اینچ است به طوری که $1 \text{ ft} = 12 \text{ in}$ است. ارتفاع هواپیمایی را که در فاصله‌ی ۳۰۰۰۰ پا از سطح آزاد دریاها در حال پرواز است برحسب متر به دست آورید. هر اینچ $2/54$ سانتی‌متر است.



۹۹) سریع‌ترین رشد گیاه متعلق به گیاهی موسوم به هِسپروئوکا است که در مدت ۱۴ روز، ۳/۷ متر رشد می‌کند (شکل روبه‌رو). آهنگ رشد این گیاه برحسب میکرومتر بر ثانیه چه قدر است؟

۱۰۰) یکی از بزرگ‌ترین الماس‌های موجود در ایران، دریای نور به جرم ۱۸۲ قیراط، است. این الماس به رنگ کمیاب صورتی شفاف بوده و در خزانه‌ی جواهرات ملی نگهداری می‌شود. کوه نور نیز یکی دیگر از الماس‌های مشهور جهان است که جرمی حدود ۱۰۸ قیراط دارد و هم اکنون در برج لندن نگهداری می‌شود. با توجه به این که هر قیراط معادل ۲۰۰ میلی‌گرم است، جرم الماس دریای نور و کوه نور برحسب گرم چه قدر است؟



۱۰۱) هکتار، از جمله یکاهای متداول مساحت است. هر هکتار برابر ۱۰ هزار متر مربع است.

الف) اگر زمین را کره‌ای یک‌نواخت به شعاع ۶۴۰۰ کیلومتر در نظر بگیریم (شکل روبه‌رو)، مساحت آن چند هکتار است؟

ب) تحقیق کنید مساحت کل سرزمین ایران، شامل خشکی و دریا، چند هکتار است؟ این مساحت چند درصد از مساحت کره‌ی زمین است؟

۱۰۲) الف) هر میکروقرن، تقریباً چند دقیقه است؟

ب) یک میلیارد ثانیه‌ی دیگر، تقریباً چند سال پیرتر می‌شوید؟

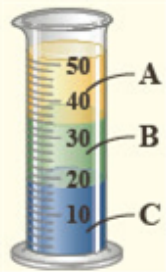
۱۰۳) گالیه در برخی از کارهایش از ضربان نبض خود به عنوان زمان‌سنج استفاده کرد. شما نیز چند پدیده‌ی تکرار شونده در طبیعت را نام ببرید که می‌توانند به عنوان ابزار اندازه‌گیری زمان به کار روند.

۱۰۴) جرم یک سوزن ته‌گرد را چگونه می‌توان با یک ترازوی آشپزخانه اندازه‌گیری کرد؟

۱۰۵) سعی کنید با نگاه کردن، طول برخی از اجسامی را که در محیط اطرافتان هستند، برحسب سانتی‌متر یا متر برآورد کنید. سپس طول آن‌ها را با خط‌کش یا متر اندازه‌گیری کنید. برآوردهای شما تا چه حد درست بوده‌اند؟

۱۰۶) فرایند مدل‌سازی در فیزیک را با ذکر یک مثال توضیح دهید.

۱۰۷) در چه صورت یک مدل یا نظریه‌ی فیزیکی بازنگری می‌شود؟



۱۰۸ سه مایع مخلوط نشدنی A، B و C که چگالی‌های متفاوتی دارند درون استوانه‌ای شیشه‌ای ریخته شده‌اند. این سه مایع عبارت‌اند از: جیوه (با چگالی $\frac{3}{3} \times 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$)، روغن زیتون (با چگالی $\frac{2}{3} \times 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$) و آب (با چگالی $\frac{1}{3} \times 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$) است. جنس هریک از مایع‌های A، B و C درون استوانه را مشخص کنید.



۱۰۹ الف) جرم و حجم تعدادی جسم جامد را اندازه بگیرید. در صورتی که شکل جسم‌ها منظم باشد، ابعاد آن‌ها را به کمک کولیس یا ریزسنج اندازه بگیرید. اگر جسم جامد شکل نامنظمی داشته باشد، از روشی که در شکل روبه‌رو نشان داده شده است حجم آن را اندازه بگیرید.
ب) با استفاده از سرنگ مدرج بزرگ و ترازوی با دقت مناسب، چگالی برخی از مایع‌های در دسترس مانند شیر، روغن، مایع ظرفشویی و ... را اندازه بگیرید.
قبل و بعد از پر کردن سرنگ، جرم آن را اندازه بگیرید و به این روش جرم مایع را تعیین کنید.



۱۱۰ اگر پرتغالی را درون ظرف محتوی آب بیندازیم پیش‌بینی کنید چه اتفاقی می‌افتد؟ آزمایش را انجام دهید (شکل الف) و نتیجه‌ی مشاهده خود را با توجه به مفهوم چگالی توضیح دهید.
اگر پرتقال را بدون پوست درون ظرف محتوی آب بیندازیم دوباره پیش‌بینی کنید چه اتفاقی می‌افتد؟ آزمایش را مطابق شکل (ب) انجام دهید و نتیجه‌ی مشاهده‌ی خود را با توجه به مفهوم چگالی توضیح دهید.

در آزمایش (الف) پرتقال جرم بیشتری دارد و اصطلاحاً سنگین‌تر است. آیا سنگین‌تر بودن یک جسم دلیلی بر فرو رفتن آن در آب است؟ توضیح دهید.

۱۱۱ جرم و وزن تقریبی هوای درون کلاستان را پیدا کنید.

۱۱۲ حجم خون در گردش یک فرد بالغ با توجه به جرمش، می‌تواند بین $4/70 \text{ L}$ تا $5/50 \text{ L}$ باشد. جرم $4/70 \text{ L}$ خون چند کیلوگرم است؟ چگالی خون را $\frac{1}{0.5} \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ بگیرید.

۱۱۳ چگالی بنزین $\frac{2}{3} \times 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ است. توضیح دهید چرا آب مایع مناسبی برای خاموش کردن بنزین شعله‌ور نیست.

۱۱۴ یکی از یکاهای متداول چگالی، گرم بر سانتی متر مکعب $\left(\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}\right)$ است. به روش تبدیل زنجیره‌ای نشان دهید:

$$1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

۱۱۵ الف) آزمایشی طراحی و اجرا کنید که به کمک آن بتوان جرم و حجم یک قطره آب را اندازه‌گیری کرد.
ب) تکه‌ای سیم لاک‌پشتی نازک یا نخ قرقره به طول تقریبی یک متر تهیه کنید. آزمایشی طراحی و اجرا کنید که به کمک یک خط کش میلی‌متری بتوان قطر این سیم یا نخ را اندازه‌گیری کرد.

۱۱۶ کدام گزینه جرم یک زنبور عسل (0.00015 kg) را به صورت نمادگذاری عملی درست بیان می‌کند؟

۱) $0.15 \times 10^{-5} \text{ kg}$ ۲) $1/5 \times 10^{-5} \text{ kg}$ ۳) $1/5 \times 10^{-4} \text{ kg}$ ۴) $0.15 \times 10^{-3} \text{ kg}$

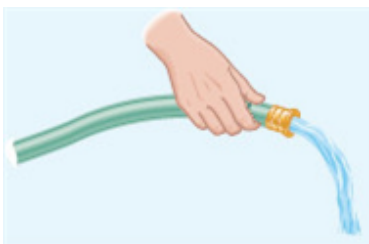
۱۱۷ خروار، من تبریز، سیر، مثقال، نخود و گندم از جمله یکاهای قدیمی ایرانی برای اندازه‌گیری جرم است. این یکاها به صورت زیر به یکدیگر مرتبط اند:

$$1 \text{ خروار} = 100 \text{ من تبریز}$$

$$1 \text{ من تبریز} = 40 \text{ سیر} = 640 \text{ مثقال}$$

$$1 \text{ مثقال} = 24 \text{ نخود} = 96 \text{ گندم}$$

با توجه به این که هر مثقال اندکی بیش از $4/6$ گرم است، هر کدام از این یکاها را برحسب گرم و کیلوگرم بیان کنید.



۱۱۸ در فیزیک، تغییر هر کمیت را نسبت به زمان، معمولاً آهنگ آن کمیت می‌نامیم. از

شیلنگ شکل روبه‌رو، آب با آهنگ $125 \frac{\text{cm}^3}{\text{s}}$ خارج می‌شود. این آهنگ را به

روش تبدیل زنجیره‌ای، برحسب یکای لیتر بر دقیقه $\left(\frac{\text{L}}{\text{min}}\right)$ بنویسید. (هر لیتر

معادل 1000 سانتی متر مکعب است.)

۱۱۹ در خصوص چگونگی اندازه‌گیری زمان از دوران باستان تا عصر حاضر مطالبی را به طور مستند تهیه کنید. مطالب تهیه شده را با توجه به مهارت و علاقه‌مندی افراد گروه خود، به یکی از شکل‌های روزنامه‌ی دیواری، پاورپوینت، قطعه فیلم کوتاه و ... به کلاس درس ارائه دهید.

۱۲۰ الف) یکای نجومی برابر میانگین فاصله‌ی زمین تا خورشید است $(1 \text{ AU} \approx 1/50 \times 10^{11} \text{ m})$. فاصله‌ی زمین

(منظومه‌ی شمسی) تا نزدیک‌ترین ستاره بعد از خورشید، برحسب یکای نجومی چه قدر است؟

ب) مسافتی را که نور در مدت یک سال در خلأ می‌پیماید یک سال نوری می‌نامند و آنرا با نماد ly نمایش می‌دهند. اختروش‌ها دورترین اجرام شناخته شده از منظومه‌ی شمسی هستند و به عبارتی در دورترین محل قابل مشاهده‌ی

کیهان قرار دارند. فاصله‌ی اختروش‌ها از منظومه‌ی شمسی $10^{26} \times 1/100$ متر برآورد شده است. این فاصله را

برحسب سال نوری بیان کنید. تندی نور را در خلأ $3/00 \times 10^8$ متر بر ثانیه بگیرید.



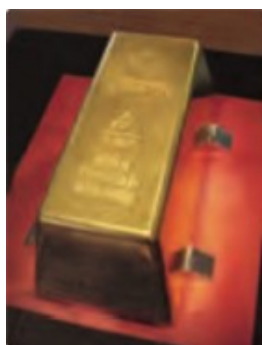
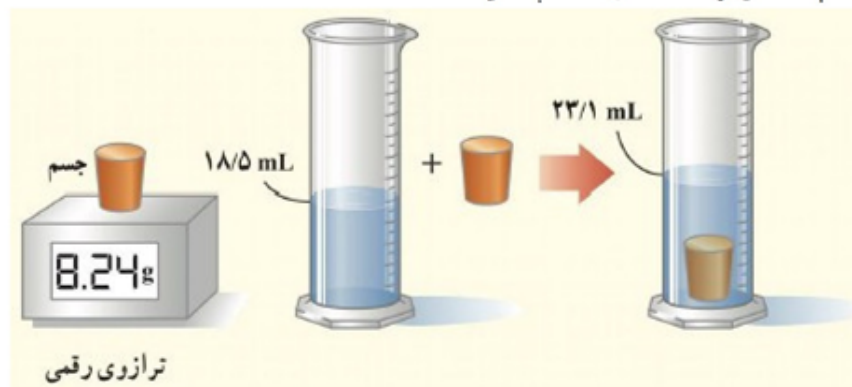
۱۲۱) اگر مطابق شکل روبه‌رو، یکای طول را به صورت فاصله‌ی نوک بینی تا نوک انگشتان دست کشیده شده بگیریم، چه مزایا و چه معایبی دارد؟

۱۲۲) افزون بر فهرست فصل ۱ کتاب فیزیک دهم، شما نیز به اتفاق اعضای گروه خود، فهرست دیگری از کاربردهای فیزیک در فناوری تهیه کنید که نقش مهمی در زندگی ما دارند. (این فهرست را می‌توانید به صورت پوستر، پرده‌نگار (پاورپوینت)، فیلم‌های کوتاه و ... تهیه و ارائه کنید.)

۱۲۳) ستاره‌های کوتوله سفید بسیار چگال هستند و چگالی آن‌ها در SI حدود 10^9 میلیون است. اگر جمعیت کره زمین ۷ میلیارد نفر و جرم میانگین هر نفر ۶۰ کیلوگرم باشد و ماده تشکیل‌دهنده جرم انسان‌ها از جنس ستاره‌های کوتوله سفید فرض شود (فرضی ناممکن!)، ابعاد یک اتاق چه قدر باشد تا همه انسان‌ها در آن جای گیرند؟

۱۲۴) ستاره‌های کوتوله سفید بسیار چگال هستند. چگالی آن‌ها در SI حدود 10^9 میلیون است. اگر شما یک قوطی کبریت از ماده تشکیل‌دهنده این ستاره‌ها در اختیار داشتید، جرم آن چند کیلوگرم می‌شد؟ ابعاد قوطی کبریت را خودتان تخمین بزنید.

۱۲۵) برای تعیین چگالی یک جسم ابتدا جرم و حجم آن را مطابق شکل زیر پیدا کرده‌ایم. با توجه به داده‌های روی شکل چگالی جسم را برحسب g/L و g/cm^3 حساب کنید.



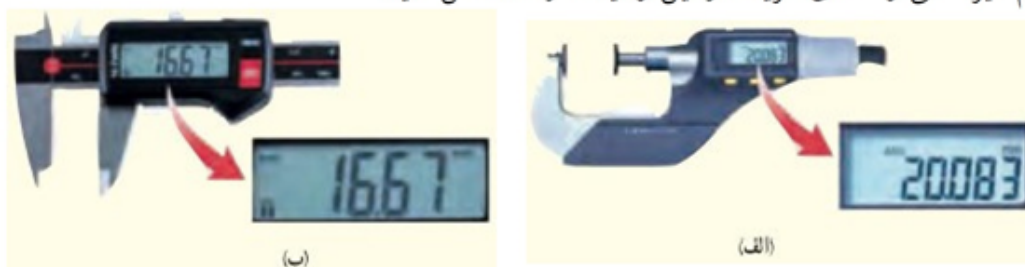
۱۲۶) بزرگ‌ترین شمش طلا با حجم $1.573 \times 10^4 \text{ cm}^3$ و جرم ۲۵۰ کیلوگرم توسط یک شرکت ژاپنی ساخته شده است. چگالی این شمش طلا را به دست آورید. نتیجه به دست آمده را با چگالی طلای خالص $19.3 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$ مقایسه کنیم چه نتیجه‌ای می‌گیریم؟

۱۲۷) قطعه‌ای طلا به شما داده شده است و ادعا می‌شود طلای خالص است. چگونه می‌توانید درستی این ادعا را بررسی کنید؟

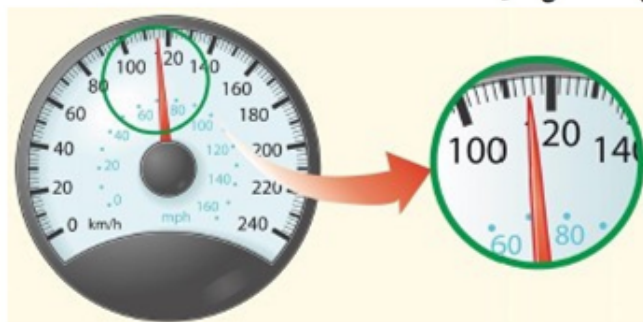
۱۲۸ مرتبه بزرگی جرم آب اقیانوس‌ها را تخمین بزنید.

۱۲۹ مرتبه بزرگی تعداد نفس‌هایی که یک شخص در طول عمرش می‌کشد تخمین بزنید.

۱۳۰ در بسیاری از کارگاه‌های صنعتی مثل تراشکاری‌ها، اندازه‌گیری طول با ابزارهای دقیق‌تر از خط کش میلی‌متری انجام می‌شود. این ابزارها کولیس و ریزسنج نام دارند که به دو صورت مدرج و رقمی (دیجیتال) ساخته می‌شوند. شکل‌های (الف) و (ب) به ترتیب یک ریزسنج و یک کولیس رقمی را نشان می‌دهند که اندازه را برحسب سانتی‌متر نمایش می‌دهند. رقم غیرقطعی و خطای هر یک از این وسیله‌ها را مشخص کنید.



۱۳۱ شکل زیر صفحه تندیسنج یک خودرو را نشان می‌دهد. تندی خودرو چند کیلومتر بر ساعت است؟ رقم غیرقطعی و خطای تندیسنج را در گزارش مشخص کنید.



۱۳۲ ذرع و فرسنگ از جمله یکاهای قدیمی ایرانی برای طول است. هر ذرع ۱۰۴ سانتی‌متر و هر فرسنگ ۶۰۰۰ ذرع است. طول جزیره قشم در حدود ۱۲۰ کیلومتر است. این طول را برحسب ذرع و فرسنگ بیان کنید.

۱۳۳ مایل یکی از یکاهای متداول طول در دستگاه بریتانیایی است. یک مایل دریایی ۱۸۵۲ متر است. همچنین هر گره دریایی برابر ۰/۵۱۴۴ متر بر ثانیه است. اگر یک کشتی با تندی ۱۴ گره در دریا حرکت کند، تندی آن را برحسب مایل بر ساعت به دست آورید.

۱۳۴ تندی شناورها در دریا برحسب یکایی به نام گره بیان می‌شود. هر گره دریایی برابر ۰/۵۱۴۴ متر بر ثانیه است. اگر یک کشتی با تندی ۱۴ گره در دریا حرکت کند، تندی آن را برحسب کیلومتر بر ساعت به دست آورید.

۱۳۵ قدیمی‌ترین سنگ‌نوشته حقوق بشر که تا کنون یافت شده است به حدود ۲۵۰۰ سال پیش بازمی‌گردد که به فرمان کوروش پادشاه ایران در دوره هخامنشیان نوشته شده است. مرتبه بزرگی سن این سنگ برحسب ثانیه چه قدر است؟

۱۳۶ دستگاه بریتانیایی یکاهای دستگامی است که در برخی از کشورها مانند انگلستان و آمریکا هم‌چنان استفاده می‌شود. یکای اصلی طول در این دستگاه پا (فوت) و یکای کوچک‌تر آن اینچ است، به طوری که $1 \text{ ft} = 12 \text{ in}$ است. ارتفاع پرواز هواپیمایی را که در فاصله ۳۰ هزار پا از سطح آزاد دریا در حال پرواز است، برحسب متر به دست آورید. هر اینچ ۲/۵۴ سانتی‌متر است.

۱۳۷) سریع‌ترین رشد گیاه متعلق به گیاهی موسوم به هسپروویوکا است که در مدت ۱۴ روز ۳/۷ متر رشد می‌کند. آهنگ رشد این گیاه برحسب میکرومتر بر ثانیه چه قدر است؟

۱۳۸) یکی از بزرگ‌ترین الماس‌های موجود در ایران، دریای نور به جرم ۱۸۲ قیراط است که در خزانه جواهرات ملی نگهداری می‌شود. کوه نور نیز یکی دیگر از الماس‌های مشهور جهان است که جرمی حدود ۱۰۸ قیراط است که در برج لندن نگهداری می‌شود. با توجه به این که هر قیراط معادل ۲۰۰ میلی‌گرم است، جرم الماس دریای نور و کوه نور برحسب گرم چه قدر است؟



۱۳۹) هکتار از جمله یکاهای متداول مساحت است. هر هکتار برابر ۱۰ هزار متر مربع است. الف) اگر زمین را یک کره یک‌نواخت به شعاع ۶۴۰۰ کیلومتر در نظر بگیریم، مساحت آن چند هکتار است؟ ب) مساحت کشور ایران ۱۶۴۸۱۹۵ کیلومتر مربع است. این مساحت چند درصد از مساحت کره زمین است؟

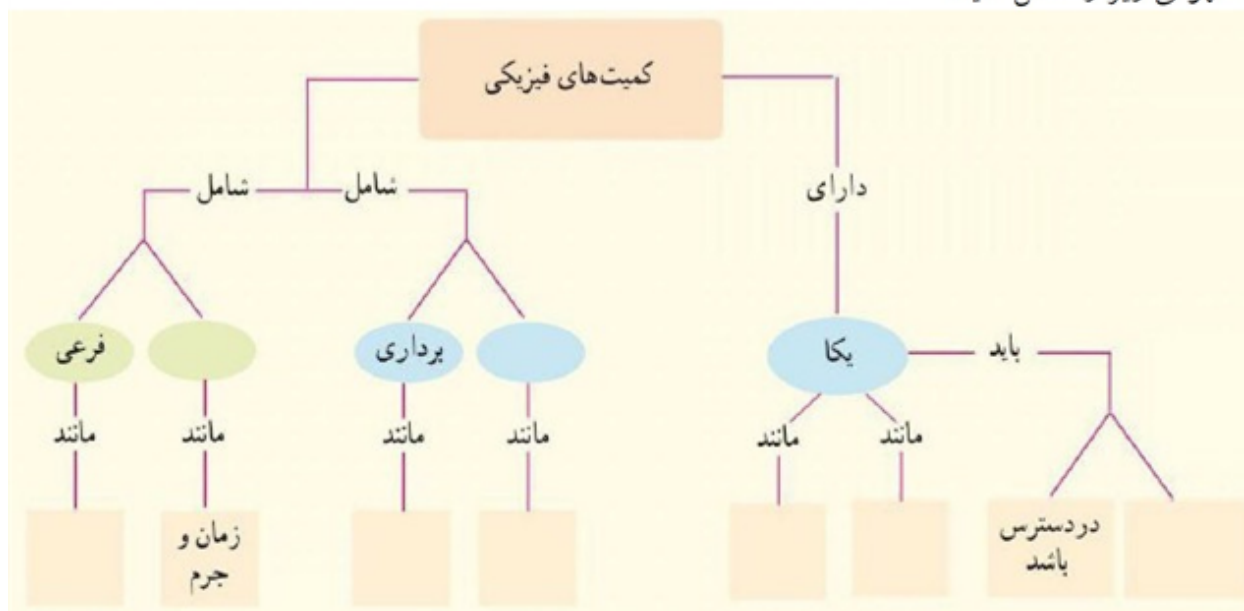
۱۴۰) یک میلیارد ثانیه دیگر چند سال پیرتر می‌شوید؟

۱۴۱) هر میکروقرن تقریباً چند دقیقه است؟

۱۴۲) گالیه در برخی از کارهایش از ضربان نبض خود به عنوان زمان‌سنج استفاده می‌کرد. چند پدیده‌ی تکرار شونده در طبیعت نام ببرید که می‌توانند به عنوان ابزار اندازه‌گیری زمان به کار بروند.

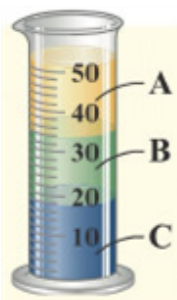
۱۴۳) جرم یک سوزن ته‌گرد را چگونه می‌توان با یک ترازوی آشپزخانه اندازه‌گیری کرد؟

۱۴۴) نقشه مفهومی زیر را کامل کنید.



۱۴۵) فرایند مدل‌سازی در فیزیک را با ذکر یک مثال توضیح دهید.

۱۴۶) در چه صورت یک مدل یا نظریه فیزیکی بازنگری می‌شود؟



۱۴۷ سه مایع مخلوط نشدنی A ، B و C که چگالی‌های متفاوتی دارند، درون استوانه‌ای شیشه‌ای ریخته شده‌اند. این سه مایع عبارت‌اند از جیوه با چگالی $10^3 \text{ kg/m}^3 \times 13/6$ ، روغن زیتون با چگالی $10^3 \text{ kg/m}^3 \times 9/20$ و آب با چگالی $10^3 \text{ kg/m}^3 \times 1/100$. جنس هریک از مایع‌های A ، B و C درون استوانه را مشخص کنید.

۱۴۸ حجم خون در گردش یک فرد بالغ با توجه به جرمش می‌تواند بین $4/70 \text{ L}$ و $5/50 \text{ L}$ باشد. جرم $4/70 \text{ L}$ خون چند کیلوگرم است؟ چگالی خون را $10^3 \text{ kg/m}^3 \times 1/05$ بگیرید.

۱۴۹ فلز اسمیم با چگالی $10^3 \text{ kg/m}^3 \times 22/5$ یکی از چگال‌ترین مواد یافت شده روی زمین است. جرم قطعه‌ای از این ماده به حجم $23/0 \text{ cm}^3$ چند کیلوگرم است؟

۱۵۰ چگالی بنزین $10^3 \text{ kg/m}^3 \times 6/80$ است، توضیح دهید چرا آب مایع مناسبی برای خاموش کردن بنزین شعله‌ور نیست؟



جو زمین که ضخامت آن به مقیاس رسم نشده است.

۱۵۱ اطراف کره زمین لایه‌ای از هوا وجود دارد. به این لایه که از گازهای متفاوتی تشکیل شده است، جو زمین گفته می‌شود. مرتبه بزرگی جرم جو زمین را تخمین بزنید. فشار جو را در تمام نقاط سطح زمین پاسکال فرض کنید.

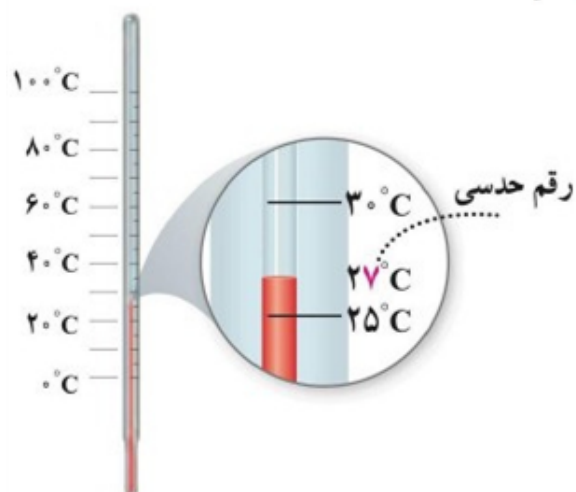
۱۵۲ مرتبه بزرگی حجم خونی را که قلب یک نفر در طول عمرش به سرخرگ آنورت پمپ می‌کند، برحسب لیتر تخمین بزنید. قلب در هر ضربان (beat) به‌طور میانگین ۷۰ سانتی‌متر مکعب خون به سرخرگ آنورت پمپ می‌کند.

۱۵۳ شهر رشت با مساحتی حدود ۱۸۰ کیلومتر مربع در زمینی مسطح و همواره در شمال ایران واقع است. در یک روز طوفانی حدود ۱۰/۰ میلی‌متر باران در این شهر باریده است. مرتبه بزرگی تعداد قطره‌های باران را در این روز طوفانی تخمین بزنید.

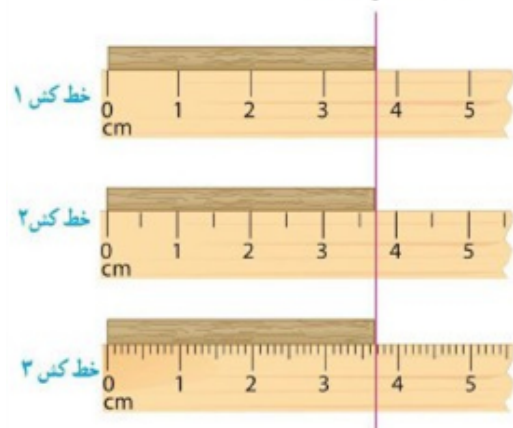
۱۵۴ تکه‌ای سیم لاک‌ی نازک یا نخ قرقره را به طول تقریبی یک متر تهیه کنید. آزمایشی طراحی کنید که به کمک یک خط کش میلی‌متر بتوان قطر این سیم یا نخ را اندازه‌گیری کرد.

۱۵۵ آزمایش طراحی کنید که به کمک آن بتوان جرم و حجم یک قطره آب را اندازه‌گیری کرد.

۱۵۶ در شکل زیر یک دماسنج جیوه‌ای مدرج را مشاهده می‌کنید. نتیجه اندازه‌گیری را با توجه به دقت و خطای اندازه‌گیری گزارش دهید.



۱۵۷ در شکل روبه‌رو نتیجه اندازه‌گیری جسم توسط هر خط کش را به همراه خطای آن بنویسید.



۱۵۸ کدام گزینه جرم یک زنبور عسل ($0/00015\text{kg}$) را به صورت نمادگذاری علمی درست بیان می‌کند؟

15×10^{-5} $1/5 \times 10^{-4}\text{kg}$ $0/15 \times 10^{-3}\text{kg}$

۱۵۹ مقدار بار الکتریکی الکترون $160 \times 10^{-15}\text{C}$ است. مقدار بار الکتریکی آن را برحسب کولن و با نمادگذاری علمی بنویسید.

۱۶۰ خروار، من تبریز، سیر، مثقال، نخود و گندم از جمله یکاهای قدیمی ایرانی برای اندازه‌گیری جرم است. این یکاها به صورت زیر به یکدیگر مرتبط اند:

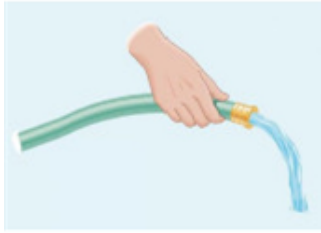
$$1 \text{ خروار} = 100 \text{ من تبریز}$$

$$1 \text{ من تبریز} = 40 \text{ سیر} = 640 \text{ مثقال}$$

$$1 \text{ مثقال} = 24 \text{ نخود} = 96 \text{ گندم}$$

با توجه به این که هر مثقال $4/6875$ گرم است، هر کدام از این یکاها را برحسب گرم و کیلوگرم بیان کنید.

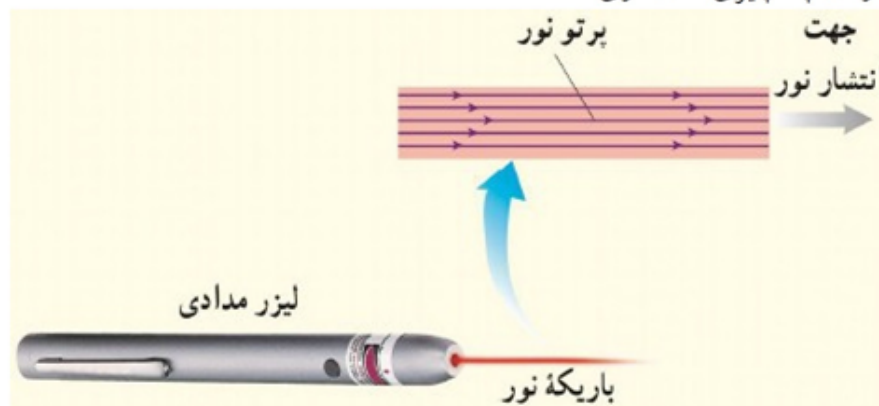
۱۶۱ در فیزیک تغییر هر کمیت را نسبت به زمان آهنگ تغییرات آن کمیت می‌نامیم. از شیلنگ شکل روبه‌رو آب با آهنگ $125 \text{ cm}^3/\text{s}$ خارج می‌شود. این آهنگ را برحسب یکای لیتر بر دقیقه (L/min) بنویسید. (هر لیتر معادل ۱۰۰۰ سانتی‌متر مکعب است.)



۱۶۲ مسافتی را که نور در مدت یک سال در خلاء می‌پیماید یک سال نوری (light year) می‌نامند و آنرا با نمایش ly می‌دهند. اخترشوها (Quasars) دورترین اجرام شناخته شده از منظومه شمسی هستند و به عبارتی در دورترین محل قابل مشاهده در کیهان قرار دارند. فاصله اخترشوها از منظومه شمسی $1/100 \times 10^{26}$ متر برآورده شده‌اند. این فاصله را برحسب سال نوری بیان کنید. تندی نور را در خلاء $3/100 \times 10^8$ متر بر ثانیه بگیرید.

۱۶۳ یکای نجومی (Astronomical Unit) برابر میانگین فاصله زمین تا خورشید است ($1 \text{ AU} \approx 1/50 \times 10^{11} \text{ m}$). فاصله زمین (منظومه شمسی) تا نزدیک‌ترین ستاره بعد از خورشید برحسب یکای نجومی چه قدر است؟ (براساس جدول ۱ - ۳ کتاب درسی این فاصله برابر $4 \times 10^{16} \text{ m}$ است.)

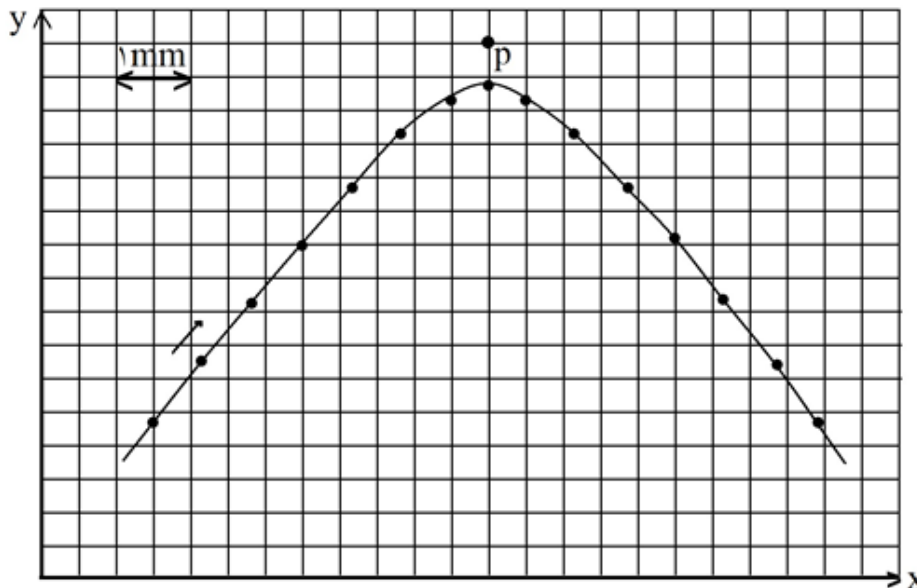
۱۶۴ این شکل بر اساس آنچه در علوم سال هشتم در زمینه نورشناسی خوانده‌اید آمده است. اجزای این شکل را توضیح دهید و بگویید که در آن چه چیزی مدل‌سازی شده است؟



۱۶۵ اندازه‌ی انرژی پتانسیل الکتریکی یک جسم با بار الکتریکی q که در فاصله‌ی r از بار الکتریکی دیگری با بار Q قرار دارد از رابطه‌ی $E_p = K \frac{qQ}{r}$ محاسبه می‌شود. در این رابطه $K = 9 \times 10^9 \text{ Nm}^2/\text{C}^2$ است.

پروتونی با بار $q_p = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$ و جرم $m_p = 1/67 \times 10^{-27} \text{ Kg}$ به سمت یک هسته سنگین با بار Q پرتاب می‌شود و تحت تأثیر نیروی دافعه‌ی الکتریکی آن مسیری مطابق شکل زیر را طی می‌کند. نقطه‌ی P در شکل مکان هسته است که در طی این عمل ثابت فرض می‌شود.

نقاط مشخص شده روی منحنی مسیر، مکان پروتون را در فاصله‌های زمانی $\Delta t = 5 \times 10^{-6} \text{ s}$ نشان می‌دهند. با توجه به قانون بقای انرژی مکانیکی، نسبت بار هسته به بار پروتون $\left(\frac{Q}{q}\right)$ را حساب کنید. پاسخ با ۲۰٪ خطا قابل قبول است.



۱۶۶ ساختمان فلز آهن را می‌توان به این صورت در نظر گرفت که اتم‌های آهن در رأس‌های مکعب‌هایی قرار دارند که در کنار و روی هم تمام فلز را پر می‌کنند و علاوه بر آن در مرکز هر مکعب نیز یک اتم آهن قرار دارد. اگر اتم گرم آهن ۵۶ گرم، عدد آووگادرو 6×10^{23} و چگالی آهن $7/9 \text{ g/cm}^3$ باشد، ضلع هر یک از این مکعب‌ها چند سانتی‌متر است؟

۱۶۷ واگنی به جرم 100 Kg در عمق ۲۰ متری معدنی ساکن است. واگن بر روی ریلی به طول ۸۰ متر به وسیله کابل سبکی موازی با ریل کشیده می‌شود. برای کشیدن این واگن از موتوری بنزینی که دارای بازده ۲۰٪ است استفاده می‌شود. سرعت واگن به طور یکنواخت تغییر کرده و در بالای معدن به 4 m/s می‌رسد. اگر نیروی اصطکاک ۱۰٪ وزن واگن باشد، چه مقدار بنزین برای کشیدن آن به سطح زمین لازم است. از سوختن یک لیتر بنزین 5×10^7 ژول انرژی آزاد می‌شود.

۱۶۸ در لوله‌ای U شکل، مایعی به چگالی ρ قرار دارد. در یکی از شاخه‌ها قدری از یک مایع به چگالی ρ' بر روی مایع اولی می‌ریزیم، به طوری که مایع دوم روی مایع اول قرار گیرد. با فرض این‌که دو مایع با یکدیگر مخلوط نشوند، فشار در کدام‌یک از نقاط هم‌تراز A و B که به ترتیب در درون مایع اول و دوم قرار دارند بیشتر است؟

۱۶۹ l_1 را حساب کنید.

۱۷۰ فاز اولیه‌ی حرکت را حساب کنید.

۱۷۱) به وسیله‌ی می‌توانیم انرژی جنبشی را به انرژی درونی تبدیل کنیم.

۱۷۲) اگر ۲۰ درصد انرژی توپ در اثر اصطکاک تلف شود، سرعت توپ در پایین تپه چه اندازه می‌شود؟

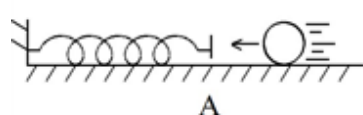
۱۷۳) سرعت آن در پایین تپه چه اندازه است؟ از اصطکاک چشم‌پوشی کنید.

۱۷۴) گلوله‌ای به جرم 0.5kg را با سرعت اولیه‌ی 15m/s در امتداد قائم به طرف بالا پرتاب می‌کنیم. هر گاه ۲۰ درصد

انرژی گلوله صرف غلبه بر مقاومت هوا شود، گلوله تا چه ارتفاعی بالا می‌رود؟ ($g = 10\text{m/s}^2$)

۱۷۵) با استفاده از رابطه‌ی پتانسیل گرانشی جدول مقابل را کامل کنید.

m(kg)	g(m/s ²)	h(m)	U(J)
0.2	10	1/2
1/4	10	28
.....	9/8	5	196
0.8	10	78/4



۱۷۶) گلوله‌ای به جرم یک کیلوگرم مطابق شکل مقابل به فنر نزدیک شده و با سرعت $8\frac{\text{m}}{\text{s}}$

به آن برخورد می‌کند. اگر از اصطکاک چشم‌پوشی کنیم، حداکثر انرژی پتانسیل کشسانی که در فنر ذخیره می‌شود چقدر است؟

۱۷۷) توپی را از ارتفاع یک متری سطح زمین از حال سکون رها می‌کنیم. توپ بعد از برخورد با زمین، تا ارتفاع کم‌تر از

یک متر بالا می‌رود. این مثال را بر اساس پایستگی انرژی توضیح دهید.

۱۷۸) گلوله‌ای به جرم ۲۰ گرم با سرعت $240\frac{\text{m}}{\text{s}}$ به مانع برخورد می‌کند و در آن فرو رفته و متوقف می‌شود. انرژی درونی

گلوله و مانع چه اندازه افزایش می‌یابد؟

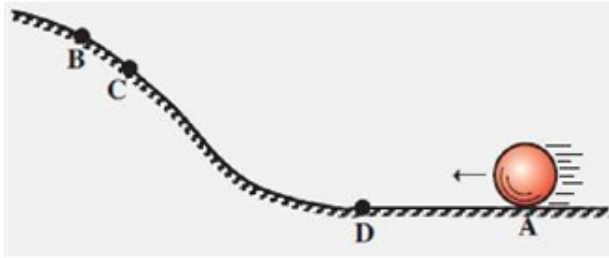
۱۷۹) در اسباب‌بازی‌های کوکی، انرژی لازم برای حرکت آن‌ها از کجا تأمین می‌شود؟

۱۸۰) سرعت توپ در نیمه‌ی راه چقدر است؟

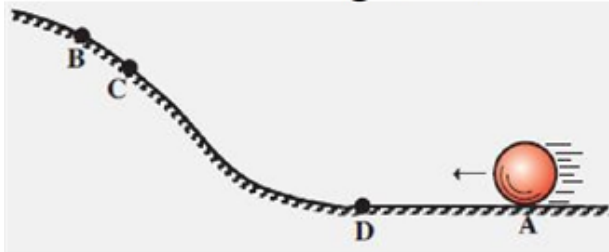
۱۸۱) جسم تا چه ارتفاعی بالا می‌رود؟

۱۸۲) انرژی جنبشی آن در لحظه‌ی پرتاب چقدر است؟

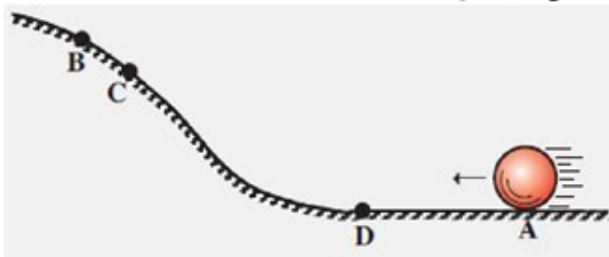
۱۸۳ در شکل، فرض کنید اصطکاک وجود نداشته باشد، آیا توپ می‌تواند بالاتر از نقطه‌ی B برود؟



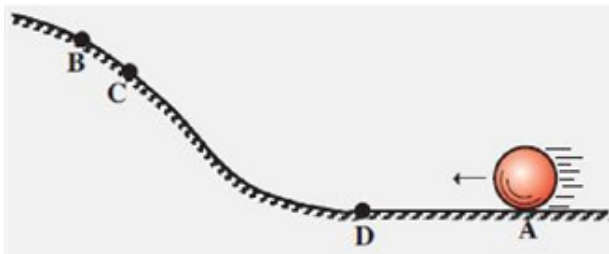
۱۸۴ با استفاده از قانون پایستگی انرژی، بالا رفتن توپ و برگشت آن از شیب تپه را توضیح دهید.



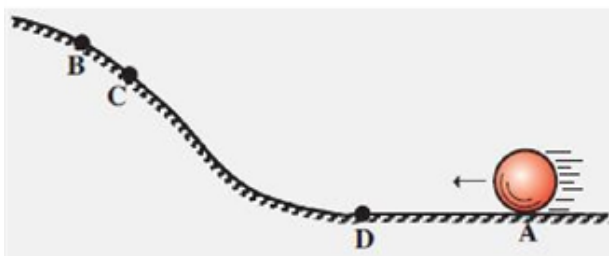
۱۸۵ آیا می‌توان نتیجه گرفت که توپ در نقطه‌ی D دارای انرژی پتانسیل گرانشی است؟



۱۸۶ اگر توپ را در نقطه‌ی D واقع در قسمت افقی مسیر در شکل متوقف و سپس رها کنیم، حرکت توپ چگونه خواهد بود؟



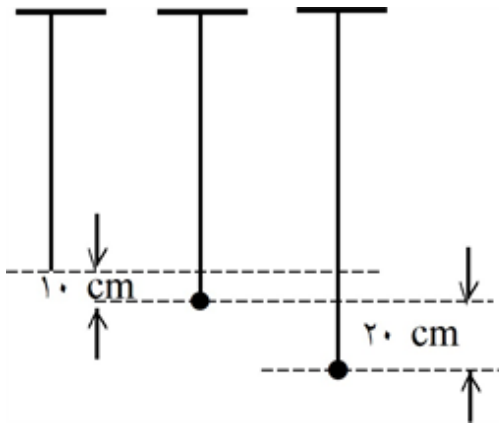
۱۸۷ فرض کنید توپ را در بین راه، مثلاً نقطه‌ی C در شکل متوقف کنیم. اگر آن را رها کنیم، حرکت توپ چگونه خواهد بود؟



۱۸۸ به یک توپ ساکن ضربه‌ای می‌زنیم، اگر در ضربه، ۵ ژول انرژی به توپ منتقل شود و جرم توپ ۰/۵ کیلوگرم باشد، سرعت آن چقدر می‌شود؟

۱۸۹ اتومبیلی به جرم، 1000 kg با سرعت 20 m/s (72 km/h) در حال حرکت است. اگر اتومبیل ترمز کند و متوقف شود، چه مقدار انرژی به انرژی درونی جاده و لاستیک‌ها تبدیل می‌شود؟

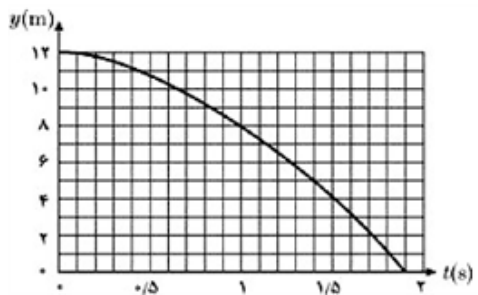
۱۹۰ پنکه‌ای را که روشن است خاموش می‌کنیم. پنکه پس از مدتی متوقف می‌شود. انرژی جنبشی پره‌ی پنکه کجا رفته است؟



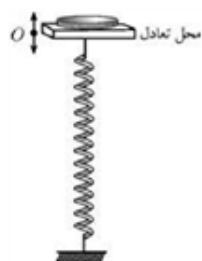
۱۹۱ یک انتهای کش لاستیکی بلند و سبکی به سقف متصل است و کش در امتداد قائم آویزان است. وزنه‌ای به جرم 500 g را به انتهای آن می‌بندیم و وزنه را به آرامی پایین می‌آوریم تا کاملاً آویخته شود. در این حالت طول کش نسبت به حالت نخست 10 cm افزوده شده‌است. اکنون وزنه را 20 cm دیگر پایین می‌کشیم و در این حالت آن را رها می‌کنیم. بیش‌ترین ارتفاعی که وزنه از این‌جا بالا می‌رود چند سانتی‌متر است؟ کش در حالت کشیدگی مانند فنر عمل می‌کند.

۱۹۲ در ارتفاع $h = 50\text{ cm}$ از سطح حوض، لوله‌ی آبی افقی است و مقطع آن دایره‌ای به قطر $D = 1\text{ cm}$ است. آب از لوله بیرون می‌آید و در فاصله‌ی افقی $R = 80\text{ cm}$ به حوض می‌رسد. شتاب گرانش $g = 10\text{ m/s}^2$ است. آهنگ خروج آب از دهانه‌ی لوله، برحسب 10 ml/s چه قدر است؟ (ml یعنی میلی‌لیتر).

۱۹۳ چگالی بتون، $\rho = 2500 \frac{\text{Kg}}{\text{m}^3}$ ، و بیشترین فشاری که می‌تواند تحمل کند تا خرد نشود $\frac{N}{\text{m}^2} \times 10^5$ است. بلندترین استوانه‌ی قائمی که از بتون می‌توان ساخت چند کیلومتر است؟



۱۹۴ جسمی به جرم 9 Kg از حالت سکون رها می‌شود و در هوا سقوط می‌کند. نمودار ارتفاع جسم از سطح زمین بر حسب زمان مانند شکل مقابل است. میانگین زمانی توان اتلافی نیروی مقاومت هوا از لحظه‌ی رها شدن جسم تا رسیدن آن به زمین چند وات است؟
($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)



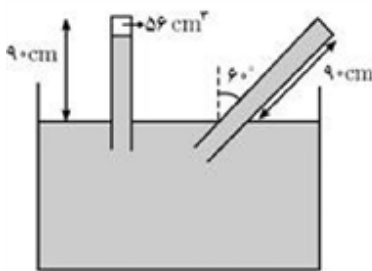
۱۹۵ فنری با جرم ناچیز را مطابق شکل، به صورت قائم قرار می‌دهیم و روی آن صفحه‌ای سبک و افقی نصب می‌کنیم. ثابت فنر $9 \frac{\text{N}}{\text{m}}$ است. روی صفحه سکه‌ای به جرم 18 g قرار دارد و دستگاه در حالت تعادل است. اکنون صفحه را به آرامی، به اندازه‌ی d نسبت به نقطه‌ی تعادل پایین می‌بریم و سپس رها می‌کنیم. بیشترین مقدار d باید چند میلی‌متر باشد تا سکه از صفحه جدا نشود؟

۱۹۶ در محاسبه‌ی انرژی پتانسیل گرانشی یک توده‌ی همگن به شکل استوانه، می‌توان همه‌ی جرم آن را در مرکز هندسی استوانه در نظر گرفت. در یک ظرف استوانه‌ای به سطح مقطع 250 cm^2 تا ارتفاع 50 cm آب ریخته‌ایم. یک استوانه‌ی فلزی به سطح مقطع 50 cm^2 و ارتفاع 10 cm بالای آب قرار دارد، طوری که سطح قاعده‌ی زیرین آب بر سطح آب مماس است. استوانه را در آب رها می‌کنیم. هنگامی که استوانه به طور قائم به ته ظرف می‌نشیند، کاهش انرژی پتانسیل مجموعه‌ی آب و استوانه چند ژول است؟ (چگالی فلز را $8000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ ، چگالی آب را $1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ و g را $10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ بگیرید.)

۱۹۷ یک نوار نقاله باری را جابه‌جا می‌کند. نیرویی که نوار به بار وارد می‌کند (در راستای خود نوار) F و سرعت بار V است. نمودار F بر حسب $\frac{1}{V}$ به شکل روبرو است.



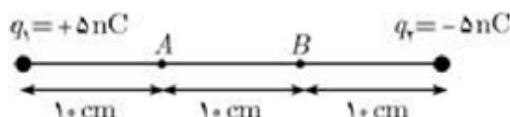
بیشینه‌ی توانی که این نوار نقاله می‌تواند به بار تحویل دهد چند کیلووات است؟



۱۹۸ مطابق شکل زیر، حجم فضای خالی بالای ستون جیوه در حالت قائم که خلا فرض می‌شود، 56 cm^3 است. سطح مقطع لوله 4 cm^2 و فاصله‌ی انتهای بسته‌ی لوله تا سطح جیوه در ظرف 90 cm است. چنانچه لوله نسبت به امتداد قائم 60° منحرف شود، نیروی وارد بر ته لوله از طرف جیوه چند نیوتن است؟ (فشار هوای بیرون 10^5 Pa است.)

۱۹۹ گلوله‌ای بدون سرعت اولیه از ارتفاع $19/2$ متری بالای سطح زمین رها می‌شود. هرگاه گلوله در هر برخورد به زمین $\frac{3}{4}$ انرژی جنبشی خود را از دست بدهد، پس از توقف مجموعاً چه مسافتی را بر حسب متر پیموده است؟

۲۰۰ پتانسیل الکتریکی در یک نقطه به فاصله‌ی r از بار نقطه‌ای q برابر است با $V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r}$. در شکل زیر، دو بار الکتریکی $q_1 = 5 \text{ nC}$ و $q_2 = 5 \text{ nC}$ در فاصله‌ی 30 cm از هم ثابت شده‌اند. یک ذره با جرم 90 mg و بار الکتریکی $+1 \text{ nC}$ از حالت سکون روی خط راست از نقطه‌ی A به سمت نقطه‌ی B شروع به حرکت می‌کند. سرعت این ذره در نقطه‌ی B چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟



۲۰۱ توپی به جرم 0.5 kg را با سرعت 8 m/s در امتداد قائم به طرف بالا پرتاب می‌کنیم. انرژی پتانسیل گرانشی در بالاترین ارتفاعی که توپ به آن می‌رسد، چه قدر است؟ از مقاومت هوا چشم‌پوشی کنید.

۲۰۲) اگر شعاع لوله r باشد، چه نیرویی از طرف مایع به درپوش A وارد می‌شود؟

۲۰۳) فشار مایع در A و B چقدر است؟

۲۰۴) فشار کل گاز محبوس چه قدر است؟

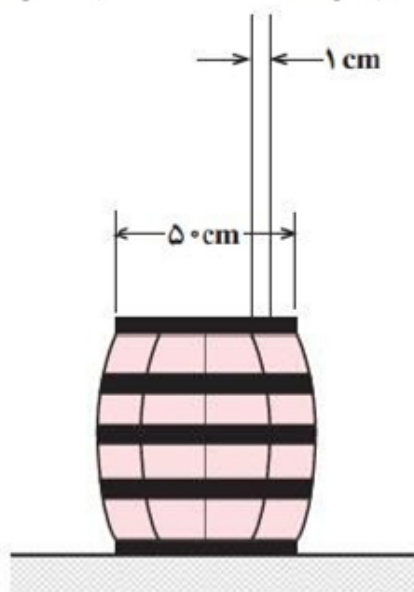
۲۰۵) فشارسنجی که به هوای بالای ظرف B وصل است چه عددی را نشان می‌دهد؟
(این فشارسنج فشار پیمانه‌ای را اندازه‌گیری می‌کند.)

۲۰۶) چگونه می‌توان با این روش چگالی یک مایع نامعلوم را تعیین کرد؟

۲۰۷) نشان دهید $\frac{h'}{h} = \frac{\rho}{\rho'}$ که در آن ρ' چگالی روغن و

ρ چگالی آب و h' ارتفاع ستون روغن است.

۲۰۸) آزمایش شکل زیر را پاسکال برای اولین بار انجام داد. لوله باریک و بلندی را به بشکه‌ای وصل کرد و در داخل لوله آب ریخت. هنگامی که ارتفاع آب در لوله به $15/3$ متر رسید، درپوش بشکه دررفت. اگر قطر درپوش 50 cm باشد، در این لحظه چه نیرویی از طرف آب به درپوش وارد شده است؟ قطر داخلی لوله 1 cm است.

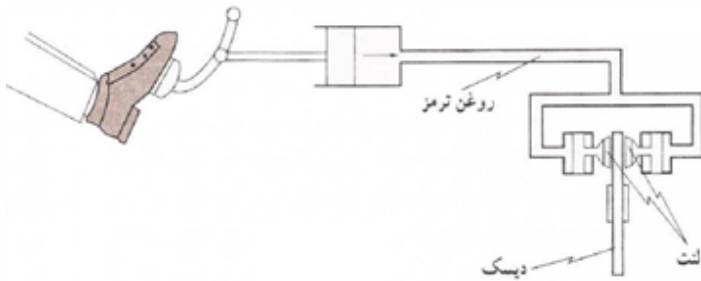


۲۰۹) در چه عمقی از دریا فشار ده برابر فشار جو در سطح دریا است؟ (چگالی آب دریا را 1150 kg/m^3 فرض کنید)

۲۱۰) قطعه‌ای به شما داده شده است و ادعا می‌شود که از طلای خالص ساخته شده است. چگونه می‌توانید درستی این ادعا را بررسی کنید؟

۲۱۱) حجم یک گرم طلا چند سانتی‌متر مکعب است؟

۲۱۲) جرم نفت موجود در یک بشکه پر نفت خانگی را حساب کنید.



۲۱۳ در شکل زیر دستگاه ترمز اتومبیل نشان داده شده است به طور مختصر توضیح دهید که دستگاه ترمز اتومبیل چگونه عمل می‌کند؟

۲۱۴ فشار کل در عمق ۴ متری یک استخر چقدر است؟

۲۱۵ فشار ناشی از آب در عمق ۴ متری یک استخر چقدر است؟

۲۱۶ یک قوطی خالی را انتخاب کنید و آن را در عمق‌های مختلف سوراخ کنید. سپس آن را پر از آب کنید. مشاهده‌های خود را توجیه کنید.

۲۱۷ در گذشته در ایران به جای قیراندود کردن چگونه از نفوذ آب باران با داخل ساختمان جلوگیری می‌کردند؟

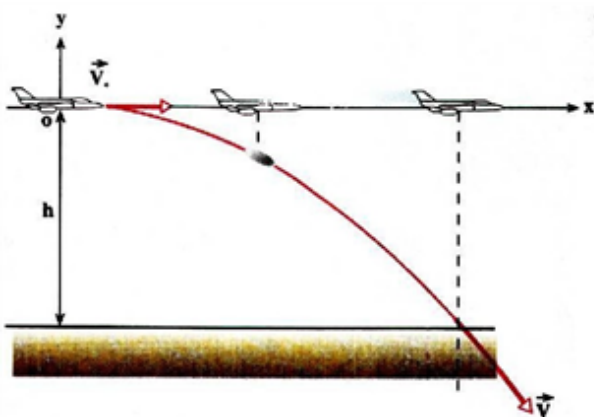
۲۱۸ حشره چگونه می‌تواند روی آب بایستد؟

۲۱۹ اگر برای اندازه‌گیری جرم جسمی وزنه در اختیار نداشته باشید، چگونه می‌توانید جرم آن را تعیین کنید؟

۲۲۰ از مقایسه چگالی هوا در حالت‌های گاز و مایع و نیز هلیوم در این دو حالت چه نتیجه‌ای می‌توان در مورد فاصله مولکول‌ها در حالت‌های گاز و مایع به دست آورد؟

۲۲۱ آسانسوری با سرعت ثابت ۱۰ نفر مسافر را در ۳ دقیقه تا ارتفاع ۸۰ متر بالا می‌برد. اگر جرم متوسط هر مسافر 80 kg و جرم آسانسور 1000 kg باشد، توان متوسط موتور آن چند وات است؟

۲۲۲ شخصی به جرم ۷۰ کیلوگرم، ۵۰ پله را در زمان یک دقیقه طی می‌کند. توان متوسط او چند وات است؟ ارتفاع هر پله را ۳۰ سانتی‌متر فرض کنید.



۲۲۳ در شکل زیر هواپیمای بمب‌افکنی که در ارتفاع ۲۰۰ متری با سرعت 900 km/h به طور افقی پرواز می‌کند بمب‌های خود را رها می‌کند. سرعت بمب در هنگام برخورد به زمین چقدر است؟ (از مقاومت هوا صرف‌نظر کنید.)



۲۲۴ در شکل زیر یک واگن تفریحی نشان داده شده است. اگر واگن در A از حال سکون شروع به حرکت کند سرعت آن در B و C چقدر است؟ از اصطکاک قطار با ریل صرف‌نظر کنید.

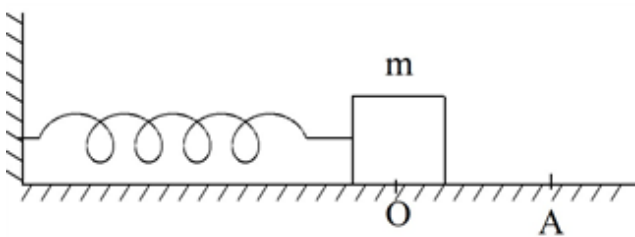
۲۲۵) آونگ تا چه ارتفاعی بالا می‌رود؟ (از مقاومت هوا صرف‌نظر کنید)

۲۲۶) سرعت آونگ هنگامی که از وضعیت قائم می‌گذرد چقدر است؟

۲۲۷) اتومبیلی به جرم یک تن با سرعت 72 km/h در حرکت است. راننده اتومبیل ناگهان مانعی را در 30 متری خود می‌بیند و ترمز می‌کند. اگر ضریب اصطکاک بین لاستیک اتومبیل و جاده 0.5 باشد، آیا اتومبیل به مانع برخورد می‌کند؟

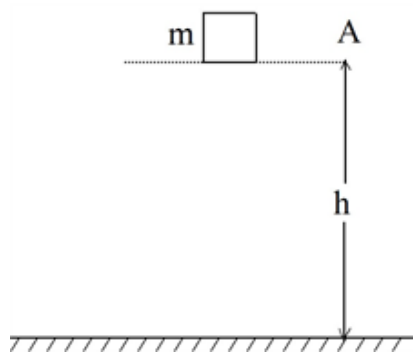
۲۲۸) گلوله‌ای به جرم 24 گرم با سرعت 500 m/s وارد تنه درختی می‌شود. اگر گلوله به اندازه 12 cm در تنه درخت فرو رود، نیروی متوسطی که تنه به آن وارد می‌کند چند نیوتون است؟

۲۲۹) شخصی به جرم 50 کیلوگرم در داخل آسانسوری قرار دارد. آسانسور 5 متر بالا می‌رود. وقتی آسانسور با سرعت ثابت بالا می‌رود، کار هر یک از نیروهای وارد بر شخص و کار نیروی برآیند وارد بر او را حساب کنید.



۲۳۰) در شکل مقابل جسمی به جرم m به فنر متصل است و روی یک سطح بدون اصطکاک قرار دارد. جسم را تا نقطه A می‌کشیم و سپس رها می‌کنیم. با استفاده از پایستگی انرژی مکانیکی چگونگی حرکت جرم m را توصیف کنید.

۲۳۱) وسیله‌هایی را نام ببرید که با استفاده از انرژی پتانسیل کشسانی فنر کار می‌کنند.



۲۳۲) انرژی پتانسیل جسم را در شکل مقابل در ارتفاع $\frac{1}{4}h$ ، $\frac{3}{4}h$ و $\frac{1}{2}h$ و صفر به دست آورید.

۲۳۳) نشان دهید که کار برآیند نیروها برابر است با جمع جبری کار حاصل از تک‌تک نیروها.

۲۳۴) کار برآیند نیروها را حساب کنید.

۲۳۵) کار نیروی وزن را حساب کنید.

۲۳۶) کار نیروی عمودی تکیه‌گاه را حساب کنید.

۲۳۷) کار نیروی اصطکاک جنبشی را حساب کنید.

۲۳۸) کار نیروی F را حساب کنید.

پیشوند	مضرب	نماد	پیشوند	مضرب	نماد
دسی	$10^{-1} = \frac{1}{10}$	d	دکا	۱۰	da
سانتی	$10^{-2} = \frac{1}{100}$	c	هکتو	۱۰۰	h
میلی	$10^{-3} = \frac{1}{1000}$	m	کیلو	۱۰۰۰	K
میکرو	$10^{-6} = \frac{1}{10^6}$	μ	مگا	10^6	M
نانو	$10^{-9} = \frac{1}{10^9}$	n	گیگا	10^9	G
پیکو	$10^{-12} = \frac{1}{10^{12}}$	p	ترا	10^{12}	T

۲۳۹ با استفاده از جدول حساب کنید که یک ساعت چند پیکو ثانیه است؟ پاسخ خود را با استفاده از شیوهی نمادگذاری علمی بنویسید.

پیشوند	مضرب	نماد	پیشوند	مضرب	نماد
دسی	$10^{-1} = \frac{1}{10}$	d	دکا	۱۰	da
سانتی	$10^{-2} = \frac{1}{100}$	c	هکتو	۱۰۰	h
میلی	$10^{-3} = \frac{1}{1000}$	m	کیلو	۱۰۰۰	K
میکرو	$10^{-6} = \frac{1}{10^6}$	μ	مگا	10^6	M
نانو	$10^{-9} = \frac{1}{10^9}$	n	گیگا	10^9	G
پیکو	$10^{-12} = \frac{1}{10^{12}}$	p	ترا	10^{12}	T

۲۴۰ با استفاده از جدول حساب کنید که $0/56$ میکرون (الف) چند میلی‌متر (ب) چند متر است؟ پاسخ خود را با استفاده از شیوهی نمادگذاری علمی بنویسید.

۲۴۱ دقت اندازه‌گیری پیمانهای به حجم ۵ سانتی‌متر مکعب چقدر است؟ کدامیک از عددهای زیر می‌تواند نتیجهی اندازه‌گیری با این پیمان باشد؟

(۱) 20 cm^3 (۲) 12 cm^3 (۳) 19 cm^3 (۴) $20/5 \text{ cm}^3$

۲۴۲ یک شیشه‌ی نوشابه خالی داریم که بر روی آن حجم آن ثبت شده است. چگونه می‌توانید با استفاده از این شیشه‌ی نوشابه حجم یک استکان آب را اندازه بگیرید؟ آیا این اندازه‌گیری دقیق است؟ توضیح دهید.

۲۴۳ بهتر است که هریک از موردهای زیر را با چه ابزاری اندازه بگیریم؟
فاصله دو شهر، قطر یک سیم، ضخامت یک برگ کاغذ، بلندی موی سر، بلندی قد و ضخامت کتاب.

۲۴۴ با استفاده از شیوهی نمادگذاری علمی جای خالی تساوی مقابل را پر کنید.

$$0.0625 \times 10^{-4} = 6/25 \times \dots\dots\dots$$

۲۴۵ با استفاده از شیوهی نمادگذاری علمی جای خالی تساوی مقابل را پر کنید.

$$54000000 = 5/4 \times \dots\dots\dots$$

۲۴۶ با استفاده از شیوهی نمادگذاری علمی جای خالی تساوی مقابل را پر کنید.

$$0.173 \times 10^4 = \dots\dots\dots$$

۲۴۷ با استفاده از شیوهی نمادگذاری علمی، ۱۲۵ متر را بر حسب میکرون (میکرومتر) بنویسید.

۲۴۸ ۳ گرم چند میکروگرم است؟

۲۴۹ ۳۰ ثانیه چند نانو ثانیه است؟

۲۵۰ ۵ کیلومتر چند سانتی متر است؟

- ۱ الف) چگالی جسم از چگالی آب بیشتر است. (۳)
 ب) چگالی جسم بین ۰/۶ تا ۰/۸ گرم بر میلی لیتر است. (۲)
 پ) چگالی آب و چگالی جسم مساوی اند. (۱)
 ت) چگالی جسم حدود نصف چگالی آب است. (۴)

۲ $19/977\text{mm} \pm 0/001\text{mm}$
 ↓
 خطای وسیله اندازه گیری رقم غیر قطعی
 ↓
 مقدار واقعی طول، بین $19/976\text{mm}$ و $19/978\text{mm}$ قرار دارد.

۳ $23/33\text{mm} \pm 0/01\text{mm}$
 ↓
 خطای وسیله اندازه گیری رقم غیر قطعی
 ↓
 مقدار واقعی طول، بین $23/32\text{mm}$ و $23/34\text{mm}$ قرار دارد.



$250/0\text{g} \pm 0/1\text{g}$
 ↓
 خطای وسیله اندازه گیری رقم غیر قطعی
 ↓
 مقدار واقعی جرم، بین $249/9\text{g}$ و $250/1\text{g}$ قرار دارد.



۴ $36/5^{\circ}\text{C} \pm 0/1^{\circ}\text{C}$
 ↓
 خطای وسیله اندازه گیری رقم غیر قطعی
 ↓
 مقدار واقعی دما بین $36/4^{\circ}\text{C}$ و $36/6^{\circ}\text{C}$ قرار دارد.

$$12/400 \text{ mm} \pm 0/005 \text{ mm}$$

خطای وسیله‌ی اندازه‌گیری رقم حدسی (غیرقطعی)

شکل پایین

$$9/981 \text{ mm} \pm 0/005 \text{ mm}$$

خطای وسیله‌ی اندازه‌گیری رقم حدسی (غیرقطعی)

$$2/832 \text{ mm} \pm 0/005 \text{ mm}$$

خطای وسیله‌ی اندازه‌گیری رقم غیرقطعی

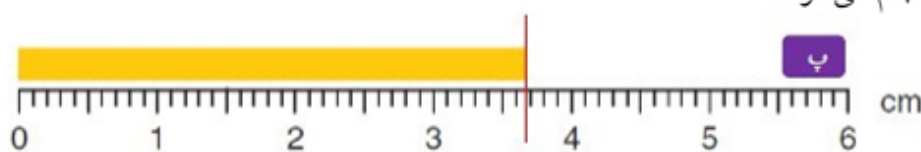
$$24/70 \text{ mm} \pm 0/03 \text{ mm}$$

خطای وسیله‌ی اندازه‌گیری رقم غیرقطعی

$$\text{طول جسم} = (69/2 \text{ mm} - 5/0 \text{ mm}) \pm 0/5 \text{ mm} = 64/0 \text{ mm} \pm 0/5 \text{ mm}$$

از آنجا که موقعیت جسم نسبت به ابزار اندازه‌گیری تغییری نکرده است، کافی است فقط یک بار خطا را گزارش کنیم.

در خط کش الف هر سانتی‌متر به ۹ قسمت مساوی و در خط کش ب هر سانتی‌متر به ۷ قسمت مساوی تقسیم شده است. این نوع تقسیم‌بندی یا مدرج کردن یک وسیله‌ی اندازه‌گیری غیرمعمول و نامتعارف است و در عمل هم چنین وسیله‌ای به صورت خط کش و ابزارهای مدرج اندازه‌گیری دیگر وجود خارجی ندارد. توجه کنید ابزارهای اندازه‌گیری را با این منطق مدرج می‌کنند که خواندن و گزارش نتیجه اندازه‌گیری تا حد ممکن ساده و سریع باشد. همان طور که دیده می‌شود خواندن و گزارش نتیجه اندازه‌گیری با خط کش‌های الف و ب نیاز به صرف زمان زیادی دارد در حالی که با خط کش شکل زیر که تا میلی‌متر مدرج شده است و نسبت به خط کش‌های الف و ب دقت بیشتری هم دارد بسیار ساده‌تر و سریع‌تر انجام می‌شود.



$$1 \text{ خط کش} \Rightarrow 3/7 \text{ cm} \pm 0/5 \text{ cm} = 37 \text{ mm} \pm 5 \text{ mm}$$

$$2 \text{ خط کش} \Rightarrow 3/7 \text{ cm} \pm 0/3 \text{ cm} = 37 \text{ mm} \pm 3 \text{ mm}$$

هر چند گستره‌ی خطای این خط کش $0/25 \text{ cm} \pm$ است ولی باید به صورت $0/3 \text{ cm} \pm$ گرد شود تا از نظر فیزیک، جمع و تفریق دو عدد درست باشد.

$$3 \text{ خط کش} \Rightarrow 3/6 \text{ cm} \pm 0/1 \text{ cm} = 36 \text{ mm} \pm 1 \text{ mm}$$

$$4 \text{ خط کش} \Rightarrow 3/68 \text{ cm} \pm 0/05 \text{ cm} = 36/8 \text{ mm} \pm 0/5 \text{ mm}$$

با توجه به نوع حرکت برگ درخت هنگام سقوط به طرف زمین، گزینه‌ی ۲ درست است.

۱۲ با توجه به وضعیت شخص، دو نیرو به جعبه وارد می‌شود. یکی نیروی دست، که از طرف شخص و رو به بالا به جعبه وارد می‌شود. نیروی دیگر، وزن جعبه است که رو به پایین و از طرف زمین به جعبه وارد می‌شود. در شکل ب، نیروهای وارد بر جعبه، که به صورت یک ذره مدل‌سازی شده، نشان داده شده است.

$$h_1 = 2/0.5 \times 10^3 \text{ m}, h_2 = 2/70 \times 10^3 \text{ m}, \Delta h = 6/50 \times 10^2 \text{ m}$$

$$\Delta U = mg\Delta h = (8/60 \times 10^2 \text{ kg}) \times (9/81 \frac{\text{N}}{\text{kg}}) \times (6/50 \times 10^2 \text{ m}) = 5/48 \times 10^6 \text{ J}$$

$$\text{برای یک پمپ} \quad \frac{\Delta U}{2} = \frac{5/48 \times 10^6}{2} = 2/74 \times 10^6 \text{ J}$$

$$\text{توان هر پمپ} = (0/28)P \Rightarrow P = \frac{2/74 \times 10^6 \text{ J}}{0/28} = 9/78 \times 10^6 \text{ W} = 9/78 \text{ MW}$$

$$= (9/78 \times 10^6 \text{ W}) \times \left(\frac{\text{hp}}{746 \text{ W}} \right) = 1/31 \times 10^4 \text{ hp}$$

$$m_1 = 6/50 \times 10^2 \text{ kg}, t = 180 \text{ s}, h = 75 \text{ m}, m_2 = 3/20 \times 10^2 \text{ kg} \quad 14$$

$$m = m_1 + m_2 = 9/7 \times 10^2 \text{ kg}$$

$$P = \frac{W}{t} = \frac{mgh}{t} = \frac{9/7 \times 10^2 \times 9/8 \times 75 \text{ m}}{180 \text{ s}}$$

$$P \simeq 3/9 \times 10^3 \text{ W}$$

$$P = (3/9 \times 10^3 \text{ W}) \left(\frac{746 \text{ hp}}{1 \text{ W}} \right) \simeq 2/90 \times 10^3 \text{ hp}$$

۱۵ الف) انرژی گلوله قبل از رها کردن برابر است با انرژی پتانسیل گرانشی آن (توجه شود که گلوله باید رها شود و هیچ‌گونه انرژی جنبشی نباید به گلوله داده شود) بنابراین در برگشت مقداری از انرژی آن به دلیل مقاومت هوا تلف خواهد شد و مطمئن خواهیم بود که تا ارتفاعی کمی پایین‌تر از محل رهاشدن خواهد آمد. ب) در این حالت احتمال برخورد با صورت دانش‌آموز وجود دارد.

$$m = 12/5 \text{ kg}, h_A = 5/00 \text{ m}, h_B = 3/20 \text{ m}, v_B = ? \quad 16$$

$$\text{الف) } E_A = E_B$$

$$U_A + K_A = U_B + K_B$$

$$mgh_A = mgh_B + \frac{1}{2}mv_B^2$$

$$9/81 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \times 5/00 \text{ m} = 9/81 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \times 3/20 \text{ m} + \frac{1}{2}v_B^2 \Rightarrow v_B = 5/94 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

ب) کار نیروی وزن برابر است، با منفی تغییرات انرژی پتانسیل گرانش جسم

$$W_{mg} = -mg\Delta h = -mg(h_C - h_A) = -12/5 \text{ kg} \times 9/81 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \times (2/00 \text{ m} - 5/00 \text{ m}) = +367 \text{ J}$$

$$m = 50 \text{ g}$$

$$v_1 = 1/5 \frac{\text{km}}{\text{s}} = \left(1/5 \frac{\text{km}}{\text{s}}\right) \left(10^3 \frac{\text{m}}{\text{km}}\right) = 1/5 \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$h = 1/6 \text{ m}$$

$$v_2 = 0/45 \frac{\text{km}}{\text{s}} = 0/45 \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\text{الف) } W_f = E_2 - E_1$$

$$W_f = (K_2 + U_2) - (K_1 + U_1)$$

$$= \left[\frac{1}{2} \times 50 \times 10^{-3} \text{ kg} \times \left(0/45 \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 \right] + 0$$

$$- \left[\frac{1}{2} \times 50 \times 10^{-3} \text{ kg} \times \left(1/5 \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 + 50 \times 10^{-3} \text{ kg} \times 9/8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \times 1/6 \text{ m} \right] = -5/1 \times 10^4 \text{ J}$$

ب) کار نیروی وزن برابر $784 \times 10^{-3} \text{ J}$ است که در مقابل کار نیروی اصطکاک قابل چشم‌پوشی است.

چون اصطکاک نداریم طبق اصل پایستگی انرژی مکانیکی، چون ارتفاع و تندی همه آن‌ها در ابتدا یکسان است بنابراین تندی آن‌ها در لحظه برخورد با زمین هم یکسان خواهد بود و در نتیجه چون جرم یکسان دارند انرژی جنبشی یکسانی نیز خواهند داشت. ۱۸

$$v_1 = 35/0 \frac{\text{m}}{\text{s}}, v_2 = 32/0 \frac{\text{m}}{\text{s}}, h = ?$$

مکان جداشدن از سکو را مبدأ پتانسیل در نظر می‌گیریم بنابراین داریم:

$$K_1 = U_1 = K_2 + U_2 = \frac{1}{2} m \left(35/0 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 = \frac{1}{2} m \left(32/0 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 = m \times 9/81 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \times h$$

$$\Rightarrow h = 10/2 \text{ m}$$

$$h = 300 \text{ m}$$

$$v = 50 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$K_1 = U_1 = K_2 + U_2$$

سطح زمین را مبدأ پتانسیل گرانشی می‌گیریم بنابراین $U_2 = 0$

$$\frac{1}{2} m \left(50 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 + m \times 9/81 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \times 300 \text{ m} = \frac{1}{2} m v_2^2 \Rightarrow v_2 \simeq 91 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

الف ۲۱

$$W_{\text{برآیند}} = \Delta K = \frac{1}{2}m(v^2 - v_0^2) = \frac{1}{2} \times 7/2 \times 10^4 \times (70)^2 = 2/94 \times 10^7 \text{ J}$$

ب) کار نیروی وزن، با در نظر گرفتن حرکت افقی هواپیما صفر است، زیرا زاویه‌ی نیروی وزن و جابه‌جایی برابر ۹۰ درجه است.

پ) به جز نیروی وزن، یک نیروی بالابرنده طبق اصل برنولی بر بال هواپیما وارد می‌شود که کار آن مثبت است. و یک نیروی اصطکاک هوا بر هواپیما وارد می‌شود که کار آن منفی است.

الف) نادرست - انرژی پتانسیل گرانشی (نسبت به زمین) برای دو شخص هم جرم فقط، به ارتفاع از مبدأ در نظر گرفته شده بستگی دارد.

ب) نادرست

پ) درست - زیرا این کار با تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی آن‌ها یکسان است.

ت) درست

۲۳ انرژی جنبشی جسم همواره مقداری مثبت است. پرسش کتاب در خصوص انرژی پتانسیل، معطوف به انرژی پتانسیل گرانشی است که با جزئیات بیش‌تری بررسی شده است. اما انرژی پتانسیل گرانشی یک سامانه به مبدأ که در نظر می‌گیریم بستگی دارد و می‌تواند مثبت، منفی و یا صفر باشد. کمیتی که در فیزیک اهمیت دارد ΔU است نه U .

$$m = 150 \text{ g} = (150 \text{ g}) \left(\frac{\text{kg}}{1000 \text{ g}} \right) = 150 \times 10^{-3} \text{ kg}$$

$$h = 180 \text{ m}, v = 12 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

در مرحله‌ی اول این کار برابر منهای کار نیروی وزن است و در حالت دوم برابر تغییرات انرژی جنبشی جسم.

$$W_1 = mgh = 150 \times 10^{-3} \text{ kg} \times 9/8 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \times 180 \approx 2/6 \times 10^2 \text{ J}$$

$$W_2 = \Delta K = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times 150 \times 10^{-3} \text{ kg} \times \left(12 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right)^2 \approx 11 \text{ J}$$

$$W_{\text{کل}} = 2/6 \times 10^2 \text{ J} + 11 \text{ J} = 271 \text{ J}$$

کار کل برابر مجموع این دو مقدار است.

۲۵ خیر، زیرا نیروی دست ما بر جابه‌جایی عمود است.

در حالتی که تندی تغییر کند چون زاویه نیروی دست ما با راستای جابه‌جایی عمود نمی‌ماند بنابراین کار انجام خواهد شد. توجه کنید که از منظر انرژی، وقتی روی جسمی کار انجام می‌شود یا انرژی جنبشی، یا انرژی پتانسیل و یا هر دوی آن‌ها می‌تواند تغییر کند.

$$W_1 = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}mv^2$$

$$W_2 = \Delta K$$

$$W_2 = K_2 - K_1$$

$$W_2 = \frac{1}{2}m(3v)^2 = 9\left(\frac{1}{2}mv^2\right) = 9W_1$$

در نتیجه باید ۹ برابر کار انجام شود.

$$W_t = K_2 - K_1$$

بله با توجه به رابطه کار - انرژی جنبشی داریم:

اگر W_t منفی باشد به این معنی است که $K_1 > K_2$ یعنی تندی جسم کاهش پیدا کرده است و این اتفاق زمانی برقرار است که یک خودرو ترمز می‌گیرد.

$$m = 145g = (145g) \left(1000 \frac{kg}{g}\right) = 145 \times 10^{-3} kg$$

$$F = 75.0 N, d = 1/45 m, W_t = \Delta K$$

$$Fd \cos \theta = K_2 - K_1$$

از کار مقاومت هوا صرف نظر می‌کنیم:

$$75.0 N \times 1/45 m = \frac{1}{2} \times 145 \times 10^{-3} kg \times v_2^2 - v = \sqrt{1/50 \times 10^3} \Rightarrow v = 38.7 \frac{m}{s}$$

$$W_t = \Delta K$$

$$W_t = K_2 - K_1$$

$$W_t = \frac{1}{2}mv^2$$

$$W'_t = \frac{1}{2}(2m)v^2$$

$$\frac{W'_t}{W_t} = \frac{\frac{1}{2}(2)mv^2}{\frac{1}{2}mv^2} = 2$$

کار انجام شده در حالت (ب) باید دو برابر حالت (الف) باشد.

$$m = 1/40 \times 10^4 \text{ kg}$$

$$v = 12/0 \frac{\text{km}}{\text{s}} = \left(12/0 \frac{\text{km}}{\text{s}}\right) \left(10^3 \frac{\text{m}}{\text{km}}\right) = 12/0 \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times 1/40 \times 10^4 \text{ kg} \times \left(12/0 \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 = 101 \times 10^{14} \text{ J}$$

اگر بخواهیم مقایسه‌ای با انرژی آزاد شده توسط هر تن TNT داشته باشیم، داریم:

$$\frac{101 \times 10^{14} \text{ J}}{4/18 \times 10^9 \text{ J}} = \frac{101}{4/18} \times 10^5 \approx 2/4 \times 10^6$$

یعنی تقریباً انرژی آن معادل دو نیم میلیون تن TNT بوده است.

$$m_{\text{شهاب سنگ}} = 1/35 \times 10^5 \text{ kg}, v_{\text{شهاب سنگ}} = 4/12 \frac{\text{km}}{\text{s}} = 4/12 \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$K_{\text{شهاب سنگ}} = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \left(1/35 \times 10^5 \text{ kg}\right) \left(4/12 \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 = 11/5 \times 10^{11} \text{ J}$$

$$m_{\text{هوایما}} = 7/25 \times 10^4 \text{ kg}$$

$$v_{\text{هوایما}} = 936 \frac{\text{km}}{\text{h}} = \left(936 \frac{\text{km}}{\text{s}}\right) \times \left(\frac{10^3 \text{ m}}{1 \text{ km}}\right) \times \left(\frac{1 \text{ h}}{3600 \text{ s}}\right) = 2/60 \times 10^2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$K_{\text{هوایما}} = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times 7/25 \times 10^4 \text{ kg} \times \left(2/60 \times 10^2 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 = 24/5 \times 10^8 \text{ J}$$

$$\frac{K_{\text{شهاب سنگ}}}{K_{\text{هوایما}}} = \frac{11/5 \times 10^{11} \text{ J}}{24/5 \times 10^8 \text{ J}} = \frac{11500 \times 10^3 \text{ J}}{24/5 \times 10^8 \text{ J}} \approx 469$$

$$K_{\text{شهاب سنگ}} \approx 470 K_{\text{هوایما}}$$

(n) برای این کار به کمک زمان سنج تلفن همراه، مدت زمان را اندازه گرفته و ارتفاع هر پله (y) را در تعداد آنها (n)

$$P = \frac{W}{\Delta t} = \frac{mgh}{\Delta t}$$

ضرب می‌کنیم. بنابراین می‌توان نوشت (h = ny):

الف) مقدار انرژی لازم برای یک لامپ رشته‌ای ۱۰۰ واتی

$$W = Pt = 100 \text{ W} \times (180 \text{ h}) \times \left(3600 \frac{\text{s}}{1 \text{ h}}\right) = 6/48 \times 10^7 \text{ J}$$

انرژی مفیدی که با سوختن یک لیتر گازوئیل تأمین می‌شود برابر است با:

$$\frac{35}{100} \times 34/2 \times 10^6 \frac{\text{J}}{\text{L}}$$

$$V = \frac{6/48 \times 10^7 \text{ J}}{0/35 \times 34/2 \times 10^6 \frac{\text{J}}{\text{L}}} = 5/41 \text{ L}$$

به این ترتیب حجم گازوئیل موردنیاز برابر است با:

ب) هر چه انرژی الکتریکی کم‌تر مصرف شود سوخت کم‌تری مصرف شده و آلودگی کم‌تری هم به وجود خواهد آمد.

پ) فرض کنیم جمعیت ایران ۸۰ میلیون نفر باشد و هر خانواده ۴ نفر باشد بنابراین ۲۰ میلیون خانواده داریم یعنی 2×10^7 که می‌توانیم مرتبه‌ی بزرگی آن‌را به صورت 10^7 بگیریم.

مرتبه‌ی بزرگی مقدار گازوئیل مصرفی را هم 10^1 در نظر می‌گیریم. بنابراین مقدار گازوئیل صرفه‌جویی شده برابر خواهد بود با:

$$10^1 \times 10^7 = 10^8 \text{ L}$$

یعنی مرتبه‌ی بزرگی گازوئیل صرفه‌جویی شده در هر ما از مرتبه‌ی 10^8 L است.

$$h = 90/0 \text{ m}$$

$$P = 200 \text{ MW} = 200 \times 10^6 \text{ W}$$

$$P = \frac{W}{\Delta t} = \frac{mgh}{1 \text{ s}} \Rightarrow 200 \times 10^6 = \frac{0/85 \times m \times 9/81 \times 90/0}{1 \text{ s}} \Rightarrow m = 2/66 \times 10^5 \text{ kg}$$

حجم آبی که باید در هر ثانیه روی توربین ریخته شود برابر است با:

$$V = \frac{2/66 \times 10^5}{1/00 \times 10^3} = 2/66 \times 10^2 \text{ m}^3$$

$$P = \frac{W_{\text{موتور}}}{\Delta t} = \frac{Fd \cos \theta}{\Delta t} = \frac{1/97 \times 10^5 \text{ N} \times 15/6 \times 10^3 \text{ m}}{60 \text{ s}} = 51/2 \times 10^6 \text{ W} = 51/2 \text{ MW}$$

$$P = 51/2 \times 10^6 \text{ W} \times \left(\frac{1 \text{ hp}}{746 \text{ W}}\right) = 6/86 \times 10^4 \text{ hp}$$

می‌توان گفت که ۱۸ درصد انرژی جنبشی اولیه توپ به انرژی جنبشی آن در نقطه B تبدیل می‌شود.

$$m = 0/45 \text{ kg}, v_1 = 8/0 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\frac{80}{100} K_A = K_B \Rightarrow \frac{80}{100} \times \frac{1}{2} m \times \left(8/0 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 = \frac{1}{2} m v_B^2 \Rightarrow v_B = 7/1 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

انرژی جنبشی توپ در اثر برخورد با مولکول‌های هوا و سرانجام برخورد با دست، باعث بالا رفتن انرژی درونی محیط اطراف و دست می‌شود. ۳۷

$$K_1 = U_1 = K_2 + U_2 \quad \text{۳۸}$$

$$v_1 = 40 \frac{m}{s}$$

$$v_2 = 25 \frac{m}{s}$$

$$\frac{1}{2}mv_1^2 + mgh_1 = \frac{1}{2}mv_2^2 + mgh_2$$

$$\frac{1}{2} \left(40 \frac{m}{s} \right)^2 + 0 = \frac{1}{2} \left(25 \frac{m}{s} \right)^2 + 9.8 \frac{N}{kg} \times h_2 \Rightarrow h_2 = 60.5 m$$

چون ارتفاع جسم در هر چهار حالت نسبت به نقطه‌ی B با هم برابر است بنابراین نسبت به این نقطه انرژی پتانسیل گرانشی یکسانی دارد. چون اصطکاک نداریم بنابراین کل این انرژی پتانسیل گرانشی زمانی که جسم به نقاط B می‌رسد. بدون توجه به شکل مسیر به انرژی جنبشی تبدیل می‌شود و بنابراین سرعت در تمام حالت‌ها برابر است. ۳۹

$$U_1 = mgh_1 = 150 \times 9.8 \times 90 = 132300 J \quad \text{۴۰}$$

$$U_2 = mgh_2 = 150 \times 9.8 \times 50 = 73500 J$$

$$W_g = U_2 - U_1 = 73500 - 132300 = -58800 J \quad \text{کار نیروی وزن}$$

$$m = 7/50 \times 10^4 \text{ kg} \quad \text{۴۱}$$

$$v = 1864 \frac{km}{h} = \left(1864 \frac{km}{h} \right) \left(\frac{1000 m}{1 km} \right) \left(\frac{1 h}{3600 s} \right) = 2/40 \times 10^3 \frac{m}{s}$$

$$h = 9/60 \times 10^3 m$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow K = \frac{1}{2} \times 7/50 \times 10^4 \text{ kg} \times \left(240 \frac{m}{s} \right)^2 = 2/16 \times 10^9 J$$

$$U = mgh = 7/50 \times 10^4 \text{ kg} \times 9.81 \frac{N}{kg} \times 9/60 \times 10^3 m = 7.06 \times 10^9 J = 7/0.6 \times 10^9$$

$$\frac{U}{K} = \frac{7/0.6 \times 10^9 J}{2/16 \times 10^9 J} \simeq 3 \Rightarrow U \approx 3K$$

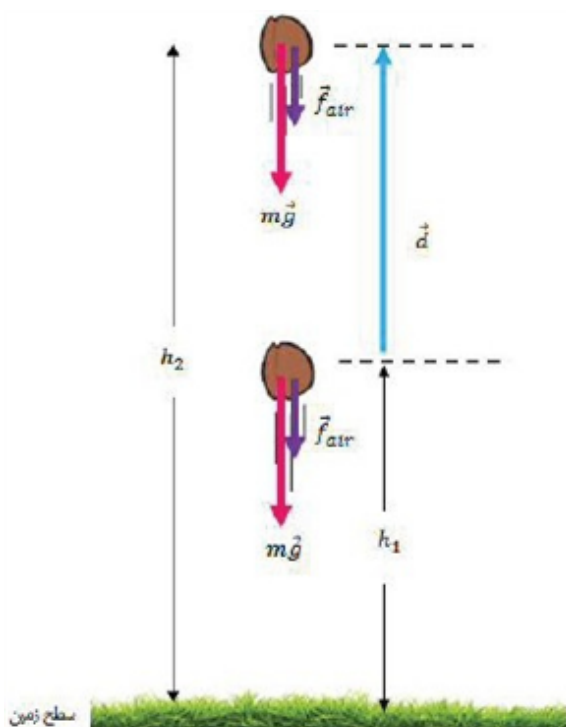
۴۲

جسمی را در نظر می‌گیریم که به طرف بالا پرتاب شده است نیروی وزن و نیروی مقاومت هوا در یک جهت هستند.

$$W_{\text{وزن}} = (mg \cos \theta) d = (mg \cos 180^\circ) d \\ = -mg = -mgd(h_2 - h_1)$$

بنابراین داریم:

$$W_{\text{وزن}} = -(mgh_2 - mgh_1) = -(U_2 - U_1) = -\Delta U$$



۴۳

$$W_{1t} = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}mv^2 - 0 = \frac{1}{2}mv^2$$

$$W_{2t} = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}m(2v)^2 - \frac{1}{2}mv^2 = \frac{3}{2}mv^2 \Rightarrow \frac{W_{1t}}{W_{2t}} = \frac{\frac{1}{2}mv^2}{\frac{3}{2}mv^2} = \frac{1}{3}$$

۴۴

قضیه کار - انرژی جنبشی را برای هر دو قایق می‌نویسیم:

$$W_{t_1} = K_2 - K_1 = K_2 \quad (\text{سبک})$$

$$W_{t_2} = K'_2 - K'_1 = K'_2 \quad (\text{سنگین})$$

چون $W_{t_1} = W_{t_2}$ بنابراین انرژی جنبشی هر دو قایق درست پس از عبور از خط پایان با هم برابر است اما تندی آنها یکی نیست.

$$K_2 = \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}(2m)v_2^2 \Rightarrow v_1^2 = 2v_2^2 \Rightarrow v_1 = \sqrt{2}v_2$$

$$m = ۸/۴۰ \times ۱۰^۲ \text{ kg}, W_t = ۷/۳۵ \times ۱۰^۴ \text{ J}, V_A = ۵۴/۰ \frac{\text{km}}{\text{h}}, V_B = ?$$

ابتدا تندی در موقعیت A را بر حسب $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ می‌نویسیم:

$$V_A = \left(۵۴/۰ \frac{\text{km}}{\text{h}} \right) \left(\frac{۱ \text{ h}}{۳۶۰۰ \text{ s}} \right) \left(\frac{۱۰۰۰ \text{ m}}{۱ \text{ km}} \right) = ۱۵/۰ \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$W_t = K_B - K_A$$

$$۷/۳۵ \times ۱۰^۴ \text{ J} = \frac{۱}{۲} (۸/۴۰ \times ۱۰^۲ \text{ kg}) V_B^۲ - \frac{۱}{۲} (۸/۴۰ \times ۱۰^۲ \text{ kg}) \left(۱۵/۰ \frac{\text{m}}{\text{s}} \right)^۲$$

$$\Rightarrow V_B^۲ = ۴۰۰ \Rightarrow V_B = ۲۰ \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$F = ۱۵۰ \text{ N}$$

$$m = ۱۰ \text{ kg}$$

$$d = ۱/۵ \text{ m}, g = ۹/۸$$

$$\text{الف) } W_{mg} \times d \cos ۱۸۰ = ۱۰ \text{ N} \times ۹/۸ \frac{\text{N}}{\text{kg}} \times ۱/۵ \text{ m} \times (-۱) = -۱۴۷ \text{ J}$$

$$W_F = F \times d \times \cos ۰ = ۱۵۰ \text{ N} \times ۱/۵ \text{ m} \times (۱) = ۲۲/۵ \text{ J}$$

$$\text{ب) } W_t = W_{mg} + W_F = -۱۴۷ \text{ J} + ۲۲/۵ \text{ J} = ۷۸ \text{ J}$$

$$\text{پ) } W_t = K_۲ - K_۱ \Rightarrow ۷۸ \text{ J} = \frac{۱}{۲} \times ۱۰ \times v_۲^۲ \Rightarrow v_۲^۲ = ۱۵/۶ \Rightarrow v_۲ = ۳/۹ \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

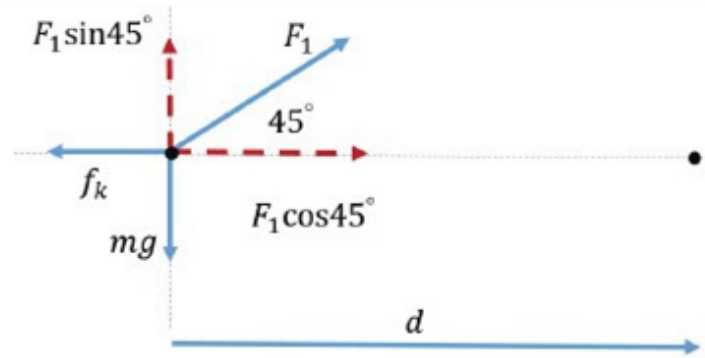
$$d = ۲۳۵ \text{ m}$$

$$mg = ۱/۴۷ \times ۱۰.۳ \text{ N}$$

$$F_1 = ۵/۰۰ \times ۱۰.۳ \text{ N}$$

$$\theta = ۴۵^\circ$$

$$f_k = ۳/۵۰ \times ۱۰.۳ \text{ N}$$



روش اول:

$$W_1 = (F_1 \cos \theta) d$$

$$= \left(۵/۰۰ \times ۱۰.۳ \text{ N} \times \frac{\sqrt{2}}{2} \right) (۲۳۵ \text{ m}) = ۸۳۱ \times ۱۰.۳ \text{ J}$$

$$W_{f_k} = (f_k \cos \theta) d = \left[۳/۵۰ \times ۱۰.۳ \times (-۱) \right] (۲۳۵ \text{ m}) = -۸۲۲ \times ۱۰.۳ \text{ J}$$

چون نیروی وزن عمودی سطح بر جابه‌جایی عمود هستند کار آن‌ها صفر است بنابراین:

$$W_t = W_1 + W_{f_k} = \left(۳/۵۰ \times ۱۰.۳ \text{ N} \times \frac{\sqrt{2}}{2} \times ۲۳۵ \text{ m} \right) + \left[۳/۵۰ \times ۱۰.۳ \times (-۱) \times ۲۳۵ \text{ m} \right]$$

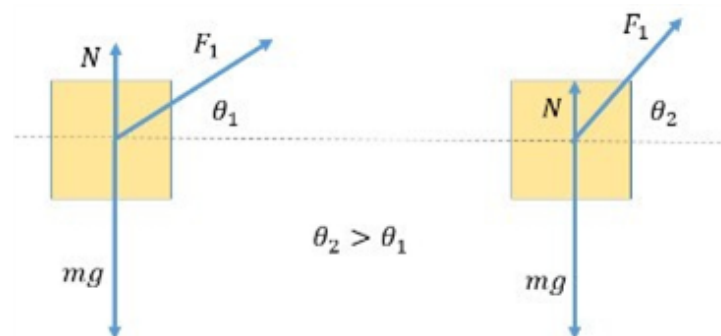
$$= -۸/۳۵ \times ۱۰.۳ \text{ J}$$

روش دوم:

ابتدا نیروها و مؤلفه‌های نیروهایی را که در امتداد جابه‌جایی بر جسم وارد می‌شوند شناسایی می‌کنیم. اندازه نیروی خالص در امتداد جابه‌جایی برابر است با:

$$F = F_1 \cos ۴۵^\circ - f_k = ۵/۰۰ \times ۱۰.۳ \text{ N} \times \frac{\sqrt{2}}{2} - ۳/۵۰ \times ۱۰.۳ \text{ N} = ۳۵/۵ \text{ N}$$

$$W_t = Fd = (۳۵/۵۳۳ \text{ N})(۲۳۵ \text{ m}) = ۸/۳۵ \times ۱۰.۳ \text{ J}$$



$$W_1 = (F_1 \cos \theta_1) d$$

$$W_2 = (F_2 \cos \theta_2) d$$

$$W_1 = W_2 \Rightarrow F_1 \cos \theta_1 d = F_2 \cos \theta_2 d$$

$$F_1 \cos \theta_1 = F_2 \cos \theta_2 \quad \text{چون} \quad \cos \theta_2 < \cos \theta_1 \Rightarrow F_2 > F_1$$

$$F = mg$$

$$F = 668 \text{ N}$$

$$d = 45/0 \text{ m} = (45/0 \text{ cm}) \times \left(\frac{1 \text{ m}}{100 \text{ cm}} \right) = 45/0 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$\cos \theta = \cos 180^\circ = -1$$

$$W = (F \cos \theta) d = [668 \text{ N} \times (-1)] (45/0 \times 10^{-2} \text{ m}) = -301 \text{ J}$$

در حالت اول مقدار کار به دست آمده مثبت است اما در حالت دوم منفی است.

انرژی جنبشی کمیتی نرده‌ای است و فقط به تندی و جرم جسم بستگی دارد.
برای حل این پرسش ابتدا انرژی جنبشی اجسام را محاسبه کرده و بر حسب K_1 می‌نویسیم.

$$K_1 = \frac{1}{2} m V^2$$

$$K_2 = \frac{1}{2} m (2V)^2 = \frac{1}{2} m \times (4V^2) = 4 \left(\frac{1}{2} m V^2 \right) = 4K_1$$

$$K_3 = \frac{1}{2} m V^2 = K_1$$

$$K_4 = \frac{1}{2} (2m) V^2 = 2 \left(\frac{1}{2} m V^2 \right) = 2K_1$$

$$K_5 = \frac{1}{2} (2m) (2V)^2 = \frac{1}{2} \times 2m \times (4V^2) = 4 \left(\frac{1}{2} m V^2 \right) = 4K_1$$

$$(K_1 = K_3) < K_4 < K_2 < K_5$$

بنابراین می‌توان نوشت:

$$m = 1/40 \times 10^2 \text{ kg}$$

$$V_1 = 18/0 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$V_2 = 25/0 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$K_1 = \frac{1}{2} m V_1^2 = - \left(1/40 \times 10^2 \text{ kg} \right) \left(18/0 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right)^2 = 136 \times 10^3 \text{ J} = 136 \text{ kJ}$$

$$K_2 = \frac{1}{2} m V_2^2 = \frac{1}{2} \left(1/40 \times 10^2 \text{ kg} \right) \left(25/0 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right)^2 = 262 \times 10^3 \text{ J} = 262 \text{ kJ}$$

$$\Delta K = K_2 - K_1 = 262 \text{ kJ} - 136 \text{ kJ} = 126 \text{ kJ}$$

$$m = 224 \text{ kg}$$

$$V = 2/84 \frac{\text{km}}{\text{s}} = \left(2/84 \frac{\text{km}}{\text{s}} \right) \left(\frac{1000 \text{ m}}{1 \text{ km}} \right) = 2/84 \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$K = \frac{1}{2} m V^2 = \frac{1}{2} (224 \text{ kg}) \left(2/84 \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right)^2 = 9.3 \times 10^6 \text{ J} = 9.3 \text{ MJ}$$

۴۹

۵۰

۵۱

۵۲

۵۳ با استفاده معادله پیوستگی داریم:

$$A_1 U_1 = A_2 U_2$$

$$\pi \left(\frac{d_1}{2}\right)^2 U_1 = \pi \left(\frac{d_2}{2}\right)^2 U_2 \Rightarrow d_1^2 U_1 = d_2^2 U_2$$

به جایگذاری مقادیر داده شده داریم:

$$(9/60 \text{ cm})^2 \left(1/50 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right) = (2/50 \text{ cm})^2 (U_2) \Rightarrow U_2 = 22/1 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۵۴ وقتی پدال گاز بیش تر فشرده می شود، دریچه ای پروانه ای متصل به سیم گاز باز تر می شود و میزان هوایی که از فیلتر هوا می گذرد افزایش می یابد. با افزایش میزان هوای ورودی، تندی هوا در محل لوله ونتوری افزایش می یابد و فشار هوا کاهش بیش تری می یابد. در نتیجه سوخت بیش تری به بیرون پاشیده می شود و با هوای ورودی مخلوط می شود و خودرو می تواند سریع تر حرکت کند.

۵۵ وقتی جریان تند هوا از میان دو نوار کاغذی می گذرد بنابر اصل برنولی سبب کاهش فشار هوا می شود و در نتیجه فشار هوای اطراف نوارهای کاغذی، که بزرگ تر از فشار هوای بین آنها است، سبب می شود تا نوارهای کاغذی به طرف یکدیگر نزدیک شوند.

۵۶ در قسمت های A، C و E تندی آب ثابت است و در قسمت B در حال افزایش و در قسمت D در حال کاهش است. تندی آب در قسمت C از قسمت های A و E بیش تر است.

$$U_C > U_A = U_E \quad (\text{ب})$$

۵۷ نیروی شناوری به علت وجود اختلاف در فشار وارد بر سطح بالایی و سطح پایینی ایجاد می شود که به علت تغییر فشار سیال با عمق به وجود می آید.

۵۸ چون حجم مساوی از آب و روغن استفاده شده است، با توجه به شکل و در محل تماس دو مایع داریم

$$P + \rho_{\text{oil}}gh = P_0 + \rho_{\text{water}}gh$$

که در آن P فشار هوای دمیده شده توسط شخص است. به این ترتیب فشار پیمانه ای هوای درون ریه ی شخص برابر است با:

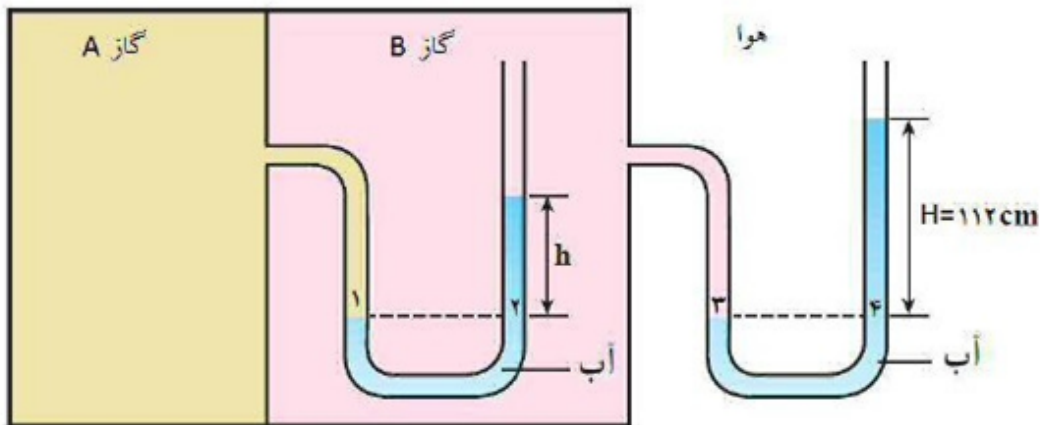
$$\Delta P = P_0 - P = (\rho_{\text{water}} - \rho_{\text{oil}})gh = \left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} - 805 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right) \left(9/81 \frac{\text{N}}{\text{kg}}\right) \left(78/6 \times 10^{-2} \text{ m}\right)$$

$$\simeq 1511 \text{ Pa}$$

با توجه به شکل زیر و استفاده از اصل پاسکال داریم: ۵۹

$$P_1 = P_2 \Rightarrow P_A = P_B + \rho gh$$

$$P_3 = P_4 \Rightarrow P_B = P_1 + \rho gh$$



با جایگذاری مقادیر داده شده داریم:

$$1/20 \times 10^5 \text{ Pa} = P_B + \left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right) \left(10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}\right) (h)$$

$$P_B = 1/20 \times 10^5 \text{ Pa} + \left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right) \left(10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}\right) (1/12 \text{ m}) \approx 1/12 \times 10^5 \text{ Pa}$$

با جایگذاری در رابطه‌ی بالا داریم:

$$0/08 \times 10^5 \text{ Pa} = 10^4 h \Rightarrow h = 0/8 \text{ m} = 8 \text{ cm}$$

با در نظر گرفتن دو نقطه هم‌تراز (یکی از نقاط در محل تماس مایع ρ_2 با مایع ρ_1 ، و نقطه دیگر درست روبه‌روی آن ۶۰

$$P_g + \rho_1 gh_1 = \rho_2 gh_2 + P_1$$

در مایع ρ_1 و استفاده از اصل پاسکال، داریم.

با جایگذاری مقادیر داده شده خواهیم داشت:

$$76/5 \times 10^3 \text{ Pa} + \left(13/6 \times 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right) \left(9/81 \frac{\text{N}}{\text{kg}}\right) (0/22 \text{ m})$$

$$= 101 \times 10^3 \text{ Pa} + \rho_2 \left(9/81 \frac{\text{N}}{\text{kg}}\right) (0/4 \text{ m}) \Rightarrow \rho_2 = \frac{-24/5 \times 10^3 + 29/4 \times 10^3}{3/9}$$

$$= \frac{4/9 \times 10^3}{3/9} \approx 1260 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

۶۱

اختلاف فشار درون ریه‌ی غواص با فشار وارد بر قفسه‌ی سینه‌ی او، برابر است با:

$$\Delta P = \rho gh \simeq \left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right) \left(10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}\right) (6/15 \text{m}) = 6/15 \times 10^4 \text{Pa} \simeq 0/65 \text{atm}$$

همان‌طور که دیده می‌شود، این اختلاف فشار مقوله قابل توجهی است و به همین دلیل غواص نمی‌تواند صرفاً با گرفتن سر لوله‌ای در دهان خود، در حالی که سر دیگر آن از آب بیرون است، از یک عمقی به پایین نفس بکشد.

۶۲

الف) با توجه به نمودار فشار هوا بین ارتفاع ۲ تا ۳ کیلومتر از سطح زمین بین $8 \times 10^5 \text{Pa}$ تا $7 \times 10^5 \text{Pa}$ تغییر می‌کند. با توجه به نمودار و با نقطه‌یابی فشار هوای هر شهر را به طور تقریبی گزارش کنید.

ب) با جای‌گذاری $P_0 = 10^5 \text{Pa}$ و $\bar{\rho} = 1/01 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ در رابطه‌ی $P = P_0 - \bar{\rho} gh$ ، به ازای ارتفاع هر شهر به

سادگی می‌توان فشار هوا را در آن شهر به دست آورد.

۶۳

الف) خلأ نسبی (شامل بخار جیوه با چگالی بسیار کم)

ب) فشار هوای بیرون که بر سطح جیوه‌ی درون ظرف وارد می‌شود. این فشار با فشار ناشی از ستون جیوه‌ی درون لوله برابر است.

پ) در کنار دریا حدود 10^5Pa یا 76cmHg است.

ت) ارتفاع ستون جیوه کاهش می‌یابد، زیرا فشار هوای وارد شده به سطح جیوه‌ی درون ظرف کاهش می‌یابد.

۶۴

با استفاده از رابطه‌ی $P = \frac{F}{A}$ داریم:

$$P = 2 \text{atm} - 1 \text{atm} = 1 \text{atm} \simeq 10^5 \text{Pa}$$

$$A = 4 \times 10^{-6} \text{m}^2$$

$$F = PA = (10^5 \text{Pa}) (4 \times 10^{-6} \text{m}^2) = 0/4 \text{N}$$

$$F = W = mg \Rightarrow m \simeq 40 \text{g}$$

۶۵

بزرگ بودن نیروی هم‌چسبی مولکول‌های آب، امکان این شکار زیبا و دقیق را توسط ماهی کمان‌گیر فراهم می‌کند.

۶۶

الف) به دلیل بزرگ بودن نیروی هم‌چسبی مولکول‌های آب در مقایسه با نیروی هم‌چسبی اندک ذرات ریزگرد.

ب) ایجاد ریزگردها عوامل مختلف دارد بنابراین مهار آن نیز می‌تواند راهکارهای مختلف داشته باشد از جمله: مدیریت منابع آب، زیر کشت بردن زمین‌های کشاورزی رها شده، مالش‌پاشی یا کاشت گیاه در مناطقی که فرسایش خاک وجود دارد.

۶۷ الف) نیروی هم‌چسبی بین مولکول‌های آب بیشتر از نیروی دگرچسبی مولکول‌های آب و موهای قلم‌مو است. بنابراین وقتی که قلم‌مو را از آب بیرون می‌کشیم، نیروی هم‌چسبی مولکول‌های آب، سبب می‌شود تا لایه‌ای از آب در اطراف موهای قلم تشکیل شود و موهای قلم به یک‌دیگر بچسبند.

ب) از آن‌جا که پدیده‌ی مویستگی در لوله‌های باریک‌تر بهتر رخ می‌دهد، لذا مولکول‌های در لوله‌ی a ارتفاع ستون مایع نسبت به لوله‌ی b ، بیشتر است. نیروی هم‌چسبی مولکول‌های مایع کم‌تر از نیروی دگرچسبی مایع و مولکول‌های جداره‌ی داخلی لوله است.

۶۸ با گرم کردن دو قطعه‌ی شیشه‌ای، نوسان مولکول‌های دو قطعه‌ی شیشه‌ای که مجاور هم قرار گرفته‌اند افزایش می‌یابد و همین سبب می‌شود تا فاصله بین مولکول‌های مجاور به چندین مولکول برسد و نیروهای بین‌مولکولی عمل کنند و قطعه‌ها به یک‌دیگر بچسبند.

۶۹ الف) به عنوان مثال می‌توان به پخش شدن بوی غذا در فضای خانه اشاره کرد. ب) به دلیل خاصیت تراوایی (Permeability) سطح بادکنک، مولکول‌های هوای درون بادکنک در بسته، به تدریج و در مدتی نسبتاً طولانی از آن خارج می‌شوند.

۷۰ الف) در دمای اتاق، مولکول‌های زیادی $\left(500 \frac{m}{s}\right)$ در حرکت‌اند (در هر cm^3 هوا از مرتبه‌ی 10^{19} عدد) و با برخورد به ذرات درشت گچ، سبب حرکت نامنظم و کاتوره‌ای آن‌ها می‌شوند. ب) اگر برخورد مولکول‌های هوا با ذرات ریز گچ وجود نمی‌داشت انتظار می‌رفت که پس از لحظه‌ای کوتاه به طرف زمین سقوط کنند. از آن‌جا که در عمل مشاهده می‌شود ذرات گچ برای مدت نسبتاً طولانی به طور نامنظم در هوا حرکت می‌کنند تا به سطح زمین برسند، نتیجه گرفته می‌شود که مولکول‌های هوا وجود دارند و اثر برخورد آن‌ها سبب حرکت نامنظم ذرات گچ می‌شود.

۷۱ بدنه‌ی دوچرخه باید استحکام کافی داشته باشد و در اثر ضربه و نیروهایی که به آن وارد می‌شود تغییر شکل پیدا نکند. بنابراین بدنه‌ی آن‌را از یک جامد محکم و ترجیحاً سبک می‌سازند. برای کاهش اصطکاک بین قسمت‌های فلزی که روی هم حرکت می‌کنند یا می‌لغزند از روغن استفاده می‌شود تا خوردگی به حداقل ممکن برسد و طول عمر و کارایی این قطعه‌ها افزایش یابد. برای این‌که گازها خاصیت تراکم‌پذیری دارند لاستیک‌های دوچرخه را از هوا پر می‌کنند تا سبب حرکت نرم و بدون تکان‌های شدید در حین دوچرخه‌سواری شود.

۷۲ این شکل‌ها به نوعی نشان‌دهنده‌ی تفاوت چگالی حالت‌های مختلف ماده است. ماده در حالت گازی کم‌ترین چگالی را دارد.

۷۳ الف) وزن باد (جریان تند هوا) بالای آب دریا و اقیانوس، سبب کاهش فشار هوا می‌شود و همین موضوع به افزایش ارتفاع میانگین امواج دریا کمک می‌کند.

ب) وقتی کامیون در حال حرکت است، فشار هوای روی پوشش برزنتی کاهش می‌یابد و در نتیجه هوای زیر پوشش برزنتی که فشار بیش‌تری دارد سبب پُف کردن پوشش برزنتی به طرف بالا می‌شود.

۷۴ هر چه آب خروجی از شیر، به زمین نزدیک‌تر می‌شود تندی آن افزایش می‌یابد. لذا با توجه به معادله‌ی پیوستگی باید سطح مقطع آن نیز کاهش یابد.

۷۵ وقتی فویل آلومینیومی را مچاله می‌کنید مقداری هوا لابه‌لای آن محبوس می‌شود. از آنجا که چگالی هوا، بیش از دو هزار مرتبه کم‌تر از چگالی آلومینیم است، لذا فویل مچاله شده روی سطح آب به طور شناور می‌ماند. حتی اگر فویل مچاله شده را با چکش هم فشرده کنید باز روی آب می‌ماند. مگر آن‌که به کمک نوعی پرس قوی بتوان بخش زیادی از هوای محبوس شده در فویل را از لابه‌لای آن خارج کرد. در این صورت فویل به ته آب درون ظرف می‌رود.

۷۶ نکته‌ای که در حل این تمرین باید به آن توجه شود این است که خونی که در سیاه‌رگ جریان دارد در حال برگشت از بافت‌ها است و فشار آن به شدت افت کرده است. لذا به همین دلیل محلول سرم را در سیاه‌رگ تزریق می‌کنند که فشار خون در آن نسبت به سرخ‌رگ بسیار کم‌تر است (بین ۱۰ تا ۲۰ برابر کم‌تر است)

$$\Delta P = \rho gh$$

$$1330 \text{ Pa} = \left(1045 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right) \left(9/81 \frac{\text{N}}{\text{kg}}\right) h \Rightarrow h \simeq 13 \text{ cm}$$

این حداقل ارتفاعی است که سرم باید نصب شود، در عمل دست کم حدود ۵۰ تا ۶۰ سانتی‌متر بالاتر از بازوی بیمار، کیسه‌ی پلاستیکی را آویزان می‌کنند.

۷۷ فشار در مایعات تنها به عمق مایع وابسته است و در تمام جهات یکسان است. می‌توان یک ظرف مشخص با دیواره‌ای با زاویه‌های متفاوت ساخت و در یک عمق مشخص مشاهده کرد که آب با سرعت یکسان از تمام حفره‌های دیواره با شیب‌های مختلف خارج می‌شود. پس فشار برابر است.

۷۸ الف) از آنجا که چگالی آب حدود ۱۴ مرتبه از چگالی جیوه کم‌تر است، لذا اگر توریچلی در نظر داشت از آب استفاده کند، مجبور بود لوله‌ای بلند به طول حدود ۱۰ متر فراهم کند. شکل الف به این موضوع اشاره دارد. ب) بالا رفتن جیوه درون لوله‌های غیرمومیین، مربوط به فشار هواست و ستون جیوه در هر لوله به قدری بالا می‌رود که طول ستون جیوه فشاری معادل فشار هوا به وجود آورد.

پ) این سوراخ ریز برای ورود هوا به داخل بدنه‌ی لاک‌ی خودکار و وارد کردن فشار به سطح جوهر درون لوله، تعبیه شده است. کافی است یک خودکار را انتخاب کنید و این سوراخ ریز را با چسب نواری مسدود کنید. خواهید دید که پس از کمی نوشتن، دیگر جوهری به گوی فلزی غلتان نمی‌رسد و خودکار نمی‌نویسد.

۷۹ با استفاده از رابطه‌ی $P = \frac{F}{A}$ ، نیروی عمودی ناشی از این ستون فرضی هوا را، که در واقع برابر وزن این ستون

$$F = (10^5 \text{ Pa})(1 \text{ m}^2) = 10^5 \text{ N}$$

هواست، به دست می‌آوریم.

$$F = W = mg \Rightarrow 10^5 \text{ N} = \left(9/81 \frac{\text{N}}{\text{kg}}\right) m$$

$$m \simeq 10^4 \text{ kg}$$

با توجه به نمودار، حدود هفتاد درصد این جرم، از سطح زمین تا ارتفاع ۹ کیلومتری توزیع شده است.

$$\Delta P = \rho g \Delta h$$

۸۰ اختلاف فشار در بالا و پایین جسم برابر است با:

که در آن Δh برابر طول ضلع مکعب، یعنی ۲۰ cm است. به این ترتیب داریم:

$$(106/8 - 105/0) \times 10^3 \text{ Pa} = \rho \left(9/81 \frac{\text{N}}{\text{kg}}\right) (0/2 \text{ m})$$

$$\rho = 917 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$\text{فشار ناشی از آب} = \rho gh = \left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right) \left(9.81 \frac{\text{N}}{\text{kg}}\right) (5\text{m}) = 49050 \text{ Pa}$$

$$\text{فشار کل} = P = P_0 + \rho gh = 1/0.1 \times 10^5 \text{ Pa} + 49050 \text{ Pa} = 150050 \text{ Pa} \approx 1/5 \times 10^5 \text{ Pa}$$

با توجه به رابطه‌ی $P = \frac{F}{A}$ داریم:

$$F = PA = (1/5 \times 10^5 \text{ Pa})(10^{-2} \text{ m}^2) = 15 \text{ N}$$

این نیرو معادل وزن یک جسم ۱/۵ کیلوگرمی است که می‌تواند برای گوش دردناک و ناراحت‌کننده باشد.

یکی از ابتکارات معماران قدیم ایرانی، برای جلوگیری از نفوذ آب به داخل سازه‌ها، استفاده از ترکیب خاک رس و آهک بود که از آن به نسبت ۶ به ۴، گلی سفت می‌ساختند و آنرا چندین روز ورز می‌دادند. از این گِل، که ساروج نامیده می‌شد برای ساختن بناهایی که در معرض آب بودند استفاده می‌کردند. در برخی منابع به استفاده از سفیده‌ی تخم‌مرغ در تهیه ساروج نیز اشاره شده است.

به کمک این فعالیت ساده، می‌توان شناختی کلی از نیروی دگرچسبی بین مولکول‌های آب و مولکول‌های کارت به دست آورد. آزمایش نشان می‌دهد که این نیرو بین ۰/۱۰ تا ۰/۱۵ نیوتون است.

اضافه شدن یک لایه‌ی دوده یا روغن به سطح شیشه، سبب می‌شود که ارتباط بین مولکول‌های آب با مولکول‌های شیشه قطع شود و به یک‌دیگر نیرویی وارد نکنند (توجه کنید ضخامت لایه‌ی روغن یا لایه‌ی دود، ده‌ها برابر ابعاد یک مولکول آب یا شیشه است). از آنجا که نیروهای بین مولکولی کوتاه‌برد هستند، همین امر سبب می‌شود رفتار مولکول آب‌ها روی سطح دوده یا روغن نسبت به حالتی که روی سطح شیشه ریخته می‌شود تغییر کند.

الف) اگر دمای آب را افزایش دهید، خواهید دید که هم‌چسبی مولکول‌های آب کاهش می‌یابد. به عبارت دیگر افزایش دما سبب کاهش هم‌چسبی مولکول مایع می‌شود (لازم است توجه کنید این موضوع در خصوص گازها برعکس است). بنابراین دمای قطره‌های بزرگ‌تر روغن، بیش‌تر است.
ب) افزایش دما، سبب کاهش نیروی هم‌چسبی مولکول‌های مایع می‌شود.
پ) به قسمت الف و ب توجه کنید.

با قرار دادن سوزن روی سطح آب و شناور ماندن آن روی سطح آب، مشاهده می‌شود که آب اطراف سوزن کمی کشیده شده است که به علت کشش سطحی بالای آب است. افزودن مایع ظرفشویی به آب، باعث کم شدن کشش سطحی آب و غرق شدن سوزن می‌شود.

نیروهای بین مولکولی در محدوده چندین مولکول مجاور عمل می‌کنند. وقتی قطعه‌های یک شیشه‌ی شکسته را به یک‌دیگر نزدیک می‌کنیم، در واقع فاصله بین مولکول‌های قسمت شکسته شده مربوط به هر قطعه با قطعه‌ی دیگر، بسیار بیش‌تر از ابعاد یک مولکول شیشه است. هر چند با چشمان خود (به جهت تفکیک اندک) تصور می‌کنیم که قطعه‌های شکسته شده به هم نزدیک‌اند ولی از نظر مولکولی فاصله‌ی بین قسمت‌های شکسته شده بسیار بیش‌تر از ابعاد یک مولکول است و چون نیروهای بین مولکولی در این ابعاد فاصله، عمل نمی‌کنند، لذا دو قطعه‌ی شیشه به هم نمی‌چسبند. با گرم کردن دو قطعه‌ی شیشه‌ای، نوسان مولکول‌های دو قطعه‌ی شیشه‌ای که مجاور هم قرار گرفته‌اند افزایش می‌یابد و همین سبب می‌شود تا فاصله بین مولکول‌های مجاور به چندین مولکول برسد و نیروهای بین مولکولی عمل کنند و قطعه‌ها به یک‌دیگر بچسبند.

الف) ذرات هوا که با تندی بسیار زیادی در حرکت‌اند (در دمای اتاق حدود $500 \frac{m}{s}$ است) سبب می‌شوند تا مولکول‌های عطر با وجود حرکت کاتوره‌ای و نامنظم، در مدت چند ثانیه از یک سوی اتاق به سوی دیگر اتاق پراکنده شوند. تندی میانگین مولکول‌های مایع بسیار اندک است و به عبارتی تنها روی یک‌دیگر می‌لغزند. ب) اگر پدیده‌ی پخش در هوا رخ نمی‌داد، سبب می‌شد تا جو زمین به طور لایه‌ای شکل بگیرد. به طوری که در لایه‌های نزدیک به سطح زمین، مولکول‌های سنگین‌تر قرار می‌گرفتند.

از آن‌جا که در حالت گازی، فاصله‌ی مولکول‌ها ده‌ها برابر فاصله‌ی مولکول‌ها در مایع‌هاست (در شرایط معمولی 30 تا 40 برابر است)، لذا می‌توان مولکول‌های گاز را به سادگی متراکم کرد و حجم هوای درون سرنگ را به مقدار قابل توجهی کاهش داد.

الف) اگر ابعاد یک قوطی کبریت را $5 \text{ cm} \times 3/5 \text{ cm} \times 1/5 \text{ cm}$ تخمین بزنیم در این صورت حجم آن حدود $V = 26 \text{ cm}^3 = 2/6 \times 10^{-5} \text{ m}^3$ می‌شود. به این ترتیب داریم:

$$m = \rho V = \left(1.8 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right) (2/6 \times 10^{-5} \text{ m}^3) = 2600 \text{ kg}$$

ب) ابتدا جرم کل تقریبی جمعیت زمین را به دست می‌آوریم.

$$m = 7 \times 10^9 \times 60 \text{ kg} = 4/2 \times 10^{11} \text{ kg}$$

به این ترتیب با توجه به فرض مسئله، که فرضی ناممکن است، داریم:

$$V = \frac{m}{\rho} = \frac{4/2 \times 10^{11} \text{ kg}}{1.8 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}} = 2200 \text{ m}^3$$

بنابراین در فضایی به ابعاد $25 \text{ m} \times 25 \text{ m} \times 3 \text{ m}$ می‌توان کل جمعیت کره‌ی زمین را جای داد

با توجه به داده‌های روی شکل داریم:

$$m = 8/24 \text{ g} \quad V = (23/1 - 18/5) \text{ mL} = 4/6 \times 10^{-3} \text{ L}$$

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{8/24 \text{ g}}{4/6 \times 10^{-3} \text{ L}} = 1791 \frac{\text{g}}{\text{L}}$$

$$\rho = 1/791 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$


از آن‌جا که $1 \text{ L} = 10^3 \text{ cm}^3$ است، داریم:


۹۲ الف) با به دست آوردن حجم و جرم قطعه‌ی طلا، چگالی را به دست می‌آوریم. اگر مقدار به دست آمده با مقدار عیار طلای خالص منطبق باشد، می‌توان ادعای ساخته شدن قطعه از طلای خالص را پذیرفت.

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{250 \text{ kg}}{1/573 \times 10^{-2} \text{ m}^3} = 15893 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad (\text{ب})$$

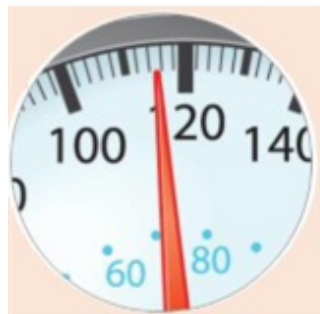
پ) چگالی طلا برابر $19300 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ گزارش شده است. همان‌طور که می‌دانید طلای خالص، فلزی نرم و انعطاف‌پذیر است. برای استحکام قطعه‌هایی از طلا ساخته می‌شوند مقداری از فلزهای مس، نقره، نیکل، پلادیوم و روی با آن مخلوط می‌کنند.

۹۳ توجه کنید که در ابزارهای رقمی، یک واحد از آخرین رقم نمایش داده شده در نمایشگر ابزار رقمی، برابر دقت آن است. مثبت و منفی دقت زیر، برای خطای ابزار رقمی است.

الف)  خطای ابزار اندازه‌گیری $\leftarrow 20.083 \text{ mm} \pm 0.001 \text{ mm}$

ب)  خطای ابزار اندازه‌گیری $\leftarrow 16.67 \text{ mm} \pm 0.01 \text{ mm}$

۹۴ با توجه به شکل، دقت تندی‌سنج 2 km/h و خطای آن $\pm 1 \text{ km/h}$ است.



$$115 \frac{\text{km}}{\text{h}} \pm 1 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

↑
رقم غیرقطعی

$$120 \text{ km} = 120 \times 10^5 \text{ m} \times \frac{\text{ذرع ۱}}{104 \text{ cm}} = 115384/61 \text{ ذرع} \quad 95$$

$$120 \text{ km} = 115384/61 \text{ ذرع} \times \frac{\text{فرسنگ ۱}}{6000 \text{ ذرع}} = 19/23 \text{ فرسنگ}$$

۹۶ الف) با توجه به داده‌های مسئله، داریم:

$$1 \text{ knot} = 0.5144 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$14 \text{ knot} = (14 \text{ knot}) \left(\frac{0.5144 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{1 \text{ knot}} \right) \approx 7/20 \frac{\text{m}}{\text{s}} = 26 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

$$7/20 \frac{\text{m}}{\text{s}} = \left(7/20 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) (1)(1) = \left(7/20 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) \left(\frac{1 \text{ mi}}{1852 \text{ m}} \right) \left(\frac{3600 \text{ s}}{1 \text{ h}} \right) \approx 14 \frac{\text{mi}}{\text{h}} \quad (\text{ب})$$

۹۷ هر سال تقریباً $3/15 \times 10^7$ s است. بنابراین داریم:

$$2550 \text{ year} = 2550 \times 3/15 \times 10^7 \text{ s} \approx 8 \times 10^{11} \text{ s} \sim 10^{11} \text{ s}$$

مرتبه‌ی بزرگ سن سنگ‌نوشته بر حسب ثانیه

۹۸ با توجه به داده‌های مسئله داریم:

$$1 \text{ ft} = 12 \text{ in} = 12 \times 2/54 \text{ cm} = 30/48 \text{ cm} = 0/3048 \text{ m}$$

$$30000 \text{ ft} = 30000 \times 0/3048 = 9144 \text{ m} \approx 9 \text{ km}$$

۹۹ با توجه به داده‌های مسئله، آهنگ رشد این گیاه را برحسب میکرومتر بر ثانیه به روش تبدیل زنجیره‌ای پیدا می‌کنیم:

$$\frac{3/7 \text{ m}}{14 \text{ day}} = \left(\frac{3/7 \text{ m}}{14 \text{ day}}\right) (1)(1) = \left(\frac{3/7 \text{ m}}{14 \text{ day}}\right) \left(\frac{1 \text{ day}}{86400 \text{ s}}\right) \left(\frac{10^6 \mu\text{m}}{1 \text{ m}}\right) = 3/06 \frac{\mu\text{m}}{\text{s}}$$

$$100 \text{ جرم دریای نور} = 182 \text{ q} = 182 \text{ q} \times \frac{0/2 \text{ g}}{1 \text{ q}} = 36/4 \text{ g}$$

$$\text{جرم کوه نور} = 108 \text{ q} = 108 \text{ q} \times \frac{0/2 \text{ g}}{1 \text{ q}} = 21/6 \text{ g}$$

۱۰۱ الف) با توجه به فرض‌های مسئله، ابتدا مساحت سطح زمین را پیدا می‌کنیم.

$$A = 4\pi R^2 = 4 \times 3/14 \left(6/40 \times 10^6 \text{ m}\right)^2 = 5/14 \times 10^{14} \text{ m}^2$$

$$A = \left(5/14 \times 10^{14} \text{ m}^2\right) \left(\frac{1 \text{ hektare}}{10^4 \text{ m}^2}\right) = 5/14 \times 10^{10} \text{ hektare}$$

ب) مساحت کل کشوری که به دریا دسترسی دارد، شامل مساحت خشکی و مساحت بخشی از دریا (رودخانه‌های مرزی، جزایر و نوار ساحلی) است. برای محاسبه مساحت یک بخش از دریا و برای سادگی، منطقه موردنظر را به صورت مستطیل در نظر می‌گیریم.

۱۰۲ الف) هر سال تقریباً $3/15 \times 10^7$ s است. بنابراین یک قرن برابر $3/15 \times 10^9$ s و یک میکروقرن برابر $3/15 \times 10^3$ s خواهد شد که برابر $52/5 \text{ min}$ یا تقریباً 50 min می‌شود.

ب) به روش تبدیل زنجیره‌ای داریم:

$$10^9 \text{ s} = (10^9 \text{ s})(1) = (10^9 \text{ s}) \left(\frac{1 \text{ year}}{3/15 \times 10^7 \text{ s}}\right) = 31/7 \text{ year}$$

۱۰۳ می‌توانید به حرکت رفت و برگشتی یک آونگ، خروج قطره‌های آب از یک شیر آب که سفت بسته نشده است برای مقیاس‌های کوچک زمان اشاره کنید و برای مقیاس‌های بزرگ زمان نیز می‌توانید به شبانه‌روز، ماه، فصل و سال به عنوان پدیده‌های تکرارشونده‌ی طبیعی اشاره کنید.

۱۰۴ امروزه ترازوهای آشپزخانه عمدتاً به صورت رقمی (دیجیتال) ساخته می‌شوند و دقت خوبی دارند. ترازوهای مدرج آشپزخانه، معمولاً دقت کمی دارند و برای انجام این فعالیت توصیه نمی‌شوند. اگر جرم تعدادی سوزن (مثلاً ۵۰ عدد) را به کمک ترازوی رقمی به دست آوریم مقدار حاصل را بر عدد ۵۰ تقسیم کنیم، مقدار به دست آمده به جرم واقعی یک سوزن ته‌گرد نزدیک است.

۱۰۵ در این گونه تخمین یا برآورد طول اجسام اطرافمان، از چشم و ذهن خود کمک می‌گیریم. در این گونه تخمین‌ها، که به تخمین‌های مبتنی بر حواس نیز موسوم‌اند، مقدار برآورد شده را گزارش می‌کنیم.

۱۰۶ در پاسخ به این پرسش توجه کنید که: در فیزیک، مدل صورت ساده شده‌ای از یک دستگاه فیزیکی است که تحلیل آن در شرایط واقعی و با جزئیات کامل، دارای پیچیدگی‌های فراوانی است. مدل آرمانی، ساده‌ترین شکل ممکن برای بررسی یک دستگاه یا پدیده فیزیکی است. برای ساختن یک مدل آرمانی، باید روی مهم‌ترین ویژگی‌های دستگاه تمرکز کنیم و اثرهای جزئی‌تر را نادیده بگیریم.

۱۰۷ هیچ نظریه‌ای در فیزیک به عنوان حقیقت پایانی در نظر گرفته نشده است. این امکان همواره وجود دارد که مشاهده‌های جدید ایجاد کنند که نظریه‌ای بازننگری یا رد شود. این در ماهیت نظریه‌ی فیزیکی نهفته است که می‌توانیم یک نظریه را در صورت یافتن رفتاری که با آن ناسازگار است رد کنیم.

۱۰۸ مایعی که چگالی بالاتری داشته باشد، پایین آمده و مایع‌های با چگالی کمتر روی آن قرار می‌گیرند. بنابراین مایع C جیوه، مایع B آب و مایع A روغن زیتون است.

۱۰۹ الف) اگر جسم شکل منظم داشته باشد، با کولیس یا خط‌کش ابعاد آن اندازه‌گیری می‌شود و جرم آن توسط ترازو اندازه‌گیری می‌شود و چگالی طبق رابطه $\rho = \frac{m}{V}$ محاسبه می‌شود. در صورتی که جسم شکل نامنظم داشته باشد، حجم آن توسط استوانه مدرج و خواندن حجم مایع داخل آن قبل و بعد از فرو رفتن به دست می‌آید.
ب) برای محاسبه چگالی مایعات مختلف، ابتدا جرم سرنگ خالی را توسط ترازو وزن می‌کنیم، سپس حجم مشخصی از آن داخل سرنگ کشیده شده و وزن می‌شود. سپس توسط رابطه $\rho = \frac{m}{V}$ چگالی آن به دست می‌آید.

$$\rho_{\text{روغن خوراکی}} = 0.91 \sim 0.93 \frac{\text{g}}{\text{cc}}$$

$$\rho_{\text{شیر}} = 1.026 \sim 1.035 \frac{\text{g}}{\text{cc}}$$

$$\rho_{\text{مایع ظرفشویی}} = 1.06 \frac{\text{g}}{\text{cc}}$$

۱۱۰ - چگالی پرتقال تقریباً برابر چگالی آب است. بنابراین احتمال می‌رود که درون آب غوطه‌ور بماند، اما با توجه به اینکه بیشتر منابع چگالی پرتقال را کمتر از $1 \frac{\text{g}}{\text{cc}}$ اعلام کرده‌اند، بنابراین انتظار می‌رود که چگالی پرتقال کمتر از چگالی آب باشد و روی آب شناور بماند.

- اگر پوست پرتقال را کمده و آن را درون آب بیندازیم، انتظار می‌رود که پرتقال غرق شود، زیرا چگالی آن بیشتر از چگالی آب است.

- در حالت الف) از آنجا که پوست پرتقال متخلخل است و مقداری هوا درون خود دارد، چگالی کلی پرتقال کمتر از آب است و طبق قانون ارشمیدس، روی آب شناور می‌ماند. بنابراین شناور بودن یا غرق شدن آب به جرم پرتقال ربطی ندارد، بلکه به جرم واحد حجم یا چگالی آن وابسته است.

۱۱۱ چگالی هوا در شرایط STP، یعنی دما و فشار استاندارد حدوداً برابر $\frac{1}{22.5} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ است. حال فرض می‌کنیم کلاس

درس دارای ابعاد $8\text{m} \times 5\text{m} \times 2/8\text{m}$ باشد.

$$V = 8 \times 5 \times 2/8 = 112 \text{m}^3 \Rightarrow m = \rho V = 1/22.5 \times 112 = 137/2 \text{kg}$$

$$V = 4/70 \cdot L = 4/70 \times 10^3 \text{ cm}^3 \quad (112)$$

$$m = \rho V = \left(1/0.5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \right) \left(4/70 \times 10^3 \text{ cm}^3 \right) = 493 \text{ g}$$

۱۱۳ با توجه به این که چگالی بنزین از چگالی آب کم تر است انتظار می رود دانش آموزان توضیحی قانع کننده برای پاسخ به پرسش ارائه دهند.

۱۱۴ به روش تبدیل زنجیره ای داریم:

$$1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = \left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right) (1)(1) = \left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right) \left(\frac{1000 \text{ g}}{1 \text{ kg}} \right) \left(\frac{1 \text{ m}^3}{10^6 \text{ cm}^3} \right) = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

۱۱۵ الف) روش های متفاوتی برای انجام این فعالیت وجود دارد. یک روش این است که به کمک قطره چکان تعداد ۵۰ یا ۱۰۰ قطره آب را داخل یک استوانه ای مدرج یا یک سرنگ ۱۰ سی سی بریزیم. آن گاه با تعیین جرم و حجم این تعداد قطره، جرم و حجم یک قطره را به دست آوریم.

ب) سیم را مطابق شکل زیر، (که به مقیاس رسم نشده است) دور یک خط کش میلی متری و کاملاً مجاور هم بپیچید. با تقسیم طول L بر تعداد دور سیم، قطر سیم به دست می آید.

$$0.00015 \text{ kg} = 1/5 \times 10^{-4} \text{ kg} \quad (116)$$

۱۱۷ آشنا کردن دانش آموزان با یکاهای مختلف جرم در فرهنگ و تمدن ایران، یکی از اهداف این فعالیت است. هر چند برخی از این یکاها هم اینک در برخی از حرفه ها نیز کاربرد دارد با این وجود خوب است توجه دانش آموزان را به این نکته هم جلب کنید که صدها سال قبل، ترازوهایی برای اندازه گیری جرم در ایران ساخته بودند که می توانستند جرمی تا حدود یک بیستم گرم را اندازه بگیرند.
توجه: هر مثقال حدود ۴/۶۸g است که در کتاب به اشتباه ۴/۸۶g ذکر شده است.

۱۱۸ روش تبدیل زنجیره ای برای تبدیل یکاها، به خصوص وقتی می خواهیم چندین یکا را به یکاهای مورد نظر تبدیل کنیم روشی مفید و کم اشتباه است.

$$125 \frac{\text{cm}^3}{\text{s}} = \left(125 \frac{\text{cm}^3}{\text{s}} \right) (1)(1) = \left(125 \frac{\text{cm}^3}{\text{s}} \right) \left(\frac{1 \text{ L}}{1000 \text{ cm}^3} \right) \left(\frac{60 \text{ s}}{1 \text{ min}} \right) = 7/5 \frac{\text{L}}{\text{min}}$$

۱۱۹ پاسخ به عهده ای دانش آموز

الف) توجه کنید که چه بگوئیم فاصله‌ی زمین و چه بگوئیم فاصله‌ی منظومه‌ی شمسی تا نزدیک‌ترین ستاره بعد از خورشید، تفاوتی با هم ندارند (به دلیل فاصله‌ی بسیار زیاد نزدیک‌ترین ستاره نسبت به ابعاد منظومه‌ی شمسی). به این ترتیب فاصله‌ی زمین تا نزدیک‌ترین ستاره بعد از خورشید برحسب یکای نجومی برابر است با:

$$4/0 \times 10^{16} \text{ m} = (4/0 \times 10^{16} \text{ m}) \left(\frac{1 \text{ AU}}{1/5 \times 10^{11} \text{ m}} \right) \cong 2/7 \times 10^6 \text{ AU}$$

ب) ابتدا یک سال نوری را برحسب متر حساب می‌کنیم:

$$1 \text{ ly} = (3/15 \times 10^8 \text{ s}) \left(3/00 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) = 9/45 \times 10^{15} \text{ m}$$

به ترتیب فاصله‌ی کوازارها تا منظومه‌ی شمسی برحسب سال نوری برابر است با:

$$1/00 \times 10^{26} \text{ m} = (1/00 \times 10^{26} \text{ m}) \left(\frac{1 \text{ ly}}{9/45 \times 10^{15} \text{ m}} \right) = 1/05 \times 10^{10} \text{ ly}$$

۱۲۱) یکی از مزیت‌های این استاندارد برای یکای طول، در دسترس بودن آن است. در حالی که تغییرپذیری آن بین اشخاص مختلف، یکی از معایب آن است.

۱۲۲) پاسخ به عهده‌ی دانش‌آموز

$$\text{جرم همه انسان ها} = 7 \times 10^9 \times 60 \text{ kg} = 4/2 \times 10^{11} \text{ kg}$$

$$m = \rho V \rightarrow \frac{4}{2} \times 10^{11} \text{ kg} = 100 \times 10^6 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \times V \rightarrow V = 2200 \text{ m}^3 = 35 \text{ m} \times 30 \text{ m} \times 4 \text{ m}$$

یک سالن به ابعاد ۳۵ متر در ۳۰ متر و ارتفاع ۴ متر

۱۲۴) ابعاد قوطی کبریت را $1/2 \text{ cm}$ در $3/5 \text{ cm}$ در 5 cm فرض می‌کنیم.

$$\text{حجم قوطی کبریت} = 1/2 \times 3/5 \times 5 \text{ cm}^3 = 21 \times (10^{-2} \text{ m})^3 = 21 \times 10^{-6} \text{ m}^3$$

$$m = \rho V = 100 \times 10^6 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \times 21 \times 10^{-6} \text{ m}^3 = 2100 \text{ kg}$$

$$\text{جرم جسم} = 23/1 \text{ mL} - 18/5 \text{ mL} = 4/6 \text{ mL} = 4/6 \text{ cm}^3 \quad 125$$

$$\rho = \frac{1/24 \text{ g}}{4/6 \text{ cm}^3} \approx 1/8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 1/8 \frac{\text{g}}{\text{mL}} = 1/8 \frac{\text{g}}{10^{-3} \text{ L}} = 1200 \frac{\text{g}}{\text{L}}$$

$$\rho = \frac{250 \times 10^3 \text{ g}}{1/573 \times 10^4 \text{ cm}^3} \approx 15/193 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 15193 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad 126$$

با توجه به اختلاف قابل ملاحظه چگالی این شمش با چگالی طلای خالص، این شمش از طلای خالص نیست.

۱۲۷) جرم و حجم آنرا اندازه‌گیری می‌کنیم و چگالی آنرا به دست می‌آوریم. اگر چگالی به دست آمده با چگالی طلاي خالص برابر نباشد، این قطعه از طلاي خالص نیست.

البته اگر چگالی به دست آمده با چگالی طلاي خالص برابری کند، نمی‌توان از خالص بودن آن مطمئن بود و با آزمایش چگالی‌سنجی تنها می‌توان خالص بودن طلا را رد کرد.

۱۲۸) شعاع کره زمین در حدود ۶۴۰۰ کیلومتر است و در حدود سه چهارم سطح کره زمین دریا و اقیانوس است.

$$= \frac{3}{4} \times 4\pi R^2 = 3 \times 3/14 \times (6400 \times 10^3 \text{ m})^2 \approx 3/86 \times 10^{14} \text{ m}^2$$

عمق متوسط اقیانوس‌ها را ۳ کیلومتر (۳۰۰۰ متر) فرض می‌کنیم.

$$\approx 3/86 \times 10^{14} \text{ m}^2 \times 3000 \text{ m} \approx 1/16 \times 10^{18} \text{ m}^3$$

هر متر مکعب آب ۱۰۰۰ لیتر است و ۱۰۰۰ کیلوگرم جرم دارد.

$$\approx 1/16 \times 10^{18} \text{ m}^3 \times 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \approx 1/16 \times 10^{21} \text{ kg} \sim 10^{21} \text{ kg}$$

۱۲۹) عمر میانگین یک انسان را ۷۵ سال در نظر می‌گیریم و همچنین فرض می‌کنیم یک انسان در طول عمر خود به‌طور میانگین در هر ۴ ثانیه یک بار نفس می‌کشد (یک دم و بازدم انجام می‌دهد).

$$75 \text{ year} \times \frac{365 \text{ day}}{\text{year}} \times \frac{24 \text{ h}}{\text{day}} \times \frac{3600 \text{ s}}{\text{h}} \times \frac{1 \text{ نفس}}{4 \text{ s}} = 5/193 \times 10^9 \text{ نفس} \sim 10^9 \text{ نفس}$$

۱۳۰) الف) دقت ریزسنج ۰/۰۰۱ سانتی‌متر و خطای آن $\pm 0/001$ است و در این اندازه‌گیری رقم ۰/۰۰۳ سانتی‌متر غیرقطعی است.

ب) دقت ریزسنج ۰/۰۱ سانتی‌متر و خطای آن $\pm 0/01$ است و در این اندازه‌گیری رقم ۰/۰۷ سانتی‌متر غیرقطعی است.

۱۳۱) کمینه درجه‌بندی این تندی‌سنج ۲ کیلومتر بر ساعت است. پس خطای اندازه‌گیری آن ± 1 کیلومتر بر ساعت می‌باشد. عقربه تندی‌سنج بین درجه‌های ۱۱۴ و ۱۱۶ کیلومتر بر ساعت قرار دارد و اندکی به ۱۱۴ نزدیک‌تر است. تندی اندازه‌گیری شده را $114/9 \text{ km/h} \pm 1 \text{ km/h}$ گزارش می‌کنیم که در این اندازه‌گیری رقم ۰/۹ کیلومتر بر ساعت حدسی و غیرقطعی می‌باشد.

$$120 \text{ km} = 120000 \text{ m} = \frac{1}{4} \times 10^5 \text{ m} = \frac{1}{4} \times 10^7 \text{ cm} = \frac{1}{4} \times 10^7 \text{ cm} \times \frac{15}{104 \text{ cm}} = \frac{15}{13} \times 10^5 \text{ ذرع}$$

$$= \frac{15}{13} \times 10^5 \text{ ذرع} \times \frac{1 \text{ فرسنگ}}{6000 \text{ ذرع}} = \frac{250}{13} \text{ فرسنگ}$$

$$14 \text{ گرہ دریایی} = 14 \times \frac{0 \text{ m}}{5144 \text{ s}} = 14 \times \frac{0 \text{ m}}{5144 \text{ s}} \times \frac{3600 \text{ s}}{1 \text{ h}} \times \frac{1 \text{ mil}}{1852 \text{ m}} \approx 14 \frac{\text{mil}}{\text{h}}$$

نکته: هر گرہ دریایی برابر یک مایل دریایی بر ساعت است.

$$14 \text{ گرہ دریایی} = 14 \times 0/5144 \frac{\text{m}}{\text{s}} = 14 \times 0/5144 \frac{\text{m}}{\text{s}} \times \frac{3600 \text{ s}}{1 \text{ h}} \times \frac{1 \text{ km}}{1000 \text{ m}} \approx 25/93 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

$$2550 \text{ year} = 2550 \times 365 \text{ day} = 2550 \times 365 \times 24 = 2550 \times 365 \times 24 \times 3600 \text{ s} \approx 8 \times 10^{11} \text{ s} \sim 10^{11} \text{ s}$$

$$30000 \text{ ft} = 30000 \times 12 \text{ in} = 30000 \times 12 \times 2.54 \text{ cm} = 30000 \times 12 \times 2.54 \times 10^{-2} \text{ m} = 9144 \text{ m} \quad (136)$$

$$\frac{3/7 \text{ m}}{14 \text{ day}} = \frac{3/7 \times 10^6 (10^{-6} \text{ m})}{14 \times 24 \times 3600 \text{ s}} = \frac{3/7 \times 10^6 \mu\text{m}}{1/2.96 \times 10^6 \text{ s}} \approx 3 \frac{\mu\text{m}}{\text{s}} \quad (137)$$

$$\text{یک قیراط} = 200 \text{ mg} = 200 \times 10^{-3} \text{ g} = 0.2 \text{ g} \quad (138)$$

$$\text{جرم الماس دریای نور} = 182 \text{ قیراط} = 182 \times 0.2 \text{ g} = 36.4 \text{ g}$$

$$\text{جرم الماس کوه نور} = 108 \text{ قیراط} = 108 \times 0.2 \text{ g} = 21.6 \text{ g}$$

(الف) هر هکتار 10 هزار متر مربع، معادل سطح یک مربع 100 متر در 100 متر و برابر یک هکتومتر مربع است. (139)

$$\text{شعاع زمین} = 6400 \text{ km} = 6400 \times (10^3 \text{ m}) = 64000 \times (10^2 \text{ m}) = 64000 \text{ hm}$$

$$\text{هکتار} = 4\pi R^2 = 4 \times 3.14 \times (64000 \text{ hm})^2 \approx 5/14 \times 10^{10} \text{ hm}^2 = 5/14 \times 10^{10} \text{ هکتار}$$

(ب) هر کیلومتر مربع، معادل سطح یک مربع 1000 متر در 1000 متر یا یک مربع 10 هکتومتر در 10 هکتومتر است. به بیان دیگر هر کیلومتر مربع برابر 100 هکتومتر مربع یا 100 هکتار است.

$$\text{مساحت ایران} = 1648195 \text{ km}^2 = 1648195 \times (100 \text{ hm}^2) \approx 1/65 \times 10^8 \text{ hm}^2$$

$$\text{نسبت مساحت ایران به مساحت جهان} = \frac{1/65 \times 10^8 \text{ hm}^2}{5/14 \times 10^{10} \text{ hm}^2} \approx 0.3 \times 10^{-2} = 0.3\%$$

مساحت ایران تقریباً 0.3 درصد مساحت کره زمین است.

هر قرن 100 سال است و هر سال تقریباً 365 روز و هر روز 24 ساعت و هر ساعت 60 دقیقه است. (140)

$$\text{یک میلیارد ثانیه} = 10^9 \text{ s} = \frac{1}{60} \times 10^9 \text{ min} = \frac{1}{60} \times \frac{1}{60} \times 10^9 \text{ h} = \frac{1}{24} \times \frac{1}{60} \times \frac{1}{60} \times 10^9 \text{ day}$$

$$= \frac{3125}{27} \times 10^2 \text{ day} = \frac{1}{365} \times \frac{3125}{27} \times 10^2 \text{ year} = \frac{625}{1971} \times 10^2 \text{ year} \approx 31/7 \text{ year}$$

هر قرن 100 سال است و هر سال تقریباً 365 روز و هر روز 24 ساعت و هر ساعت 60 دقیقه است. (141)

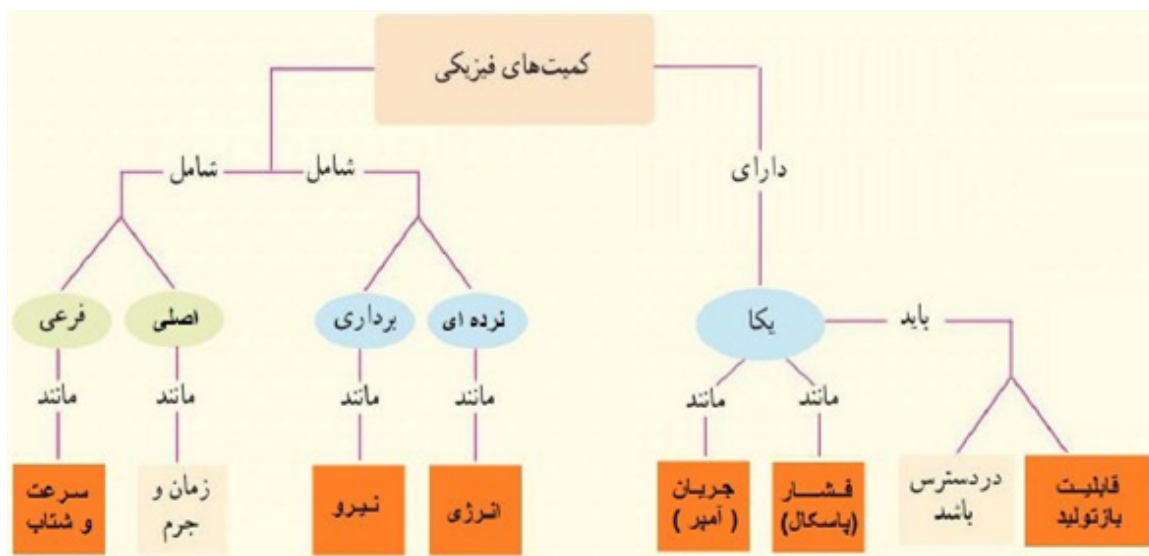
$$\text{یک قرن} = 100 \times 365 \times 24 \times 60 = 52560000 \text{ min}$$

$$\text{یک میکروقرن} = 10^{-6} \times 52560000 \text{ min} = 52/56 \text{ min}$$

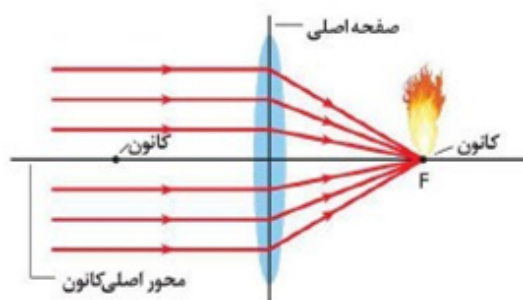
نوسان یک جسم آویزان از نخ - چکیدن قطره آب از لبه یک صخره - حرکت زمین به دور خود (142)

جرم تعداد قابل ملاحظه‌ای از سوزن‌های ته‌گرد را توسط ترازوی آشپزخانه اندازه‌گیری می‌کنیم. پس از شمارش (143)

سوزن‌های ته‌گرد، جرم محاسبه شده را بر تعداد سوزن ته‌گردها تقسیم می‌کنیم. جرم هر سوزن ته‌گرد به دست می‌آید. نکته: هر چه تعداد سوزن‌های ته‌گرد مورد آزمایش بیشتر باشد، دقت اندازه‌گیری طی این روش بیشتر و خطای آن کمتر است.



۱۴۵ در فیزیک بررسی بیشتر پدیده‌ها با پیچیدگی همراه است و به همین دلیل برای بررسی آنها از مدل‌سازی استفاده می‌شود. مدل‌سازی فرآیندی است که در آن یک پدیده آن قدر ساده و آرمانی می‌شود تا امکان بررسی آن فراهم شود. در مدل‌سازی یک پدیده فیزیکی باید اثرهای جزئی‌تر را نادیده بگیریم، نه اثرهای مهم و تعیین‌کننده را. به عنوان مثال شکل روبه‌رو کانونی‌شدن (متمرکز شدن) یک دسته پرتو نور موازی (مثل نور خورشید) توسط یک عدسی هم‌گرا (ذره‌بین) را مدل‌سازی می‌کند.



۱۴۶ در هر پدیده فیزیکی و نظریه مربوط به آن، ممکن است بر اثر پیشرفت علم و تکنولوژی مشاهدات و اطلاعات جدیدی به دست بیاید که مدل یا نظریه ارائه شده فعلی قادر به توضیح و تفسیر آن نباشد، که در این شرایط آن مدل یا نظریه نیاز به اصلاح یا بازنگری دارد.

۱۴۷ چگالی‌ترین مایع در زیر قرار می‌گیرد. پس مایع C جیوه است. کم‌چگالی‌ترین مایع هم روی مایع‌های دیگر قرار می‌گیرد. پس مایع A روغن زیتون است، و مایع B نیز آب است.

۱۴۸ هر یک متر مکعب ۱۰۰۰ لیتر و هر لیتر ۰/۰۰۱ متر مکعب است.

$$\rho = \frac{m}{V} \rightarrow m = \rho V = (1/05 \times 10^3 \text{ kg/m}^3) \times (4/70 \times 10^{-3} \text{ m}^3) = 4/935 \text{ kg}$$

$$\rho = \frac{m}{V} \rightarrow m = \rho V = 22/5 \times 10^3 \text{ kg/m}^3 \times 23/0 \times 10^{-6} \text{ m}^3 = 0/5175 \text{ kg}$$

۱۵۰ چگالی آب از چگالی بنزین بیشتر است و هنگامی که روی بنزین ریخته شود به زیر آن می‌رود.

۱۵۱) برای برآورد مرتبه بزرگی جرم جو زمین از رابطه $F = PA$ استفاده می‌کنیم. در این رابطه به جای F ، وزن جو زمین (mg) و به جای A مساحت کره زمین $(4\pi R^2)$ را قرار می‌دهیم و با توجه به تعریف قدیمی متر شعاع کره زمین را تخمین می‌زنیم.

$$\frac{1}{4}(4\pi R^2) = 10^7 \text{ m} \rightarrow R = \frac{2}{\pi} \times 10^7 \text{ m}$$

$$A = 4\pi R^2 = 4\pi \left(\frac{2}{\pi} \times 10^7 \text{ m} \right)^2 = \frac{16}{\pi} \times 10^{14} \text{ m}^2 = 5/1 \times 10^{14} \text{ m}^2 \sim 10^{15} \text{ m}^2$$

$$mg = F = PA = 10^5 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} \times 10^{15} \text{ m}^2 = 10^{20} \text{ N} \rightarrow m \times 10 = 10^{20} \rightarrow m \sim 10^{19} \text{ kg}$$

۱۵۲) قلب یک انسان معمولی در کودکی و پیری در حدود ۱۰۰ تا ۱۱۰ ضربان در دقیقه و در نوجوانی و جوانی در حدود ۶۰ تا ۷۰ ضربان در دقیقه می‌زند. میانگین ضربان قلب یک انسان معمولی در طول عمر را ۸۰ ضربان در هر دقیقه و میانگین عمر یک انسان معمولی را ۷۵ سال در نظر می‌گیریم.

$$\text{برآورد تعداد ضربان قلب یک انسان در طول عمر} = (75 \times 365 \times 24 \times 60 \text{ min}) \times 80 \frac{\text{beat}}{\text{min}}$$

$$= 3/2 \times 10^9 \text{ beat} \sim 10^9 \text{ beat}$$

با توجه به فرض مسأله داریم:

$$\text{برآورد خون پمپ شده در یک عمر} = 10^9 \text{ beat} \times 70 \frac{\text{cm}^3}{\text{beat}} \times \frac{1 \text{ lit}}{1000 \text{ cm}^3} = 7 \times 10^7 \text{ lit} \sim 10^8 \text{ lit}$$

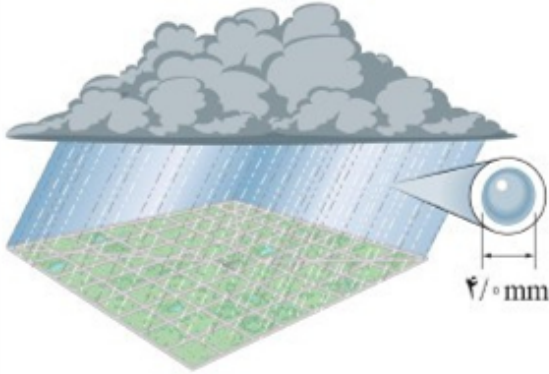
۱۵۳ مساحت شهر را با A و ارتفاع باران باریده شده را با d نشان می‌دهیم و حجم باران باریده شده را V فرض می‌کنیم، داریم:

$$A = 180 \text{ km}^2 = 180 \times (10^3)^2 \text{ m}^2 = 1/8 \times 10^8 \text{ m}^2 \sim 10^8 \text{ m}^2$$

$$d = 10/0 \text{ mm} = 10^{-2} \text{ m}$$

$$\rightarrow V = Ad \sim 10^8 \text{ m}^2 \times 10^{-2} \text{ m} = 10^6 \text{ m}^3$$

اگر هر قطره باران را به صورت کره‌ای با قطر ۴ میلی‌متر در نظر بگیریم، حجم هر قطره باران به این صورت به دست می‌آید:



$$V_0 = \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi (2 \times 10^{-3} \text{ m})^3$$

$$= 3/35 \times 10^{-8} \text{ m}^3 \sim 10^{-8} \text{ m}^3$$

$$\frac{V}{V_0} \sim \frac{10^6 \text{ m}^3}{10^{-8} \text{ m}^3} \pi r^3 = 10^{14}$$

به این ترتیب، مرتبه بزرگی تعداد قطره‌های باران برابر است با:

۱۵۴ سیم لاک‌پوش یا نخ را به تعداد زیادی تکه‌های کوچک تقسیم می‌کنیم و تکه‌های کوچک را بدون فاصله در کنار هم قرار می‌دهیم. با اندازه‌گیری ضخامت مجموع آن‌ها و تقسیم آن بر تعداد تکه‌ها، قطر تقریبی سیم لاک‌پوش یا نخ محاسبه می‌شود.

۱۵۵ توسط یک قطره‌چکان و یک استوانه مدرج و یک ترازو حجم و جرم مشخصی از آب را قطره قطره می‌چکانیم و تعداد قطره‌ها را می‌شماریم. با تقسیم حجم و جرم مقدار مشخص آب بر تعداد قطره‌ها، حجم و جرم هر قطره محاسبه می‌شود.

۱۵۶ دقت اندازه‌گیری ۵ درجه سانتی‌گراد و خطای اندازه‌گیری ۲/۵ درجه سانتی‌گراد است. نتیجه اندازه‌گیری را به صورت $27^\circ \text{C} \pm 2/5^\circ \text{C}$ گزارش می‌دهیم که در آن رقم ۷ رقم حدسی و غیرقطعی است. توجه: البته در محاسبات فیزیکی بهتر است نتیجه اندازه‌گیری به صورت $27^\circ \text{C} \pm 3^\circ \text{C}$ گزارش شود. زیرا ۰/۵ درجه سانتی‌گراد در جمع یا تفریق با ۲۷ درجه سانتی‌گراد باید حذف شود. به بیان دیگر در جمع و تفریق دو عدد گزارش شده در اندازه‌گیری‌های فیزیک که مرتبه کوچک‌ترین رقم با معنای آن‌ها متفاوت است. کوچک‌ترین رقم با معنای عددی که ارقام با معنای کوچک‌تری دارد حذف می‌شود.

خط کش ۱: ۱۵۷

در این خط کش کمینه درجه‌بندی و دقت اندازه‌گیری ۱ cm و خطای اندازه‌گیری آن ± 0.5 cm است. با توجه به تشخیص و حدس خودمان می‌توانیم مقدار $3/7$ cm را در این اندازه‌گیری گزارش کنیم. در آن صورت نتیجه اندازه‌گیری به صورت $3/7 \pm 0.5$ cm نمایش داده می‌شود.
خط کش ۲:

در این خط کش کمینه درجه‌بندی و دقت اندازه‌گیری 0.5 cm و خطای اندازه‌گیری آن ± 0.25 cm است. البته با توجه به این که 0.05 سانتی‌متر در نتیجه اندازه‌گیری رقم با معنا محسوب نمی‌شود بهتر است خطای اندازه‌گیری را $0.3 \pm$ در نظر بگیریم.

با توجه به تشخیص و حدس خودمان می‌توانیم مقدار $3/7$ cm را در این اندازه‌گیری گزارش کنیم. در آن صورت نتیجه اندازه‌گیری به صورت $3/7 \pm 0.3$ cm نمایش داده می‌شود. اگر نتیجه را به صورت $3/7 \pm 0.25$ cm نیز گزارش کنیم از نظر ریاضی مشکلی ندارد، اما از نظر فیزیکی نادرست است، در جمع و تفریق دو عدد گزارش شده در اندازه‌گیری‌های فیزیک که مرتبه کوچک‌ترین رقم با معنای آن‌ها متفاوت است، کوچک‌ترین رقم با معنای عددی که ارقام با معنای کوچک‌تری دارد حذف می‌شود.
خط کش ۳:

در این خط کش کمینه درجه‌بندی و دقت اندازه‌گیری 0.1 cm و خطای اندازه‌گیری آن ± 0.05 cm است. با توجه به تشخیص و حدس خودمان می‌توانیم مقدار $3/68$ cm یا $36/8$ mm را در این اندازه‌گیری گزارش کنیم. در آن صورت نتیجه اندازه‌گیری به صورت $3/68 \pm 0.05$ cm یا $36/8 \pm 0.5$ mm نمایش داده می‌شود.

$$0.00015 \text{ kg} = 1/5 \times 10^{-4} \text{ kg}$$

دقت کنید که هر سه مورد مقدارهای درستی را برای جرم زنبور عسل بیان می‌کنند. اما تنها در گزینه میانی اصول نمایش با روش نمادگذاری علمی رعایت شده است.

$$160 \times 10^{-15} \mu\text{C} = 160 \times 10^{-15} \times 10^{-6} \text{ C} = 1/60 \times 10^{-19} \text{ C} \quad 159$$

$$1 \text{ سیر} = 16 \text{ مثقال} = 16 \times 4/6875 \text{ g} = 75 \text{ g} = 0.075 \text{ kg} \quad 160$$

$$1 \text{ من تبریز} = 40 \text{ سیر} = 40 \times 75 \text{ g} = 3000 \text{ g} = 3 \text{ kg}$$

$$1 \text{ خروار} = 100 \text{ من تبریز} = 100 \times 3000 \text{ g} = 300000 \text{ g} = 300 \text{ kg}$$

$$1 \text{ نخود} = \frac{1}{24} \text{ مثقال} = \frac{1}{24} \times \left(\frac{1}{16} \text{ سیر} \right) = \frac{75}{24 \times 16} \text{ g} = \frac{25}{128} \text{ g} = \frac{1}{512} \text{ kg}$$

$$1 \text{ گندم} = \frac{1}{4} \text{ نخود} = \frac{1}{4} \times \left(\frac{25}{128} \text{ g} \right) = \frac{25}{512} \text{ g} = \frac{1}{2048} \text{ kg}$$

$$\frac{125 \text{ cm}^3}{\text{s}} = 125 \frac{\text{cm}^3}{\text{s}} \times \frac{\text{L}}{1000 \text{ cm}^3} \times \frac{60 \text{ s}}{\text{min}} = 7/5 \frac{\text{L}}{\text{min}} \quad 161$$

$$1 \text{ ly} = 365 \times 24 \times 3600 \text{ s} \times \left(3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) \approx 9/5 \times 10^{15} \text{ m} \quad 162$$

$$\rightarrow \frac{1 \times 10^{26}}{9/5 \times 10^{15}} \approx \frac{1}{0.5} \times 10^{10} \rightarrow \approx 1/0.5 \times 10^{10} \text{ ly}$$

فاصله اختروش‌ها از منظومه شمسی

$$\frac{4 \times 10^{16}}{1/5 \times 10^{11}} = \frac{4}{3} \times 10^5 \rightarrow \text{فاصله زمین تا نزدیک ترین ستاره} \approx 266000 \text{ AU} \quad (163)$$

در این شکل چگونگی خروج پرتوهای نور از یک لیزر مدادی به صورت یک دسته پرتو موازی و تشکیل باریکه‌ی نور به صورت لیزر مدل‌سازی شده است. (164)

هنگامی که پروتون از هسته دور است، می‌توان از انرژی پتانسیل الکتریکی آن چشم پوشی کرد و تنها برای آن انرژی جنبشی در نظر گرفت. با توجه به نمودار، از مسیر پروتون پیداست که در فاصله‌های دور پروتون در فاصله‌ی زمانی Δt فاصله‌ی $d_1 = 1/1 \text{ mm}$ را طی کرده است. در این حالت سرعت پروتون چنین است: (165)

$$V_1 = \frac{d_1}{\Delta t} = \frac{1/1 \times 10^{-3}}{5 \times 10^{-6}} = 220 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

هنگامی که پروتون به هسته نزدیک می‌شود، سرعت و در نتیجه انرژی جنبشی آن کم‌تر شده و در مقابل انرژی پتانسیل الکتریکی آن افزایش می‌یابد. در نقاط نزدیک به هسته پروتون در فاصله‌ی زمانی Δt فاصله‌ی $d_2 = 0/55 \text{ mm}$ را طی کرده است و در این حالت سرعت پروتون برابر خواهد شد با:

$$V_2 = \frac{d_2}{\Delta t} = \frac{0/55 \times 10^{-3}}{5 \times 10^{-6}} = 110 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

با توجه به قانون پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

$$\frac{1}{2} m V_1^2 = \frac{1}{2} m V_2^2 + U_p$$

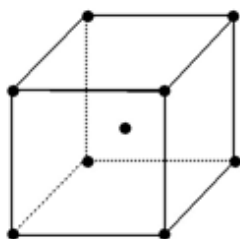
$$\rightarrow k \frac{qQ}{r} = \frac{1}{2} m (V_1^2 - V_2^2)$$

در نزدیک‌ترین حالت پروتون به هسته، فاصله‌ی پروتون از هسته $r = 0/6 \text{ mm}$ است. بنابراین داریم:

$$(9 \times 10^9) \times \frac{(1/6 \times 10^{-19}) \times Q}{(0/6 \times 10^{-3})} = \frac{1}{2} \times (1/67 \times 10^{-27}) \times ((220)^2 - (110)^2) \rightarrow Q = 126/3 \times 10^{-19} \text{ C}$$

$$\frac{Q}{q} = \frac{126/3 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 78/9 \approx 79$$

چون باید بار الکتریکی هسته مضرب درستی از بار پروتون باشد، پس نسبت $\frac{Q}{q}$ برابر 79 خواهد بود.



هر اتم که در رأس یک مکعب قرار گرفته است به هشت مکعب تعلق دارد. پس سهم هر مکعب از اتم آهنی که در یک رأس آن قرار دارد، $\frac{1}{8}$ اتم است. و هر مکعب هشت رأس دارد. بنابراین سهم هر مکعب از مجموع اتم‌های رئوس، برابر یک اتم آهن است. اتم واقع در مرکز مکعب تنها به همان مکعب تعلق دارد. به این ترتیب به هر مکعب، ۲ اتم آهن تعلق می‌گیرد.

$$m_A = \frac{M}{N_A} = \frac{56}{6 \times 10^{23}} \quad \text{جرم هر اتم آهن}$$

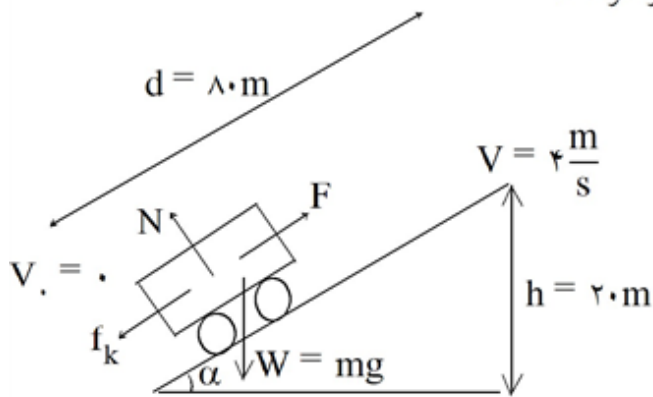
a : ضلع هر مکعب

$$n = \frac{1}{a^3} \quad \text{تعداد مکعب‌های موجود در هر یک سانتی‌متر مکعب}$$

$$\rho = n \times 2 \times m_A = \frac{1}{a^3} \times 2 \times \frac{56}{6 \times 10^{23}} \quad \text{جرم اتم‌های موجود در هر سانتی‌متر مکعب = چگالی آهن}$$

$$\rightarrow a^3 = \frac{2 \times 56}{7/9 \times 6 \times 10^{23}} = 23/628 \times 10^{-24} \rightarrow a = 2/87 \times 10^{-8} \text{ cm} = \text{ضلع هر مکعب}$$

برای واگن و نیروهای وارد بر آن می‌توان شکل زیر را در نظر گرفت.



$$\sin \alpha = \frac{h}{d} = \frac{20}{80} \rightarrow \sin \alpha = \frac{1}{4}$$

با توجه به سرعت‌های اولیه و نهایی و مقدار جابه‌جایی، شتاب واگن را به دست می‌آوریم.

$$V^2 - V_i^2 = 2ad \rightarrow 4^2 - 0 = 2 \times a \times 80 \rightarrow a = 0.1 \frac{m}{s^2}$$

با استفاده از قانون دوم نیوتن، نیروی پیشران واگن را محاسبه می‌کنیم.

$$\Sigma F = ma \rightarrow F - f_k - mg \sin \alpha = ma$$

$$\rightarrow F - 0.1 mg - mg \times \frac{1}{4} = m \times 0.1 \rightarrow F = 3/6 m \rightarrow F = 3/6 \times 100 = 360 \text{ N}$$

کار نیروی پیشران برای کشیدن واگن به سطح زمین برابر مقدار زیر است:

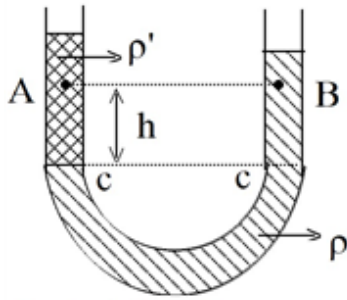
$$W = Fd \cos \theta \rightarrow W = 360 \times 80 \times \cos 0 \rightarrow W = 28800 \text{ J} = 28.8 \text{ KJ}$$

با توجه به این‌که بازده موتور بنزینی ۲۰ درصد است، یعنی انرژی داده شده به موتور بنزینی ۵ برابر W است.

$$U = 5W \rightarrow U = 5 \times 28.8 = 144 \text{ KJ}$$

با معلوم بودن انرژی پتانسیل شیمیایی موجود در بنزین، حجم بنزین مصرف شده قابل محاسبه است. به صورت زیر:

$$V = \frac{U}{E_c} \rightarrow V = \frac{144000}{5 \times 10^7} = 2.88 \times 10^{-3} \text{ Lit}$$



۱۶۸ در شکل مقابل وضعیت لوله‌ی U شکل نشان داده شده است. یک سطح افقی در محل تماس دو مایع در نظر می‌گیریم. چون در زیر این سطح مایع یکسانی در دولوله وجود دارد پس فشار در این سطح در دو لوله یکسان است. دونقطه‌ی A و B که در یک سطح افقی هم‌تراز، در هر یک از لوله‌ها قرار دارند در نظر می‌گیریم. فاصله‌ی این دو نقطه از سطح افقی C یکسان و برابر است، پس می‌توانیم برای فشار در نقاط A و B روابط زیر را بنویسیم.

$$P_A + \rho'gh = P_c$$

$$P_B + \rho gh = P_c$$

$$\rightarrow P_A + \rho'gh = P_B + \rho gh \rightarrow P_A - P_B = \rho gh - \rho'gh \rightarrow P_A - P_B = (\rho - \rho')gh$$

چون مایع ρ' بر روی مایع ρ قرار گرفته است، پس چگالی ρ' از چگالی ρ کوچک‌تر است، در نتیجه فشار نقطه‌ی A از فشار نقطه‌ی B بیشتر است.

$$y = 2 \sin\left(\frac{\sqrt{\pi}}{6}t + \frac{5\pi}{6}\right)$$

$$2 = 2 \sin\left(\frac{\sqrt{\pi}}{6}t_1 + \frac{5\pi}{6}\right)$$

$$\frac{\sqrt{\pi}}{6}t_1 + \frac{5\pi}{6} = \frac{5\pi}{6} \Rightarrow \frac{\sqrt{\pi}}{6}t_1 = \frac{15\pi}{6} - \frac{5\pi}{6} = \frac{10\pi}{6} \Rightarrow t_1 = \frac{10}{\sqrt{\pi}} \text{ s}$$

$$y = A \sin(\omega t + \varphi_0)$$

$$1 = 2 \sin(\omega \times 0 + \varphi_0)$$

$$\sin \varphi_0 = \frac{1}{2} \Rightarrow \begin{cases} \varphi_0 = \frac{\pi}{6} \text{ rad} & \text{چون متحرک در حال حرکت از نقطه بیشینه به سمت مبدا است} \\ \varphi_0 = \frac{5\pi}{6} \text{ rad} & \checkmark \end{cases}$$

اصطکاک ۱۷۱

$$\left. \begin{aligned} K + Q &= U \\ Q &= \frac{2}{11} U \end{aligned} \right\} \Rightarrow K + \frac{2}{11} U = U \Rightarrow K = \frac{9}{11} U \Rightarrow \frac{1}{2} m V^2 = \frac{9}{11} mgh$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} V^2 = \frac{9}{11} \times 10 \times 5 \Rightarrow V^2 = 80 \Rightarrow V = \sqrt{80} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

تقریباً ۸/۹ متر بر ثانیه.

$$K = U \Rightarrow \frac{1}{2} m V^2 = mgh \Rightarrow V = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \times 10 \times 5} = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad ۱۷۳$$

$$\left. \begin{aligned} K_1 &= U_2 + Q \\ Q &= \frac{2}{10} K_1 \end{aligned} \right\} \Rightarrow K_1 = U_2 + \frac{2}{10} K_1 \Rightarrow \frac{8}{10} K_1 = U_2 \Rightarrow \frac{8}{10} \times \frac{1}{2} m V^2 = mgh$$

$$\Rightarrow \frac{8}{20} \frac{V^2}{g} = h \Rightarrow \frac{8}{20} \times \frac{15^2}{10} = h \Rightarrow h = 9 \text{ m}$$

m(kg)	g(m/s ²)	h(m)	U(J)
0.2	10	1/2	2/4
1/4	10	2	28
4	9/8	5	196
0.8	9/8	10	78/4

$$U_{\text{Max}} = K = \frac{1}{2} m V^2 = \frac{1}{2} \times 1 \times 8^2 = 32 \text{ J}$$

قسمتی از انرژی اولیه‌ی توپ در مسیر و در لحظه‌ی برخورد با زمین به انرژی درونی تبدیل شده است. بعد از بازگشت و توقف انرژی پتانسیل گرانشی توپ از انرژی پتانسیل گرانشی اولیه کم‌تر است.

$$Q = K = \frac{1}{2} m V^2 = \frac{1}{2} \times \frac{20}{1000} \times 240^2 = 576 \text{ J}$$

انرژی پتانسیل کشسانی فنر کوک به انرژی جنبشی تبدیل می‌شود.

$$K_1 = U_2 + K_2 \Rightarrow \frac{1}{2} m V_1^2 = mgh_2 + \frac{1}{2} m V_2^2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} V_1^2 = gh_2 + \frac{1}{2} V_2^2 \Rightarrow \frac{1}{2} \times 10^2 = 10 \times 2/5 + \frac{1}{2} V_2^2 \Rightarrow V_2 = \sqrt{50} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$K = U \Rightarrow \frac{1}{2} m V^2 = mgh \Rightarrow h = \frac{V^2}{2g} = \frac{10^2}{2 \times 10} = 5 \text{ m}$$

$$K = \frac{1}{2} m V^2 = \frac{1}{2} \times \frac{200}{1000} \times 8 \times 10^2 = 10 \text{ J}$$

بله، چون در نقطه‌ی B انرژی درونی نیز داریم.

توپ زمان بالا رفتن انرژی جنبشی‌اش را به انرژی پتانسیل گرانشی و انرژی درونی تبدیل می‌کند و در زمان برگشت انرژی پتانسیل گرانشی باقی‌مانده به انرژی جنبشی و انرژی درونی تبدیل می‌شود.

خیر، چون توپ حرکت نخواهد کرد.

توپ در جای خود باقی می‌ماند.

توپ به سمت پایین خواهد رفت.

$$K = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow 5 = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times V^2 \Rightarrow V^2 = 20 \Rightarrow V = 2\sqrt{5} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$Q = K = \frac{1}{2} m V^2 = \frac{1}{2} \times 1000 \times 20^2 = 200000 \text{ J} \quad (189)$$

به انرژی درونی پره‌ها، موتور و هوا تبدیل شده است. (190)

ابتدا باید ثابت کشسانی کش لاستیکی را به دست آوریم. برای این کار حالت اولیه‌ی کش را در نظر می‌گیریم، در این حالت با استفاده از یک وزنه‌ی ۵۰۰ گرمی که به تعادل رسیده است، کش به اندازه‌ی ۱۰ سانتی‌متر کشیده شده است. بنابراین داریم: (191)

$$\vec{\Sigma F} = 0 \rightarrow F - mg = 0, \quad F = K \Delta x_1 \rightarrow K \Delta x_1 = mg$$

$$\rightarrow K \times \left(\frac{10}{100}\right) = \left(\frac{500}{1000}\right) \times 10 \rightarrow K = 50 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

در حالت دوم با کشیده‌تر شدن کش لاستیکی، انرژی پتانسیل کشسانی آن افزایش می‌یابد. بارها شدن وزنه، کشیدگی کش کاهش می‌یابد و جسم به سمت بالا حرکت می‌کند به گونه‌ای که از طول آزاد کش عبور می‌کند و کش جمع می‌شود. در این شرایط انرژی پتانسیل کشسانی کش صفر می‌شود و در بالاترین موقعیت تمامی انرژی پتانسیل کشسانی موجود در کش لاستیکی به انرژی پتانسیل گرانشی وزنه تبدیل می‌شود. برای محاسبه‌ی بیش‌ترین ارتفاعی که وزنه بالا می‌رود از قانون پایستگی انرژی مکانیکی بین پایین‌ترین نقطه و بالاترین نقطه استفاده می‌کنیم. بنابراین داریم:

$$E_1 = E_2 \rightarrow K_1 + U_{g1} + U_{e1} = K_2 + U_{g2} + U_{e2}$$

در نقاط ابتدایی و انتهایی مسیر وزنه سرعت لحظه‌ای آن صفر است، بنابراین مقدار K_1 و K_2 نیز برابر صفر است. اگر پایین‌ترین نقطه را به عنوان سطح مبنای سنجش ارتفاع در نظر بگیریم در نقطه‌ی ابتدایی ارتفاع صفر است و در نتیجه مقدار U_{g1} نیز برابر صفر خواهد بود. پس:

$$0 + 0 + \frac{1}{2} K \Delta x_2^2 = 0 + mgh_2 + 0, \quad \Delta x_2 = 10 + 20 = 30 \text{ cm}$$

$$\rightarrow \frac{1}{2} \times 50 \times \left(\frac{30}{100}\right)^2 = \left(\frac{500}{1000}\right) \times 10 \times h_2 \rightarrow \frac{9}{4} = \Delta h_2 \rightarrow h_2 = \frac{9}{2} \text{ m} = 45 \text{ cm}$$

حرکت ذرات آب که از دهانه‌ی لوله خارج می‌شوند، مانند حرکت پرتابی، یک پرتابه می‌باشد که بر روی مسیر سهمی شکل حرکت می‌کند. برای محاسبه‌ی آهنگ خروج آب از دهانه‌ی لوله باید سرعت اولیه‌ی خروج آب (پرتابه) از دهانه‌ی لوله که یک سرعت افقی است را به دست آوریم. برای این منظور ابتدا راستای قائم حرکت باریکه آب را مورد بررسی قرار می‌دهیم تا زمان رسیدن آب به سطح حوض را محاسبه کنیم. اگر جهت مثبت را بالا فرض کنیم داریم:

$$y = -\frac{1}{2}gt^2 + (V_0 \sin\theta)t + y_0, \quad \theta = 0 \rightarrow \sin\theta = 0, \quad y_0 = 0, \quad y = -50 \text{ cm} = -0.5 \text{ m}$$

$$\rightarrow -0.5 = -\frac{1}{2} \times 10 \times t^2 + (V_0 \times 0)t + 0 \rightarrow t^2 = \frac{1}{10} \rightarrow t = \sqrt{0.1} \text{ s}$$

با بررسی حرکت افقی باریکه‌ی آب، سرعت اولیه‌ی خروج آب از دهانه‌ی لوله محاسبه خواهد شد.

$$x = (V_0 \cos\theta)t, \quad \theta = 0 \rightarrow \cos\theta = 1, \quad x = R = 80 \text{ cm} = 0.8 \text{ m}$$

$$\rightarrow 0.8 = (V_0 \times 1) \times \sqrt{0.1} \rightarrow V_0 = 0.8 \sqrt{10} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

آهنگ خروج آب از دهانه‌ی لوله با حاصل ضرب سرعت خروج آب و مساحت سطح مقطع لوله برابر است. یعنی:

$$d = V_0 \times A, \quad A = \frac{\pi D^2}{4} = \frac{\pi \times (0.01)^2}{4} = \frac{\pi}{4} \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\rightarrow d = \left(8 \times 10^{-1} \times \sqrt{10} \right) \times \frac{\pi}{4} \times 10^{-4} \cong 2 \times 10^{-4} \frac{\text{m}^3}{\text{s}} = 200 \frac{\text{ml}}{\text{s}} = 20 \times 10 \frac{\text{ml}}{\text{s}}$$

پس آهنگ خروج آب از دهانه‌ی لوله برحسب $10 \frac{\text{ml}}{\text{s}}$ برابر ۲۰ است.

سطح مقطع استوانه را A فرض می‌کنیم. بیش‌ترین فشار به استوانه‌ی قائم به مقطع پایینی وارد می‌شود:

$$P = \frac{W}{A} = \frac{mg}{A}$$

$$m = \rho v = \rho Ah$$

$$\rightarrow P = \frac{\rho Ahg}{A} = \rho gh$$

$$\rightarrow P_{\max} = \rho gh_{\max} \rightarrow 5 \times 10^4 = 2500 \times 10 \times h_{\max} \rightarrow h_{\max} = 2000 \text{ m} = 2 \text{ Km}$$

شیب خط مماس بر منحنی مکان - زمان برابر سرعت جسم می‌باشد. مطابق نمودار ارائه شده در صورت مسئله، شیب خط مماس بر نمودار در لحظه‌ای که جسم به سطح زمین می‌رسد ($t = 1/9 \text{ s}$) قابل محاسبه است. بنابراین مقدار این سرعت برابر است با:

$$t = 1/9 \text{ s}, V = \frac{\Delta y}{\Delta t} \Big|_{\Delta t \rightarrow 0} \rightarrow V = \frac{-1 \text{ m}}{0.1 \text{ s}} = -10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

باتوجه به نمودار مورد نظر، جسم از ارتفاع ۱۲ متری سطح زمین رها شده‌است، بنابراین هنگامی که این جسم در این ارتفاع قرار دارد دارای انرژی پتانسیل گرانشی نسبت به سطح زمین است و برابر است با:

$$U_{g_1} = mgh_1 = 0.4 \times 10 \times 12 = 10.8 \text{ J}$$

هنگامی که این جسم به سمت سطح زمین سقوط می‌کند، انرژی پتانسیل گرانشی آن به انرژی جنبشی تبدیل می‌شود و مقداری از آن بر اثر نیروی مقاومت هوا تلف می‌شود. هنگامی که این جسم به سطح زمین می‌رسد، انرژی جنبشی آن برابر است با:

$$K_2 = \frac{1}{2} mV_2^2 = \frac{1}{2} \times 0.4 \times 10^2 = 4.5 \text{ J}$$

تفاوت انرژی پتانسیل گرانشی اولیه و انرژی جنبشی ثانویه، به علت نیروی مقاومت هوا تلف شده‌است.

$$W = U_{g_1} - K_2 = 10.8 - 4.5 = 6.3 \text{ J}$$

انرژی تلف شده

این اتلاف انرژی در مدت $1/9$ ثانیه رخ داده است. $P = \frac{W}{t} = \frac{6.3}{1/9} \cong 33 \text{ W}$ میانگین زمانی توان تلف شده

در شکل‌های زیر حالت آزاد فنر (بدون اعمال نیرو)، حالت تعادل فنر (با اعمال وزن سکه) و حالت فشردگی فنر

برای انجام حرکت نوسانی (با اعمال نیروی عامل خارجی)

نشان داده شده است.

در شکل (۱) حالت آزاد فنر را می‌بینیم، بنابراین طول عادی فنر برابر x_0 فرض شده است. در شکل (۲) حالت تعادل فنر را می‌بینیم، بنابراین با فشردن فنر به اندازه x_0 مجموعه به تعادل می‌رسد و باید برآیند نیروهای وارد بر سکه برابر صفر باشد.

$$\sum F = 0 \rightarrow F - mg = 0 \rightarrow F = mg \rightarrow Kx = mg$$

$$\rightarrow 9 \times x = \left(\frac{18}{1000} \right) \times 10 \rightarrow x = \frac{2}{100} \text{ m} = 2 \text{ cm} = 20 \text{ mm}$$

در شکل (۳) فنر را به اندازه d فشرده‌ایم و رها می‌کنیم، می‌دانیم که مجموعه سکه و فنر حول نقطه‌ی تعادل با دامنه‌ی d نوسان می‌کند. کمترین ارتفاع آن $d - (x_0 - x)$ و بیشترین ارتفاع آن $d + (x_0 - x)$ خواهد بود. چون سکه به صفحه‌ی سبک زیرین نچسبیده است، پس هنگامی که صفحه به سطح A می‌رسد نباید سکه از آن جدا شود، این در حالی رخ می‌دهد که ما مجموعه را با دامنه‌ی نوسان $x \leq d$ به نوسان در آوریم تا در بالاترین موقعیت سطح A فنر به طول آزاد خود برسد. بنابراین بیشترین مقدار d برابر $x = 20 \text{ mm}$ خواهد شد. به جز تحلیلی که در بالا بر مبنای شناخت حرکت نوسانی، دامنه‌ی نوسان و ... ارائه شد می‌توانیم با استفاده از بررسی انرژی مکانیکی دستگاه نیز به این سؤال پاسخ دهیم. در این مجموعه انرژی‌های جنبشی، پتانسیل گرانشی و پتانسیل کشسانی در حال تبدیل به یکدیگر می‌باشند و انرژی مکانیکی دستگاه بین آن‌ها توزیع می‌شود. اگر در این مجموعه اتلاف انرژی وجود نداشته باشد باید قانون پایستگی انرژی مکانیکی برقرار باشد. اگر سطح مبنای انرژی پتانسیل گرانشی را سطح آزاد فنر فرض کنیم (یعنی ارتفاع x_0 از سطح زمین)، شرط آن‌که سکه از صفحه‌ی سبک زیرین جدا نشود، آن‌است که هنگامی که فنر به طول عادی و آزاد خود می‌رسد و حرکت صفحه‌ی آن متوقف می‌شود سکه دارای سرعت و انرژی جنبشی باشد. پس می‌توانیم در این حالت قانون پایستگی انرژی را بین سطح B و سطح آزاد فنر به کار ببریم و داریم:

$$E_A = E_B \rightarrow K_A + U_{gA} + U_{eA} = K_B + U_{gB} + U_{eB}$$

در سطح آزاد فنر (یعنی سطح x_0) مقدارهای ارتفاع h و فشردگی فنر L برابر صفر می‌باشند بنابراین انرژی‌های پتانسیل گرانشی (U_{gA}) و پتانسیل کشسانی (U_{eA}) صفر است و تنها انرژی جنبشی سکه (K_A) باقی می‌ماند، زیرا ما برای سکه سرعتی در جهت جدا شدن از صفحه‌ی زیرین در نظر گرفته‌ایم. در حداکثر فشردگی انجام شده بر روی فنر (یعنی سطح B) مقدار سرعت سکه (V_B) برابر صفر است چون در این حالت مجموعه‌ی فنر و سکه رها شده است. بنابراین انرژی جنبشی اولیه‌ی سکه (K_B) صفر است. در این موقعیت ارتفاع سکه نسبت به سطح مبنا $(x + d)$ و فشردگی فنر $x + d$ است. پس مقدارهای رابطه‌ی بالا را به صورت زیر بازنویسی می‌کنیم.

$$\frac{1}{2} m V_A^2 + mgh_A + \frac{1}{2} k L_A^2 = \frac{1}{2} m V_B^2 + mgh_B^{-(x+d)} + \frac{1}{2} K L_B^{x+d}$$

$$\rightarrow \frac{1}{2} m V_A^2 = -mg(x+d) + \frac{1}{2} K(x+d)^2$$

چون برای V_A حداقل مقداری بزرگ‌تر از صفر در نظر گرفته‌ایم، بنابراین باید حاصل عبارت سمت راست همواره

$$-mg(x+d) + \frac{1}{2} K(x+d)^2 > 0 \rightarrow (x+d) \left(\frac{1}{2} K(x+d) - mg \right) > 0$$

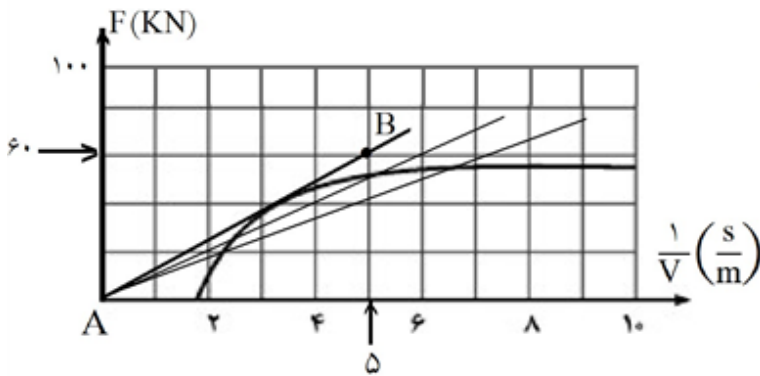
عبارت $x + d$ همواره مثبت می‌باشد بنابراین عبارت $\frac{1}{2} K(x+d) - mg$ نیز باید مقداری مثبت داشته باشد. بنابراین:

$$\frac{1}{2} K(x+d) - mg > 0 \rightarrow \frac{1}{2} Kx + \frac{1}{2} Kd > mg$$

$$\frac{1}{2} Kx > mg - \frac{1}{2} Kd \rightarrow \frac{1}{2} Kd > \frac{1}{2} Kx \text{ و } K > 0 \rightarrow d > x$$

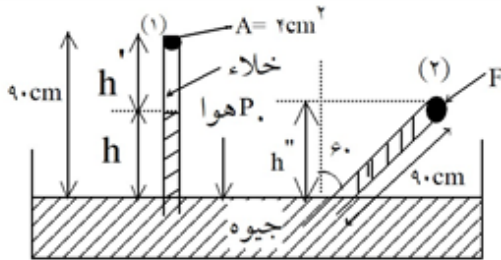
ارتفاع می‌دهد. در مقابل آبی که استوانه جای آن را اشغال کرده‌است به سمت بالا هل داده می‌شود و سبب می‌شود که

با توجه به رابطه‌های $W = Fd \cos \theta$ و $P = \frac{W}{t}$ می‌توانیم رابطه‌ی توان لحظه‌ای را به صورت $P = FV$ در نظر بگیریم. در این رابطه F نیروی لحظه‌ای است که در جسم سرعت لحظه‌ای V را در همان راستا ایجاد می‌کند. یعنی $F = \frac{P}{V}$ خواهد بود. پس اگر توان نوار نقاله ثابت باشد نمودار نیرو بر حسب معکوس سرعت $\left(F - \frac{1}{V}\right)$ به صورت خط



راست که از مبدأ می‌گذرد است. هرچه شیب این خط بیش‌تر باشد، نشان می‌دهد که بار روی نوار نقاله توان بیش‌تری تحویل داده شده‌است. پس مطابق شکل روبرو خطوطی از مبدأ دستگاه با شیب‌های مختلف نسبت به نمودار رسم می‌کنیم. خطی که بیشینه‌ی شیب را دارد، خطی است که در نقطه‌ای بر منحنی مماس می‌شود و بیشینه‌ی توان را نشان می‌دهد.

$$\text{AB شیب مماس} = \text{MAX } P \rightarrow \text{MAX } P = \frac{F}{\frac{1}{V}} = \frac{60}{\frac{1}{5}} = 12 \text{ KW}$$



با توجه به شکل مقابل، ابتدا در حالت اول که لوله به طور قائم قرار گرفته است ارتفاع ستون جیوه را به دست می‌آوریم. در این حالت جیوه تحت تأثیر فشار جو تا ارتفاع h در لوله بالا آمده است و ارتفاع h' بالای آن خلاء می‌باشد.

$$V = 56 \text{ cm}^3 \quad \text{حجم فضای خالی}$$

$$A = 2 \text{ cm}^2 \quad \text{سطح مقطع لوله}$$

$$\rightarrow \text{ارتفاع بخش خالی: } h' = \frac{V}{A} = \frac{56}{2} = 14 \text{ cm}$$

$$\text{ارتفاع ستون جیوه: } h = 90 - h' = 90 - 14 = 76 \text{ cm}$$

یعنی ۷۶ cm جیوه، معادل فشار هوای بیرون ($P_0 = 10^5 \text{ Pa}$) می‌باشد.

در حالت دوم هنگامی که لوله را با زاویه 60° نسبت به راستای قائم قرار می‌دهیم، جیوه تمام لوله را پر می‌کند و ارتفاع قائم آن از سطح آزاد جیوه به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$h'' = 90 \text{ cm} \times \cos 60^\circ = 90 \times \frac{1}{2} = 45 \text{ cm}$$

اگر انتهای لوله باز بود و طول لوله به اندازه‌ی کافی بلند بود، جیوه در لوله‌ی مایل آن قدر بالا می‌رفت تا ارتفاع قائم آن به اندازه‌ی ارتفاع اولیه‌ی ۷۶ cm بشود. اما انتهای لوله بسته است و مانع از بالا رفتن جیوه می‌شود. در این حالت فشاری بر انتهای بسته‌ی لوله وارد می‌شود که محاسبه‌ی آن بر حسب سانتی‌متر جیوه به صورت زیر می‌باشد.

$$P' = h - h'' \rightarrow p' = 76 - 45 = 31 \text{ cmHg} = \Delta h$$

با توجه به اینکه ۷۶ cmHg معادل فشار 10^5 Pa است می‌توانیم فشار P' را بر حسب پاسکال به دست آوریم.

$$P' = \left(\frac{\Delta h}{h}\right) \times P_0 \rightarrow P' = \left(\frac{31}{76}\right) \times 10^5 \cong 0.4 \times 10^5 \text{ Pa}$$

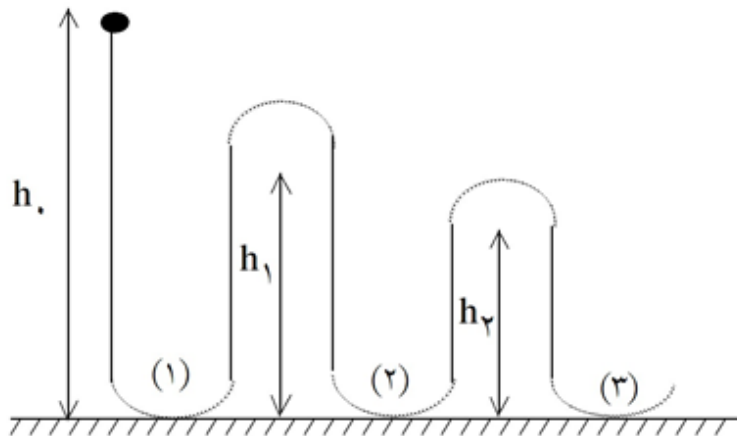
با استفاده از رابطه‌ی نیرو و فشار، $P = \frac{F}{A}$ ، نیروی ظاهر شده بر انتهای بسته‌ی لوله را به دست می‌آوریم.

$$F = PA \rightarrow F = (0.4 \times 10^5) \times (2 \times 10^{-4}) = 16 \text{ N}$$

گلوله‌ای که در ارتفاع معینی نسبت به سطح زمین قرار دارد، دارای انرژی پتانسیل گرانشی معینی است که از رابطه‌ی $U = mgh$ محاسبه می‌شود، در این رابطه m جرم جسم، h ارتفاع جسم از سطح زمین و g شتاب گرانشی است. هنگامی که گلوله رها می‌شود، به طرف زمین سقوط می‌کند و سرعت می‌گیرد و در لحظه‌ی تماس با سطح زمین، تمام انرژی پتانسیل گرانشی آن به انرژی جنبشی تبدیل می‌شود. اگر در برخورد با زمین انرژی تلف نشود، گلوله به همان ارتفاع اولیه برمی‌گردد و مجدداً تمام انرژی، به انرژی پتانسیل گرانشی تبدیل می‌شود و چنانچه در برخورد گلوله به زمین انرژی تلف شود، گلوله تا ارتفاع کم‌تری برمی‌گردد زیرا با ثابت بودن m و g و کاهش U ، در برگشت مقدار h کم‌تر می‌شود. چون در هر برخورد گلوله با زمین $\frac{3}{4}$ انرژی (که برابر همان انرژی پتانسیل گرانشی در بالاترین ارتفاع است) آن تلف می‌شود، بنابراین پس از هر برخورد، تنها $\frac{1}{4}$ انرژی قبلی گلوله باقی می‌ماند.

$$U \xrightarrow{\text{پس از برخورد اول}} U_1 = \frac{1}{4} U \xrightarrow{\text{پس از برخورد دوم}} U_2 = \frac{1}{4} U_1 \xrightarrow{\text{پس از برخورد i ام}} \dots \rightarrow U_i = \frac{1}{4} U_{i-1}$$

در نتیجه گلوله تا $\frac{1}{4}$ ارتفاع قبلی، ارتفاع می‌گیرد و بالا می‌آید.



$$h_0 \xrightarrow{\text{پس از برخورد اول}} h_1 = \frac{1}{4} h_0$$

$$h_1 \xrightarrow{\text{پس از برخورد دوم}} h_2 = \frac{1}{4} h_1$$

$$h_{i-1} \xrightarrow{\text{پس از برخورد i ام}} h_i = \frac{1}{4} h_{i-1}$$

پس مجموع مسافت‌هایی که این گلوله در برخوردهای پی‌درپی با سطح زمین طی می‌کند از رابطه‌ی زیر قابل محاسبه است:

$$D = h_0 + 2h_1 + 2h_2 + \dots = h_0 + 2(h_1 + h_2 + \dots)$$

عبارت داخل پرانتز یک تصاعد هندسی است که تعداد جمله‌های آن بی‌نهایت است و می‌توانیم برای آن حد مجموع در نظر بگیریم:

$$h_1 + h_2 + h_3 + \dots = \frac{1}{4} h_0 + \frac{1}{4} \left(\frac{1}{4} h_0 \right) + \frac{1}{4} \left(\frac{1}{16} h_0 \right) + \dots = \left(\frac{1}{4} \right) h_0 + \left(\frac{1}{4} \right)^2 h_0 + \left(\frac{1}{4} \right)^3 h_0 + \dots$$

در این تصاعد هندسی، جمله‌ی ابتدایی $\frac{1}{4} h_0$ و قدر نسبت $\frac{1}{4}$ است، پس داریم:

$$S = \frac{\frac{1}{4} h_0}{1 - \frac{1}{4}} = \frac{\frac{1}{4} h_0}{\frac{3}{4}} = \frac{h_0}{3} = \frac{19/2}{3} = 6/4 \text{ m}$$

پس مقدار D برابر است با:

$$D = h_0 + 2s = 19/2 + 2 \times 6/4 = 32 \text{ m}$$

۲۰۰ ابتدا پتانسیل الکتریکی نقطه‌های A و B را که ناشی از حضور بارهای الکتریکی نقطه‌ای q_1 و q_2 می‌باشد. با استفاده از رابطه‌ی $V = \frac{Kq}{r}$ تعیین می‌کنیم.

$$V_A = V_{q_1} + V_{q_2} = \frac{Kq_1}{r_1} + \frac{Kq_2}{r_2} \rightarrow V_A = \frac{9 \times 10^9 \times (+5) \times 10^{-9}}{10 \times 10^{-2}} + \frac{9 \times 10^9 \times (-5) \times 10^{-9}}{20 \times 10^{-2}} = 450 - 225 = 225 \text{ V}$$

$$V_B = V'_{q_1} + V'_{q_2} = \frac{Kq_1}{r'_1} + \frac{Kq_2}{r'_2} \rightarrow V_B = \frac{9 \times 10^9 \times (+5) \times 10^{-9}}{20 \times 10^{-2}} + \frac{9 \times 10^9 \times (-5) \times 10^{-9}}{10 \times 10^{-2}} = 225 - 450 = -225 \text{ V}$$

در حرکت خود به خود بار الکتریکی $q_3 = +1 \text{ nC}$ از نقطه‌ی A به سمت نقطه‌ی B، انرژی پتانسیل الکتریکی آزاد شده و کاهش می‌یابد و در مقابل انرژی جنبشی و سرعت بار q_3 افزایش می‌یابد. با توجه به قانون پایستگی انرژی ($E_1 = E_2 \rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2$)، تغییرات انرژی جنبشی برابر منفی تغییرات انرژی پتانسیل الکتریکی است. یعنی کاهش انرژی پتانسیل الکتریکی صرف افزایش انرژی جنبشی می‌شود. بنابراین:

$$\Delta K = -\Delta U \rightarrow K_2 - K_1 = -q_3 \Delta V$$

تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بار آزمون برابر حاصل ضرب بار الکتریکی مورد نظر و اختلاف پتانسیل الکتریکی بین نقطه‌ی ثانویه و نقطه‌ی اولیه می‌باشد.

$$K_2 - K_1 = -q_3 \times (V_2 - V_1)$$

$$\frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2 = -q_3 \times (V_B - V_A), \text{ چون } v_1 = 0, m = 90 \text{ mg} = 9 \times 10^{-5} \text{ Kg}$$

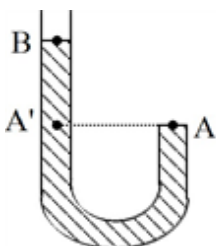
$$\rightarrow \frac{1}{2} \times 9 \times 10^{-5} \times v_2^2 - \frac{1}{2} \times 9 \times 10^{-5} \times 0^2 = - (+1 \times 10^{-9}) \times (-225 - 225)$$

$$\rightarrow \frac{1}{2} \times 9 \times 10^{-5} \times v_2^2 = 450 \times 10^{-9} \rightarrow v_2^2 = 10^{-2} \rightarrow v_2 = 10^{-1} \frac{\text{m}}{\text{s}} \rightarrow v_2 = 10 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

$$K = U \Rightarrow \frac{1}{2} m v^2 = U \Rightarrow U = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 8^2 = 16 \text{ J} \quad (201)$$

۲۰۲ برای محاسبه‌ی نیرویی که از اطراف مایع به درپوش وارد می‌شود باید فشار پیمانه‌ای مایع در نظر گرفته شود. زیرا هوا نیز به درپوش نیرو وارد می‌کند.

$$\Rightarrow P'_A = P_A - P_0 = \rho g h \Rightarrow F = P'_A \cdot A = \rho g h (\pi r^2) = \pi r^2 \rho g h$$



۲۰۳ فشار مایع در B که سطح مایع است برابر فشار هوا (P_0) است. فشار مایع در A با فشار مایع در نقطه‌ی A' که مطابق شکل هم سطح با A است برابر است.

$$\left. \begin{array}{l} P_A = P_{A'} \\ P_{A'} = \rho g h + P_B \end{array} \right\} \Rightarrow P_A = \rho g h + P_B \Rightarrow P_A = \rho g h + P_0$$

$$\text{کل } P = (10^5 + 11200) \text{ Pa} = 11200 \text{ Pa} \quad (204)$$

۲۰۵ فشارسنج فشار هوای درون ظرف A را به صورت پیمانه‌ای اندازه‌گیری می‌کند. فشار در ارتفاع h، درون لوله‌ی B و ظرف A یکسان است.

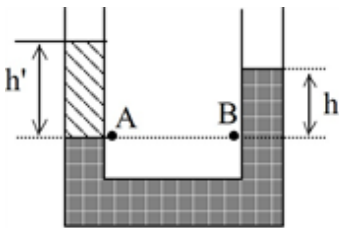
$$\Rightarrow P_A = P_B \Rightarrow \rho gh_A + P = \rho gh_B + P,$$

$$\Rightarrow 1000 \times 10 \times \frac{120}{100} + P = 1000 \times 10 \times \frac{120}{100} + 10^5$$

$$\Rightarrow P = 10^5 + 1000 \times 10 \times \frac{112}{100} = (10^5 + 11200) \text{ Pa}$$

$$\Rightarrow \text{پیمانه‌ای } P = 11200 \text{ Pa}$$

۲۰۶ اگر چگالی یکی از دو مایع معلوم باشد، با اندازه‌گیری h و h' می‌توان چگالی مایع دیگر را به دست آورد.



۲۰۷ به شکل مقابل توجه کنید فشار در نقاط هم ارتفاع A و B از لوله‌ها برابر است.

$$P_A = P_B \Rightarrow \rho' gh' + P_0 = \rho gh + P_0,$$

$$\Rightarrow \rho' gh' = \rho gh \Rightarrow \rho' h' = \rho h \Rightarrow \frac{\rho}{\rho'} = \frac{h'}{h}$$

$$P = \rho gh = 1000 \times 10 \times 15/3 = 153000 \text{ Pa}$$

۲۰۸ هوا از بالا به درپوش نیرو وارد می‌کند. بنابراین برای محاسبه‌ی نیروی که از طرف مایع (آب) و به واسطه‌ی فشار آن به درپوش وارد می‌شود، باید فشار پیمانه‌ای مایع (آب) در نظر گرفته شود.

$$A = \frac{\pi D^2}{4} = \frac{\pi \times 0.05^2}{4} = \frac{\pi}{16} \text{ m}^2 \Rightarrow F = PA = 153000 \times \frac{\pi}{16} = \frac{19125\pi}{2} \text{ N}$$

اگر بخواهیم مقدار این نیرو دقیق‌تر محاسبه شود، باید مساحت مقطع لوله از مساحت درپوش کم شود.

$$a = \frac{\pi d^2}{4} = \frac{\pi \times 0.01^2}{4} = \frac{\pi}{40000} \Rightarrow A' = A - a = \frac{\pi}{16} - \frac{\pi}{40000} = \frac{2499\pi}{40000}$$

$$\Rightarrow F' = PA' = 153000 \times \frac{2499\pi}{40000} = \frac{382347\pi}{40} \text{ N}$$

اختلاف F و F' برابر $\frac{153\pi}{40} \text{ N}$ است که به طور نسبی ناچیز است (۰/۴ درصد) و از ابتدا می‌توانستیم از آن چشم‌پوشی کنیم.

$$P = 10P_0 \Rightarrow \rho gh + P_0 = 10P_0 \Rightarrow \rho gh = 9P_0,$$

$$\Rightarrow 1150 \times 10 \times h = 9 \times 10^5 \Rightarrow h = \frac{9000}{115} = \frac{1800}{23} \text{ m} \Rightarrow h = 78/3 \text{ m}$$

۲۱۰ ابتدا باید مطمئن بشویم که این قطعه توپر است یا تو خالی. با محاسبه‌ی جرم و حجم واقعی این قطعه چگالی آن را به دست می‌آوریم.

اگر چگالی قطعه با چگالی طلا برابر نباشد، این قطعه طلای خالص نیست. اما در صورت برابر بودن چگالی قطعه با چگالی طلای خالص، باز هم نمی‌توان به خالص بودن این قطعه پی برد.

$$\left. \begin{aligned} m &= 1g \\ \rho &= 19300 \frac{kg}{m^3} = 19/3 \frac{g}{cm^3} \end{aligned} \right\} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho} = \frac{1}{19/3} cm^3 \Rightarrow V = \approx 0.0518 cm^3 = 51/8 mm^3 \quad (211)$$

(212) اگر حجم یک بشکه نفت را ۱۵۰ لیتر فرض کنیم، داریم:

$$\left. \begin{aligned} V &= 150 \text{ lit} = 0.15 m^3 \\ \rho &\approx 900 \frac{kg}{m^3} \end{aligned} \right\} \Rightarrow m = \rho V = 135 kg$$

(213) هنگامی که راننده پدال ترمز را فشار می‌دهد، توسط پیستونی که با یک اهرم به پدال ترمز متصل است در مایع روغن ترمز که در مخزنی کوچک قرار دارد فشار ایجاد می‌شود. مایع روغن ترمز از مخزن کوچک توسط لوله‌هایی باریک به مخازن دیگری که کنار چرخ‌های اتومبیل قرار دارد راه دارد و فشار ایجاد شده در آن به این مخازن منتقل می‌شود. در این مخازن فشار روغن ترمز باعث می‌شود لنت‌های ترمز توسط پیستون‌هایی به دیسک چرخ فشار داده شوند. بر اثر این فشار و نیروی اصطکاک بین لنت‌های ترمز و دیسک چرخ اتومبیل متوقف می‌شود.

$$\begin{aligned} P &= \rho gh + P_0 = 1000 \times 10 \times 2 + 10^5 = 2 \times 10^4 + 10^5 \quad (214) \\ &= 2 \times 10^4 + 10 \times 10^4 = 12 \times 10^4 = 1/4 \times 10^5 \text{ Pa} \end{aligned}$$

$$P = \rho gh = 1000 \times 10 \times 2 = 2 \times 10^4 \text{ Pa} \quad (215)$$

سوال فشار ناشی از آب (فشار پیمانه‌ای) را خواسته است. لذا در محاسبه‌ی فشار، فشار هوا در نظر گرفته نشده است.

(216) مشاهده می‌شود که از سوراخ‌های در عمق بیشتر آب با شدت بیشتری بیرون می‌ریزد. این پدیده را می‌توان این گونه تشریح کرد که شدت جریان آب متناسب با فشار آب است و در سوراخ‌های با عمق بیشتر فشار آب بیشتر است.

(217) از کاه‌گل استفاده می‌کردند.

(218) در سطح آب مولکول‌های آب با نیروی هم‌چسبی یکدیگر را می‌کشند و باعث می‌شوند که سطح آب مانند یک طوری و یک پوسته‌ی کشیده شده رفتار کند. بنابراین اجسامی که مانند پشه وزن بسیار کمی دارند روی سطح آب می‌مانند و پای پشه در سطح آب فرو نمی‌رود.

(219) جرم جسم را با جرم مایعی که چگالی آن معلوم است در دو کفه‌ی ترازو مقایسه می‌کنیم و سپس با اندازه‌گیری حجم مایع و محاسبه‌ی جرم آن از طریق چگالی و حجم، جرم مایع و در نتیجه جسم محاسبه می‌شود.

فاصله‌ی بین مولکول‌ها در حالت گاز بیش‌تر از فاصله‌ی بین مولکول‌ها در حالت مایع است. فاصله‌ی بین مولکول‌های هوا را در حالت مایع برابر a و در حالت گاز برابر b فرض می‌کنیم. تعداد مولکول‌های هوا در حالت مایع و گاز در یک حجم مشخص متناسب با چگالی هوا در حالت مایع و گاز است. یک مکعب به ابعاد $۱m$ از هوا در حالت گاز در نظر گرفته می‌شود.

$$\left. \begin{array}{l} \rho = 1/29 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \\ V = 1 \text{m}^3 \end{array} \right\} \Rightarrow m = \rho V = 1/29 \text{ kg}$$

در هر یک از ابعاد این مکعب تعداد $\frac{1}{b}$ مولکول قرار دارد و تعداد مولکول‌ها به صورت زیر به دست می‌آید. اگر جرم هر مولکول را m_0 فرض کنیم داریم:

$$\text{تعداد مولکول‌ها} = \frac{1}{b} \times \frac{1}{b} \times \frac{1}{b} = \frac{1}{b^3} \Rightarrow m = m_0 \cdot \frac{1}{b^3} = 1/29 \text{ kg}$$

به همین ترتیب اگر یک مکعب به ابعاد $۱m$ از هوا در حالت مایع در نظر گرفته شود داریم:

$$\left. \begin{array}{l} \rho' = 920 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \\ V = 1 \text{m}^3 \end{array} \right\} \Rightarrow m' = \rho' V = 920 \text{ kg}$$

$$\text{تعداد مولکول‌ها} = \frac{1}{a} \times \frac{1}{a} \times \frac{1}{a} = \frac{1}{a^3} \Rightarrow m' = m_0 \cdot \frac{1}{a^3} = 920 \text{ kg}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} m = \frac{m_0}{b^3} = 1/29 \Rightarrow m_0 = 1/29 b^3 \\ m' = \frac{m_0}{a^3} = 920 \Rightarrow m_0 = 920 a^3 \end{array} \right\} \Rightarrow 1/29 b^3 = 920 a^3$$

$$\Rightarrow \frac{b^3}{a^3} = \frac{920}{1/29} \simeq 713 \Rightarrow \frac{b}{a} \simeq \sqrt[3]{713}$$

فاصله‌ی بین مولکول‌ها در هوا به صورت گاز در حدود $\sqrt[3]{713}$ برابر فاصله‌ی بین مولکول‌ها در هوای مایع است.

وقتی سرعت ثابت است فقط انرژی پتانسیل آسانسور و مسافران آن افزایش می‌یابد.

$$\Delta U = mgh = [1000 + 10 \times 80] \times 10 \times 80 = 1800 \times 10 \times 80 = 1440000 \text{ J}$$

$$\bar{P} = \frac{\Delta U}{\Delta t} = \frac{1440000}{3 \times 60} = 8000 \text{ W} = 8 \text{ kW}$$

افزایش انرژی پتانسیل گرانشی شخص برابر حداقل کار انجام شده توسط شخص و یا به عبارتی برابر کار مفید انجام شده توسط شخص است. (۲۲۲)

$$U = mgh = 70 \times 10 \times \left[50 \times \frac{3}{10} \right] = 10500 \text{ J} \Rightarrow P = \frac{U}{t} = \frac{10500}{60} = 175 \text{ W}$$

انرژی مکانیکی بمب با صرف نظر از مقاومت هوا ثابت است. (۲۲۳)

$$E = E_i \Rightarrow U + K = U_i + K_i$$

انرژی پتانسیل گرانشی بمب در لحظه‌ی برخورد با زمین صفر است. ($U = 0$)

(هر یک متر بر ثانیه برابر $\frac{3}{6}$ کیلومتر بر ساعت است) $900 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ برابر 250 متر بر ثانیه است

$$\Rightarrow K = U_i + K_i \Rightarrow \frac{1}{2} mV^2 = mgh + \frac{1}{2} mV_i^2 \Rightarrow V^2 = 2gh + V_i^2 = 2 \times 10 \times 200 + 250^2$$

$$\Rightarrow V^2 = 4000 + 62500 = 66500 \Rightarrow V = \sqrt{66500} \approx 258 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

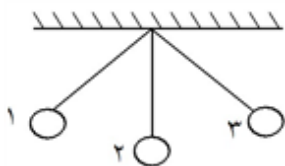
$$E_A = E_B = E_C \Rightarrow K_A + U_A = K_B + U_B = K_C + U_C$$

در حالت A انرژی جنبشی واگن و در حالت B انرژی پتانسیل گرانشی آن صفر است.

$$K_A = 0, U_B = 0 \Rightarrow U_A = K_B = U_C + K_C$$

$$\Rightarrow mgh_A = \frac{1}{2} mV_B^2 = mgh_C + \frac{1}{2} mV_C^2 \Rightarrow 2gh_A = V_B^2 = 2gh_C + V_C^2$$

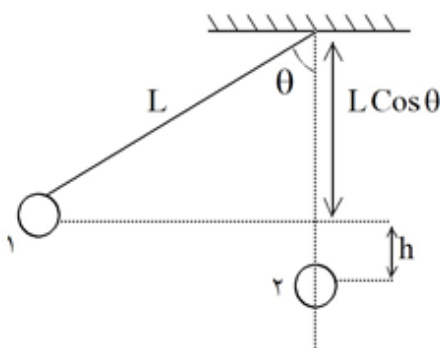
$$\Rightarrow 400 = V_B^2 = 220 + V_C^2 \Rightarrow \begin{cases} V_B^2 = 400 \Rightarrow V_B = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ V_C^2 = 180 \Rightarrow V_C = 6\sqrt{5} \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{cases}$$



بر اساس پایستگی انرژی مکانیکی، انرژی مکانیکی در حالت‌های ۱ و ۳ یکسان است و در این حالت‌ها انرژی جنبشی صفر است بنابراین انرژی پتانسیل گلوله در حالت‌های ۱ و ۳ برابر و در نتیجه ارتفاع گلوله در این حالت‌ها یکسان است. بنابراین گلوله تا ارتفاع اولیه‌اش (در لحظه رها شدن) بالا می‌رود. (۲۲۵)

$$h = \frac{1}{2}$$

با توجه به شکل داریم: (۲۲۶)



$$h = L - L \cos \theta = L(1 - \cos \theta)$$

$$E_1 = E_2 \Rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2$$

اگر ارتفاع جسم را در حالت ۲ سطح مبنا فرض کنیم داریم:

$$\begin{cases} U_1 = mgh \\ U_2 = 0 \end{cases}$$

از طرفی جسم رها شده است و انرژی جنبشی اولیه آن صفر است. $K_1 = 0$

$$\Rightarrow 0 + mgh = \frac{1}{2} mV^2 + 0 \Rightarrow mgh = \frac{1}{2} mV^2 \Rightarrow V^2 = 2gh \Rightarrow V = \sqrt{2gh}$$

$$\Rightarrow V = \sqrt{2gL(1 - \cos \theta)} = \sqrt{2gL \left(1 - \frac{1}{2} \right)} = \sqrt{gL}$$

بعد از توقف انرژی جنبشی اتومبیل صفر می‌شود. (۲۲۷)

$$\left. \begin{array}{l} W = K - K_1 \\ K = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow W = -K_1 = -\frac{1}{2}mV_1^2$$

$72 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ برابر ۲۰ متر بر ثانیه است (هر یک متر بر ثانیه $\frac{3}{6}$ کیلومتر بر ساعت است)

$$\Rightarrow W = -\frac{1}{2} \times 1000 \times 20^2 = -200000 \text{ J}$$

در هنگام ترمز برآیند نیروهای وارد بر اتومبیل اصطکاک لغزشی اتومبیل با جاده است.

$$\Sigma F = -f_k \Rightarrow W_{\Sigma F} = (-f_k)\Delta x = -\mu mg \Delta x \Rightarrow -200000 = -0.5 \times 1000 \times 10 \Delta x \Rightarrow \Delta x = 40 \text{ m}$$

اتومبیل پس از طی مسافت ۴۰ متر انرژی جنبشی خود را از دست می‌دهد و متوقف می‌شود، بنابراین به مانع برخورد می‌کند.

$$\left. \begin{array}{l} W = K - K_1 \\ K = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow W = -K_1 = -\frac{1}{2}mV_1^2 \Rightarrow W = -\frac{1}{2} \times \frac{24}{1000} \times 500^2 = -3000 \text{ J}$$

اگر از وزن گلوله در برابر نیرویی که تنه درخت به آن وارد می‌کند چشم‌پوشی کنیم:

$$W = -\bar{F}d \Rightarrow -3000 = -\bar{F} \times \frac{12}{100} \Rightarrow \bar{F} = 25000 \text{ N}$$

هنگامی که یک جسم با سرعت ثابت حرکت می‌کند بر اساس قضیه کار و انرژی جنبشی آن ثابت است و کل کار انجام شده روی جسم صفر است. (۲۲۹)

$$\left. \begin{array}{l} \text{ثابت } V \Rightarrow \text{ثابت } k \\ W = k_2 - k_1 \end{array} \right\} \Rightarrow W = 0$$

به شخص نیروی وزن و نیروی تکیه‌گاه وارد می‌شود.

$$\text{ثابت } V \Rightarrow \Sigma F = 0 \Rightarrow N = W = 500 \text{ N}$$

$$W_{mg} = mgh \cos 180^\circ = -mgh = -500 \times 5 = -2500 \text{ J}$$

$$W_N = Nh \cos 0 = Nh = 500 \times 5 = 2500 \text{ J}$$

در حالتی که جرم m در نقطه‌ی A قرار دارد فنر کشیده شده است و انرژی پتانسیل کشسانی دارد. انرژی پتانسیل کشسانی فنر آزاد می‌شود و به انرژی جنبشی تبدیل می‌شود و جسم به حرکت در می‌آید و وقتی جسم به نقطه‌ی O می‌رسد، انرژی پتانسیل به حداقل مقدار (صفر) می‌رسد و انرژی جنبشی جسم و در نتیجه سرعت آن بیشترین مقدار است. بعد از عبور جسم از نقطه‌ی O فنر فشرده می‌شود و دوباره دارای انرژی پتانسیل کشسانی می‌شود و در نتیجه انرژی جنبشی جسم کاهش می‌یابد تا جسم متوقف شود. این حرکت به همین صورت تکرار می‌شود.

اسباب‌بازی‌های کوکی، ساعت کوکی، کمک فنر اتومبیل و ... (۲۳۱)

$$U_0 = mg(0) = 0$$

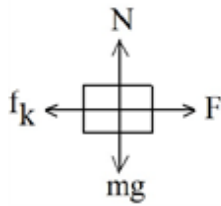
$$U_{\frac{1}{4}h} = mg\left(\frac{1}{4}h\right) = \frac{1}{4}mgh$$

$$U_{\frac{1}{2}h} = mg\left(\frac{1}{2}h\right) = \frac{1}{2}mgh$$

$$U_{\frac{3}{4}h} = mg\left(\frac{3}{4}h\right) = \frac{3}{4}mgh$$

$$\Sigma W = W_F + W_{f_k} + W_{mg} + W_N \quad (233)$$

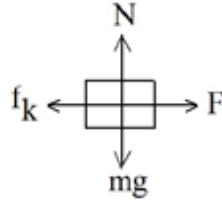
$$= Fd - \mu_k mgd + \cdot + \cdot = (F - \mu_k mg)d \Rightarrow \Sigma W = W_{\Sigma F}$$



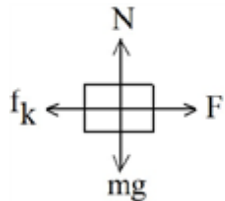
$$\Sigma F = F - f_k = F - \mu_k N = F - \mu_k mg \quad (234)$$

$$\Rightarrow W_{\Sigma F} = \Sigma Fd \cos \cdot = \Sigma Fd \Rightarrow W_{\Sigma F} = (F - \mu_k mg)d$$

$$W_{mg} = mgd \cos 90^\circ = \cdot$$



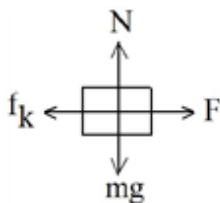
کار نیروی وزن هنگامی که جسم در راستای افقی جابه‌جا می‌شود صفر است.



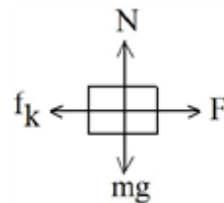
$$W_N = Nd \cos 90^\circ = \cdot$$

کار نیروی عمود بر سطح هنگامی که جسم روی سطح می‌لغزد و سطح حرکتی در راستای عمود بر سطح ندارد صفر است.

توجه: اگر سطح در راستای عمود بر سطح جابه‌جا شود، جسم که روی سطح می‌لغزد در این راستا جابه‌جا می‌شود و نیروی عمود بر سطح کار را انجام می‌دهد.



$$\left. \begin{aligned} W_{f_k} &= f_k d \cos 180^\circ = -f_k d \\ f_k &= \mu_k N = \mu_k mg \end{aligned} \right\} \Rightarrow W_{f_k} = -\mu_k mgd \quad (237)$$



$$W_F = fd \cos \cdot = Fd \quad (238)$$

$$\left\{ \begin{aligned} 1h &= 60 \text{ min} = 60(60s) = 3600s \\ 1ps &= 10^{-12} s \Rightarrow 1s = 10^{+12} ps \end{aligned} \right. \Rightarrow 1h = 3600(10^{+12} ps) \Rightarrow 1h = 3/6 \times 10^{+15} ps \quad (239)$$

$$0.056 \mu\text{m} = 0.056 \times 10^{-6} \text{ m} = 0.056 \times 10^{-6} \times 10^{+3} \times (10^{-3} \text{ m}) \quad (\text{الف}) \quad 240$$

$$= 0.056 \times 10^{-6} \times 10^{+3} (\text{mm}) = 0.056 \times 10^{-3} \text{ mm}$$

$$= 0.056 \times 10^{+1} \times 10^{-1} \times 10^{-3} \text{ mm} = 5/6 \times 10^{-4} \text{ mm}$$

$$0.056 \mu\text{m} = 0.056 \times 10^{-6} \text{ m} = 0.056 \times 10^{+1} \times 10^{-1} \times 10^{-6} \text{ m} = 5/6 \times 10^{-7} \text{ m} \quad (\text{ب})$$

گزینه ی ۱ پاسخ صحیح است. 241

دقت اندازه گیری پیمانهای به حجم ۵ سانتی متر مکعب برابر ۵ سانتی متر مکعب است. (کوچکترین مقداری که یک وسیله ی اندازه گیری می تواند اندازه گیری کند دقت اندازه گیری آن وسیله محسوب می شود) در نمایش مقدار اندازه گیری شده توسط یک وسیله ی اندازه گیری نباید مقداری کمتر از دقت اندازه گیری دستگاه وجود داشته باشد و مقدار اندازه گیری شده مضرب صحیحی از دقت اندازه گیری دستگاه است.

بنابراین در اندازه گیری حجم مایع توسط پیمانهای به حجم ۵ سانتی متر مکعب مقدار اندازه گیری شده باید مضرب صحیحی از ۵ سانتی متر مکعب باشد.

می توان شیشه ی نوشابه را پر از آب کرد و آن را چند بار در استکان خالی کرد تا آب شیشه کاملاً خالی شود. سپس حجم شیشه را به تعداد استکان های پر شده تقسیم کرد. اگر استکان آخر کامل پر نشود این اندازه گیری خطا دارد. برای اندازه گیری دقیق تر و کاهش خطا در اندازه گیری می توان شیشه را به دفعات پر کرد و در استکان ها خالی کرد تا این که استکان آخر تقریباً پر باشد. بنابراین داریم:

$$\text{حجم استکان} = \frac{\text{حجم شیشه} \times \text{تعداد پر کردن شیشه}}{\text{تعداد استکان پر شده}}$$

در اندازه گیری های بسیار کوچک اگر دقت اندازه گیری (خطای اندازه گیری) بزرگ باشد خطای نسبی بسیار بزرگ می شود و باید از ابزاری با دقت اندازه گیری (خطای اندازه گیری) بسیار کوچک تر از مقدار کمیت مورد اندازه گیری استفاده کرد. 242

همچنین در اندازه گیری های بسیار کوچک اگر دقت اندازه گیری (خطای اندازه گیری) کوچک باشد به اعدادی بسیار بزرگ در اندازه گیری می رسیم که در نمایش آنها با مشکل مواجه می شویم و در نمایش به صورت نمادگذاری علمی مجبور به حذف بسیاری از ارقام عدد اندازه گیری شده هستیم.

بنابراین برای اندازه گیری فاصله ی دو شهر، قطر یک سیم، ضخامت یک برگ کاغذ، بلندی موی سر، بلندی قد و ضخامت کتاب، استفاده از ابزاری که دقت اندازه گیری آنها به ترتیب برابر 1 km ، 0.1 mm ، 0.01 mm ، 1 cm و 1 mm است مناسب است.

برای اندازه گیری قد و بلندی مو استفاده از متری که دارای درجه بندی با واحد سانتی متر است. همچنین برای اندازه گیری ضخامت کتاب استفاده از خط کشی که دارای درجه بندی با واحد میلی متر است مناسب هستند.

برای اندازه گیری قطر یک سیم و ضخامت یک برگ کاغذ ابزاری مانند کولیس و ریزسنج مناسب هستند. برای اندازه گیری فاصله ی دو شهر می توان از دوربین های عکس برداری و نقشه برداری که برای اندازه گیری های بزرگ استفاده می شوند کمک گرفت.

۲۴۴) برای نمایش عدد به صورت نمادگذاری علمی باید عدد ۰/۰۶۲۵ به عدد ۶/۲۵ که بین ۱ و ۱۰ است تبدیل شود.

$$\frac{0/0625}{6/25} = \frac{625 \times 10^{-4}}{625 \times 10^{-2}} = 10^{-2} \Rightarrow 0/0625 = 6/25 \times 10^{-2}$$

$$\Rightarrow 0/0625 \times 10^{-4} = (6/25 \times 10^{-2}) \times 10^{-4} = 6/25 \times 10^{-6}$$

۲۴۵) برای نمایش عدد به صورت نمادگذاری علمی باید ضریب توان‌های عدد ۱۰ عددی بین ۱ و ۱۰ باشد. بنابراین عدد ۵۴ باید 10^{-1} برابر شده و به عدد ۵/۴ تبدیل شود.

$$54 \times 10^6 = (54 \times 10^{-1}) \times 10^{+1} \times 10^6 = 5/4 \times 10^7$$

۲۴۶) برای این که عدد به صورت نمادگذاری علمی نمایش داده شود، باید ضریب توان‌های ۱۰ عددی بین ۱ و ۱۰ باشد. بنابراین عدد ۰/۷۳ باید ۱۰ برابر شده و به عدد ۷/۳ تبدیل شود.

$$0/73 \times 10^4 = (0/73 \times 10) \times 10^{-1} \times 10^4 = 7/3 \times 10^3$$

$$1 \mu\text{m} = 10^{-6} \text{m} \Rightarrow \frac{1 \text{m}}{1 \mu\text{m}} = \frac{1}{10^{-6}} = 10^{+6}$$

$$\Rightarrow 1 \text{m} = 10^{+6} \mu\text{m} \Rightarrow 125 \text{m} = 125 \times 10^{+6} \mu\text{m} \Rightarrow 125 \text{m} = 1/25 \times 10^{+8} \mu\text{m}$$

$$1 \mu\text{g} = 10^{-6} \text{g} \Rightarrow \frac{1 \text{g}}{1 \mu\text{g}} = \frac{1}{10^{-6}} = 10^{+6} \Rightarrow 1 \text{g} = 10^{+6} \mu\text{g} \Rightarrow 3 \text{g} = 3 \times 10^{+6} \mu\text{g}$$

$$1 \text{ns} = 10^{-9} \text{s} \Rightarrow \frac{1 \text{s}}{1 \text{ns}} = \frac{1}{10^{-9}} = 10^{+9} \Rightarrow 1 \text{s} = 10^{+9} \text{ns} \Rightarrow 3 \text{s} = 3 \times 10^{+9} \text{ns} = 3 \times 10^{+10} \text{ns}$$

$$\left. \begin{array}{l} 1 \text{km} = 10^{+3} \text{m} \\ 1 \text{cm} = 10^{-2} \text{m} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{1 \text{km}}{1 \text{cm}} = \frac{10^{+3}}{10^{-2}} = 10^{+5} \Rightarrow 1 \text{km} = 10^{+5} \text{cm} \Rightarrow 5 \text{km} = 5 \times 10^{+5} \text{cm}$$