

WWW.AKOEDU.IR

اولین و باکیفیت ترین

درا^{ایران} آکادمی کنکور



جهت دریافت برنامه‌ی شخصی سازی شده یک هفته ای
را^{ایگان} کلیک کنید و یا به شماره‌ی ۰۹۰۲۵۶۴۶۲۳۴۶ عدد ۱
را ارسال کنید.

۱۰۰ تest هندسه فصل ۱

نقطه A و B در صفحه به فاصله ۱۳ واحد از هم قرار دارند. در کدام حالت دو نقطه وجود دارد که هر کدام از نقطه A به فاصله واحد و از نقطه B به فاصله واحد باشد.

۱۸ - ۵ (۴)

۱۷ - ۴ (۳)

۱۱ - ۳ (۲)

۹ - ۴ (۱)

با معلومات $AB = 10$ و میانه $CM = 8$ و مساحت 45 ، چند مثلث ABC قابل رسم است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۰ (۱) صفر

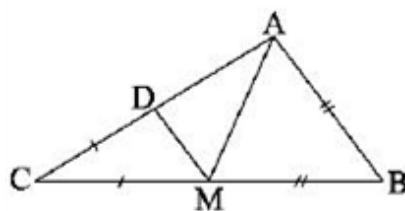
در مثلث ABC، نقطه D روی ضلع AB به گونه‌ای در نظر می‌گیریم که محل همروزی اجزای فرعی مثلث ADC در یک نقطه باشد، کدام گزینه نادرست است؟

$\hat{A} > \hat{B}$ (۴)

$AB > CD$ (۳)

$BD > DC$ (۲)

$\hat{C} > \hat{B}$ (۱)



در شکل زیر $\angle BAC = 42^\circ$ ، $\angle AMD = ?$ ، زاویه $\angle BAC$ چه قدر است؟

۹۰° (۱)

۹۶° (۲)

۸۴° (۳)

۹۸° (۴)

کدام یک از قضایای زیر دوشرطی نیست؟

(۱) در مستطیل، طول قطرها با هم برابر هستند.

(۲) در مثلث با دو ضلع نابرابر، زاویه مقابل به ضلع بزرگ‌تر، بزرگ‌تر از زاویه مقابل به ضلع کوچک‌تر است.

(۳) در مثلث متساوی الساقین، ارتفاع و میانه وارد بر یک ضلع بر هم منطبق هستند.

(۴) در هر متوازی الاضلاع، قطرها منصف یکدیگر هستند.

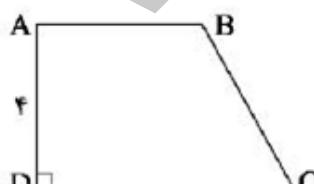
در ذوزنقه قائم‌الزاویه زیر، عمودمنصف قطر BD، ضلع AB را در نقطه E طوری قطع کرده است که $EM = AE$. اندازه ضلع AB کدام است؟

$2\sqrt{3}$ (۱)

$4\sqrt{3}$ (۲)

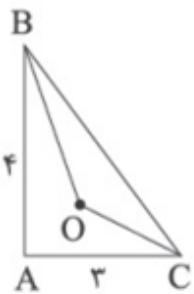
$4\sqrt{5}$ (۳)

$2\sqrt{5}$ (۴)



- دو پاره خط غیرموازی AB و CD بدون نقطه برخورد در یک صفحه مفروض هستند. با کدام روش نقاطی به دست می آید که از AB و CD به یک فاصله باشند و تعداد آنها چندتا است؟
- (۱) دو پاره خط را امتداد می دهیم تا زاویه های به دست آید، جواب، نیمساز زاویه و تعداد جواب ها بی شمار است.
 - (۲) عمودمنصف های AB و CD را رسم می کنیم، جواب نقطه همرسی عمودمنصف ها است.
 - (۳) دو خط به موازات AB و CD و به فاصله مساوی از هر کدام رسم می کنیم، جواب، نقطه برخورد دو خط موازی است.
 - (۴) دو دایره به قطرهای AB و CD رسم می کنیم، جواب، حداقل دو نقطه برخورد دایره ها است.

در مثلث قائم الزاویه ABC نیمساز زاویه های B و C در نقطه O متقاطع هستند. طول OA چقدر است؟



- (۱) 1
 (۲) $\sqrt{2}$
 (۳) $\sqrt{3}$
 (۴) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

در مثلث متساوی الاضلاع ABC ، عمودمنصف پاره خط AC ضلع BC را با چه زاویه ای قطع می کند؟

- (۱) 30° (۲) 40° (۳) 45° (۴) 50°

دایره ای به مساحت $9\pi \text{ cm}^2$ مفروض است. مساحت نقطه ای از دایره که فاصله ای آنها از مرکز بیشتر از ۲ سانتی متر باشد، کدام است؟

- (۱) 4π (۲) 5π (۳) $4\sqrt{3}$ (۴) π

دو خط L و L' در صفحه با زاویه 60° ، متقاطع هستند. اگر نقطه A از دو خط L و L' یک واحد فاصله داشته باشد، فاصله A از نقطه تقاطع L و L' چه قدر است؟

- (۱) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ (۲) $\frac{\sqrt{2}}{3}$ (۳) 2 (۴) اطلاعات مسئله ناقص است.

رئوس یک مثلث دلخواه روی یک دایره قرار دارند، مرکز این دایره بر کدام نقطه مثلث منطبق است؟

- (۱) محل همرسی ارتفاعها
 (۲) محل همرسی نیمسازها
 (۳) محل همرسی میانه ها
 (۴) محل همرسی عمودمنصف ها

کدام یک از گزاره های زیر با مثال نقض رد نمی شود؟

(۱) در متساوی الاضلاع قطرها با هم برابر هستند.

(۲) به ازای هر عدد طبیعی n ، مقدار عبارت $41 + n + n^2$ عددی اول است.

(۳) در هر مثلث اندازه هر ضلع از اندازه هر ارتفاع بزرگ تر است.

(۴) مثلثی که میانه و ارتفاع وارد بر یک ضلع آن بر هم منطبق باشند، دو زاویه برابر دارد.

۱۴

- برای رسم عمودمنصف پاره خط AB به کمک خطکش و پرگار نیاز به رسه چند کمان داریم؟
- ۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴)

۱۵

کدام گزینه صحیح است؟

- ۱) در استدلال استنتاجی از جزء به کل می‌رسیم.
- ۲) گزاره «دو مثلث همنهشت، متشابه‌اند» مثال نقض دارد.
- ۳) $a < b$ نقض گزاره $a > b$ است.
- ۴) در اثبات با برهان خلف در ابتدا فرض می‌کنیم، نقض حکم درست است.

۱۶

- در مثلث حاده‌الزاویه ABC ، ضلع AB از ضلع AC کوچک‌تر است. اگر نیمساز زاویه A ، ضلع BC را در D قطع کند، کدام یک از نابرابری‌های زیر لزوماً درست نیست؟

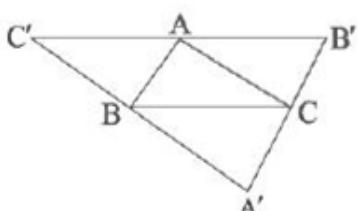
- ۱) $AC > AD$ (۴) ۲) $AD > AB$ (۳) ۳) $AD > BD$ (۲) ۴) $AB > BD$ (۱)

۱۷

- نیمسازهای مثلث ABC در نقطه O هم‌رسانند. اگر $\hat{B} = 47^\circ$ و $\hat{A} = 83^\circ$ باشد، کدام رابطه برقرار است؟
- ۱) $AO > CO > BO$ (۲) ۲) $BO > CO > AO$ (۱) ۳) $CO > AO > BO$ (۴) ۴) $AO > BO > CO$ (۳)

۱۸

- ارتفاعاتی مثلث ABC یک‌دیگر را در H قطع می‌کند. از هر رأس این مثلث خطی موازی ضلع مقابل به آن رسم می‌کنیم تا یک‌دیگر را در A' , B' و C' قطع کند. اگر $HA' = ۱۰$, $HB' = ۱۸ - x$ و $HC' = ۳x + ۱۰$ باشد، طول HC' کدام است؟



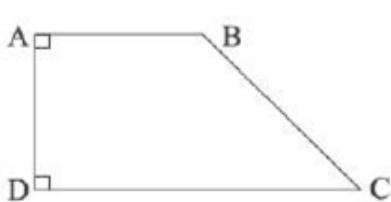
۱۹

کدام قضیه به صورت دوشرطی بیان نمی‌شود؟

- ۱) در یک مثلث اگر دو ضلع برابر باشند، ارتفاعاتی نظیر آنها نیز با هم برابرند.
- ۲) اگر شعاع‌های دو دایره با هم برابر باشند، مساحت آنها نیز با هم برابر است.
- ۳) در مثلث ABC اگر زاویه A قائم باشد، ضلع BC بزرگ‌ترین ضلع است.
- ۴) یک چهارضلعی لوزی است اگر قطرهایش عمودمنصف یک‌دیگر باشند.

۲۰

- در ذوزنقه قائم‌الزاویه $ABCD$ داریم: $AB = ۶$, $BC = ۱۰$, $CD = ۵$ و $AD = ۵$. نقطه‌های M و N به ترتیب روی قاعده‌های CD و AB طوری قرار دارند که $MC = BC$ و $NB = BC$. فاصله نقطه N از امتداد ضلع BC کدام است؟



- ۱) $3\sqrt{2}$ (۱) ۲) $3\sqrt{3}$ (۲) ۳) 3 (۳) ۴) 2 (۴)

در مثلث ABC، عمودمنصف ضلع AC، ضلع BC را در M قطع می‌کند. اگر M از دو ضلع AB و AC به یک فاصله باشد، زاویه A چند برابر زاویه C است؟

۲ (۴)

۳ (۳)

۱ (۲)

۲ (۱)

کدامیک از اشکال زیر قابل رسم نیست؟

(۱) مثلثی به اضلاع ۴، ۱۰ و ۷ واحد

(۳) لوزی‌ای به ضلع ۷ و یک قطر ۱۲ واحد

(۲) متوازی‌الاضلاعی به اقطار ۶ و ۸ و یک ضلع ۷ واحد

(۴) مستطیلی به طول و عرض ۴ و ۳ واحد

سه پاره خط به طول‌های $7 + 4x$ و $8 - 2x$ ، یک مثلث تشکیل می‌دهند. مجموعه مقادیر x شامل چند عدد طبیعی است؟

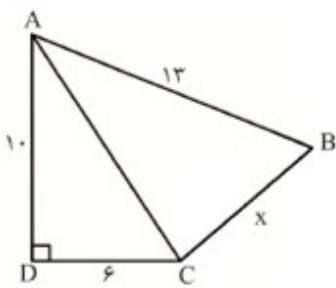
۶ (۴)

۴ (۳)

۵ (۲)

۷ (۱)

مثلث ABC یک مثلث حاده‌زاویه است. عمودمنصف ضلع BC و نیمساز زاویه B در نقطه‌ی M در خارج مثلث متقاطع‌اند. کدام گزینه درست است؟

 $\hat{B} < \hat{C}$ (۴) $\hat{B} > \hat{C}$ (۳) $\hat{B} < \hat{A}$ (۲) $\hat{A} > \hat{B}$ (۱)

اگر در شکل مقابل AC نیمساز زاویه A باشد، مقدار X کدام است؟

 $3\sqrt{5}$ (۱)

۷ (۲)

 $3\sqrt{6}$ (۳) $3\sqrt{7}$ (۴)

حداقل چند بار از پرگار استفاده کنیم تا به کمک خط کش و پرگار، در یک زاویه 64° ، زاویه 1° ایجاد کنیم؟

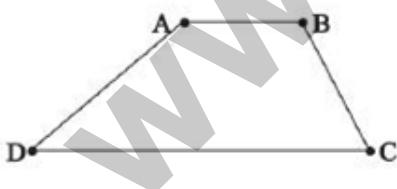
۱۱ (۴)

۱۰ (۳)

۹ (۲)

۸ (۱)

چهارضلعی ABCD ذوزنقه‌ای با قاعده‌های $\hat{A} = \hat{C}$ و $\hat{B} = \hat{D}$ مفروض است. اندازه ساق AD چه قدر است؟



۳ (۱)

۴ (۲)

۵ (۳)

۶ (۴)

کدام گزینه تعریف مستطیل نیست؟

(۱) متوازی‌الاضلاعی که قطرهای آن برابر است.

(۲) چهارضلعی که دو زاویه رو به روی آن، هر کدام 90° است.(۳) متوازی‌الاضلاعی که یک زاویه 90° دارد.

(۴) چهارضلعی که سه زاویه قائمه دارد.

۲۹

در مثلث ABC ، زاویه A منفرجه است و H محل همرسی ارتفاعهای مثلث می‌باشد. نقطه همرسی ارتفاعهای مثلث HAB ، نقطه و نقطه همرسی ارتفاعهای مثلث HAC ، نقطه می‌باشد.

A و H (۴) H و A (۳) C و B (۲) B و C (۱)

در مثلث ABC بر روی ضلع BC پاره خط‌های $CF = CA$ و $BE = BA$ را جدا می‌کنیم. اگر زاویه $\hat{EAF} = 62^\circ$ باشد، زاویه \hat{BAC} کدام است؟

۶۰ (۴) ۵۹ (۳) ۵۸ (۲) ۵۷ (۱)

دو نیم خط ox و oy و نقاط A و B به ترتیب روی ox و oy در نظر بگیرید. اگر M درون زاویه حاده ایجاد شده توسط دو نیم خط ox و oy باشد و $OA = OB = MA = MB = 2a$ ، کدام گزینه نادرست است؟

(۱) نقطه M محل برخورد دو دایره به مرکزهای A و B و شعاع $2a$ است.

(۲) فاصله M تا دو نیم خط یکسان است.

(۳) زاویه AMB دو برابر زاویه AOB است.

(۴) عمودمنصف پاره خط AB است.

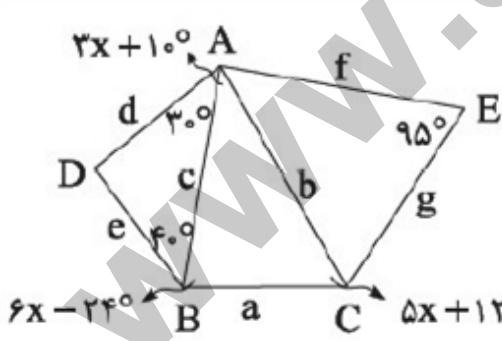
چند نقطه در صفحه متوازی‌الاضلاع $ABCD$ به اضلاع ۳ و ۲ وجود دارد به طوری که از ضلع AB به فاصله ۱ و از

ضلع BC به فاصله $\frac{1}{3}$ باشد؟

۴ (۴) ۲ (۳) ۲ (۲) ۱) صفر

در مثلث $\triangle ABC$ اندازه $\hat{A} = 70^\circ$ و $\hat{C} > \hat{B}$ است، به طوری که نیمساز زوایای B و C در نقطه D هم‌دیگر را قطع می‌کنند. کمترین مقدار زاویه \hat{CBD} چه عدد صحیحی است؟

۲۸ (۴) ۲۵ (۳) ۳۰ (۲) ۵۵ (۱)



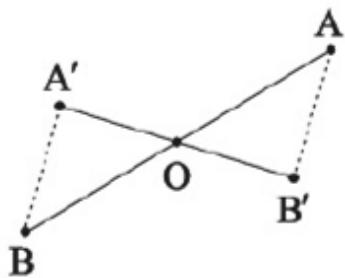
کدامیک از پاره خط‌ها از همه بزرگ‌تر است؟

- c (۱)
- b (۲)
- a (۳)
- d (۴)

در مثلث $\triangle ABC$ نقاط D و E به ترتیب روی AB و AC قرار دارند، به طوری که $\hat{ECB} = 40^\circ$. اگر محل برخورد CE و BD را F بنامیم، زاویه $\hat{FAD} = 2\hat{ABD} = 2\hat{ACE} = 40^\circ$ چند درجه است؟

۵۰° (۴) ۴۰° (۳) ۳۰° (۲) ۲۰° (۱)

اگر نقطه O وسط دو پاره خط متمایز AB و A'B' باشد، آنگاه کدام گزینه الزاماً صحیح نمی‌باشد؟ ۳۶



$$AB = A'B' \quad (۱)$$

$$\hat{A} = \hat{B} \quad (۲)$$

$$\hat{A}' = \hat{B}' \quad (۳)$$

$$AB' = A'B \quad (۴)$$

دایره‌ای به شعاع ۸ و خطی به فاصله ۳ از مرکز دایره را در نظر بگیرید. چه تعداد نقطه روی دایره وجود دارد که خط مورد نظر به فاصله ۴ باشد؟ ۳۷

(۱) ۴

(۲) ۳

(۳) ۲

(۴) ۱

دو نقطه A و B به فاصله ۵cm از هم در یک صفحه واقع هستند. چند نقطه در این صفحه وجود دارد که از A به فاصله $1/5\text{cm}$ و از B به فاصله $3/5\text{cm}$ باشد؟ ۳۸

(۱) ۴

(۲) ۳

(۳) ۲

(۴) صفر

در چهارضلعی ABCD، نیمساز زاویه A، زاویه C را به دو قسمت مساوی تقسیم می‌کند. کدام لزوماً درست است؟ ۳۹

(۱) نقطه‌ای وجود دارد که از هر چهار ضلع به یک فاصله است.

(۲) نقطه‌ای وجود دارد که از هر چهار رأس به یک فاصله است.

(۳) چهارضلعی لوزی است.

(۴) چهارضلعی حداقل یک زاویه قائم دارد.

تعداد نقاطی که هم از دو سر پاره خط AB به یک فاصله باشند و هم از دو سر پاره خط CD به یک فاصله‌اند، کدام نمی‌تواند باشد؟ ۴۰

(۱) ۴

(۲) ۳

(۳) ۲

(۴) صفر

در مثلث ABC نقطه M روی ضلع BC قرار دارد. اگر $\hat{B} = 47^\circ$ ، $\hat{C} = 36^\circ$ و $\hat{M}AC = 32^\circ$ باشند، آنگاه چندتا از نامساوی‌های زیر درست است؟ ۴۱

الف- $AC > AM$

(۱) ۴

ب- $BM > AM$

(۲) ۳

ج- $BM > AB$

(۳) ۲

د- $AC > AB$

(۴) ۱

در مثلث ABC نیمسازهای زاویه‌ی داخلی، در نقطه‌ی O متقاطع‌اند. اگر زاویه‌های AOB و BOC و COA متناسب با اعداد ۷ و ۶ و ۵ باشند، بزرگترین زاویه‌ی این مثلث چند درجه است؟ ۴۲

(۱) ۱۱۰

(۲) ۹۰

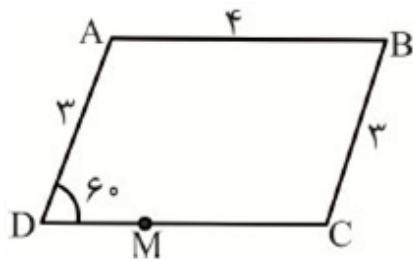
(۳) ۱۰۰

(۴) ۸۰

۴۳

در متوازی‌الاضلاع زیر، فاصله نقطه M تا ضلع BC برابر ارتفاع کوچک متوازی‌الاضلاع می‌باشد. MD کدام است؟

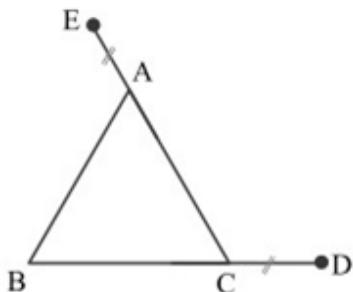
- ۰/۷۵ (۱)
۱/۲۵ (۲)
۱/۲۵ (۳)
۱/۵ (۴)



۴۴

در مثلث متساوی‌الاضلاع ABC بر روی امتداد و اضلاع CA و BC پاره‌خط‌های CD = AE جدا شده است. زاویه‌ی بین امتداد DA با BE چند درجه است؟

- ۶۰° (۲)
۹۰° (۴)
۴۵° (۱)
۷۵° (۳)



۴۵

در مثلث ABC زاویه‌ی $\hat{A} > \hat{B}$ نیمساز زاویه‌ی B و عمودمنصف ضلع AB در نقطه‌ی D متقاطع‌اند. M و N پای عمودهایی است که از نقطه‌ی D به ترتیب بر BA و BC رسم شده‌اند. کدام نابرابری درست است؟

- AM < BN (۴) DA > DC (۳) NC < NB (۲) NC > NB (۱)

۴۶

در پنج‌ضلعی محدب ABCDE داریم: $\widehat{CDE} = 85^\circ$ و $\widehat{BEC} = 70^\circ$ و $\widehat{AEB} = 80^\circ$ و $\widehat{EBC} = \widehat{ABE} = 10^\circ$.

- کدام طول بزرگ‌ترین می‌باشد?
BE (۴) AE (۳) BC (۲) CE (۱)

۴۷

نقطه A و خط d مفروض است. اگر تعداد نقاطی که از خط d به فاصله ۳ و از نقطه A به فاصله $4/5$ باشند، برابر ۳ باشد، فاصله نقطه A از خط d کدام است؟

- ۶ (۴) ۴/۵ (۳) ۳ (۲) ۱/۵ (۱)

۴۸

در مثلث قائم‌الزاویه با طول اضلاع قائم ۴ و ۶، طول نیمساز وارد بر وتر کدام است؟

- $2/\sqrt{2}$ (۴) $2/\sqrt{2}$ (۳) $2/\sqrt{2}$ (۲) $2\sqrt{2}$ (۱)

۴۹

در مثلث مختلف‌الاضلاع ABC، چند نقطه روی ارتفاع AH یا امتداد آن به طوری که از دو رأس B و C به یک فاصله باشند، می‌توان یافت؟

- ۳ (۴) ۲ (۳) ۰ (۲) ۱ (۱)

۵۰

در مثلث مختلف‌الاضلاع ABC، میانه‌ی AM رسم می‌شود. چند نقطه روی این میانه وجود دارد که از ضلع‌های AB و BC یا AC به یک فاصله باشند؟

- ۶ (۴) ۱ (۳) ۴ (۲) ۲ (۱)

- (۱) با داشتن طول دو ضلع متوازی‌الاضلاع، تنها یک متوازی‌الاضلاع می‌توان رسم کرد.
- (۲) تنها یک مستطیل با طول قطر $\sqrt{3}$ و طول ضلع ۵ می‌توان رسم کرد.
- (۳) بی‌شمار مستطیل با داشتن یک ضلع و زاویه‌ی بین دو قطر می‌توان رسم کرد.
- (۴) تنها یک لوزی با داشتن طول ضلع می‌توان رسم کرد.

چند مستطیل به طول قطرهای ۴ و ۳ می‌توان رسم کرد؟ ۵۲

- ۴ (۴) ۲ (۳) ۱ (۲) ۱ (صفر)

چند متوازی‌الاضلاع به طول قطرهای ۴ و ۷ سانتی‌متر قابل رسم است؟ ۵۳

- ۴ (بی‌شمار) ۱ (۲) ۱ (صفر)

دو نقطه‌ی A و B به فاصله‌ی ۳ سانتی‌متر از هم را در نظر بگیرید. چند نقطه در صفحه‌ی آنها وجود دارد که از A به فاصله‌ی ۲ و از B به فاصله‌ی $\frac{2}{5}$ باشد؟ ۵۴

- ۴ (بی‌شمار) ۲ (۳) ۱ (۲) ۱ (صفر)

در مثلثی به اضلاع ۵، ۵ و ۸، مجموع فاصله محل برخورد نیمسازهای داخلی تا سه ضلع مثلث کدام است؟ ۵۵

- ۴ (۴) ۳/۷۵ (۳) ۳/۵ (۲) ۳/۲۵ (۱)

A ●



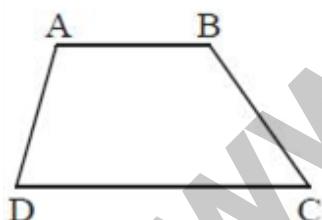
در صفحه شکل زیر چند نقطه وجود دارد که به فاصله ۲ از خط Δ بوده و به فاصله برابر از دو نقطه A و B باشد؟ ۵۶

(۱)

(۲)

(۳)

(۴) بی‌شمار



در ذوزنقه ABCD، کدام گزینه همواره برقرار است؟ ۵۷

 $DC > AB + BC$ (۱) $DC < AB + BC$ (۲) $DC > 2AB$ (۳) $DC > AC$ (۴)اندازه زوایای خارجی مثلثی برحسب درجه، 120° ، $13m^\circ$ ، 120° و 110° است. اندازه کوچک‌ترین زاویه داخلی شکل چند درجه است؟ ۵۸

- ۵۰° (۴) ۶۰° (۳) ۷۰° (۲) ۸۰° (۱)

طول اضلاع متوازی‌الاضلاعی ۵ و ۱۲ و طول قطر بزرگ‌تر آن $1 - 2x$ می‌باشد. X چند مقدار صحیح می‌تواند اختیار کند؟ ۵۹

- ۱ (۴) ۲ (۳) ۴ (۲) ۳ (۱)

۶۰

در کدام گزینه تنها یک چهارضلعی می‌توان رسم کرد؟

- (۱) مستطیل با معلوم بودن طول قطرها
 (۲) متوازی‌الاضلاع با معلوم بودن طول قطرها
 (۳) لوزی با معلوم بودن طول قطرها

۶۱

در مثلث ABC ($\hat{A} = 40^\circ$)، نیمساز داخلی A و نیمساز خارجی C ، در نقطه M متقاطع هستند. عمود MH را بر BC رسم می‌کنیم. اگر $\hat{HMC} = 15^\circ$ باشد، زاویه \hat{AMH} کدام است؟

- (۱) 45° (۲) 40° (۳) 50° (۴) 25°

۶۲

مثلث قائم‌الزاویه ABC ($\hat{A} = 90^\circ$) مفروض است. چند نقطه روی محیط مثلث می‌توان یافت که فاصله آن از نقطه A و از ضلع BC برابر باشد؟

- (۱) صفر (۲)

(۳) بی‌شمار (۴)

۶۳

در مثلث ABC ، طول اضلاع برابر 6 ، 5 و 4 می‌باشد. اگر BC ضلع متوسط مثلث و O یک نقطه‌ی دلخواه داخل مثلث باشد. در این صورت $OB + OC$ کدام مقدار زیر می‌تواند باشد؟

- (۱) 8 (۲) 10 (۳) 11 (۴) 12

۶۴

در یک مثلث متساوی‌الساقین، طول هر یک از ساق‌ها و قاعده به ترتیب $1 - X$ و $8 - 4X$ سانتی‌متر هستند. چند مقدار صحیح برای X وجود دارد؟

- (۱) صفر (۲)

(۳) 2 (۴) 3

۶۵

چه تعداد از گزاره‌های زیر صحیح است؟

- الف- هر مثلث حداقل دارای یک زاویه بزرگ‌تر از 60° است.
 ب- مثلث قائم‌الزاویه‌ای با اضلاع طبیعی وجود دارد که اندازهٔ یکی از اضلاع آن 7 باشد.
 ج- هر زاویهٔ خارجی مثلث از هر زاویهٔ داخلی آن بزرگ‌تر است.
 د- چهارضلعی که قطرهایش برابر هستند، یا مستطیل است یا مربع یا ذوزنقهٔ متساوی‌الساقین.
 ه- در بعضی مثلث‌ها محل برخورد نیمسازهای داخلی، بیرون مثلث قرار دارد.

- (۱) 1 (۲) 2 (۳) 3 (۴) صفر

۶۶

در مثلث ABC با اضلاع $AB = AC = 5$ و $BC = 7$ ، اندازهٔ میانهٔ AM کدام نمی‌تواند باشد؟

- (۱) 2 (۲) 4 (۳) 5 (۴) 7

۶۷

در مثلثی از نقطه‌ای معین مانند M روی ضلع مقابل به ضلع 24 واحدی می‌توان عمودی بر وسط ضلع 24 و به طول $3/5$ رسم کرد. اگر مجموع فواصل M تا سه رأس مثلث برابر $30/5$ باشد، فاصله M تا رأس غیرواقع بر ضلع به طول 24 کدام است؟

- (۱) $4/5$ (۲) 5 (۳) $5/5$ (۴) 6

۶۸

در یک مثلث متساوی‌الساقین با زاویه 120 درجه، نیمساز خارجی یکی از زاویه‌ها، امتداد ضلع مقابل را با کدام زاویه قطع می‌کند؟

- (۱) 30 (۲) 40 (۳) 45 (۴) 50

۶۹

- دو چندضلعی محدب در یک ضلع مشترک دارند. اگر مجموع قطرهای رسم شده از یک رأس مشترک آنها برابر ۱۸ باشد، آنگاه مجموع زوایای داخلی دو چندضلعی چند درجه است؟
- (۱) ۳۰۶۰ (۲) ۲۸۸۰ (۳) ۳۶۰۰ (۴) ۳۲۰۰

۷۰

- کدام یک از گزینه‌های زیر همواره درست است؟
- (۱) مستطیلی که دو قطر آن برابر باشد، مربع است.
 - (۲) چهارضلعی که ۳ زاویه قائم داشته باشد، مستطیل است.
 - (۳) متوازی‌الاضلاعی که دو ضلع آن برابر باشد، لوزی است.
 - (۴) مربعی وجود دارد که متوازی‌الاضلاع نباشد.

۷۱

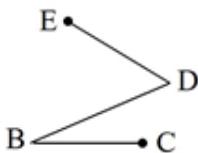
- کدام گزینه مثال نقض دارد؟
- (۱) اگر در یک چهارضلعی قطرها عمود بر هم باشند، چهارضلعی یا مربع یا لوزی و یا کایت می‌باشد.
 - (۲) چهارضلعی که قطرهایش، نیمساز زوایه‌هایش می‌باشند، لوزی است.
 - (۳) از دو نقطه متمایز، بی‌شمار دایره می‌گذرد.
 - (۴) برای رسم عمودمنصف یک پاره‌خط، باید شعاع کمان‌های رسم شده بزرگ‌تر از نصف طول پاره‌خط باشد.

۷۲

- چه تعداد از گزینه‌های زیر قضیه دوشرطی می‌باشد؟
- الف- مثلثی که هیچ دو ارتفاعش برابر نباشند، متساوی الساقین نمی‌باشد.
- ب- در هر مثلث، مجموع هر دو ضلع از ضلع سوم بزرگ‌تر است.
- ج- در مربع، قطرها برابر و بر هم عمودند.
- (۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۷۳

- در شکل زیر نقطه E روی عمودمنصف BC و نقطه B روی عمودمنصف DE فرار دارند. اگر BD بر EC عمود باشد، حاصل $\hat{E}CB + \hat{E}DB$ کدام است؟



- (۱) 115° (۲) 120° (۳) 130° (۴) 135°

۷۴

- کدام گزینه مثال نقض ندارد؟
- (۱) چهارضلعی که قطرهایش برابر و عمود باشد، مربع است.
 - (۲) هر چهارضلعی که چهار ضلع برابر داشته باشد، مربع است.
 - (۳) هر چهارضلعی که ۳ زاویه 90° داشته باشد، مستطیل است.
 - (۴) به ازای هر عدد طبیعی n، مقدار عبارت $41 + n + n^2$ عدد اول است.

۷۵

- در مثلث ABC، زوایه‌های A، B و C به ترتیب با اعداد ۲، ۴ و ۹ متناسب هستند. نیمسازهای داخلی این سه زاویه در نقطه O یکدیگر را قطع می‌کنند. اندازه زاویه \hat{AOB} کدام است؟
- (۱) 102° (۲) 114° (۳) 144° (۴) 98°

پاره خط AB به طول ۷ سانتی متر مفروض است. چند نقطه در صفحه مختصات وجود دارد به طوری که از A به فاصله ۲ سانتی متر و از B به فاصله ۳ سانتی متر باشد؟

۴ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

برای اثبات آنکه «در مثلث ABC اگر $\hat{C} > \hat{B}$ است.» به کمک برهان خلف، فرض خلف کدام است؟

 $AB \neq AC$ (۴) $\hat{C} \leq \hat{B}$ (۳) $AB < AC$ (۲) $\hat{C} < \hat{B}$ (۱)

کدام گزاره با مثال نقض رد می شود؟

(۱) مجموع دو عدد گویا، عددی گویا است.

(۲) مجموع هر عدد گویا و هر عدد گنگ، عددی گنگ است.

(۳) حاصل ضرب هر عدد گویا و هر عدد گنگ، عددی گنگ است.

(۴) اگر مجموع دو عدد اول فرد باشد، حاصل ضرب آنها زوج است.

کدام گزینه مثال نقض ندارد؟

(۱) هر لوزی یک متوازی الاضلاع است.

(۲) هر مثلث حداقل یک زاویه کوچک‌تر از 60° دارد.

(۳) مثلثی که یکی از میانه‌هایش نصف یکی از اضلاعش باشد، قائم‌الزاویه است.

(۴) چهارضلعی که قطرهای آن با هم برابر باشد، مستطیل است.

نقاطی از صفحه که فاصله آنها تا دو خط متقطع غیرعمود، مقداری برابر است، کدام می‌باشد؟

(۱) یک خط

(۲) دو خط متقطع عمود

(۳) دو خط متقطع غیرعمود

در مثلثی به اضلاع ۳ و ۱۲، طول میانه وارد بر ضلع سوم کدام می‌تواند باشد؟

۹ (۴)

۷/۵ (۳)

۶ (۲)

۴/۵ (۱)

تعداد نقاطی که از دو خط $x = y$ و $2x - y = 1$ به یک فاصله است و از نقطه $A(1, 1)$ به فاصله ۲ واحد باشد، کدام است؟

(۱) بی‌شمار

۴ (۳)

۲ (۲)

(۱) صفر

مرکز دایره‌ای که از سه رأس مثلث ABC می‌گذرد، محل برخورد مثلث و مرکز دایره‌ای که بر سه ضلع مثلث مماس است، محل برخورد مثلث است.

(۱) میانه‌ها - نیمسازها

(۲) عمودمنصفها - ارتفاعها

(۳) میانه‌ها - ارتفاعها

(۴) عمودمنصفها - نیمسازها

در مثلث قائم‌الزاویه‌ای به طول اضلاع $1 + x$, x , $3x$ و $1 + 3x$, ارتفاع وارد بر وتر چه قدر است؟

۵۰ (۴)

۱۲۰ (۳)

۶۰ (۲)

۳۰ (۱)

وسطهای اضلاع مثلث ABC را به هم وصل می‌کنیم. محل همرسی ارتفاعهای مثلث کوچک‌تر، کدام نقطه برای مثلث بزرگ‌تر است؟

- (۱) محل همرسی نیمسازها
- (۲) محل همرسی میانه‌ها
- (۳) محل همرسی ارتفاعها
- (۴) محل همرسی عمودمنصفها

در مثلث ABC، M بر AB و N بر AC قرار دارد (M و N بر رأس‌های مثلث قرار ندارند). روی محیط مثلث MBN چند نقطه وجود دارد که از نقاط AB و AC به یک فاصله باشد؟

- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۳
- (۴) ۴

در مثلث ABC، ABC = ۹۰°، BC = ۹، AC = ۳y - ۲x - ۱، AB = ۲x - ۳y + ۲ باشد. اگر P = x - y می‌باشد، کدام دقیق‌تر است؟

- (۱) ۱/۵ < P < ۱۵
- (۲) ۲ < P < ۱۰
- (۳) -۳/۵ < P < ۴
- (۴) -۲ < P < ۲

در مثلث ABC، عمودمنصف BC، AC را در L قطع می‌کند. اگر B روی عمودمنصف AL قرار گرفته باشد، زاویه A چند برابر \hat{C} می‌باشد؟

- (۱) ۲
- (۲) ۳
- (۳) ۱
- (۴) $\frac{1}{2}$

نقیض گزاره «اگر برف نبارد، به مدرسه می‌روم.» کدام است؟

- (۱) اگر برف بیارد، به مدرسه نمی‌روم.
- (۲) اگر برف نبارد، به مدرسه نمی‌روم.
- (۳) اگر برف بیارد، به مدرسه می‌روم.
- (۴) اگر برف نبارد، به مدرسه می‌روم.

دایره‌ای از سه رأس مثلثی به اضلاع ۱، ۰/۹۶ و ۰/۲۸ می‌گذرد. مجموع فواصل مرکز دایره تا سه رأس مثلث و محل برخورد عمودمنصفها کدام است؟

- (۱) ۱/۵
- (۲) ۲/۲۴
- (۳) ۲/۷۷
- (۴) ۲/۸۱

در صفحه یک مثلث چند نقطه وجود دارد که تا سه ضلع مثلث فاصله‌ای مساوی داشته باشد؟

- (۱) ۰
- (۲) ۱
- (۳) ۲
- (۴) ۴

سه نقطه A, B, C در صفحه وجود دارند، چند نقطه در این صفحه وجود دارد که از دو نقطه B و A به فاصله برابر و فاصله آن تا خط گذرنده از AC برابر یک باشند؟

- (۱) ۰ یا ۱ یا بی‌شمار
- (۲) بی‌شمار
- (۳) ۰ یا ۱ یا بی‌شمار
- (۴) ۰ یا ۲ یا بی‌شمار

در یک مثلث مختلف‌الاضلاع، زاویه رو به ضلع بزرگ‌تر، است.

- (۱) منفرجه
- (۲) حاده
- (۳) بزرگ‌تر از ۶۰°
- (۴) قائم

دو خط متقطع و نقطه‌ای را در یک صفحه در نظر بگیرید. چند نقطه وجود دارد که از نقطه به فاصله k و فاصله از دو خط برابر باشد؟

- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۳
- (۴) ۴

در صفحه مثلث چند نقطه وجود دارد که از سه رأس مثلث به یک فاصله است؟

- (۱) ۰
- (۲) ۱
- (۳) ۲
- (۴) ۴

۹۶

- در مثلث $\triangle ABC$ ، $\hat{A} = 110^\circ$ و طول نیمساز خارجی و داخلی زاویه C برابر می‌باشد. کدام است؟
- (۱) ۶۰ (۲) ۵۰ (۳) ۴۰ (۴) ۲۰

۹۷

- در کدام نوع مثلث حداقل یکی از نقاط همرسی نیمسازها و ارتفاعها روی محیط مثلث است؟
- (۱) قائم‌الزاویه (۲) متساوی‌الساقین (۳) متساوی‌الاضلاع (۴) منفرجه‌الزاویه

۹۸

- نوعی از استدلال که در آن به اصطلاح «از جزء به کل می‌رسیم» و نتیجه‌ای کلی صورت می‌گیرد، چه می‌گویند؟
- (۱) استنتاجی (۲) استقرایی (۳) برهان خلف (۴) نقیض گزاره

۹۹

کدام گزینه زیر درست نیست؟

(۱) با داشتن دو ضلع مستطیل، تنها یک مستطیل می‌توان رسم کرد.

(۲) با داشتن دو قطر لوزی، بیش از یک لوزی می‌توان رسم کرد.

(۳) چهار نقطه می‌توان یافت که از دو خط متقطع به فاصله یک واحد باشند.

(۴) با داشتن طول قطر مستطیل، بی‌شمار مستطیل می‌توان رسم کرد.

۱۰۰

- نقاط A و B به فاصله ۱۱ از هم قرار دارند. دو نقطه می‌توان پیدا کرد که هر کدام از آنها به ترتیب، از A به فاصله و از B به فاصله باشند.
- (۱) ۸ - ۳ (۲) ۱۵ - ۴ (۳) ۱۰ - ۲ (۴) ۱۶ - ۴

۱۰۱

- اگر در مثلثی مجموع سه میانه، سه ارتفاع و سه ضلع به ترتیب $H \leq M < x$ باشد کدام گزینه درست است؟
- (۱) $H \leq M < x$ (۲) $x < H \leq M$ (۳) $H \leq x < M$ (۴) $M \leq H < x$

۱۰۲

- با معلومات $\hat{A} = 60^\circ$ ، $a = \sqrt{3}$ و $b = \sqrt{2}$ چند مثلث قابل رسم است؟
- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) صفر (۴) نمی‌توان تعیین کرد.

۱۰۳

- در مثلث ABC، $m_a = \frac{1}{2}a$ می‌باشد. در این مثلث محل تلاقی ارتفاعها کجا واقع شده است؟ (میانه وارد بر ضلع a است).
- (۱) روی بزرگ‌ترین ضلع (۲) روی یکی از رئوس (۳) بیرون مثلث (۴) داخل مثلث

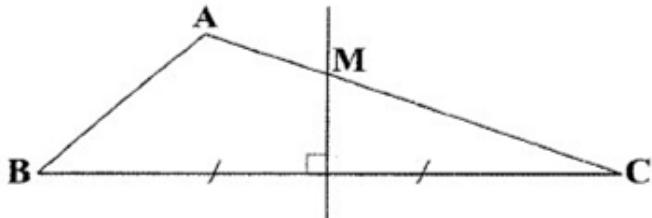
۱۰۴

- با داشتن طول قطرهای یک چهارضلعی می‌خواهیم آن را رسم کنیم. اگر تنها یک چهارضلعی قابل رسم باشد، نوع آن کدام است؟
- (۱) متوatzی‌الاضلاع (۲) مستطیل (۳) لوزی (۴) ذوزنقه

۱۰۵

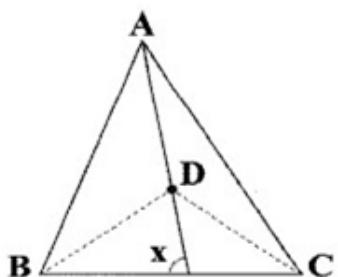
- طول اضلاع مثلثی اعداد زوج متوالی و یک رقمی‌اند. مجموع فواصل هر نقطه درون مثلث از سه رأس، کدام می‌تواند باشد؟
- (۱) ۹ (۲) ۱۱ (۳) ۱۸ (۴) ۲۰

در مثلث ABC ، عمودمنصف BC ضلع AC را به نسبت ۱ به ۲ قطع کرده است. اگر $AB = 6$ باشد، طول بازه ممکن برای AC کدام است؟



- ۱۶ (۱)
۴ (۲)
۱۰ (۳)
۱۲ (۴)

نقطه D از سه رأس مثلث ABC به یک فاصله است. اگر $\hat{A} = 55^\circ$ و پاره خط AD زاویه A را به نسبت ۲ به ۳ تقسیم کند، زاویه X چند درجه است؟

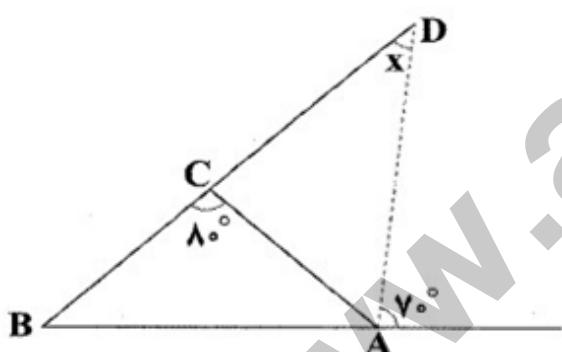


- 69° (۱)
 89° (۲)
 59° (۳)
 79° (۴)

در مثلث ABC رابطه $\frac{A}{2} = \frac{B}{3} = \frac{C}{4}$ بین زوایا برقرار است. اگر I محل تلاقی نیمساز زوایای داخلی مثلث باشد، چند درجه است \hat{AIB} ؟

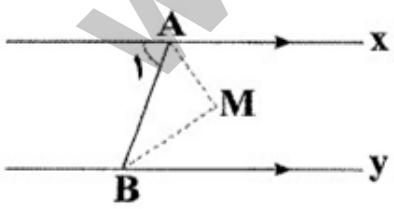
- 110° (۴) 120° (۳) 160° (۲) 130° (۱)

در شکل زیر AD نیمساز زاویه خارجی A در $\triangle ABC$ است. با توجه به شکل، زاویه X چند درجه است؟



- 20° (۱)
 10° (۲)
 50° (۳)
 30° (۴)

در شکل زیر، $\hat{A}_1 = 70^\circ$ است. اگر M محل تلاقی نیمساز زوایای \hat{yBA} و \hat{xAB} باشد، کوچکترین زاویه مثلث AMB کدام است؟



- 45° (۱)
 25° (۲)
 55° (۳)
 70° (۴)

با اطلاعات $a = 6$ و $b = 2c = 2$ چند مثلث قابل رسم است؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) صفر (۴) نمی‌توان نظر داد.

- ۱۱۲) مثلثی به طول اضلاع ۳، ۷ و ۸ قابل رسم است. تعداد جواب‌های صحیح X کدام است؟
 ۴ (۱) ۷ (۲) ۶ (۳) ۵ (۴)

- ۱۱۳) پاره خط BC مفروض است. اگر مساحت مثلث ABC، ۱۰ واحد مربع باشد، رئوس A چه شکلی می‌سازند؟
 ۱) خطی عمود بر BC
 ۲) خط موازی BC
 ۳) دایره‌ای مماس بر BC
 ۴) دایره‌ای به قطر BC

- ۱۱۴) در مثلث قائم‌الزاویه ABC، AH ارتفاع وارد بر وتر است. اگر نیمساز \hat{B} را در نقطه D قطع کند به طوری که $DH = 2$ و $AD = 1$ باشد، فاصله‌ی D تا AC چقدر است؟
 ۳ (۱) $\sqrt{3}$ (۲) $\sqrt{2}$ (۳) $\sqrt{5}$ (۴)

- ۱۱۵) نقاط A و B به فاصله‌ی ۵ واحد از یکدیگر قرار دارند. نقطه‌ی M از A به فاصله‌ی d_1 و از B به فاصله‌ی d_2 قرار دارند. تحت کدام شرط M جواب یکتا دارد؟
 ۱) $d_1 + d_2 = 5$ (۲) $d_1 = d_2 = 5$ (۳) $d_1 - d_2 = 5$ (۴) $d_1 = d_2 = 0$ (۵)

- ۱۱۶) در مثلث ABC اگر $\hat{A} > 90^\circ$ و $AC = 5$ باشد، حدود ضلع BC کدام است؟
 ۱) $BC > 12$ (۲) $BC < 17$ (۳) $12 < BC < 17$ (۴) $12 < BC < 17$ (۵)

- ۱۱۷) در مثلث ABC نقطه‌ی M روی ضلع BC قرار دارد. اگر $AB = AM$ باشد. کدام گزینه همواره درست است؟
 ۱) $AB > MC$ (۲) $AC > BM$ (۳) $AC > AB$ (۴) $AB > AC$ (۵)

- ۱۱۸) در شکل زیر $AB = 20$ و خمی نقاط A و B را به هم وصل می‌کند و در این راه ۷ مثلث متساوی‌الاضلاع می‌سازد.
 طول این خم چند است؟



- ۱) $40\sqrt{3}$ (۲) 40 (۳) $20 + 20\sqrt{3}$ (۴) $40 - 2\sqrt{2}$ (۵) $17 + 17\sqrt{3}$

- ۱۱۹) مربعی به ضلع یک واحد به سه مثلث تقسیم شده است. کدام گزینه قطعاً درست است؟
 ۱) محیط یکی از مثلث‌ها برابر $\sqrt{2} + 2$ می‌باشد.
 ۲) مساحت یکی از مثلث‌ها برابر $\frac{1}{2}$ می‌باشد.
 ۳) ۲ تا از مثلث‌ها قائم‌الزاویه هستند.
 ۴) هیچ‌یک از مثلث‌ها منفرجه نیستند.
 ۵) یکی از مثلث‌ها حاده است.

- ۱۲۰) در مثلث قائم‌الزاویه ABC، AH ارتفاع و AM میانه‌ی وارد بر وتر است. اگر $\frac{AH}{AM} = \frac{1}{2}$ باشد، اختلاف دو زاویه‌ی غیر قائمه چقدر است؟
 ۱) 15° (۲) 60° (۳) 50° (۴) 30° (۵)

- ۱۲۱ از تقاطع نیمسازهای داخلی یک چهارضلعی، یک مرربع به دست آمده است. این چهارضلعی کدام است؟
- (۱) مستطیل
 - (۲) لوزی
 - (۳) مرربع
 - (۴) متوازی‌الاضلاع

۱۲۲ کدام گزینه‌ی زیر صحیح نیست؟

- (۱) چهارضلعی که قطرهای آن نیمساز زوایا باشند، یک لوزی است.
- (۲) مثلثی که میانه‌ی وارد بر یک ضلع، نصف آن ضلع باشد، قائم‌الزاویه است.
- (۳) چهارضلعی که دو ضلع برابر و دو قطر برابر داشته باشد، ذوزنقه‌ی متساوی‌الساقین است.
- (۴) چهارضلعی که قطرهای آن منصف یک‌دیگر باشد، متوازی‌الاضلاع است.

۱۲۳ کدام ویژگی در مورد یک چندضلعی محدب، صحیح نیست؟

- (۱) پاره‌خطی که هر دو نقطه‌ی دلخواه از آن را به هم وصل کند، کاملاً درون چندضلعی قرار می‌گیرد.
- (۲) با در نظر گرفتن خط شامل هر ضلع، همه‌ی نقاط چندضلعی در یک طرف آن خط قرار می‌گیرد.
- (۳) همه‌ی زوایای آن کوچک‌تر از 180° است.
- (۴) تعداد قطرها همواره بزرگ‌تر یا مساوی تعداد اضلاع است.

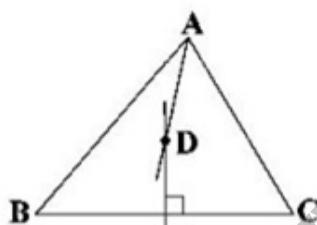
۱۲۴ در یک n -ضلعی محدب، تعداد قطرها دو برابر تعداد اضلاع است. n کدام است؟

- (۱) ۶
- (۲) ۷
- (۳) ۸
- (۴) ۹

۱۲۵ در مثلث با اضلاع ۵ و ۷ اندازه‌ی بزرگ‌ترین میانه چقدر است؟

- (۱) $\sqrt{145}$
- (۲) $\frac{1}{4}\sqrt{145}$
- (۳) $\frac{1}{2}\sqrt{145}$
- (۴) $2\sqrt{145}$

۱۲۶ در مثلث شکل زیر نقطه‌ی D محل برخورد نیمساز زاویه‌ی A و عمودمنصف ضلع BC است. این نقطه چه خاصیتی دارد؟



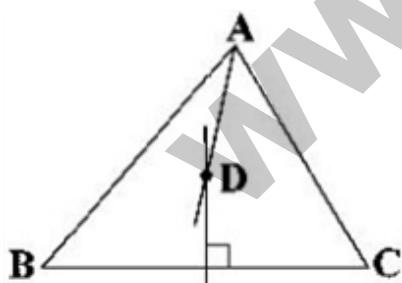
- (۱) فاصله‌ی آن از AC و AB و نقطه‌ی B یکسان است.

- (۲) فاصله‌ی آن از C, B, AC و BC برابر است.

- (۳) فاصله‌ی آن از B و C بیش‌تر از فاصله‌ی آن از AC است.

- (۴) فاصله‌ی آن از AC و AB بیش‌تر از فاصله‌ی آن از B است.

۱۲۷ در مثلث شکل زیر نقطه‌ی D محل برخورد نیمساز زاویه‌ی A و عمودمنصف ضلع BC است. این نقطه چه خاصیتی دارد؟



- (۱) فاصله‌ی آن از AC و AB و نقطه‌ی B یکسان است.

- (۲) فاصله‌ی آن از C, B, AC و AB برابر است.

- (۳) فاصله‌ی آن از B و C بیش‌تر از فاصله‌ی آن از AC است.

- (۴) فاصله‌ی آن از AC و AB بیش‌تر از فاصله‌ی آن از B است.

۱۲۸ وسط اضلاع ذوزنقه‌ی متساوی‌الساقین ABCD را به هم وصل می‌کنیم تا چهارضلعی MNPQ به دست آید. MNPQ لزوماً چه نوع چهارضلعی است؟

- (۱) مستطیل
- (۲) مرربع
- (۳) لوزی
- (۴) ذوزنقه‌ی متساوی‌الساقین

- ۱۲۹ در مثلث قائم‌الزاویه $\widehat{A} = 90^\circ$ $\triangle ABC$ با اضلاع قائم به طول‌های ۳ و ۴، AD نیمساز رأس A است. فاصله نقطه D از ضلع AC کدام است؟
- (۱) $\frac{3}{4}$ (۲) $\frac{12}{\sqrt{7}}$ (۳) $\frac{4}{3}$ (۴) $\frac{7}{12}$

- ۱۳۰ ضلع ۴ از مثلث ABC در صفحه رسم شده است. اگر طول میانه و ارتفاع وارد بر آن به ترتیب ۳ و ۲ واحد باشد، چند نقطه متمایز برای رأس C می‌توان یافت؟
- (۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۴
-

- ۱۳۱ در مثلث ABC ، نیمساز رأس B و عمودمنصف ضلع BC روی ضلع AC متقطع‌اند. اگر $\widehat{A} = 54^\circ$ باشد، آن‌گاه اندازه زاویه B کدام است؟
- (۱) 78° (۲) 82° (۳) 84° (۴) 86°

- ۱۳۲ در شکل مقابل، $\frac{BD}{DC} = \frac{3}{2}$ ، $DE = 6$ ، $AB = 8$ و AD ارتفاع مثلث ABC است. مساحت قسمت رنگی کدام است؟
- (۱) ۲۰ (۲) ۱۸ (۳) ۱۶ (۴) ۱۲
-

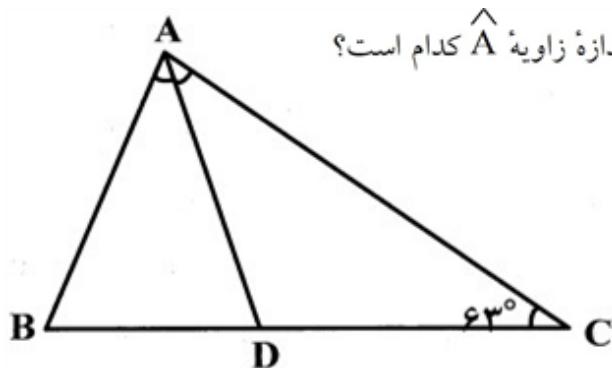
- ۱۳۳ روی محیط مربعی به ضلع ۲ واحد، دو نقطه وجود دارد که به فاصله $2/\sqrt{5}$ واحد از یک رأس مربع قرار دارند. فاصله نزدیک‌ترین رأس مربع تا هر یک از این نقاط کدام است؟

$\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۱)	$\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۲)	$\frac{1}{2}$ (۳)	$\frac{1}{4}$ (۴)
--------------------------	--------------------------	-------------------	-------------------

- ۱۳۴ نقطه A روی خط d و نقطه B خارج خط d به فاصله ۴ از خط d قرار دارند. اگر نقاط C و D روی خط d به گونه‌ای باشند که فاصله آنها از نقطه A برابر ۳ و از نقطه B برابر m باشد، m کدام است؟
- (۱) $2/5$ (۲) $4/5$ (۳) 5 (۴) 4

- ۱۳۵ اگر A ، B و C سه رأس یک مثلث باشند، چند نقطه در صفحه وجود دارد که از دو نقطه‌ی B و C به یک فاصله و از نقطه‌ی A به فاصله‌ی ۲ واحد باشد؟
- (۱) دقیقاً دو نقطه (۲) حداقل یک نقطه (۳) حداقل دو نقطه (۴) فقط یک نقطه

۱۳۶



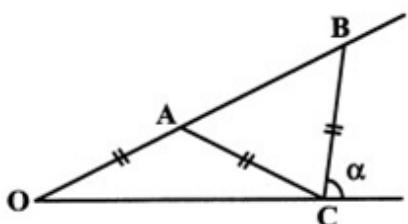
در شکل زیر، پاره خط AD نیمساز و \hat{A} کدام است؟

- (۱) 36°
(۲) 42°
(۳) 54°
(۴) 72°

۱۳۷

چند مثلث با طول ارتفاع‌های ۳، ۷ و ۸ قابل رسم است؟

- (۱) ۱
(۲) ۲
(۳) ۳



در شکل رویه‌رو، زاویه $O = 24^\circ$ و $\hat{O} = 24^\circ$ ، $OA = AC = CB$ و $\hat{O} = 24^\circ$ در شکل رویه‌رو، زاویه α چند درجه است؟

- (۱) 72°
(۲) 84°
(۳) 86°

۱۳۹

کدام جملات زیر درست است؟

- (الف) هرگاه مثلث متساوی‌الاضلاع را به سه مثلث همنهشت تقسیم کنیم، بزرگترین زاویه مثلث‌ها برابر 120° است.
(ب) هرگاه در مثلث متساوی‌الاضلاع، زاویه بین دو ساق، ۱ رادیان باشد، قاعده بزرگترین ضلع است.
(ج) در هر مثلث، نقاط تلاقی عمود منصف‌ها، مرکز دایره‌ای است که از سه رأس مثلث می‌گذرد.
(د) در مثلث قائم‌الزاویه، زاویه بین دو نیمساز غیر قائمه 35° است.
(۱) الف - ب - ج - د (۲) ب - ج - د (۳) الف - ج - د (۴) الف - ب

۱۴۰

وسطهای اضلاع یک چهارضلعی محدب را به‌طور متواالی به هم وصل کرده‌ایم. شکل حاصل لوزی شده است. در مورد چهارضلعی اولیه چه می‌توان گفت؟

- (۱) الزاماً مربع است.
(۲) الزاماً مستطیل است.
(۳) الزاماً قطرهایش برابر و عمود است.
(۴) الزاماً قطرهایش برابر است.

۱۴۱

مجموع تعداد اضلاع و اقطار یک n ضلعی محدب، $\frac{1}{n}$ اقطار یک $3n$ ضلعی محدب است. n کدام است؟

- (۱) ۲
(۲) ۳
(۳) ۴
(۴) ۵

۱۴۲

چه تعداد از عبارات زیر همواره صحیح می‌باشند؟
الف- اگر در یک چهارضلعی هر قطر، چهارضلعی را به دو مثلث همنهشت تقسیم کند، آن‌گاه آن چهارضلعی یک متوازی‌الاضلاع است.

ب- اگر در یک چهارضلعی، دو ضلع مساوی و دو ضلع مساوی باشند، آن‌گاه آن چهارضلعی یک متوازی‌الاضلاع است.

پ- اگر در یک چهارضلعی قطرها بر هم عمود باشند، آن‌گاه آن چهارضلعی مربع یا لوزی می‌باشد.

ت- اگر در یک چهارضلعی زوایای مقابل دویه دو مساوی باشند، آن‌گاه آن چهارضلعی متوازی‌الاضلاع می‌باشد.

ث- اگر در یک چهارضلعی قطرها عمودمنصف یکدیگر باشند، آن‌گاه آن چهارضلعی لوزی است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

دو خط d_1 و d_2 متقاطع‌اند. چند نقطه وجود دارد که از این دو خط به فاصله ۳ باشد؟ ۱۴۳

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

چند متوازی‌الاضلاع می‌توان رسم کرد که در آن طول ضلع‌ها ۵ و ۶ و طول یکی از قطرهای آن ۸ باشد؟ ۱۴۴

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

چند گزاره از گزاره‌های زیر درست است؟ ۱۴۵

آ- هرگاه در مثلث محل همرسی عمودمنصف‌ها بر وسط بزرگ‌ترین ضلع مثلث قرار گیرد، مثلث قائم‌الزاویه است.

ب- محل همرسی ارتفاع‌ها در داخل یا خارج مثلث قرار دارد.

ج- در صفحه مثلث تنها یک نقطه وجود دارد که از سه رأس به یک فاصله است.

د- بزرگ‌ترین ضلع مثلث از یک‌سوم محیط مثلث، بزرگ‌تر است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

در مثلث ABC ، $\hat{A} = \hat{B}$ و نیمساز زاویه A ، ضلع BC را در D قطع می‌کند. کدام گزینه همواره درست نیست؟ ۱۴۶ $AD > \frac{AC}{2}$ (۴) $AC > CD$ (۳) $AD > \frac{AB}{2}$ (۲) $AB > AD$ (۱)

مثلث قائم‌الزاویه ABC را در نظر بگیرید. از هر رأس مثلث ABC خطی به موازات ضلع روبروی آن رأس رسم می‌کنیم تا مثلث $A'B'C'$ به دست آید. فاصله A' تا محل همرسی عمودمنصف‌های مثلث $A'B'C'$ کدام گزینه است؟ ۱۴۷

 $\frac{|AB + AC|}{2}$ (۴)

BC (۳)

 $\frac{AC + AB}{2}$ (۲)

AC (۱)

مجموع زاویه‌های خارجی هر پنج ضلع محدب، چند درجه است؟ ۱۴۸

 540° (۴) 450° (۳) 420° (۲) 360° (۱)

زاویه‌ی بین دو خط متقاطع L و d برابر 60° است. مکان هندسی مرکز دایره‌هایی که بر L و d مماس هستند. کدام است؟ ۱۴۹

(۱) دو خط متقاطع که زاویه‌ی بین آن‌ها 30° است.

(۴) دو خط متقاطع که زاویه‌ی بین آن‌ها 45° است.

(۱) دو خط متقاطع که زاویه‌ی بین آن‌ها 60° است.

(۳) دو خط متقاطع که زاویه‌ی بین آن‌ها 90° است.

مربع به ضلع ۱۰ واحد و سکه به قطر یک واحد مفروض آند. سکه را روی مربع پرتاب می‌کنیم. مساحت مکان هندسی

مرکز سکه به شرطی که سکه کاملاً درون مربع قرار داشته باشد چه قدر است؟

۶۴ (۴)

۸۱ (۳)

۷۵ (۲)

۹۱ (۱)

در مثلث ABC ضلع $a = BC$ ثابت است و طول میانه AM نیز مقدار ثابت m است. مکان هندسی نقطه تلاقی میانه‌های مثلث ABC با تغییر رأس A، کدام است؟

(۲) خطی موازی BC و به فاصله‌ی $\frac{m}{2}$ از آن

(۱) دایره به قطر a

(۴) خطی موازی BC و به فاصله‌ی $\frac{m}{3}$ از آن

(۳) دایره به مرکز M و شعاع $\frac{m}{3}$

مثلثی با معلوم بودن طول دو میانه $BC = a = 2x + 4$ و $BM' = m_b = 12$ و $AM = m_a = 9$ قابل رسم است. تقاضل بیشترین و کمترین مقدار صحیح x کدام است؟

۶ (۴)

۸ (۳)

۴ (۲)

۵ (۱)

در یک n ضلعی منتظم نسبت هر زاویه‌ی خارجی به هر زاویه‌ی داخلی برابر $\frac{n}{n-2}$ است، مقدار n برابر کدام است؟

۱۴ (۳)

۱۲ (۲)

۱۱ (۲)

۱۰ (۱)

مثلث ABC مفروض است. مجموع نقطه‌هایی مانند O در صفحه‌ی مثلث ABC به طوری که روی

$\frac{S_{OAB}}{S_{OAC}} = \frac{AB}{AC}$ کدام شکل است؟

(۴) دو خط موازی

(۳) یک دایره

(۱) یک خط

در مثلث ABC ضلع BC و نقطه‌ی H پایه ارتفاع وارد بر ضلع BC ثابت هستند. مجموعه‌ی نقطه‌های M وسط

ضلع AC، با تغییر نقطه‌ی A روی کدام شکل است؟

(۱) عمودمنصف BC (۲) عمودمنصف CH (۳) خطی عمود بر AH (۴) نیمساز زاویه‌ی AHC

دو خط در نقطه A متقاطع‌اند. چند نقطه بر روی این دو خط می‌توان یافت که فاصله آنها از نقطه A، ۵ واحد باشد؟

۶ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

تعداد قطرهای یک n ضلعی محدب برابر با ۵۴ می‌باشد. n کدام است؟

۱۵ (۴)

۶ (۳)

۹ (۲)

۱۲ (۱)

با معلومات ضلع $a = 8$ و طول میانه‌های $m_b = 4/5$ و $m_a = 3$ چند مثلث متمایز ABC قابل رسم است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱ (هیچ)

در مثلث ABC اگر $\hat{B} + \hat{C} = 60$ آن‌گاه نقطه‌ی تلاقی عمودمنصف‌های این مثلث کجا قرار می‌گیرد؟

(۱) داخل مثلث (۲) خارج مثلث (۳) وسط ضلع بزرگ‌تر (۴) یکی از رئوس مثلث

در مثلث ABC نقطه‌ی K روی ضلع BC است و $\angle ACK < \angle ABC$ آنگاه کدام همواره درست است؟ ۱۶۰

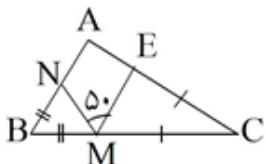
$\hat{BAC} > \hat{ABC}$ (۲)

$AB > AK$ (۱)

$\hat{ACB} > \hat{ABC}$ (۴)

$AB > BK$ (۳)

در شکل مقابل دو مثلث کناری متساوی الساقین هستند. اندازه‌ی زاویه‌ی A برابر کدام است؟ ۱۶۱



۱۰۰ (۲)

۸۰ (۴)

۱۱۰ (۱)

۹۰ (۳)

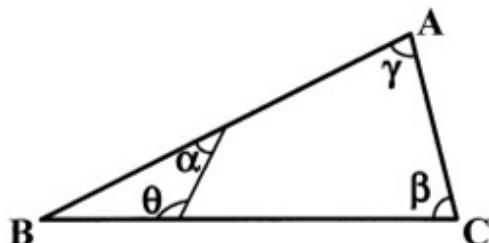
کدام گزاره مثال نقض دارد؟ ۱۶۲

(۱) محل همرسی ارتفاع‌های یک مثلث نمی‌تواند روی مثلث باشد.

(۲) در یک مثلث، نیمسازهای خارجی دو زاویه و نیمساز داخلی زاویه سوم همرسند.

(۳) عمود منصف یک پاره‌خط مکان هندسی نقاطی است که با آن پاره‌خط مثلث متساوی الساقین می‌سازند.

(۴) در دو مثلث $\triangle A'B'C'$ و $\triangle ABC$ ، اگر $AB = A'B'$ و $AC = A'C'$ و $\hat{BAC} > \hat{B'A'C'}$ باشد، آنگاه است.



در شکل زیر، اگر $\alpha > \beta$ باشد، کدام نامساوی درست است؟ ۱۶۳

$0 < \gamma$ (۱)

$0 > \gamma$ (۲)

$0 = \gamma$ (۳)

$2\theta = 2\gamma$ (۴)

پاره‌خط دلخواه AB مفروض است. مکان هندسی نقاطی که با این پاره‌خط تشکیل یک مثلث با مساحت S می‌دهند، کدام است؟ ۱۶۴

(۱) دو نقطه

(۲) یک پاره‌خط عمود بر AB

(۴) دو خط موازی پاره‌خط

(۳) دایره‌ای به قطر AB

در مثلث ABC ، داریم $\hat{A} = 80^\circ$. زاویه‌ی بین دو نیمساز داخلی \hat{B} و \hat{C} برابر α و زاویه‌ی بین دو نیمساز خارجی

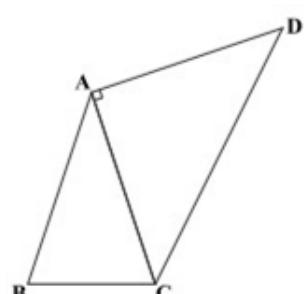
\hat{B} و \hat{C} برابر β است. نسبت $\frac{\alpha}{\beta}$ کدام است؟ ۱۶۵

۴/۲ (۴)

۳/۶ (۳)

۲/۶ (۲)

۲/۴ (۱)



در شکل زیر مثلث ABC در رأس A متساوی الساقین و مثلث ADC قائم‌الزاویه متساوی الساقین است. نقطه‌ی A در مثلث BDC ۱۶۶

(۱) محل همرسی نیمسازها است.

(۲) محل تلاقی یک عمودمنصف و یک نیمساز است.

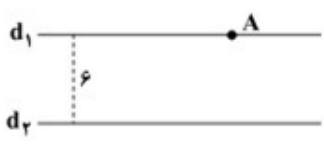
(۳) محل همرسی عمودمنصفها است.

(۴) محل تلاقی یک عمودمنصف و یک ارتفاع است.

پاره خط AB به طول ۱۳ مفروض است. به مرکز وسط AB و شعاع $\angle A$ دایره‌ای رسم می‌کنیم. اگر به مرکز A و B کمان به شعاع ۵ رسم کنیم تا دایره‌ی قبلی را در نقاط C و D (در دو طرف AB) قطع کند، چهارضلعی $ABCD$ کدام است؟

- (۱) مربع به ضلع ۴ (۲) لوزی به محیط ۲۰ (۳) مستطیل به محیط ۳۴ (۴) مستطیل به قطر ۱۲

در شکل مقابل، دو خط موازی d_1 و d_2 به فاصله‌ی ۶ از هم مفروض است و نقطه‌ی A روی خط d_1 قرار دارد. چند نقطه وجود دارد که از دو خط d_1 و d_2 به فاصله یکسان بوده و از نقطه‌ی A به فاصله‌ی ۳ باشد؟



- (۱) ۱
(۲) ۲
(۳) ۳
(۴) صفر

پاره خط $AB = 7$ مفروض است. چند نقطه مانند C در صفحه موجود است. به طوری که شرایط $AC = 4$ و $BC = 3$ برقرار باشد؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) صفر

دو خط موازی d_1 و d_2 به فاصله‌ی ۳ از یکدیگر قرار دارند. دو خط دیگر به نام ℓ_1 و ℓ_2 چنان قرار دارند که مجموع فاصله‌های هر نقطه روی آنها از دو خط d_1 و d_2 ، برابر ۵ است. ℓ_1 و ℓ_2 چقدر از هم فاصله دارند؟

- (۱) ۷ (۲) ۶ (۳) ۵ (۴) ۴

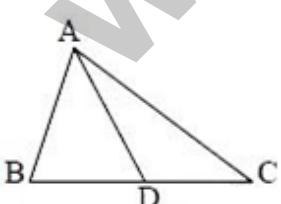
کدام گزینه درست است؟

- (۱) با دارا بودن طول دو قطر لوزی، دو لوزی می‌توان رسم کرد.
(۲) با دارا بودن اندازه‌یک ضلع مستطیل و یک قطر آن، فقط یک مستطیل می‌توان رسم کرد.
(۳) با دارا بودن طول قطر مربع، بیشمار مربع می‌توان رسم کرد.
(۴) با دارا بودن طول دو قطر متوازی‌الاضلاع، دو متوازی‌الاضلاع می‌توان رسم کرد.

۴ نقطه متمایز A , B , C و D در صفحه مفروضند. تعداد نقاطی که از A و B به فاصله یکسان و از C و D نیز به فاصله یکسان قرار دارند، کدام گزینه نمی‌تواند باشد؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) بیشمار

در مثلث ABC شکل زیر، $AD = AB$ نیمساز $\angle A$ است. کدام گزینه لزوماً درست نمی‌باشد؟



- (۱) $AB > BD$
(۲) $AC > CD$
(۳) $DC > AD$
(۴) $AC > AB$

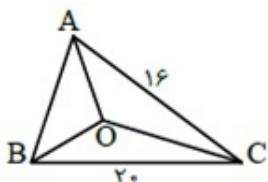
۱۷۴

کدامیک از گزاره‌های زیر دو شرطی نیست؟

- (۱) در هر مثلث قائم‌الزاویه‌ای محل همرسی عمودمنصف‌ها وسط وتر است.
 (۲) در هر مثلث اگر سه ضلع برابر باشد، آنگاه سه زاویهٔ مثلث با هم برابرند.
 (۳) هر دو زاویهٔ 90° ، مکمل‌اند.
 (۴) اگر ABCD متوازی‌الاضلاع باشد، قطرهایش یک‌دیگر را نصف می‌کند.

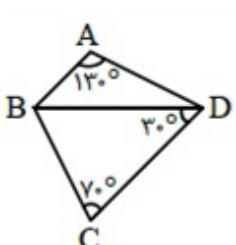
در شکل رویه‌رو O، محل همرسی نیمسازهای داخلی مثلث ABC است. اگر $S_{\Delta AOC} = 80$ باشد، مساحت مثلث AOB کدام می‌تواند باشد؟ ۱۷۵

- (۱) ۱۵۰
 (۲) ۱۸۰
 (۳) ۲۰
 (۴) ۱۰

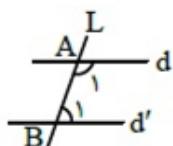


۱۷۶

با توجه به شکل رویه‌رو کدام پاره‌خط بیشترین طول را دارد؟



- AD (۱)
 BD (۲)
 BC (۳)
 DC (۴)

دو خط ثابت d و d' فاصلهٔ ۶ واحد از هم قرار دارند. مطابق شکل خط متغیر L این خطوط را به ترتیب در A و B قطع می‌کند. نقطهٔ تلاقی نیمساز زاویه‌های A₁ و B₁ وقتی L تغییر می‌کند، کدام است؟ ۱۷۷

- (۱) خطی متقاطع با d و d' و موازی L است.
 (۲) خطی عمود بر d و d' است.
 (۳) خطی موازی با d و d' که فاصلهٔ آن با هر یک از خطوط d و d'، ۳ واحد است.
 (۴) دو خط موازی با d و d' که فاصلهٔ هر کدام از خطوط d و d'، ۳ واحد است.

نقاط M و N و P در وسط اضلاع مثلث ABC قرار دارد و O محل همرسی ارتفاع‌های مثلث MNP می‌باشد. در مورد O چه می‌توان گفت؟ ۱۷۸

- (۱) O از نقاط A و B و C به یک فاصله است.
 (۲) محل همرسی ارتفاع‌های مثلث ABC است.
 (۳) O از اضلاع مثلث ABC به یک فاصله است.

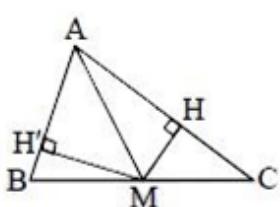
O محل همرسی عمودمنصف‌های مثلث ABC است. اگر $OA = 2x + 1$ و $OB = 3x - 4$ باشد، حاصل $2y - 4x$ کدام است؟ ۱۷۹

- (۱) ۶
 (۲) ۳
 (۳) ۴
 (۴) ۴

۱۸۰

در شکل زیر $\hat{B} = 40^\circ$ و $\hat{C} = 30^\circ$ و $\hat{M} = \hat{M}'$ می‌باشد. اگر $\hat{A} = 2y$ کدام است؟

- ۵۵ (۱)
 ۴۵ (۲)
 ۳۵ (۳)
 ۲۵ (۴)



- ارتفاعهای مثلث ABC را رسم می‌کنیم. از هر رأس مثلث خطی به موازات ضلع روبرو آن را رسم می‌کنیم تا یکدیگر را قطع کنند و مثلث A'B'C' پدید آید. ارتفاعهای مثلث ABC چه نقشی برای مثلث A'B'C' دارد؟
- (۱) نیمساز (۲) ارتفاع (۳) میانه (۴) عمودمنصف

کدام گزینه دو شرطی نمی‌باشد؟

- (۱) اگر یک چهارضلعی لوزی باشد، قطرهایش عمودمنصف یکدیگرند.
- (۲) محل همرسی ارتفاعهای مثلث قائم‌الزاویه، بر روی رأس قائمه می‌باشد.
- (۳) در دو مثلث همنهشت، زوایای نظیر با هم برابرند.
- (۴) در مثلث متساوی‌الساقین، ارتفاع و میانه وارد بر یک ضلع بر هم منطبق هستند.

- مثلث قائم‌الزاویه ($AC > AB$ ، $ABC(A = 90^\circ)$) را در نظر بگیرید. عمود منصف ضلع BC، ضلع AC را در قطع می‌کند. اگر فاصله نقطه D از نقطه A برابر فاصله D از BC باشد، محیط مثلث BDC چند برابر وتر مثلث ABC است؟

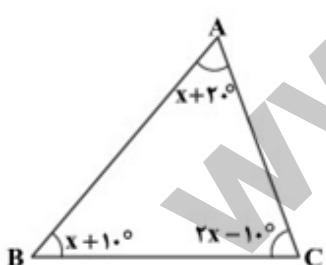
$$\frac{\sqrt{3} + 3}{3} \quad (۴) \quad \frac{2\sqrt{3} + 3}{3} \quad (۳) \quad \frac{\sqrt{3} + 3}{2} \quad (۲) \quad \sqrt{3} + 3 \quad (۱)$$

- I محل برخورد نیمسازهای مثلث ABC باشد. اگر $BC > AC > AB$ باشد، کدام گزینه صحیح است؟
- $CI > BI > AI$ (۴) $AI > CI > BI$ (۳) $CI > AI > BI$ (۲) $AI > BI > CI$ (۱)

کدام گزینه گزاره نمی‌باشد؟

- (۱) امروز هوا ابری است و $6 > 9$
- (۳) فردا هوا آفتابی است و $5 > 3$

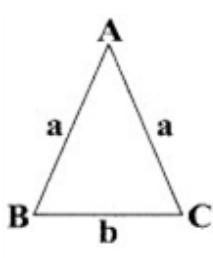
- در مثلث ABC داریم: $\hat{A} > \hat{B} > \hat{C}$ و $2\hat{A} = \hat{B} + \hat{C}$ می‌باشد. کدام گزینه صحیح است؟
- $AB > BC > AC$ (۲) $AB > AC > BC$ (۱)
- $BC > AC > AB$ (۴) $AC > BC > AC$ (۳)



در مثلث ABC، بزرگ‌ترین ضلع مثلث کدام است؟

- AC (۱)
AB (۲)
BC (۳)

(۴) هر سه ضلع برابرند.



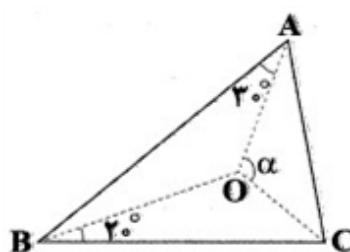
- مثلث متساوی‌الساقینی با ساق‌های a و قاعده‌ی b مفروض است. ضلع AC را از طرف A به اندازه‌ی خودش امتداد می‌دهیم و به نقطه‌ی D می‌رسیم. اندازه‌ی ضلع DB چه قدر است؟

$$\sqrt{4a^2 + b^2} \quad (۲) \quad \sqrt{a^2 + b^2} \quad (۱)$$

$$\sqrt{a^2 + 4b^2} \quad (۴) \quad \sqrt{4a^2 - b^2} \quad (۳)$$

- ۱۸۹** مثلثی به اضلاع a , b و c مفروض است. اگر فاصلهٔ محل برخورد نیمسازها از ضلع a برابر $5 - 6x^2$ و از ضلع b برابر $7 + 2x^2$ باشد، فاصلهٔ محل برخورد نیمسازها تا ضلع c چه قدر است؟
 ۲۵ (۴) ۲۴ (۳) ۲۲ (۲) ۱۸ (۱)

- ۱۹۰** خط d و نقطهٔ A خارج آن طبق شکل زیر مفروض است. برای رسم خط گذرا از A و موازی با d از خط کش و پرگار استفاده می‌کنیم. حداقل تعداد دفعاتی که از پرگار استفاده می‌شود، چند بار است؟
A•
 d
 ۶ (۲)
 ۴ (۴)
 ۴ (۳)



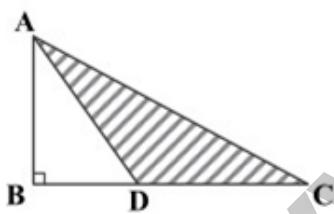
- ۱۹۱** اگر OA و OB نیمساز زوایای A و B باشد، زاویهٔ α چند درجه است؟

۱۱۵ (۱)
 ۱۱۰ (۲)
 ۱۰۵ (۳)
 ۱۰۰ (۴)

- ۱۹۲** کدامیک از گزاره‌های زیر مثال نقض ندارد؟

- (۱) چهارضلعی که دو ضلع مساوی و دو ضلع موازی داشته باشد، متوازی‌الاضلاع است.
 (۲) در هر مثلث، اندازهٔ کوچک‌ترین زاویه از ثلث بزرگ‌ترین زاویه، بزرگ‌تر است.
 (۳) دو دایرهٔ همساحت، محیط‌های برابر دارند.
 (۴) هر چهارضلعی که یکی از قطرهایش عمودمنصف قطر دیگری باشد، یک لوزی است.

- ۱۹۳** در مثلث قائم‌الزاویه ABC ، نیمساز رأس A ضلع BC را در نقطهٔ D قطع می‌کند. اگر $AC = 12$ و $BD = 4$ ، مساحت قسمت هاشورخورده کدام است؟



۲۴ (۱)
 ۱۶ (۲)
 ۱۲ (۳)
 ۲۸ (۴)

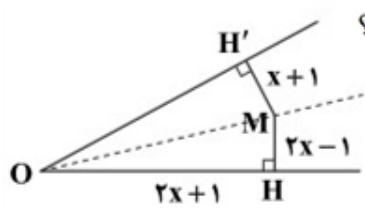
- ۱۹۴** مثلث ABC مفروض است. اگر بخواهیم دایره‌ای رسم کنیم که از هر رأس این مثلث بگذرد، مرکز آن باید کدام نقطه باشد؟

- (۲) محل تلاقی سه نیمساز مثلث
 (۴) محل تلاقی سه ارتفاع مثلث

- (۱) محل تلاقی سه عمودمنصف مثلث
 (۳) محل تلاقی سه عمودمنصف مثلث

- ۱۹۵** نقطهٔ A به فاصلهٔ یک از خط d قرار دارد. تعداد نقاطی که از d که فاصلهٔ آنها از نقطهٔ A برابر 2 باشد، کدام نمی‌تواند باشد؟

۱ (۱) ۲ (۲) ۴ (۴) ۳ صفر



در شکل مقابل، نقطه‌ی M روی نیمساز زاویه‌ی $\angle A$ قرار دارد. طول OH کدام است؟

- ۱) ۵
۲) ۲
۳) ۳
۴) ۴

۱۹۷

در مثلث دلخواه $\triangle ABC$ ، نقاط B و C ، از کدام پاره‌خط یا امتداد آن به یک فاصله‌اند؟

۱۹۷

- (۱) ارتفاع AH (۲) میانه AM (۳) نیمساز داخلی زاویه $\angle A$ (۴) نیمساز خارجی زاویه $\angle A$

۱۹۸

ذوزنقه متساوی الساقین $ABCD$ ($AB = CD$) مفروض است. اگر $BC > AD$ باشد، کدام گزینه درست است؟

- (۱) $BD < AD$ (۲) $CD < BC$ (۳) $CD < BD$ (۴) $BD < BC$

۱۹۹

در مثلث ABC داریم: $\angle A > \angle B$ نیمساز زاویه C و عمود منصف BC در نقطه O متقاطع‌اند. از نقطه O پاره‌خط‌های

OM و ON را به ترتیب عمود بر BC و AC رسم می‌کنیم. کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) $OB > OA$ (۲) $ON = OM$ (۳) $AN > BM$ (۴) $BM = CN$

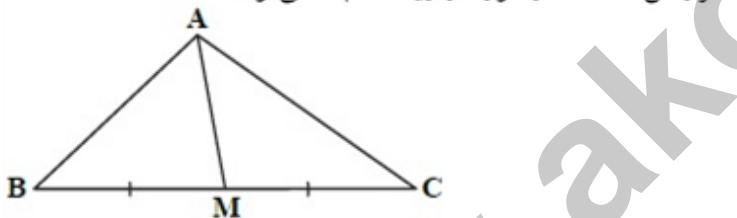
۲۰۰

برای رسم خط موازی با خط d از نقطه A خارج از آن چند عمل متوالی باید انجام داد؟

- (۱) ۷ (۲) ۶ (۳) ۹ (۴) ۱۰

۲۰۱

در شکل مقابل میانه $AM = BC$ مفروض است. در مورد زاویه $\angle A$ چه می‌توان گفت؟



- (۱) $\angle A = 90^\circ$
(۲) $\angle A > 90^\circ$
(۳) $\angle A < 90^\circ$

(۴) با این اطلاعات نمی‌توان اظهارنظر کرد.

۲۰۲

در مثلثی هیچ دو ارتفاعی برابر نیست. اگر یکی از زوایای این مثلث 50° باشد. زاویه‌ی دیگر این مثلث کدام می‌تواند

باشد؟

- (۱) 50° (۲) 65° (۳) 75° (۴) 80°

۲۰۳

در یک مثلث ABC داریم $\angle A = 80^\circ$. نیمسازهای زوایای داخلی B و C با هم چه زاویه‌ای می‌سازند؟

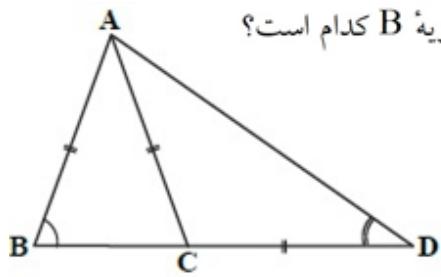
- (۱) 110° (۲) 120° (۳) 130° (۴) 140°

۲۰۴

پاره‌خط BC به طول ۹ مفروض است. به مرکز B و شعاع R و به مرکز C و شعاع R' کمان‌هایی می‌زنیم تا یکدیگر

را در نقطه A قطع کنند. در کدام حالت مثلث ABC به وجود می‌آید؟

- (۱) $R' = 4$ و $R = 4$ (۲) $R' = 5$ و $R = 5$ (۳) $R' = 6$ و $R = 6$ (۴) $R' = 3$ و $R = 3$



در شکل مقابل داریم: $AB = AC = CD$. نسبت اندازه زاویه D به اندازه زاویه B کدام است؟ ۲۰۵

- ۱ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۴ (۴)

در مثلث ABC اگر داشته باشیم $\hat{A} > \hat{B}$ و $AC = 2x + 4$ ، $BC = 2x + 4$ ، آن‌گاه x کدام گزینه نمی‌تواند باشد؟ ۲۰۶

- ۴ (۴)
- ۳ (۳)
- ۶ (۲)
- ۵ (۱)

چه تعداد از جملات زیر صحیح می‌باشند؟ ۲۰۷

(الف) هر چهارضلعی که چهار زاویه‌ی برابر داشته باشد، مربع است.

(ب) مجموع زوایای داخلی هر پنج‌ضلعی منتظم برابر 540° است.

(پ) از یک نقطه خارج خط در یک صفحه فقط یک خط عمود می‌توان بر آن رسم کرد.

- ۳ (۴)
- ۲ (۳)
- ۱ (۲)
- ۱) صفر

کدام جمله‌ی زیر صحیح نیست؟ ۲۰۸

(۱) متوازی‌الاضلاعی به طول ضلع‌های ۳ و ۵ و قطر ۶ باشد، وجود دارد.

(۲) لوزی که یک ضلع آن ۵ و یک قطر آن ۶ باشد، قابل رسم است.

(۳) اگر نقطه‌ای روی عمودمنصف یک پاره‌خط باشد، از دو سر آن به یک فاصله است.

(۴) نقطه‌ای که از دو سر ضلع یک زاویه به یک فاصله باشد، ممکن است روی نیمساز زاویه قرار نگیرد.

در یک چهارضلعی محدب، اندازه‌ی زوایا جملات متواالی دنباله‌ای حسابی‌اند. مجموع کوچک‌ترین و بزرگ‌ترین زاویه ۲۰۹

چه قدر است؟

- ۲۰۰° (۴)
- ۱۵۰° (۳)
- ۱۶۰° (۲)
- ۱۸۰° (۱)

برای کدام یک از جملات زیر مثال نقض وجود دارد؟ ۲۱۰

(a) در هر مثلث، بزرگ‌ترین ارتفاع، بر کوچک‌ترین ضلع فروود می‌آید.

(b) تعداد قطرهای هر n ضلعی محدب، بیش‌تر از تعداد اضلاع آن است.

(c) هر زاویه‌ی داخلی یک n ضلعی منتظم برابر با $\frac{180^\circ(n-2)}{n}$ است.

- b و c (۴)
- c (۳)
- b (۲)
- a (۱)

کدام شکل همواره قابل رسم است؟ ۲۱۱

(۱) متوازی‌الاضلاع به اضلاع ۱ و ۴ و قطر ۶

(۳) مثلثی که طول اضلاع آن اعداد طبیعی متواالی باشند.

کدام گزینه به صورت منحصر به فرد قابل رسم است؟ ۲۱۲

(۱) متوازی‌الاضلاعی به طول قطرهای ۵ و ۶ واحد

(۳) لوزی به ضلع ۵ واحد

- اگر $AB = CD$ و CD دو وتر دلخواه متمایز از دایره C باشند، عمود منصف‌های این دو وتر در کدام نقطه به هم می‌رسند؟ ۲۱۳
- (۱) تنها با شرط $AB = CD$ ، روی مرکز دایره
 - (۲) روی محیط دایره
 - (۳) همواره روی مرکز دایره
 - (۴) لزوماً نقطه‌ی تلاقی وجود ندارد.

زاویه‌ی xoy مفروض است. دو خط d و d' به فاصله‌ی k به ترتیب از اضلاع ox و oy قرار دارند. اگر A محل تلاقی این دو خط باشد، کدام گزینه صحیح است؟ ۲۱۴

$$x\hat{O}A = y\hat{O}A \quad (۲)$$

$$OA = ۱ \quad (۴)$$

نقطه‌ی A لزوماً وجود ندارد.

$$d\hat{A}d' = \frac{1}{2}x\hat{O}y \quad (۳)$$

برای مشخص کردن هر خط حداقل چند نقطه‌ی متمایز مورد نیاز است؟ ۲۱۵

(۱) بی‌شمار

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) ۱

دو نقطه‌ی A و B به فاصله‌ی ۵ واحد از هم قرار دارند. اگر دو نقطه در صفحه وجود داشته باشد که فاصله‌اش از A و B به ترتیب ۳ و n واحد باشد، کدام گزینه صحیح است؟ ۲۱۶

(۱) $2 < n < 8$

(۲) $n > 2$

(۳) $n < 2$

(۴) $n < 8$

دو خط در نقطه A متقطع‌اند. چند نقطه‌ی لااقل بر روی یکی از این دو خط وجود دارد که فاصله آن‌ها از نقطه A برابر باشد؟ ۲۱۷

(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) ۴

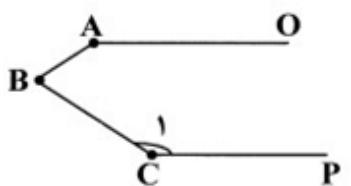
در شکل رویه‌رو، $\hat{C} = ۸۰^\circ$ و $\hat{A} = ۱۲۰^\circ$ باشد. اندازه زاویه \hat{B} کدام است؟ ۲۱۸

(۱) ۱۳۰°

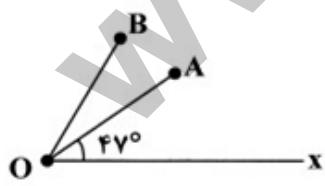
(۲) ۱۴۰°

(۳) ۱۵۰°

(۴) ۱۶۰°



در شکل زیر طول پاره‌خط‌های OA و OB با هم برابر است و به ترتیب با محور OX زاویه‌های 47° و 85° می‌سازند. با افزایش طول OA ، در مورد زاویه بین ارتفاع وارد بر ضلع AB در مثلث OAB و محور OX ، کدام درست است؟ ۲۱۹



(۱) برابر 66° خواهد بود.

(۲) برابر 77° خواهد بود.

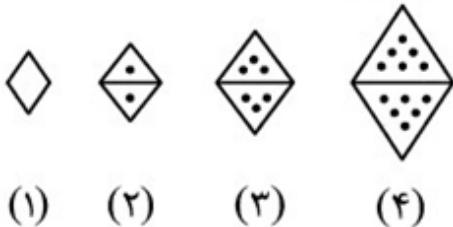
(۳) بزرگتر از 66° خواهد بود.

(۴) کمتر از 66° خواهد بود.

۲۲۰

نوع استدلالی که در عبارت زیر به کار برده می‌شود، کدام است؟

«با توجه به الگوی زیر می‌توان نتیجه گرفت شکل چهاردهم دارای 182° دایره توپر است.»



- (۱) شهودی
- (۲) مثال نقض
- (۳) استقرایی
- (۴) استنتاجی

۲۲۱

مکان کدامیک از نقاط زیر خارج از مثلث $\triangle ABC$ نیست؟

(۱) محل برخورد عمود منصفها، اگر مثلث $\triangle ABC$ منفرجه الزاویه باشد.

(۲) محل برخورد نیمسازهای زوايا، اگر مثلث $\triangle ABC$ منفرجه الزاویه باشد.

(۳) محل برخورد عمود منصفها، اگر مثلث $\triangle ABC$ قائم الزاویه باشد.

(۴) محل برخورد ارتفاعها، اگر مثلث $\triangle ABC$ متساوی الساقین منفرجه الزاویه باشد.

۲۲۲

اگر زاویه بین دو نیمساز زوایای خارجی B و C ، در مثلث $\triangle ABC$ برابر 55° درجه باشد، اندازه زاویه \hat{A} کدام است؟

۱۰۰° (۴)

۹۰° (۳)

۸۰° (۲)

۷۰° (۱)

۲۲۳

می‌خواهیم مثلثی با اضلاعی به اندازه‌ی ۸، ۹ و ۱۱ رسم کنیم. با چند کمان این کار قابل انجام است و چند مثلث با

شرطی داده شده می‌توان رسم کرد؟

۲ - ۱ (۴)

۱ - ۱ (۳)

۲ - ۲ (۲)

۱ - ۲ (۱)

۲۲۴

با معلوم بودن $AB = ۹$ ، $AC = ۸$ ، $AH = ۶$ و $BC =$ (ارتفاع وارد بر BC) چند مثلث قابل رسم است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱ صفر

۲۲۵

۲۲۶

۲۲۷

در داخل هر مثلث، چند نقطه وجود دارد که از هر سه ضلع مثلث به یک فاصله باشد؟

۴ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱ صفر

۲۲۸

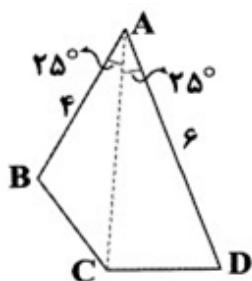
در مثلث قائم‌الزاویه به اضلاع قائم ۲ و ۶ واحد، عمودمنصف وتر امتداد ضلع کوچک‌تر را در نقطه‌ی M قطع می‌کند.
فاصله‌ی نقطه‌ی M تا نزدیک‌ترین رأس مثلث چه قدر است؟

۱۰ (۴)

۹ (۳)

۸ (۲)

۶ (۱)



با توجه به شکل رویه‌رو، اگر مساحت مثلث ADC برابر ۴۸ باشد، مساحت مثلث ABC کدام است؟

۳۲ (۱)

۲۴ (۲)

۳۶ (۳)

۴۵ (۴)

۲۲۹

فاصله‌ی بین دو نقطه‌ی B و C، ۱۰ سانتی‌متر است. چند مثلث به رئوس A، B و C می‌توان رسم کرد که میانه‌ی ضلع BC و نیمساز زاویه‌ی A برابر هم منطبق باشند؟

۴) بی‌شمار

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

۲۳۰

اگر نقطه‌ی A به فاصله‌ی $3 - 4x$ از خط d قرار داشته باشد، به ازای چند مقدار طبیعی x ، دو نقطه بر روی خط d یافت می‌شود که فاصله‌ی آن‌ها از نقطه‌ی A برابر ۱۵ باشد؟

۶ (۴)

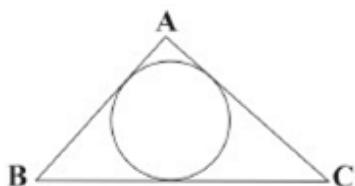
۵ (۳)

۴ (۲)

۳ (۱)

۲۳۱

دو نقطه‌ی A و B به فاصله‌ی ۸ سانتی‌متر از هم قرار دارند. اگر نقطه‌ای در صفحه وجود نداشته باشد که فاصله‌اش از A و B به ترتیب n و $n+4$ سانتی‌متر باشد، کدام گزینه صحیح است؟

 $n < 12$ (۴) $n > 4$ (۳) $n < 4$ (۲) $n < 4$ (۱)

در شکل زیر دایره بر هریک از اضلاع مثلث ABC مماس است.

مرکز دایره کدام است؟

۱) تلاقی ارتفاعها

۲) تلاقی نیمسازها

۳) تلاقی عمودمنصفها

۲۳۲

نقطه‌ی O محل تلاقی عمودمنصف‌های اضلاع مثلث ABC است. به مرکز O و شعاع OA یک دایره می‌زنیم.
وضعیت نقطه‌ی B و این دایره کدام است؟

۴) داخل یا بیرون دایره

۳) داخل دایره

۲) روی دایره

۱) بیرون دایره

۲۳۴

کدام قضیه، دوشرطی نیست؟

- (۱) در هر مثلث متساوی‌الساقین، نیمساز زاویه‌ی رأس بر عمودمنصف ضلع مقابل آن (قاعده) منطبق است.
- (۲) در هر مثلث قائم‌الزاویه میانه‌ی وارد بر وتر (بزرگ‌ترین ضلع) نصف آن است.
- (۳) در هر مستطیل قطرها با هم برابر است.
- (۴) در هر متوازی‌الاضلاع، اضلاع رویه‌رو با هم مساوی‌اند.

۲۳۵

۲۳۶

کدام گزینه مثال نقض نadarد؟

- (۱) هر متوازی‌الاضلاعی که قطرهایش بر هم عمود باشند، مربع است.
- (۲) مربع هر عدد از آن عدد بزرگ‌تر است.
- (۳) هر مثلث متساوی‌الاطلاع، متساوی‌الساقین است.
- (۴) نقطه‌ی هم‌رسی ارتفاع‌ها همواره داخل مثلث قرار دارد.

۲۳۷

کدام گزینه یک گزاره است؟

$$2 \times 3 = 5 \quad (2)$$

(۴) کجا رفتی؟

(۱) چه هوای خوبی!

(۳) تهران زیباتر از شیراز است.

۲۳۸

چند لوزی به قطرهای ۶ و ۴ واحد می‌توان رسم کرد؟

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

۴) بی‌شمار

۲۳۹

کدام نقطه همواره داخل مثلث قرار می‌گیرد؟

- (۲) نقطه‌ی هم‌رسی عمودمنصف‌ها
- (۴) مرکز دایره محیطی

(۱) نقطه‌ی هم‌رسی نیمسازها

(۳) نقطه‌ی هم‌رسی ارتفاع‌ها

۲۴۰

برای اثبات درستی یا نادرستی کدام‌یک از موارد زیر، از استدلال استنتاجی کمک می‌گیریم؟

- (۱) مجموع زوایای داخلی مربع، مستطیل و لوزی 360° است، پس مجموع زوایای داخلی هر چهارضلعی 360° است.
- (۲) در هر مثلث قائم‌الزاویه محل هم‌رسی عمودمنصف‌ها، روی وتر است، بنابراین محل هم‌رسی عمودمنصف‌ها در همه‌ی مثلث‌ها روی بزرگ‌ترین ضلع آن‌ها است.
- (۳) در مثلث ABC دو زاویه‌ی B و C نابرابر می‌باشند، بنابراین مثلث ABC متساوی‌الساقین نیست.
- (۴) مثلث ABC دارای دو ضلع نابرابر است، پس این مثلث زاویه‌ای بزرگ‌تر از 60° دارد.

۲۴۱

در مثلث ABC زاویه $\hat{A} = 96^\circ$ بر روی ضلع BC پاره‌خط‌های $BD = BA$ و $CE = CA$ جدا شده است.

۴۴ (۴)

۴۲ (۳)

۳۸ (۲)

۳۶ (۱)

۲۴۲

زاویه DAE چند درجه است؟

مثلث ABC مفروض است. فقط با خط کش و پرگار با چند عمل پی در پی می‌توان یک دایره داخل مثلث رسم کرد

که بر هر سه ضلع آن مماس شود؟

۱۲ (۴)

۱۱ (۳)

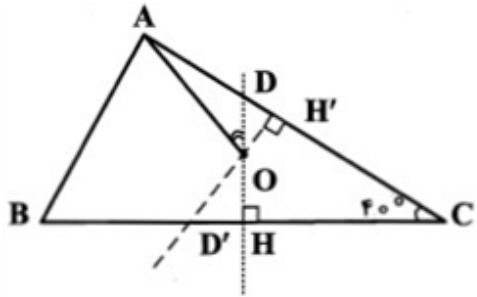
۱۰ (۲)

۹ (۱)

۲۴۳

۲۴۴

در شکل زیر DH عمودمنصف BC و $D'H'$ عمودمنصف AC است. اگر $\hat{AOD} = D'H'$ باشد، اندازه زاویه \hat{C} چند درجه است؟



- ۲۵° (۱)
۳۰° (۲)
۴۰° (۳)
۴۵° (۴)

۲۴۵

در چهارضلعی $ABCD$ ، اگر طول قطر AC با طول دو ضلع AB و AD برابر باشد ($AB = AC = AD$) و $\hat{C} = 65^\circ$ باشد، آنگاه اندازه زاویه \hat{A} کدام است؟

- ۱۵۰° (۱) ۱۴۷/۵° (۲) ۱۳۷/۵° (۳) ۱۱۵° (۴)

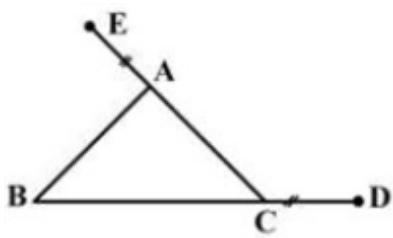
۲۴۶

۲۴۷

۲۴۸

۲۴۹

در مثلث متساویالاضلاع ABC ، بر روی امتداد دو ضلع BC و CA پاره خط های $CD = AE$ جدا شده است. زاویه بین امتداد BE با DA چند درجه است؟



- ۶۰ (۱)
۹۰ (۲)
۷۵ (۳)

در مثلث ABC نیمسازهای زاویه‌ی داخلی، در نقطه‌ی O متقاطع‌اند. اگر زاویه‌های AOB و BOC و COA متناسب با اعداد ۷ و ۶ و ۵ باشند، بزرگ‌ترین زاویه‌ی این مثلث چند درجه است؟

- (۱) ۸۰ (۲) ۹۰ (۳) ۱۰۰ (۴) ۱۱۰

اگر تعداد قطرهای رسم شده از یک رأس n ضلعی، $n^2 - 8n + 5$ باشد، مجموع زوایای داخلی آن چند ضلعی چند برابر 90° است؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۱۱ (۳) ۱۲ (۴) ۱۳

مجموع تعداد قطرها و اضلاع یک n ضلعی محدب برابر با ۶۶ است. از هر دو رأس غیرمجاور آن مجموعاً چند قطر می‌گذرد؟

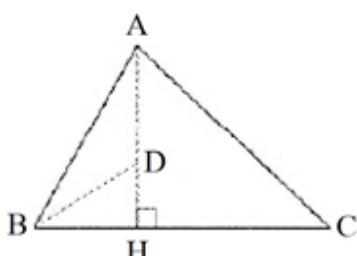
- (۱) ۱۹ (۲) ۱۸ (۳) ۱۷ (۴) ۱۶

کدام گزینه گزاره‌ای نادرست است؟

- (۱) تهران شهر زیبایی است.
 (۲) هر مربع یک مستطیل است.
 (۳) هر دو مثلث هم مساحت هم نهشت هستند.
 (۴) نقطه‌ی همرسمی میانه‌های یک مثلث داخل مثلث است.

در یک هشت‌ضلعی منتظم، اگر d و d' به ترتیب کوچک‌ترین و بزرگ‌ترین قطر گذرا از یک رأس باشد، آن‌گاه کدام گزینه همواره صحیح است؟

- (۱) زاویه‌ی بین d و d' برابر با $22/5^\circ$ است.
 (۲) $d = \sqrt{2}d$
 (۳) زاویه‌ی بین d و d' قائم است.
 (۴) $d = \sqrt{3}d$



در مثلث ABC، BD نیمساز زاویه‌ی B است. اگر $\hat{A} > \hat{C}$ و $DB = AD$ باشد، کدام گزینه همواره صحیح است؟

- (۱) $CH > AB$
 (۲) $CH > AB$
 (۳) $AB = AD$
 (۴) $BH = AB$

در یک مثلث قائم‌الزاویه، فاصله‌ی میان پای ارتفاع و پای میانه‌ی وارد بر وتر، برابر $\frac{\sqrt{3}}{4}$ وتر است. نسبت زوایای این

- مثلث کدام است؟
 (۱) ۱، ۲، ۳
 (۲) ۲، ۳، ۴
 (۳) ۱، ۱، ۲
 (۴) ۱، ۵، ۶

قطرهای چهارضلعی ABCD بر هم عمودند. چهارضلعی که از وصل کردن متواالی وسط اضلاع آن به دست می‌آید، لرماً چه نوع چهارضلعی است؟

- (۱) مستطیل
 (۲) لوزی
 (۳) مربع
 (۴) نمی‌توان تعیین کرد.

از به هم وصل کردن وسط اضلاع چهارضلعی ABCD یک لوزی به دست آمده است. کدام رابطه لزوماً صحیح است؟ ۲۵۸

$AC \perp BD$ (۴)

$AB = BC$ (۳)

$AC = BD$ (۲)

$AB = CD$ (۱)

تعداد قطرهای یک ۱۸ ضلعی چند تا است؟ ۲۵۹

۱۸۰ (۴)

۲۷۰ (۳)

۱۴۴ (۲)

۱۳۵ (۱)

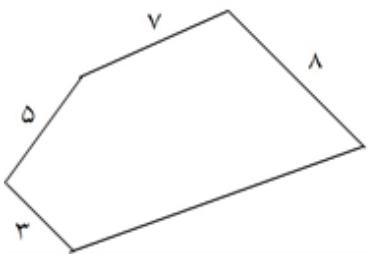
مجموع زوایای داخلی یک n ضلعی محدب برابر با 1980° می‌باشد. تعداد قطرهای این n ضلعی چند تا است؟ ۲۶۰

۵۴ (۴)

۶۵ (۳)

۷۷ (۲)

۸۵ (۱)



محیط چندضلعی مقابل کدام عدد می‌تواند باشد؟ ۲۶۱

۴۶ (۱)

۵۰ (۲)

۴۰ (۳)

۵۶ (۴)

مثلثی به طول اضلاع x , $2x + 1$ و $4x - 2$ قابل رسم است. اگر X متعلق به بازه‌ی (a, b) باشد، بیشترین طول بازه کدام است؟ ۲۶۲

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

کدامیک از اعداد زیر، مثال نقضی برای رد گزاره‌ی «مربع هر عدد طبیعی به صورت $1 - 5k$ است.» می‌باشد؟ ۲۶۳

۶ (۴)

۱۲ (۳)

۷ (۲)

۸ (۱)

برای کدامیک از گزاره‌های زیر مثال نقض وجود ندارد? ۲۶۴

(۱) توان دوم هر عددی از آن عدد بزرگ‌تر است.

(۲) معکوس هر عددی از آن عدد کوچک‌تر است.

(۳) مجموع زوایای خارجی هر n ضلعی برابر با 360° است.

(۴) در هر مثلث ارتقای وارد بر یک ضلع از دو ضلع دیگر کوچک‌تر است.

کدامیک از گزاره‌های زیر به صورت دو شرطی برقرار است؟ ۲۶۵

(۱) چهارضلعی‌ای که قطرهایش بر یک دیگر عمود باشند، لوزی است.

(۲) در دو مثلث همنهشت، زوایا نظیر به نظیر با هم برابر است.

(۳) در هر مثلث قائم‌الزاویه، میانه‌ی وارد بر وتر نصف وتر است.

(۴) دو مستطیل برابر، مساحت برابر دارند.

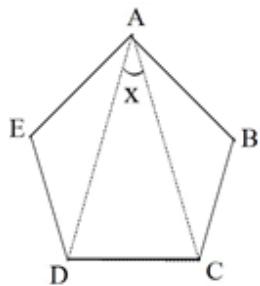
تمام زوایای مثلث ABC عدد صحیح هستند. اگر $\hat{A} = 80^\circ$ و $AC > BC > AB$ بیشترین مقدار ممکن برای زاویه C کدام است؟ ۲۶۶

79° (۴)

59° (۳)

29° (۲)

19° (۱)

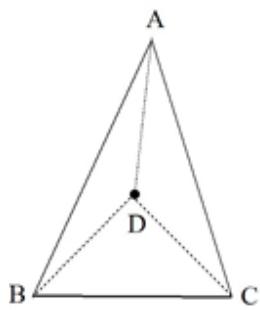


اگر $\triangle ABCDE$ یک پنجضلعی منتظم باشد، اندازه‌ی زاویه‌ی X چند درجه است؟ ۲۶۷

- (۱) 36°
- (۲) 72°
- (۳) 18°
- (۴) 60°

در مثلثی با طول اضلاع ۶، ۸ و ۱۰، فاصله‌ی محل تلاقی نیمسازها از بزرگ‌ترین ضلع مثلث چه‌قدر است؟ ۲۶۸

- (۱) ۱
- (۲) ۳
- (۳) ۲
- (۴) ۴



در مثلث ABC فاصله‌ی نقطه‌ی D محل تلاقی عمودمنصف‌ها از رأس A برابر با ۲ واحد

است. اگر $\angle BAC = 100^\circ$ و $\angle BDC = 20^\circ$ باشد، طول ضلع AC کدام است؟ ۲۶۹

- (۱) ۱
- (۲) $\sqrt{3}$
- (۳) ۶
- (۴) $2\sqrt{3}$

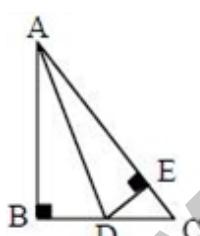
وسطهای یک چهارضلعی را به ترتیب به هم وصل کردایم. شکل حاصل لزوماً کدام چهارضلعی است؟ ۲۷۰

- (۱) لوزی
- (۲) مستطیل
- (۳) ذوزنقه
- (۴) متوازی‌الاضلاع

پاره‌خط AB مفروض است. چند نقطه روی عمودمنصف آن وجود دارد که فاصله‌ی آنها از دو نقطه A و B برابر

- (۱) باشند
- (۲) $\frac{3}{2}AB$

- (۳) صفر
- (۴) بی‌شمار
- (۵) ۲
- (۶) ۱



در شکل مقابل $10^\circ = \angle BAC$ نیمساز زاویه $\angle BAC$ است. اگر $AB = 8$ باشد، مقدار $DE + AE$ کدام است؟ ۲۷۲

- (۱) ۱۲
- (۲) ۱۸
- (۳) ۱۴
- (۴) ۱۶

درون یک مثلث، دایره‌ای رسم کردایم که بر همه‌ی اضلاع آن مماس است. شعاع این دایره کدام است؟ ۲۷۳

- (۱) فاصله‌ی محل برخورد عمودمنصف‌های اضلاع تا یکی از رأس‌ها
- (۲) فاصله‌ی محل برخورد نیمسازهای درونی زوایا تا یکی از رأس‌ها
- (۳) فاصله‌ی محل برخورد عمودمنصف‌های اضلاع تا یکی از اضلاع
- (۴) فاصله‌ی محل برخورد نیمسازهای درونی زوایا تا یکی از اضلاع

دو خط متقاطع d و d' را درنظر بگیرید. چند نقطه در صفحه وجود دارد که فاصله‌ی آنها از این دو خط متقاطع،

برابر ۵ واحد باشد؟ ۲۷۴

- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۳
- (۴) ۴

دو نقطه‌ی A و B به فاصله‌ی ۵ واحد از هم در یک صفحه قرار دارند. چند نقطه در آن صفحه می‌توان یافت که به فاصله‌ی ۴ واحد از A و ۲ واحد از B باشند؟

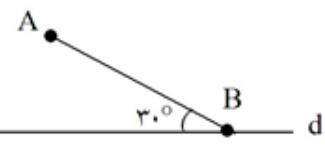
۲(۴)

۲(۳)

۲) صفر

۱(۱)

خط d و پاره‌خط AB به طول ۵ سانتی‌متر که با آن زاویه‌ی 30° درجه می‌سازد، در شکل نشان داده شده‌اند. چند نقطه در صفحه وجود دارد که از A و B به یک فاصله و در فاصله‌ی ۱۰ سانتی‌متری خط d باشد؟



(۱) چنین نقطه‌ای وجود دارد.

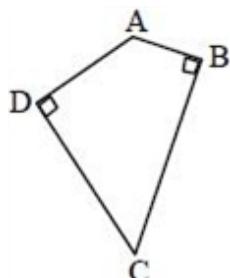
۱(۲)

۳(۳)

۲(۴)

در مثلث ABC، بین زوایا روابط $\hat{C} - \hat{B} = ۳۰^\circ$ و $\hat{A} = ۳\hat{B}$ برقرار است. محل برخورد عمودمنصف اضلاع کجا قرار می‌گیرد؟

(۱) بیرون مثلث
(۲) داخل مثلث
(۳) وسط ضلع بزرگ‌تر
(۴) بستگی به اندازه اضلاع دارد.



در چهارضلعی زیر $\hat{B} = \hat{D} = 90^\circ$ می‌باشد. امتداد BC و AD یکدیگر را در M و امتداد DC و AB یکدیگر را در N قطع می‌کنند. کدام گزینه صحیح است؟

(۱) MN با BD موازی است.
(۲) CM و CN برابرند.
(۳) امتداد AC بر MN عمود است.
(۴) امتداد AC از وسط MN می‌گذرد.

نیمسازهای خارجی B و C از مثلث ABC یکدیگر را در M قطع می‌کنند. اگر فاصله M از AB برابر $6 + x$ و از BC برابر $3 + 2x$ باشد، فاصله M از AC کدام است؟

۸(۴) ۷(۳) ۶(۲) ۹(۱)

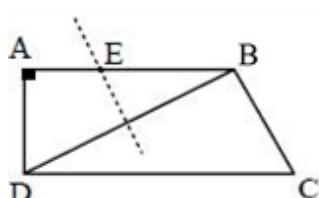
در مثلث ABC، $AC > AB$. اگر M محل تلاقی نیمسازهای خارجی زوایای B و C و نقطه D محل تلاقی AM و BC باشد، کدامیک از نتیجه‌گیری‌های زیر حاصل نمی‌شود؟

AD < MD (۴) AB > BD (۳) CD > BD (۲) MC < MB (۱)

چند مورد از گزاره‌های زیر با مثال نقض رد می‌شوند؟

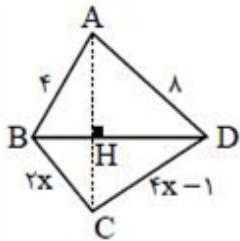
الف- هر ۴ ضلعی که اضلاع برابر دارد، مربع است.
ب- ارتفاع مثلث با ضلع کوچک‌تر، زاویه کوچک‌تری می‌سازد.
ج- نقطه‌ای که از اضلاع مثلث یا امتداد آنها به یک فاصله باشد، داخل مثلث است.

۳(۴) ۲(۳) ۱(۲) ۱) صفر (۱)



در ذوزنقه قائم‌الزاویه رویه‌رو، $AB = ۸$ و $AD = ۴$ می‌باشد. اگر نقطه E روی عمودمنصف قطر BD باشد، طول BE کدام است؟

۴(۲) ۵(۱)
۲(۴) ۳(۳)



در چهارضلعی ABCD دو قطر برابر هم عمودند. اگر $\angle CHA$ باشد، حدود X کدام است؟ ۲۸۳

$$1 < x < 6 \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} < x < 3 \quad (1)$$

$$1 < x < 7 \quad (4)$$

$$\frac{1}{4} < x < 2 \quad (3)$$

محیط مثلث ABC، ۳۶ واحد است. بزرگترین ضلع آن کدام مقدار می‌تواند باشد؟ ۲۸۴

$$16 \quad (4)$$

$$20 \quad (3)$$

$$10 \quad (2)$$

$$19 \quad (1)$$

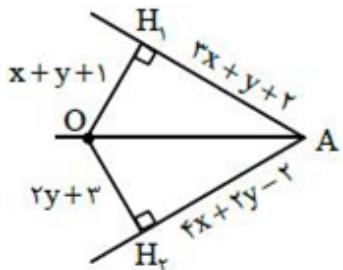
در مراحل اثبات همسایه ارتفاعها، از همسایه کدام جزء مثلث استفاده می‌کنیم؟ ۲۸۵

(۱) دو نیمساز داخلی و خارجی

(۲) میانه‌ها

(۳) عمودمنصف‌ها

(۴) نیمسازها



در شکل مقابل اگر $\hat{A}_1 = \hat{A}_2$ باشد، اندازه $x + 2y + r$ کدام است؟ ۲۸۶

$$3 \quad (1)$$

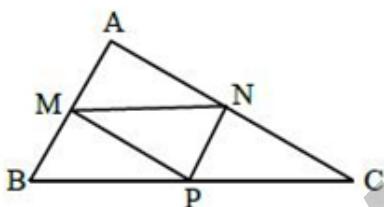
$$4 \quad (2)$$

$$5 \quad (3)$$

$$6 \quad (4)$$

در مثلث ABC مطابق شکل وسط اضلاع را به هم وصل کرده تا مثلث MNP پیدا شود. ارتفاعات MH و PH' را ۲۸۷

رسم می‌کنیم تا در نقطه G یکدیگر را قطع کنند. نسبت $\frac{GC}{GA}$ کدام است؟



$$\frac{3}{2} \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

$$1 \quad (4)$$

$$\frac{4}{3} \quad (3)$$

زاویه xAy منفرجه می‌باشد و Ad نیمساز آن می‌باشد. از نقطه دلخواه P روی نیمساز عمودهای PH و PH' را برابر ۲۸۸

اضاع زاویه وارد می‌کنیم. کدام نامساوی صحیح است؟

$$AH' < PH < AP \quad (2)$$

$$PH' < AH < AP \quad (1)$$

$$PH' < AP < AH \quad (4)$$

$$AH < AP < PH \quad (3)$$

در مثلث قائم‌الزاویه ABC ($\hat{A} = 90^\circ$)، ضلع BC از AB بزرگ‌تر است. عمودمنصف BC ضلع AC را در K ۲۸۹

قطع می‌کند. اگر $AK = AB$ باشد، زاویه C چند درجه است؟

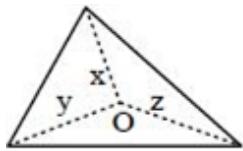
$$27/5 \quad (4)$$

$$25 \quad (3)$$

$$22/5 \quad (2)$$

$$20 \quad (1)$$

۲۹۰



- شکل روبرو مثلث متساوی‌الاضلاعی به ضلع a و O نقطه‌ای دلخواه داخل مثلث می‌باشد.
- اگر $X + y + z = t$ باشد، کدام گزینه صحیح است؟
- (۱) $\frac{1}{2}a < t < \frac{3}{2}a$ (۴) (۲) $\frac{\sqrt{3}}{2}a < t < \frac{3}{2}a$ (۳) (۳) $\frac{3}{2}a < t < 3a$ (۲) (۴) $\frac{\sqrt{3}}{2}a < t < 3a$ (۱)

۲۹۱

کدام گزینه برای پر کردن جاهای خالی مناسب است؟

محل همرسی عمودمنصفها در مثلث منفرجه مثلث و محل همرسی ارتفاعها در مثلث قائم‌الزاویه مثلث است.

- (۱) داخل - روی رأس قائمه
(۴) خارج - روی رأس قائمه
(۳) داخل - روی وتر
(۲) خارج - روی وتر

۲۹۲

- چند نقطه روی محیط یک دایره وجود دارند که از دو وتر دایره یا امتداد آنها به یک فاصله باشند؟
- (۱) ۲ یا ۴ (۲) ۴ (۳) صفر

۲۹۳

کدام قضیه دوشرطی می‌باشد؟

(۱) هر دو زاویه قائمه مکمل هستند.

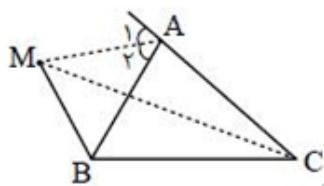
(۲) اگر سه زاویه مثلث 60° باشند، این مثلث سه ضلع برابر دارد.

(۳) دو مثلث همنهشت، مساحت‌های برابر دارند.

(۴) اگر مثلثی زوایای حاده داشته باشد، محل همرسی ارتفاعهای آن خارج از مثلث نیست.

۲۹۴

- در شکل مقابل M روی نیمساز خارجی زاویه A قرار دارد. نسبت محیط مثلث MBC به محیط مثلث ABC کدام است؟



- (۱) بزرگ‌تر از ۱
(۲) کم‌تر از ۱
(۳) برابر با ۱
(۴) غیرمشخص

۲۹۵

- در مثلث ABC ، $AB = 4$ و $AC = 10$ است. میانه AM چه مقدار صحیح می‌تواند داشته باشد؟
- (۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱

۲۹۶

- درون مثلث ABC حداقل چند نقطه وجود دارد که از BC به فاصله L و از AC و AB به یک فاصله باشند؟
- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۴ (۴) بی‌شمار

۲۹۷

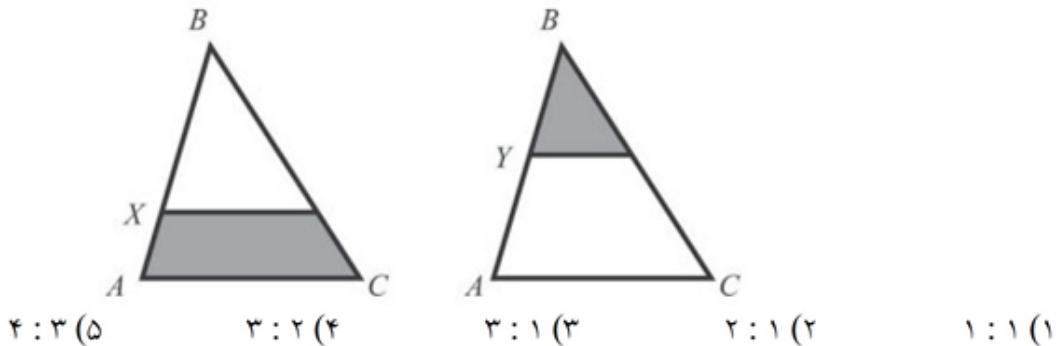
- طول دو ارتفاع مثلثی 10 cm و 11 cm است. طول ارتفاع سوم کدام نمی‌تواند باشد؟
- (۱) 5 cm (۲) 6 cm (۳) 7 cm (۴) 10 cm (۵) 100 cm

۲۹۸

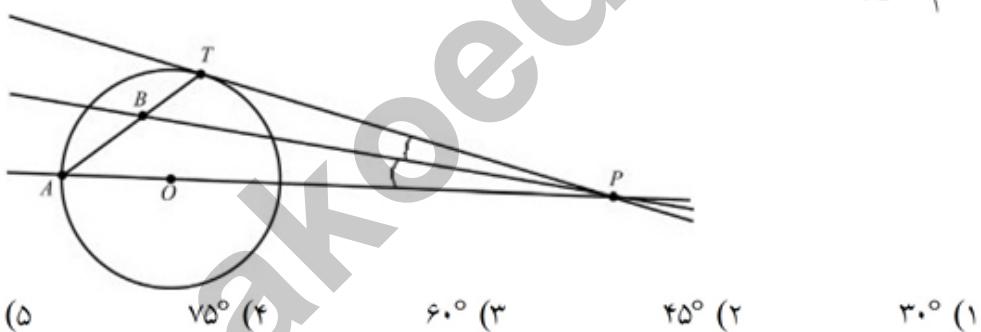
- در مثلثی قائم‌الزاویه، نیمساز یکی از زاویه‌های حاده ضلع مقابل را به پاره‌خط‌هایی به طول ۱ و ۲ تقسیم می‌کند. طول این نیمساز چقدر است؟

- (۱) $\sqrt{2}$ (۲) $\sqrt{3}$ (۳) $\sqrt{4}$ (۴) $\sqrt{5}$ (۵) $\sqrt{6}$

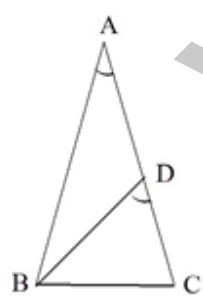
در شکل‌های زیر، یک بار از X و یکبار از Y در مثلث ABC خطی به موازات AC کشیده‌ایم. مساحت ناحیه‌های سایه‌خورده باهم برابر است. اگر $BY : YA = 4 : 1$ ، مقدار $BX : XA$ چقدر است؟



در شکل زیر، PT بر دایره‌ی به مرکز O مماس است و BP نیمساز زاویه‌ی TPA است. اندازه‌ی زاویه‌ی TBP کدام است؟

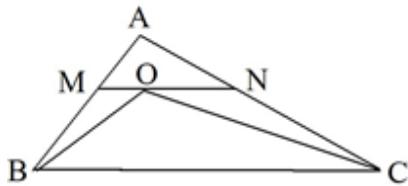


در شکل مقابل، $\hat{A} = 20^\circ$ و $AB = AC$ باشد، اندازه‌ی زاویه BDC کدام است؟



- ۳۰۲ در مثلث $\triangle ABC$ ، اگر $\hat{A} = 70^\circ$ ، $AB = AC$ و عمودمنصف‌های دو ساق مثلث، قاعده‌ی BC را در M و N قطع کند، کوچک‌ترین زاویه‌ی مثلث AMN چند درجه است؟

۴۰ (۴) ۳۰ (۳) ۲۰ (۲) ۱۵ (۱)



- ۳۰۳ در شکل زیر $AB = 11$ ، $BC = 22$ ، $AC = 16$ و خطی موازی MN بازی BC است که از O می‌گذرد. اگر CO و BO به ترتیب نیمسازهای زوایای ABC و ACB باشند، محیط مثلث AMN کدام است؟

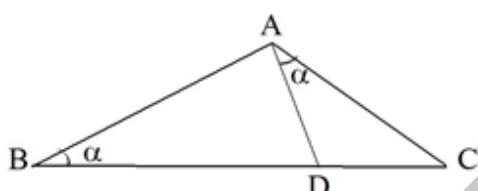
۲۹ (۲) ۲۷ (۱) ۳۱ (۳)
۳۳ (۴)

- ۳۰۴ در مثلث $\triangle ABC$ داریم $\hat{A} > \hat{B}$. عمودمنصف BC ، اضلاع BC و AC را به ترتیب در N و M قطع می‌کند. کدام گزینه درست است؟

۲ $BM > AC$ (۴) ۳ $AB > AC$ (۳) ۲ $BC > 2BM$ (۲) ۱ $MC > MB$ (۱)

- ۳۰۵ اگر دو گزاره‌ی زیر در خصوص مدرسه‌ای درست باشد، یک نتیجه‌ی این گزاره کدام است؟
«بعضی از دانشآموزان چاق نیستند.»
«همه اعضای کتابخانه چاق هستند.»

۱) همه‌ی دانشآموزان، عضو کتابخانه هستند.
۲) بعضی از اعضای کتابخانه، دانشآموز نیستند.
۳) هیچ دانشآموزی عضو کتابخانه نیست.



- ۳۰۶ در مثلث زیر، کدام مورد صحیح است؟

۱) $AB < AD$ (۱) ۲) $AD = DC$ (۲) ۳) $AB < AC$ (۳) ۴) $AC > DC$ (۴)

- ۳۰۷ در مثلث $\triangle ABC$ می‌دانیم $\hat{B} = 30^\circ$ ، $AC = 10$ و $AB = 16$ است چند مثلث می‌توانیم رسم کنیم؟

۰ (۰) ۱ (۱) ۲ (۲) ۴) بی‌شمار

- ۳۰۸ نقاط A و B به فاصله‌ی ۴ از هم قرار دارند. چند نقطه وجود دارد که فاصله‌اش از نقطه‌ی A برابر ۳ و از نقطه‌ی B برابر ۲ باشد؟

۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴) صفر

- ۳۰۹ در مثلث $\triangle ABC$ اندازه زاویه‌های B و C به ترتیب 38° و 64° درجه است. اندازه‌ی زاویه بین نیمساز خارجی زاویه‌ی C و نیمساز داخلی زاویه‌ی B کدام است؟

۷۲ (۴) ۳۲ (۳) ۳۹ (۲) ۱۹ (۱)

۳۱۰

- نفيض چه تعداد از گزاره‌های زیر درست است؟
- آ) هر لوزی، یک مربع است.
 - ب) مستطیلی وجود ندارد که مربع نباشد.
 - پ) هیچ مثلثی، بیش از یک زاویه‌ی قائم ندارد.
 - ت) مجموع زاویه‌های داخلی هر چهار ضلعی محدب، برابر با 360° است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۳۱۱

- عبارت «اتفاقی که برای دو بار رخ ندهد، بار سوم هم رخ نمی‌دهد.»، بیان‌گر کدام نوع استدلال است؟
- برهان خلف
 - استنتاجی
 - تمثیلی
 - اتفاقی

- در مثلث $\triangle ABC$ زاویه میان نیمساز داخلی زاویه \hat{A} و نیمساز خارجی زاویه C ، 35° است. زاویه B چند درجه است؟

۷۰° (۴)

۶۵° (۳)

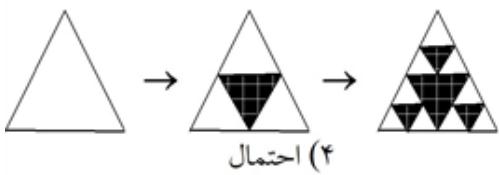
۶۰° (۲)

۵۵° (۱)

۳۱۲

- در گزاره زیر، نوع استدلال به کار رفته، کدام است؟

- طبق فرایند رو به رو، در مرحله اول $\frac{3}{4}$ و در مرحله دوم، $\frac{3}{4} \times \frac{3}{4}$ مساحت اولیه، هاشور نخورده، باقی مانده است.



(۳) استقرارا

(۲) استنتاج

(۱) برهان خلف

بنابراین در مرحله ششم $\left(\frac{3}{4}\right)^6$ مساحت اولیه بدون هاشور است.

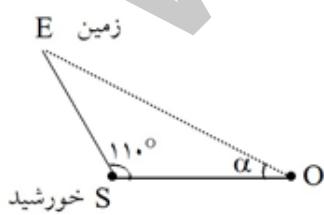
۳۱۳

- عکس کدام یک از احکام زیر درست نیست؟

- محل برخورد نیمسازهای یک مثلث، مرکز دایره محاطی آن مثلث است.
- محل برخورد ارتفاعات یک مثلث با زاویه‌ای باز، خارج مثلث قرار دارد.
- در مثلث متساوی‌الاضلاع، محل برخورد ارتفاعها بر محل برخورد عمودمنصف‌های اضلاع مثلث منطبق است.
- مساحت‌های هر دو مثلث همنهشت با هم برابرند.

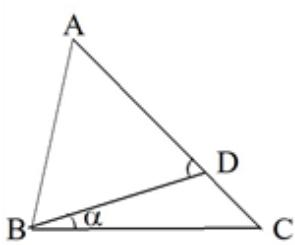
۳۱۴

- در شکل زیر، فرض کنید می‌خواهیم جسمی را که در راستای SO قرار دارد از زمین (E) رصد کنیم. برای اجسامی که فاصله آن‌ها تا خورشید (SO) بیشتر از فاصله‌ی زمین تا خورشید (SE) است، زاویه‌ی α در چه محدوده‌ای قرار می‌گیرد؟

(۱) $(5^\circ, 35^\circ]$ (۲) $(5^\circ, 45^\circ]$ (۳) $(0^\circ, 35^\circ]$ (۴) $(0^\circ, 40^\circ]$

۳۱۶

با توجه به شکل، اگر $\hat{B} = \hat{ABC}$ باشد، اندازه زاویه α بر حسب زوایای \hat{B} و \hat{C} کدام است؟



$$\frac{\hat{B} - \hat{C}}{2} \quad (1)$$

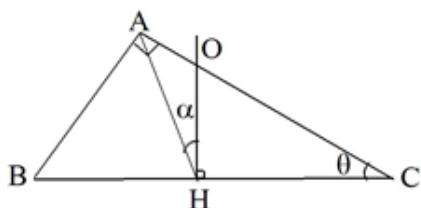
$$\hat{B} - \frac{\hat{C}}{2} \quad (2)$$

$$\frac{\hat{C} - \hat{B}}{2} \quad (3)$$

$$\frac{\hat{B} + \hat{C}}{2} \quad (4)$$

۳۱۷

در شکل رو به رو، OH عمود منصف وتر مثلث قائم الزاویه $\triangle ABC$ است. اگر $\hat{\theta} = 40^\circ$ باشد، اندازه α چند درجه است؟



۵ (۱)

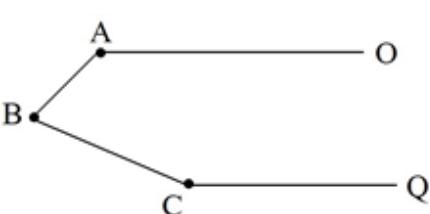
۱۰ (۲)

۱۵ (۳)

۲۰ (۴)

۳۱۸

در شکل مقابل، $AO \parallel CQ$ است. اگر $\hat{C} = 130^\circ$ و $\hat{A} = 100^\circ$ باشد، زاویه \hat{B} چند درجه است؟



۲۲۰° (۱)

۱۳۰° (۲)

۱۱۵° (۳)

۶۵° (۴)

۳۱۹

چند نقطه در صفحه مختصات وجود دارد که از نقطه $A(1, 2)$ باشد؟

۱ (۱) ۱ (۲) ۲ (۲) ۴ (۴) بیشمار

۳۲۰

در مثلث ABC ، اضلاع $AB = 2x + 7$ و $AC = x + 6$ مفروض است. اگر $\hat{B} < \hat{C} < \hat{A}$ کدام رابطه درست است؟

$\hat{C} \geq \hat{B}$ (۴) $\hat{B} = \hat{C}$ (۳) $\hat{B} > \hat{C}$ (۲) $\hat{C} > \hat{B}$ (۱)

۳۲۱

در مثلث ABC داریم: $\hat{B} = 40^\circ$ و $\hat{C} = 60^\circ$. اگر دو ارتفاع نظیر رئوس B و C یکدیگر را در H قطع کنند، زاویه BHC چند درجه است؟

۱۲۰ (۴) ۱۱۵ (۳) ۱۰۰ (۲) ۹۰ (۱)

۳۲۲

در مثلث ABC اگر $\hat{C} = 35^\circ$ و $\hat{B} = 70^\circ$ کدام رابطه بین اضلاع برقرار است؟

$AC < BC$ (۴) $AC = BC$ (۳) $BC < AB$ (۲) $AC = 2AB$ (۱)

- نقطه A روی خط L مفروض است. چند نقطه در صفحه وجود دارد که از نقطه A و خط L به فاصله یکسان ۴ سانتی‌متر باشد؟
- ۱) صفر ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

- طول دو ضلع متوالی‌الاضلاع ABCD برابر ۵ و ۴ و طول یک قطر آن $\sqrt{3}$ است. با این سه طول داده شده چند متوالی‌الاضلاع می‌توان رسم کرد؟
- ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) صفر

- سه پاره‌خط با طول‌های ۶X، ۷ + X و ۴(X - ۱) داده شده‌اند. اگر مجموع طول‌های این سه پاره‌خط ۳۶ باشد، با این سه پاره‌خط چند مثلث می‌توان رسم کرد؟
- ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) دقیق نمی‌توان تعیین کرد.

- چند نقطه داخل یک مثلث وجود دارد که از هر سه ضلع به یک فاصله باشد؟
- ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) به نوع مثلث بستگی دارد.

- نقطه A خارج خط d مفروض است. از A عمود d' را بر d رسم کرده و سپس در A عمود d'' را بر d' رسم می‌کنیم. کدام گزینه درست است؟
- ۱) d || d'' ۲) d ⊥ d'' ۳) d, d' و d'' متقاطعند. ۴) d, d' و d'' هم‌رسند.

- برای رسم عمودمنصف پاره‌خط AB به طول ۱۰، دهانه پرگار را به اندازه R باز می‌کنیم. R کدام می‌تواند باشد؟
- ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

- نقاط A، B و C رأس‌های مثلث دلخواه ABC هستند. محل تلاقی نیمسازهای زاویه‌های A و B را O می‌نامیم. فاصله این نقطه را از اضلاع مثلث، h_1 ، h_2 و h_3 می‌نامیم. کدام گزینه در مورد این فاصله‌ها درست است؟

$$h_1 = h_2 = h_3 \quad (۱) \quad h_1 h_2 h_3 = ۱ \quad (۲) \quad \frac{h_1 + h_2}{h_3} = ۳ \quad (۳) \quad h_1 + h_2 + h_3 = ۱ \quad (۴)$$

- چه تعداد از موارد زیر را می‌توان به صورت قضیه‌ای دوشرطی بیان کرد؟
- الف) اگر یک چهارضلعی متوالی‌الاضلاع باشد، آنگاه قطرهایش یکدیگر را نصف می‌کنند.

$$\text{ب) اگر } y = x, \text{ آنگاه } y^2 = x^2.$$

- پ) اگر n عددی زوج باشد، آنگاه n^2 نیز عددی زوج است.
- ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) صفر

- مثلث ABC با معلوم بودن $a = ۱۶$ ، $b = ۱۶$ و $c = m_a$ قابل رسم است. کدام عدد می‌تواند باشد؟
- ۱) ۱ ۲) ۷ ۳) ۱۰ ۴) ۱۱

- اندازه دو ضلع از مثلثی ۵ و ۹ واحد است. ضلع سوم چند واحد انتخاب شود تا مثلث قابل رسم گردد؟
- ۱) ۱۰ ۲) ۱۴ ۳) ۱۴ ۴) ۱۵

۳۳۲

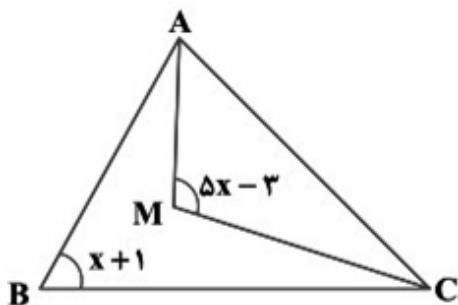
- در صفحه یک مثلث چند نقطه می‌توان یافت که از سه ضلع مثلث یا امتداد آنها به یک فاصله باشد؟
- ۱) ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۳۳۳

- مثلث قائم‌الزاویه متساوی الساقین را با داشتن کدام جزء نمی‌توان به صورت منحصر به فرد رسم کرد؟
- ۱) وتر (۱) ۲) ضلع قائم (۲) ۳) محیط (۳) ۴) یک زاویه حاده

۳۳۴

- محل همروزی کدام دسته از اجزای فرعی مثلث همواره داخل مثلث قرار دارد؟
- ۱) میانه و عمودمنصف (۱) ۲) میانه و نیمساز (۲) ۳) نیمساز و ارتفاع (۳) ۴) ارتفاع و عمودمنصف



۳۳۵

- در مثلث شکل مقابل، محدوده x کدام است؟

- $x > 2$ (۱)
 $x < 2$ (۲)
 $x > 1$ (۳)
 $x < 1$ (۴)

۳۳۶

- برای اثبات قضیه (اگر در مثلث $\triangle ABC$ ، $\hat{B} \neq \hat{C}$ به روش برهان خلف، فرض اولیه اثبات کدام است؟

- $\hat{A} > \hat{C}$ (۴) $AB = AC$ (۳) $\hat{B} = \hat{C}$ (۲) $AB > AC$ (۱)

۳۳۷

- کدام یک از گزینه‌های زیر، یک گزاره است؟
- ۱) کتابت را مطالعه کن.
۲) $2 < 3$
۳) چه هوای خوبی!
۴) آیا فردا هوا بارانی است؟

۳۳۸

- روش نتیجه‌گیری کلی بر اساس مشاهدات محدود را می‌نامند.
- ۱) استدلال استقرایی (۱) ۲) برهان خلف (۲) ۳) مثال نقض (۳)

۳۳۹

- نقیض گزاره‌ی «هر چهار ضلعی که قطرهایش برم عمودند، لوزی است.» کدام گزینه است؟
- ۱) چهار ضلعی نیست که قطرهایش عمود و چهار ضلعی لوزی باشد.
۲) چهار ضلعی هست که قطرهایش عمود باشند ولی لوزی نباشد.
۳) چهار ضلعی هست که قطرهایش عمود نباشند و لوزی باشد.
۴) چهار ضلعی هست که قطرهایش عمود نباشند و لوزی نباشد.

۳۴۰

- داخل هر متوازی‌الاضلاع چند نقطه وجود دارد که از دو قطر و یک ضلع، به یک فاصله باشد؟
- ۱) ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۳۴۲

اگر کمان AB یک نیم دایره و C نقطه‌ای روی کمان باشد، کدام گزینه صحیح نیست؟

$$AB^2 = AC^2 + BC^2 \quad (1)$$

(۲) مرکز دایره، محل تلاقی عمود منصف AC و وتر AB است.

$$\frac{AC \times BC}{AB} \text{ است.} \quad (3)$$

(۴) مرکز دایره، محل تلاقی نیمساز $\hat{A}CB$ و وتر AB است.

۳۴۳

مثلثی با زوایای 20° , 30° و 130° مثال نقض مناسبی برای کدام یک از گزینه‌های زیر است؟

(۱) هر مثلث، حداقل یک زاویه بزرگ‌تر از 60° دارد.

(۲) در هر مثلث، ارتفاع از دو ضلع مجاورش کوتاه‌تر است.

(۳) در هر مثلث، اندازه بزرگ‌ترین زاویه از چهار برابر کوچک‌ترین زاویه، کوچک‌تر است.

(۴) محل همرسی ارتفاع‌های هر مثلث، خارج از مثلث قرار می‌گیرد.

۳۴۴

در مثلث ABC , اگر $\hat{B} = 30^\circ$ و $\hat{A} = 70^\circ$, نسبت بزرگ‌ترین ضلع مثلث به کوچک‌ترین ضلع آن کدام است؟

$$\frac{BC}{AC} \quad (4) \qquad \frac{AB}{AC} \quad (3) \qquad \frac{AB}{BC} \quad (2) \qquad \frac{AC}{BC} \quad (1)$$

۳۴۵

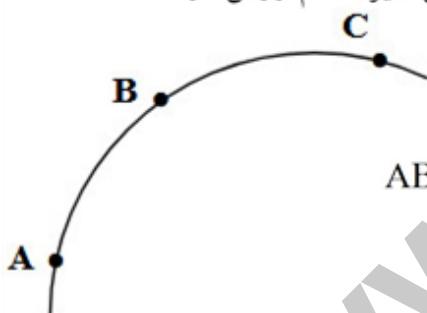
در شکل مقابل، قسمتی از یک دایره رسم شده است. برای پیدا کردن مرکز این دایره کدام روش درست است؟

(۱) پیدا کردن محل تقاطع عمود منصف‌های پاره خط‌های AB و BC

(۲) پیدا کردن محل تقاطع ارتفاع‌های مثلث ABC

(۳) پیدا کردن قرینه B نسبت به AC

(۴) پیدا کردن محل تقاطع نیمسازهای خارجی زوایه‌های A و C در مثلث ABC



۳۴۶

مکان هندسی نقاطی از صفحه‌ی یک دایره که از دو سر هر وتر دلخواه از دایره به یک فاصله باشند، کدام است؟

(۱) یک دایره (۲) یک خط راست (۳) دو خط موازی (۴) یک نقطه

۳۴۷

برای رسم یک متوازی الاضلاع داشتن کدام یک از اطلاعات زیر لازم و کافی است؟

(۱) داشتن طول دو قطر (۲) داشتن طول دو ضلع

(۳) داشتن طول یک ضلع و یک قطر (۴) داشتن طول یک ضلع و دو خط موازی

۳۴۸

در مثلث ABC , طول AH ارتفاع وارد بر قاعده‌ی BC , نصف آن است. از رأس C , BC را به اندازه‌ی خودش تا

M امتداد می‌دهیم و از M به A وصل می‌کنیم. اگر $\hat{BAM} = 90^\circ$ باشد، کدام گزینه صحیح نیست؟

$$\hat{HAM} = 45^\circ \quad (4) \qquad \hat{HAC} = 60^\circ \quad (3) \qquad \hat{B} = 75^\circ \quad (2) \qquad \hat{AMC} = \hat{MAC} \quad (1)$$

۳۴۹

- ۳۵۰) در یک n ضلعی، تعداد قطرها سه برابر تعداد اضلاع است. مجموع زوایای داخلی این چندضلعی چقدر است؟
 ۱) 1260° ۲) 21080° ۳) 900° ۴) 1440°

- ۳۵۱) اگر سه پاره خط به اندازه های a , $a - 4$, $3a - 7$ و $4a$, اضلاع یک مثلث باشند، در این صورت حدود a کدام است؟
 ۱) $a > \frac{3}{2}$ ۲) $\frac{6}{11} < a < \frac{3}{2}$ ۳) $a > \frac{11}{6}$ ۴) $\frac{2}{3} < a < \frac{11}{6}$

- ۳۵۲) در مثلث قائم الزاویه ABC , $\hat{A} = 90^\circ$, زوایه بین نیمساز داخلی \hat{B} و نیمساز خارجی \hat{C} , کدام است؟
 ۱) 45° ۲) 60° ۳) 90° ۴) 135°

- ۳۵۳) در مثلث ABC , $\hat{A} + \hat{C} = 2\hat{B}$, آنگاه بین سه ضلع کدام رابطه برقرار است؟
 ۱) $BC < AB < AC$ ۲) $AC < BC < AB$ ۳) $AC = BC < AB$

- ۳۵۴) دو نقطه A و C از یکدیگر ۵ واحد فاصله دارند. از رأس A کمانی به شعاع ۳ واحد و از رأس C کمانی به شعاع ۴ واحد رسم می کنیم. این دو کمان یکدیگر را در دو نقطه B و D قطع می کنند. چهارضلعی $ABCD$ کدام است؟

- ۱) لوزی ۲) مستطیل ۳) متوازی الاضلاع ۴) هیچ کدام

- ۳۵۵) چند مستطیل به قطر ۶ می توان رسم کرد؟
 ۱) هیچ ۲) ۱ ۳) ۲ ۴) بی شمار

- ۳۵۶) نقطه A از خط d به فاصله ۱ $- 2x$ قرار دارد. اگر هیچ نقطه ای روی خط d تا نقطه A فاصله ۵ نداشته باشد، کدام گزینه می تواند باشد؟
 ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

- ۳۵۷) برای رسم خطی به موازات خط d از نقطه T خارج از خط و فقط به کمک پرگار و خط کش، چند بار از پرگار استفاده می شود؟
 ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۷

- ۳۵۸) کدام یک از قضای زیر دوشرطی است؟

- ۱) اگر چهارضلعی لوزی باشد، آنگاه قطرها بر هم عمودند.
 ۲) اگر متوازی الاضلاع مربع باشد، آنگاه اضلاع با هم برابرند.
 ۳) اگر دو عدد با هم برابر باشند، مربع آنها هم با هم برابر است.
 ۴) در مثلث ABC اگر $\hat{C} > \hat{B} > \hat{A}$ باشد، آنگاه

- ۳۵۹) کدام گزاره مثال نقض ندارد؟
 ۱) هر لوزی یک مربع است.

- ۲) در هر مثلث، هر ارتفاع از هر سه ضلع کوچکتر است.
 ۳) هر دو دایره با مساحت های برابر، شعاع های برابر دارند.
 ۴) هر دو مثلث با مساحت های برابر، هم نهشتاند.

۳۶۰

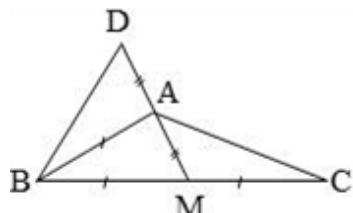
برای کدامیک از گزاره‌های زیر می‌توان از مثال نقض استفاده کرد؟

- (۱) فاصله‌ی نقطه‌ی همرسی ارتفاعات یک مثلث از یک ضلع، می‌تواند صفر باشد.
- (۲) فاصله‌ی نقطه‌ی همرسی میانه‌های یک مثلث از یک ضلع، کوچک‌تر از هر یک از دو ضلع دیگر است.
- (۳) فاصله‌ی نقطه‌ی همرسی عمودمنصف‌های اضلاع یک مثلث از یک رأس نمی‌تواند از محیط مثلث بیش‌تر شود.
- (۴) فاصله‌ی نقطه‌ی همرسی نیمسازهای داخلی یک مثلث از یک ضلع، کم‌تر از فاصله‌ی رأس مقابل تا آن ضلع است.

۳۶۱

در مثلث قائم‌الزاویه، زاویه‌ی بین دو نیمساز زوایای حاده‌ی مثلث کدام است؟

- (۱) 90° (۲) 120° (۳) 135° (۴) 110°

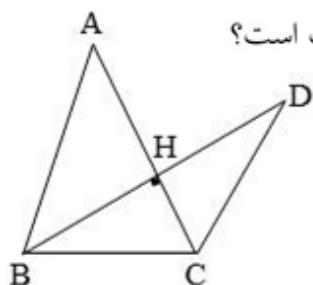
در شکل مقابل، درجه‌ی زاویه‌ی $\hat{A}BC = 61^\circ$ ، اندازه‌ی زاویه‌ی $\hat{D} + \hat{C} = 40^\circ$ چند درجه است؟

- (۱) 39° (۲) 56° (۳) 58° (۴) 61°

۳۶۲

در مثلث ABC اگر $\hat{A} - \hat{B} = 40^\circ$ و نقطه‌ی D روی ضلع BC طوری قرار داشته باشد که $AC = CD$ ، آنگاهاندازه‌ی زاویه \hat{DAB} کدام است؟

- (۱) 30° (۲) 12° (۳) 15° (۴) 20°

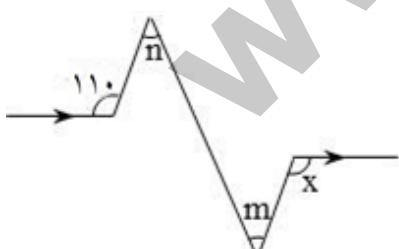
در شکل مقابل $AB = AC$ و $BC = CD$ ، $BD \perp AC$ می‌باشد. کدام گزینه درست است؟

- (۱) $\hat{D} = 90^\circ - \frac{\hat{A}}{2}$ (۲) $\hat{D} = 90^\circ + \frac{\hat{A}}{2}$ (۳) $\hat{D} = \hat{A}$ (۴) $\hat{D} = \frac{\hat{A}}{2}$

۳۶۴

در مثلث ABC اگر $AB = \frac{1}{2} AC$ باشد، زاویه‌ی بین نیمساز \hat{A} و میانه‌ی نظیر ضلع AC کدام است؟

- (۱) 45° (۲) 30° (۳) 90° (۴) 60°

در شکل مقابل اگر $m - n = 30^\circ$ باشد، آنگاه اندازه‌ی زاویه‌ی X کدام است؟

- (۱) 120° (۲) 80° (۳) 120° (۴) 140°

۳۶۷

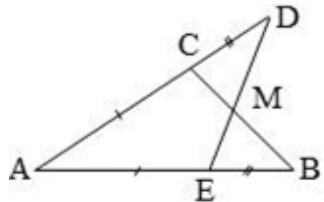
در شکل مقابل کدام گزینه درست است؟

$$BC = DE \quad (1)$$

$$\triangle BME = \triangle DMC \quad (2)$$

نیمساز زاویه $\angle CAE$ است. (3)

(4) تمام موارد

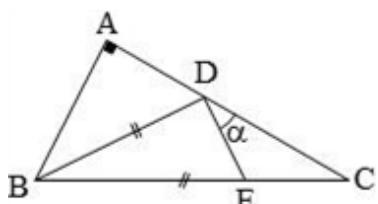


۳۶۸

در مثلث قائم‌الزاویه مقابله $BD = BE$ نیمساز و $BD = BE$ می‌باشد.اگر $\hat{EDC} = \alpha$, آنگاه کدام گزینه درست است؟

$$4\alpha = 2\hat{B} \quad (2) \qquad 2\alpha = 2\hat{B} \quad (1)$$

$$4\alpha = 2\hat{C} \quad (4) \qquad 2\alpha = 2\hat{C} \quad (3)$$

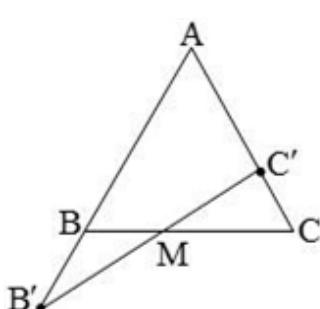


۳۶۹

در چهارضلعی $MNCB$ نقطه A روی ضلع MN طوری قرار دارد که از دو سر ضلع NC و از دو سر ضلعبه یک فاصله است. اگر $\hat{BAC} = 70^\circ$ باشد، آنگاه مجموع زوایای M و N در این چهارضلعی کدام است؟

$$115 \quad (4) \qquad 120 \quad (3) \qquad 130 \quad (2) \qquad 125 \quad (1)$$

۳۷۰

در مثلث قائم‌الزاویه ABC ($A = 90^\circ$), نیمساز AD را رسم کرده، از نقطه D خطی موازی ضلع AC رسممی‌کنیم تا ضلع AB را در E قطع کند، در این صورت مثلث ADE
.....(1) قائم‌الزاویه است
(2) متساوی‌الساقین است(3) قائم‌الزاویه متساوی‌الساقین است
(4) متساوی‌الاضلاع است

۳۷۱

در مثلث متساوی‌الساقین ABC ($AB = AC$), اگر $BB' = CC'$ آنگاه نسبت $\frac{MC'}{B'C'}$ کدام است؟

$$\frac{3}{5} \quad (2) \qquad \frac{2}{5} \quad (1)$$

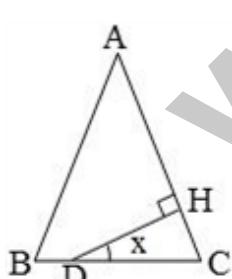
$$\frac{2}{3} \quad (4) \qquad \frac{1}{2} \quad (3)$$

۳۷۲

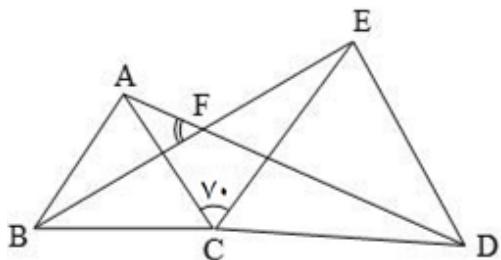
در مثلث متساوی‌الساقین ABC ($AB = AC$) از نقطه D دلخواه واقعبر قاعده BC بر ساق AC عمود می‌کنیم. اندازه زاویه X کدام است؟

$$90 - A \quad (2) \qquad A \quad (1)$$

$$\frac{A}{2} \quad (4) \qquad 90 + \frac{A}{2} \quad (3)$$



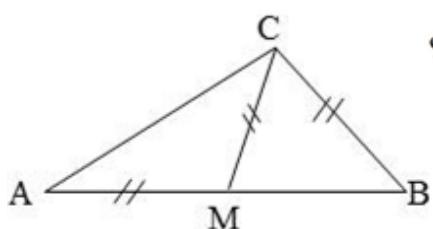
۳۷۲



در شکل رویه‌رو مثلث‌های $\triangle ECD$ و $\triangle ABC$ متساوی‌الاضلاع هستند.

- زاویه‌ی $\hat{A}FB$ چند درجه است؟
- (۱) 50°
 - (۲) 60°
 - (۳) 40°
 - (۴) 45°

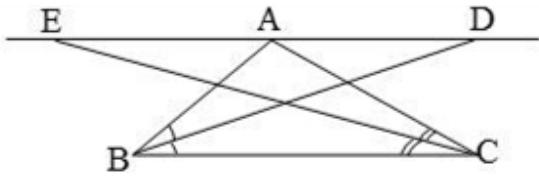
۳۷۴



در شکل مقابل $AM = CM = CB$ و $AB = AC$ چقدر است؟

- (۱) 36°
- (۲) $27/5^\circ$
- (۳) 30°
- (۴) 40°

۳۷۵

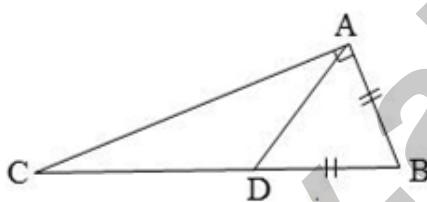


در شکل رویه‌رو $ED \parallel BC$ و در ضمن $CE \parallel BD$ و $\hat{C}B$ هستند. اندازه \hat{ED} کدام است؟

- (۱) $2AB$
- (۲) AC
- (۳) $AB + AC$
- (۴) $AB + BC$

۳۷۶

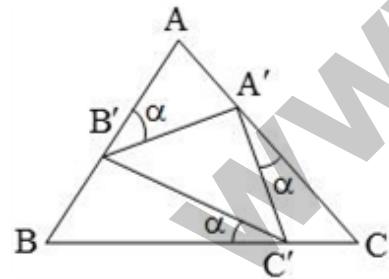
در مثلث قائم‌الزاویه $\triangle ABC$ ، نقطه‌ی D بر BC چنان قرار دارد که $AB = BD$ ، اندازه‌ی زاویه \hat{DAC} کدام است؟



- (۱) $\frac{B}{2}$
- (۲) $\frac{B}{3}$
- (۳) $\frac{2B}{3}$
- (۴) B

۳۷۷

در شکل مقابل $AB = AC = BC$ ، در این صورت مثلث $A'B'C'$ کدام است؟

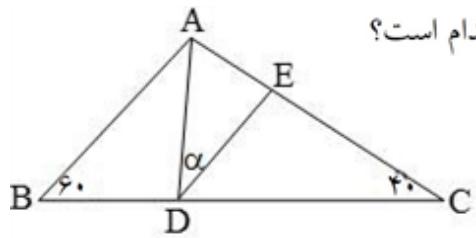


- (۱) متساوی‌الاضلاع
- (۲) متساوی‌الساقین
- (۳) قائم‌الزاویه
- (۴) غیر مشخص

۳۷۸

از نقطه I محل تلاقی نیمسازهای دو زاویه B و C از مثلث ABC خطی به موازات BC رسم می‌کنیم تا AB را در M و AC را در N قطع کند، در این صورت $BM + CN$ برابر است با:

- (۱) $\frac{BC}{2}$
- (۲) BC
- (۳) MN
- (۴) $\frac{MN}{2}$



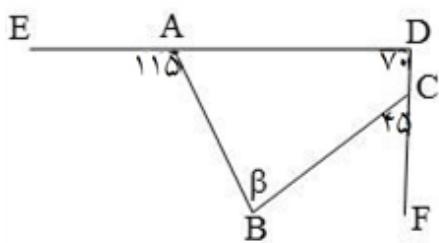
در شکل مقابل ممکن است زاویه α کدام است؟

- (۱) 15°
(۲) 5°
(۳) 10°
(۴) 20°

در مثلث $\triangle ABC$ با $A = 34^\circ$, $AB = AC$, $\angle B = \angle C$ اندادهای AC را به اندازه BC امتداد دهیم تا به نقطه D برسیم آنگاه زاویه $\angle ADC$ کدام است؟

- (۱) $37/5^\circ$ (۴) 37° (۳)

- (۱) 36° (۲) $36/5^\circ$



در شکل رویه‌رو، اندازه $\angle \beta$ برابر است با:

- (۱) 80°
(۲) 85°
(۳) 90°
(۴) 65°

مثلث ABC با داده‌های دو ضلع $a = mn$, $b = m^2 + n^2$ و ارتفاع وارد بر ضلع سوم $c = 2mn$ قابل رسم است. اگر m و n اعدادی طبیعی باشند، چند مثلث متمایز با این شرایط وجود دارد؟

- (۱) ۱ یا ۲ (۲) هیچ (۳) ۲ (۴) گزینه‌ی ۱ یا ۲

فقط با استفاده از پرگار با رسم چند قوس می‌توان نقطه‌ای از نیمساز زاویه‌ی مفروض را تعیین کرد؟

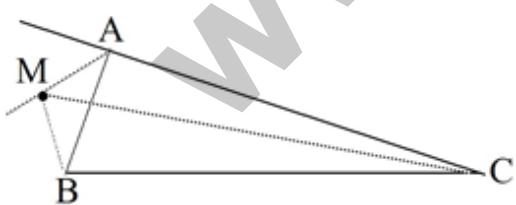
- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

برای رسم عمود بر یک خط از نقطه‌ای بر روی آن چند بار کمانی از دایره رسم می‌شود؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

در شکل رویه‌رو، نقطه M روی نیمساز خارجی زاویه A است.

نسبت $\frac{MB + MC}{AB + AC}$ چگونه است؟



- (۱) بزرگ‌تر از ۱ (۲) کم‌تر از ۱ (۳) غیرمشخص (۴) برابر با ۱

چند مثلث وجود دارد که طول دو ضلع آن ۳ و ۵ باشد و یکی از ارتفاعها برابر ۴ باشد؟

- (۱) ۱ (۲) صفر (۳) ۲ (۴) ۶

چند مثلث با اطلاعات ۲ = h_a و ۱ = b و ۳ = c می‌توان رسم کرد؟ ۳۸۸

(۴) بی‌شمار

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

نقطه‌ی O و خط d مفروض‌اند. چند نقطه در صفحه وجود دارد که از نقطه‌ی O به فاصله‌ی ۲ و از خط d به فاصله‌ی ۲/۵ باشد؟ ۳۸۹

(۴) حداقل ۲

۲ (۳)

۲ (۲) حداقل ۴

۴ (۱)

برای اثبات قضیه‌ی زیر با برهان خلف، تناقض ایجاد شده با کدام یک از گزینه‌ها در تضاد است؟ ۳۹۰

«اگر خطی یکی از دو خط موازی را قطع کند، دیگری را نیز قطع می‌کند»

(۱) مجموع زوایای داخلی هر مثلث 180° است.

(۲) دو خط عمود بر یک خط موازی‌اند.

(۳) از هر نقطه تنها یک خط موازی خط مفروض عبور می‌کند.

(۴) اگر خطی بر یکی از خطوط موازی عمود باشد، بر دیگری نیز عمود است.

کدام یک از قضایای زیر به صورت دو شرطی بیان نمی‌شود؟ ۳۹۱

(۱) مثلثی که دو زاویه‌ی برابر دارد، دارای دو ضلع برابر است.

(۲) اگر سه ضلع مثلث برابر باشند، آنگاه هر زاویه‌ی آن 60° است.

(۳) مساحت‌های هر دو مثلث همنهشت با هم برابرند.

(۴) در هر مثلث قائم‌الزاویه، یکی از میانه‌ها نصف وتر است.

عکس کدام قضیه درست است؟ ۳۹۲

(۱) اگر دو زاویه از یک مثلث و دو زاویه از مثلث دیگر برابر باشند، زاویه‌ی سوم نیز برابر است.

(۲) اگر دو زاویه قائم‌الزاویه باشند، مکمل‌اند.

(۳) اگر دو زاویه برابر باشند، مکمل‌هایشان نیز برابر است.

(۴) اگر سه ضلع مثلث با هم برابر باشد، یک زاویه 60° خواهد بود.

اگر سه خط متمایز در یک صفحه باشند به طوری که $d_۲ \parallel d_۳ \parallel d_۱$ در اثبات $d_۲ \parallel d_۳ \parallel d_۱$ کدام روش استدلالی ۳۹۳

به کار می‌رود؟

(۱) استقرایی (۲) قیاسی (۳) استنتاجی (۴) برهان خلف

در مثلث ABC نیمساز داخلی زاویه A ضلع BC را در D قطع می‌کند کدام نامساوی همواره درست است؟ ۳۹۴

DB > DA (۴) AB > AD (۳) DA > DB (۲) BA > BD (۱)

اگر نقطه‌ی هم‌رأی نیمسازهای زوایای داخلی مثلث ABC را I بنامیم و در این مثلث داشته باشیم $\hat{B} > \hat{A} > \hat{C}$ ، کدام گزینه درست است؟ ۳۹۵

BI < CI < AI (۴) AI < CI < BI (۳) BI < AI < CI (۲) CI < AI < BI (۱)

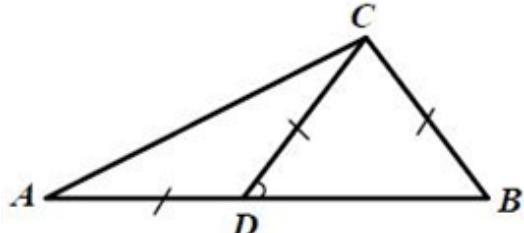
نقطه‌ی O و خط d مفروض است. حداقل چند نقطه در صفحه وجود دارد که از نقطه‌ی O به فاصله‌ی ۲ سانتی‌متر بوده و از خط d به فاصله‌ی ۲/۵ سانتی‌متر باشد؟ ۳۹۶

(۱) یک (۲) دو (۳) سه (۴) چهار

- ۳۹۷ اگر اندازه‌ی محیط مثلثی ۱۱ باشد، اندازه‌ی کوچک‌ترین ضلع مثلث کدام مقدار نمی‌تواند باشد؟
- ۳/۴ (۴) ۳/۷ (۳) ۳/۶ (۲) ۳ (۱)

- ۳۹۸ در مثلث $\triangle ABC$ ($AB > AC$)، طول نیمساز داخلی و خارجی رأس A با هم برابرند. اگر $\hat{A} = 50^\circ$ آن‌گاه مقدار \hat{C} برابر است با
- 60° (۴) 25° (۳) 110° (۲) 20° (۱)

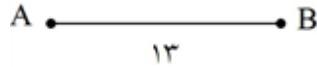
- ۳۹۹ در مثلث $\triangle ABC$ ، $AD = DC = BC$ ، $AB = AC$ ، نیمساز زاویه‌ی C است.



- (۱) نیمساز زاویه‌ی AB
 (۲) میانه‌ی ضلع AB
 (۳) عمودمنصف AB
 (۴) نامشخص است.

۴۰۰

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



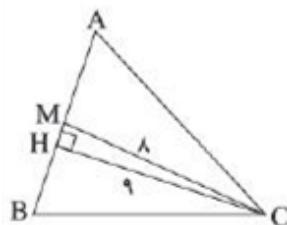
دایره‌ای به مرکز A و شعاع X و دایره‌ای دیگری به مرکز B و شعاع y رسم می‌کنیم. باید این دو دایره هم‌دیگر را قطع کنند تا دو نقطه به دست آید که دارای هر دو شرط فوق باشد، پس مثلث بالاچالع ۱۳، X و y باید وجود داشته باشد یعنی سه عدد ۱۳، X و y باید در نامساوی مثلثی صدق کنند.

$$|x - y| < 13 < x + y$$

تنها گزینه (۲) در این شرط صدق می‌کند.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

ارتفاع CH وارد بر ضلع AB را رسم می‌کنیم داریم:



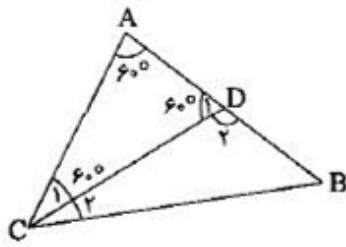
$$S = \frac{1}{2}CH \times AB \Rightarrow 45 = \frac{1}{2}CH \times 10 \Rightarrow CH = 9$$

در مثلث قائم‌الزاویه MHC، وتر MC از ضلع قائم CH کوچک‌تر است و این تناقض است، پس چنین مثلثی وجود ندارد.

۳

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

مثلثی که همسای اجزای فرعی (میانه، ارتفاع، نیمساز، عمودمنصف) بر هم منطبق باشند، مثلث متساوی‌الاضلاع است
پس $\triangle ADC$ متساوی‌الاضلاع است.



$$\left. \begin{array}{l} \hat{C} > \hat{C}_1 \\ \hat{C}_1 = \hat{D}_1 \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{C} = \hat{D}_1 \quad \left. \begin{array}{l} \hat{C} = \hat{D}_1 \\ \hat{D}_1 > B \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{C} = \hat{B}$$

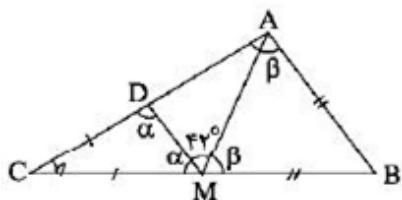
$$(3) : \triangle ABC : \left. \begin{array}{l} AB > AC \\ AC = CD \end{array} \right\} \Rightarrow AB > CD$$

$$(4) : \left. \begin{array}{l} \hat{A} = \hat{D}_1 = 60^\circ \\ \hat{D}_1 > \hat{B} \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{A} > \hat{B}$$

پس گزینه نادرست، گزینه (۲) است.

۴

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با فرض سوال، شکل مقابل را خواهیم داشت.



$$\hat{\alpha} + \hat{\beta} = 180^\circ - 42^\circ = 138^\circ \quad (1)$$

از طرف دیگر مجموع زوایه‌های دو مثلث CDM و AMB برابر 360° است، داریم:

$$2\alpha + 2\beta + \hat{B} + \hat{C} = 360^\circ \xrightarrow{\text{از (1)}} 2 \times 138^\circ + \hat{B} + \hat{C} = 360^\circ \Rightarrow \hat{B} + \hat{C} = 84^\circ$$

بنابراین $\hat{A} = 180^\circ - 84^\circ = 96^\circ$

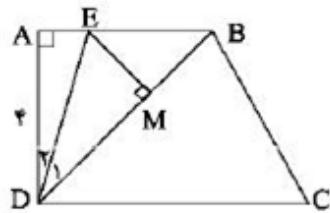
۵

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

عكس قضیه گزینه (1) درست نیست زیرا در ذوزنقه متساوی‌الساقین، قطرها برابر هستند. در واقع ذوزنقه متساوی‌الساقین مثال نقضی برای اثبات نادرستی عکس قضیه گزینه (1) است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

۶



$$EM = AE$$

روی نیمساز D قرار دارد، پس: $\hat{D}_1 = \hat{D}_2$. دو مثلث قائم‌الزاویه DAE و DEM به حالت وتر و یک زاویه حاده همنهشت هستند، پس: $EM = MD = 4$. $AD = MD = 4$ عمودمنصف است بنابراین:

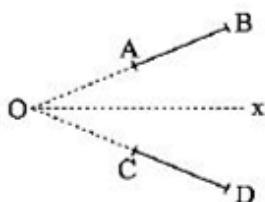
$$DM = MB = 4 \Rightarrow BD = 8$$

$$\triangle ABD: AD^2 + AB^2 \Rightarrow AB = \sqrt{64 - 16} = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

۷

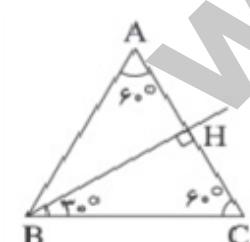
دو پاره خط AB و CD را امتداد می‌دهیم تا یکدیگر را در نقطه O قطع کنند. نیمساز زاویه BOD جواب مسئله است و تمام نقاط آن جواب می‌باشند.



گزینه ۱ پاسخ صحیح است. نقطه‌ی برخورد نیمسازهای مثلث از سه ضلع آن به یک فاصله است. پس:

۸

$$\begin{aligned} OH_1 &= OH_2 = OH_3 = x \\ S_{\triangle ABC} &= S_{\triangle OBC} + S_{\triangle OAC} + S_{\triangle OAB} \\ \frac{3x}{2} &= \frac{x \times 5}{2} + \frac{x \times 3}{2} + \frac{x \times 4}{2} \\ x \times 2 &\rightarrow 12 = 12x \Rightarrow x = 1 \end{aligned}$$



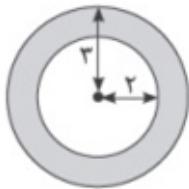
گزینه ۱ پاسخ صحیح است. عمودمنصف AC حتماً از نقطه‌ی B می‌گذرد. چرا که هر نقطه روی عمودمنصف از دو سر پاره خط به یک فاصله است، پس باید $BA = BC$ و

در نتیجه $\hat{A} = \hat{C}$ باشد.

۹

زاویه‌ی برخورد عمودمنصف با قاعده برابر زاویه‌ی HBC و برابر 30° است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۰



$$S = \pi r^2 \Rightarrow r = 3$$

شعاع دایره ۳ سانتی‌متر است.

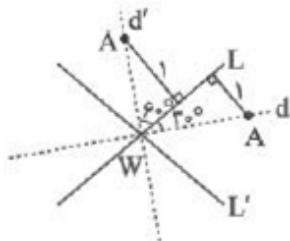
قسمت رنگی نقاطی از دایره را مشخص می‌کند که فاصله‌ی این نقاط از مرکز دایره بیش از ۲ سانتی‌متر باشد.

$$\pi(3)^2 - \pi(2)^2 = 5\pi \quad \text{مساحت قسمت رنگی}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۱۱

نقطه A بر روی یکی از دو نیمساز زاویه بین خطوط L و L' واقع است.

اگر A روی d باشد:



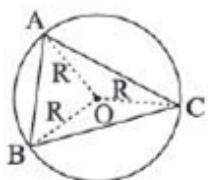
$$WA = \frac{1}{\sin 30^\circ} = 2$$

اگر A روی d' باشد:

$$WA = \frac{1}{\sin 60^\circ} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۱۲

مطابق شکل، مرکز دایره از رئوس مثلث به یک فاصله است، پس روی عمودمنصف اضلاع مثلث قرار دارد.



R = OA = OB \Rightarrow AB

R = OB = OC \Rightarrow BC

R = OA = OC \Rightarrow AC

پس مرکز دایره، محل همرسی عمودمنصف‌ها می‌باشد.

۱۳

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. بررسی گزینه‌ها:

گزینه (۱): در متوازی‌الاضلاع، قطرها منصف یکدیگر هستند و لزوماً برابر نیستند. مثال نقض: لوزی

گزینه (۲): $n = 41$ را به عنوان مثال نقض می‌توان معرفی کرد.

$$41^2 + 41 + 41 = 4(41 + 2) = 41 \times 43 \Rightarrow \text{اول نیست.}$$

گزینه (۳): به عنوان مثال نقض می‌توان مثلث قائم‌الزاویه را معرفی کرد یا مثلثی مانند زیر:

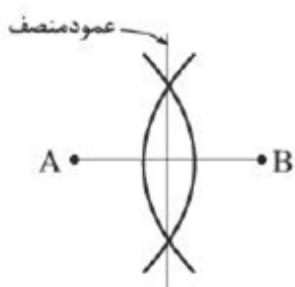


$$\begin{array}{l} \text{گزینه (۴): اثبات: در شکل زیر } AH \text{ میانه و ارتفاع است:} \\ \text{برای اثبات: } BH = CH \\ \hat{H}_1 = \hat{H}_2 = 90^\circ \\ AH = AH \end{array} \quad \left. \begin{array}{c} BH = CH \\ \hat{H}_1 = \hat{H}_2 = 90^\circ \\ AH = AH \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{ض ز ض}} \triangle ABH \sim \triangle ACH \Rightarrow \hat{B} = \hat{C}$$

۱۴

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

برای رسم عمودمنصف پاره‌خط AB , نیاز به رسم دو کمان داریم. کمان‌هایی به مرکز A و B و شعاع محل تلاقی دو کمان روی عمودمنصف است.



۱۵

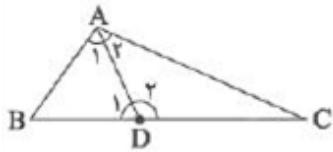
گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

در استدلال استقرایی از جزء به کل می‌رسیم.

دو مثلث همنهشت با نسبت تشابه $k = 1$ متشابه‌اند، پس این گزاره مثال نقض ندارد.

نقیض گزاره $a > b$ است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. بررسی گزینه‌ها:
گزینه (۱)



$$\hat{D}_1 = \hat{A}_1 + \hat{C} \Rightarrow \hat{D}_1 > \hat{A}_1 \xrightarrow{\hat{A}_1 = \hat{A}_2} \hat{D}_1 > \hat{A}_1 \Rightarrow AB > BD$$

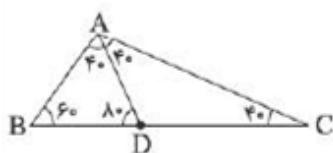
گزینه (۲)

$$\begin{aligned} AC > AB \Rightarrow \hat{B} > \hat{C} &\xrightarrow{\hat{B} + \hat{C}} 2\hat{B} > \hat{B} + \hat{C} \\ \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ &\xrightarrow{2\hat{B} > 180^\circ - \hat{A}} \text{حاده است } \hat{A} \xrightarrow{2\hat{B} > 90^\circ} \hat{B} > 45^\circ \end{aligned}$$

از طرفی چون $\hat{A}_1 < 45^\circ$ حاده است، در نتیجه داریم:

$$\hat{B} > \hat{A}_1 \Rightarrow AD > BD$$

گزینه (۳): این نابرابری را با مثال نقض رد می‌کنیم:

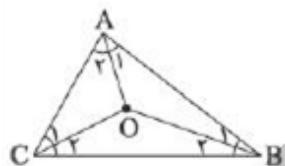


$$\hat{B} < \hat{D}_1 \Rightarrow AD < AB$$

گزینه (۴)

$$\hat{D}_1 = \hat{A}_1 + \hat{B} \Rightarrow \hat{D}_1 > \hat{B} \xrightarrow{\hat{B} > \hat{C}} \hat{D}_1 > \hat{C} \Rightarrow AC > AD$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. طبق فرض داریم:



$$\hat{A} = 83^\circ, \hat{B} = 47^\circ, \hat{C} = 50^\circ$$

در نتیجه:

$$\hat{A}_1 = \hat{A}_2 = 41/5$$

$$\hat{B}_1 = \hat{B}_2 = 23/5$$

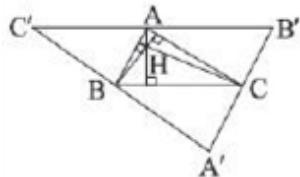
$$\hat{C}_1 = \hat{C}_2 = 25$$

طبق قضیه نابرابری در مثلث داریم:

$$\left. \begin{array}{l} \triangle OAB: \hat{A}_1 > \hat{B}_1 \Rightarrow BO > AO \\ \triangle OBC: \hat{C}_1 > \hat{B}_1 \Rightarrow BO > CO \\ \triangle OAC: \hat{A}_1 > \hat{C}_1 \Rightarrow CO > AO \end{array} \right\} \Rightarrow BO > CO > AO$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۱۸

طبق مثال کتاب درسی می‌دانیم که ارتفاع‌های مثلث ABC، عمودمنصف‌های اضلاع مثلث A'B'C' می‌باشند، پس محل همرسی عمودمنصف‌های اضلاع مثلث A'B'C' نیز می‌باشد، در نتیجه از سه رأس آن به یک فاصله است و داریم:



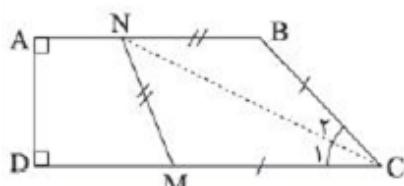
$$HA' = HB' = HC' \Rightarrow 3x + 10 = 18 - x \Rightarrow 4x = 8 \Rightarrow x = 2$$

$$HC' = HA' = 3 \times (2) + 10 = 16$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۱۹

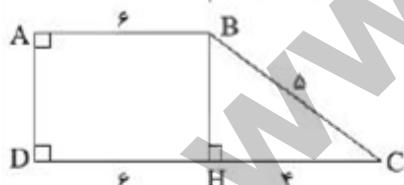
گزینه‌های ۱، ۲، و ۴ هم خود صحیح هستند و هم عکس آنها، پس به صورت دو شرطی بیان می‌شوند.
اما عکس گزینه (۳) صحیح نیست، به عنوان مثال اگر ضلع BC بزرگ‌ترین ضلع باشد، زاویه A می‌تواند منفرجه باشد و لزوماً قائمه نیست.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۲۰



$$\left. \begin{array}{l} MC = BC \\ MN = NB \\ NC = NC \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{ض ض ض}} \triangle MNC \cong \triangle BNC \Rightarrow \hat{C}_1 = \hat{C}_2$$

پس NC نیمساز زاویه C می‌باشد و \hat{N} از دو ضلع زاویه به یک فاصله است یعنی فاصله N از امتداد BC برابر است با فاصله N از ضلع CD که با AD برابر است. برای یافتن طول AD، از B بر CD عمود می‌کنیم.

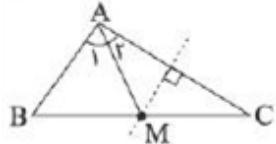


حال طبق قضیه فیثاغورس در مثلث BHC داریم:

$$BH^2 = BC^2 - CH^2 = 9 \Rightarrow BH = 3 \Rightarrow AD = 3$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۲۱

چون M از دو ضلع AB و AC به یک فاصله است، روی نیمساز \hat{A} قرار دارد، پس AM نیمساز \hat{A} است و داریم:



$$\hat{A}_1 = \hat{A}_2 = \frac{1}{2}\hat{A} \quad (1)$$

از طرف دیگر M روی عمودمنصف AC قرار دارد، در نتیجه از دو سر پاره خط AC به یک فاصله است.

$$MA = MC \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{C} \xrightarrow{(1)} \frac{1}{2}\hat{A} = \hat{C} \Rightarrow \hat{A} = 2\hat{C}$$

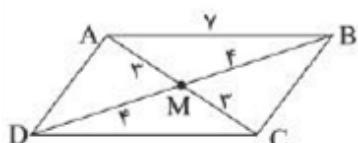
۲۲

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بررسی گزینه‌ها:

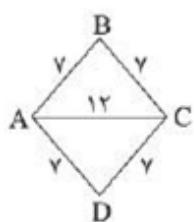
گزینه (۱): این سه عدد در شرط وجود مثلث صدق می‌کنند.

$$\begin{cases} 4 + 7 > 10 \\ 4 + 10 > 7 \\ 7 + 10 > 4 \end{cases}$$

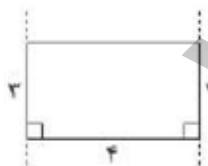
گزینه (۲): می‌دانیم قطرهای متوازی‌الاضلاع یک‌دیگر را نصف می‌کنند. حال اگر چنین متوازی‌الاضلاعی وجود داشته باشد، آن‌گاه مطابق شکل طول اضلاع مثلث MAB ، 4 ، 3 و 7 واحد خواهد بود که این سه عدد در شرط وجود مثلث صدق نمی‌کنند، پس چنین متوازی‌الاضلاعی وجود ندارد.



گزینه (۳): ابتدا پاره خط AC به طول 12 واحد رسم می‌کنیم. از دو سر پاره خط، کمان‌هایی به شعاع 7 می‌زنیم تا یک‌دیگر را در B و D قطع کنند.



گزینه (۴): پاره خطی به طول 4 واحد رسم می‌کنیم. از دو سر پاره خط دو عمود بر آن رسم می‌کنیم و روی آن‌ها به اندازه 3 واحد جدا می‌کنیم.



گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

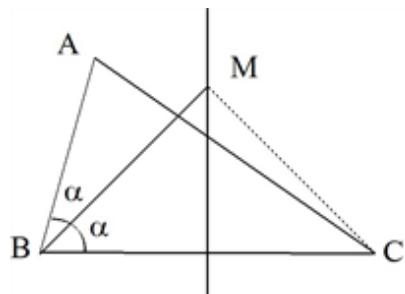
شرط تشکیل مثلث این است که مجموع هر دو ضلع از ضلع سوم بیشتر باشد.

$$\left\{ \begin{array}{l} 4x + v + 19 - 2x > 3x + 8 \Rightarrow -x > -18 \Rightarrow x < 18 \\ 4x + v + 3x + 8 > 19 - 2x \Rightarrow 9x > 4 \Rightarrow x > \frac{4}{9} \Rightarrow x \in \left(\frac{4}{9}, \frac{20}{3} \right) \\ 3x + 8 + 19 - 2x > 4x + v \Rightarrow 20 > 3x \Rightarrow x < \frac{20}{3} \end{array} \right.$$

$$x = 1, 2, 3, 4, 5, 6$$

در نتیجه:

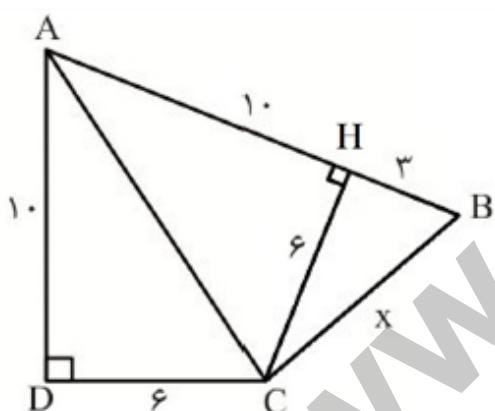
باید دقت کنیم که به ازای این مقادیر، طول هیچ یک از پاره خطها صفر یا منفی نشود.



گزینه ۳ پاسخ صحیح است. بنابر فرض سؤال شکل مقابل مقابله را خواهیم داشت.
حال از M به C وصل کرده چون M روی عمودمنصف ضلع BC قرار دارد.

$$\alpha = \hat{\angle MCB} \text{ پس } MB = MC$$

از طرف دیگر $\hat{\angle MCB} > \hat{\angle C}$ پس $\hat{\angle C} > \hat{\angle B}$ بنابراین $\hat{\angle B} > \hat{\angle C}$.



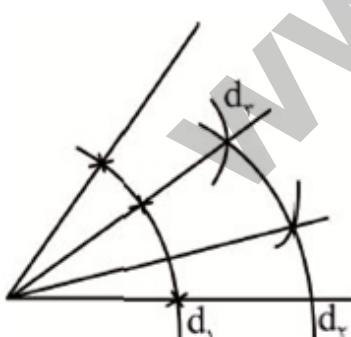
از C بر AB عمود می‌کنیم. چون C روی نیمساز زاویه‌ی DAB است پس $CD = CH = 6$ و $AH = 10 - 6 = 4$ می‌باشند. حال به کمک قضیه‌ی فیثاغورس در مثلث CHB داریم:

$$x^2 = 6^2 + 3^2 \Rightarrow x^2 = 45 \Rightarrow x = \sqrt{45} = 3\sqrt{5}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

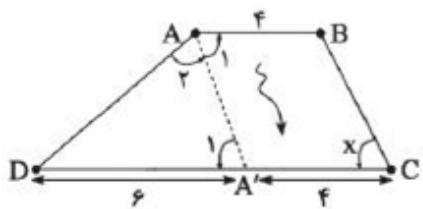
گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

در ابتدا به وسیله سه بار استفاده و رسم سه کمان d_1 و d_2 و d_3 و رسم نیمساز زاویه $\frac{64}{2} = 32$ و با رسم کمان‌های d_4, d_5, d_6, d_7 و d_8 کمان‌های $40^\circ, 20^\circ, 16^\circ, 8^\circ, 4^\circ$ و 1° رسم می‌شود پس حداقل ۸ بار استفاده می‌شود.



گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

ابتدا از نقطه A خطی به موازات BC رسم کرده، سپس به شرح زیر داریم:



$$\text{I) if } \hat{C} = x \Rightarrow \hat{A} = 2x, \text{ متوازی الاضلاع } ABCA' \Rightarrow \hat{A}_1 = x$$

$$\Rightarrow \hat{A}_2 = x, (AB \parallel DC), [AA'] \text{ مورب} \Rightarrow \hat{A}'_1 = x$$

$$\text{II) } \begin{cases} AB \parallel DC \\ BC \parallel AA' \end{cases} \Rightarrow AB = A'C \Rightarrow A'C = 4 \Rightarrow DA' = 10 - 4 = 6$$

$$\text{III) } \hat{A}_2 = \hat{A}'_1 = x \Rightarrow AD = DA', DA' = 6 \Rightarrow AD = 6$$

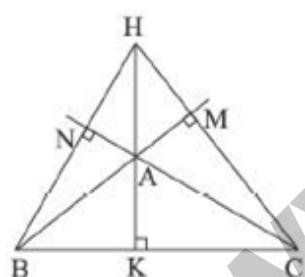
گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

در متوازی الاضلاعی که قطرها برابر باشند یا یک زاویه 90° داشته باشد، مستطیل است.

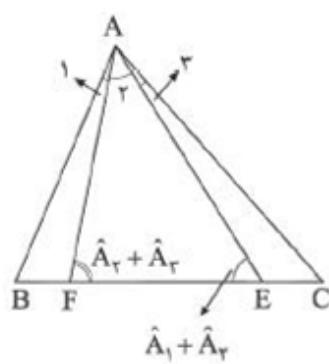
گزینه (۴) هم درست است زیرا وقتی سه زاویه 90° باشد با توجه به این که مجموع زاویه‌های چهارضلعی 360° است، پس زاویه چهارم هم 90° می‌شود و شکل مستطیل می‌شود.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

مثلث ABC را با زاویه منفرجه A رسم می‌کنیم. ارتفاع‌های AK و BN و CM مثلث ABC را رسم می‌کنیم. ارتفاع‌های مثلث HAC، HAB و CK می‌باشد که در نقطه B هم‌رسند و ارتفاع‌های مثلث AN، HAB و HM می‌باشد که در نقطه C هم‌رسند.



گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۳۰



$$BA = BE \Rightarrow \hat{B}AE = \hat{B}EA = \hat{A}_1 + \hat{A}_2$$

$$CA = CF \Rightarrow \hat{C}FA = \hat{CAF} = \hat{A}_2 + \hat{A}_3$$

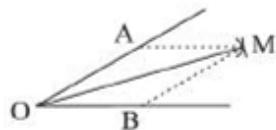
$$\hat{B}AC = 62^\circ \Rightarrow \hat{A}_1 + \hat{A}_2 + \hat{A}_3 = 62^\circ$$

$$\text{For } \triangle AFE: \underbrace{\hat{A}_2 + \hat{A}_3}_{62^\circ} + \hat{A}_1 + \hat{A}_2 + \hat{A}_3 + \hat{A}_4 = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 62 + 2\hat{A}_2 = 180^\circ \Rightarrow \hat{A}_2 = \frac{180 - 62}{2} \Rightarrow \hat{A}_2 = 59^\circ$$

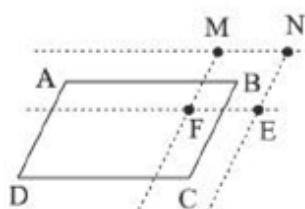
گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۳۱

می‌توان ثابت کرد دو مثلث AOM و BOM همنهشت هستند و OM در واقع نیمساز زاویه \hat{AOB} است، ولی گزینه (۳) لزومی ندارد درست باشد.



گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۳۲

نقاطی از صفحه که فاصله‌شان از خط d یکسان باشد، دو خط موازی با آن است، پس ابتدا دو خط موازی با ضلع AB و به فاصلهٔ یک از آن رسم می‌کنیم، سپس دو خط موازی ضلع BC و به فاصلهٔ $\frac{1}{2}$ از آن رسم می‌کنیم. این چهار خط در ۴ نقطه یکدیگر را قطع می‌کنند که این چهار نقطه پاسخ مسئله هستند.



گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۳۳

$$AC > AB \Rightarrow \hat{B} > \hat{C} \Rightarrow 2y > 2x \Rightarrow y > x$$

$$\wedge \hat{CDB} = 90^\circ + \frac{\hat{A}}{2} \Rightarrow \hat{CDB} = 90^\circ + 35^\circ = 125^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{x} + \hat{y} = 55^\circ \wedge y > x \Rightarrow 2y > x + y \Rightarrow y > \frac{55}{2}$$

$$\Rightarrow y_{\min} = 28$$

۳۴

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ابتدا x را می‌یابیم:

$$3x + 10^\circ + 6x - 24^\circ + 5x + 12^\circ = 180^\circ \Rightarrow 14x - 2 = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 14x = 182^\circ \Rightarrow x = 13^\circ \Rightarrow 3x + 10^\circ = 49^\circ, 6x - 24^\circ = 54^\circ, 5x + 12^\circ = 77^\circ$$

چون 77° بزرگ‌تر از 54° و 49° است، بنابراین بین a , b و c ضلع c از همه بزرگ‌تر است. از طرفی:

$$\hat{D} = 180^\circ - 30^\circ - 40^\circ = 110^\circ \Rightarrow \hat{c} > d, e$$

همچنین:

$$\hat{E} = 95^\circ \Rightarrow b > f, g \xrightarrow{c > b} c > f, g$$

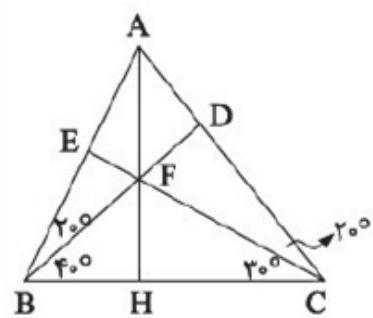
بنابراین ضلع c از همه بزرگ‌تر است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

۳۵

$$\triangle BDC : \hat{BDC} + 40^\circ + 50^\circ = 180^\circ \Rightarrow \hat{BDC} = 90^\circ \Rightarrow BD \perp AC$$

$$\triangle CEB : \hat{CEB} + 30^\circ + 60^\circ = 180^\circ \Rightarrow \hat{CEB} = 90^\circ \Rightarrow CE \perp AB$$

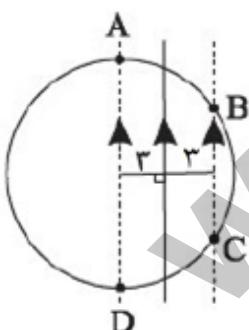


بنابراین CE و BD ارتفاع‌های مثلث ABC هستند و از آنجایی که ارتفاع‌های مثلث همسر هستند، AH نیز باید ارتفاع باشد. در نتیجه $\hat{FAD} = 90^\circ$ و اندازه زاویه $AHC = 90^\circ$ برابر است با:

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

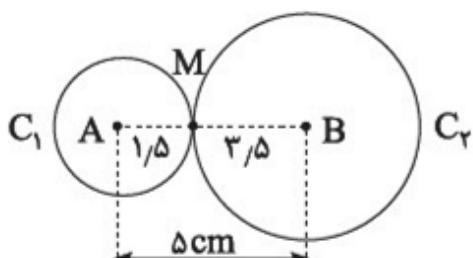
۳۶

$$\left\{ \begin{array}{l} OA = OB \\ OA' = OB' \Rightarrow \triangle OAB \cong \triangle O'B'A \Rightarrow \\ \hat{O_1} = \hat{O_2} \end{array} \right. \xrightarrow{\text{مثال نقض}} \left\{ \begin{array}{l} \hat{A} = \hat{B} \\ \hat{A'} = \hat{B'} \\ AB' = A'B \end{array} \right. \Rightarrow AB \neq A'B'$$

ولی لزومی ندارد AB و $A'B'$ مساوی باشند و می‌توانیم یکی از آنها را بلند و دیگری را کوتاه بکشیم.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. می‌دانیم مجموعه نقاطی از صفحه که از خط مفروض d به فاصله مشخص k قرار دارد، دو خط موازی d و به فاصله k از آن در دو طرف آن هستند. بنابراین با توجه به شکل، ۴ نقطه A, B, C, D وجود دارد.

۳۷

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. اگر نقطه M جواب مسئله باشد، داریم:

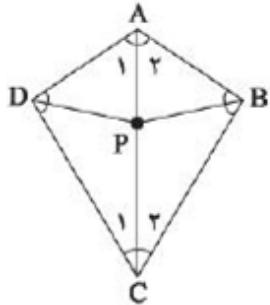
$$MA + MB = AB \Rightarrow$$

یعنی مجموعه نقاطی از صفحه که از A به فاصله $1/5$ باشد(دایره C_1) و مجموعه نقاطی از صفحه که از B به فاصله $3/5$ باشدباشد (دایره C_2) با هم در یک نقطه مشترک می‌باشند.

۳۸

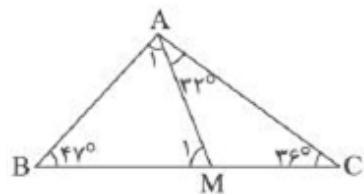
گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۳۹

مطابق شکل مثلث‌های ABC و ADC طبق برای دو زاویه و ضلع بین با هم همنهشت هستند، بنابراین زوایای B و D با هم برابرند. نیمسازهای زوایای B و D هم‌دیگر را بر روی AD قطع می‌کنند. این نقطه برخورد را P می‌نامیم. P روی نیمسازهای تمام زوایا است، پس فاصله آن از تمام اضلاع یکسان است، بنابراین می‌توان به مرکز P دایره‌ای رسم کرد تا بر تمام اضلاع مماس باشد.



گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۴۰
نقاطی که از دو سر یک پاره خط به یک فاصله‌اند، بر روی عمودمنصف آن پاره خط قرار دارند، پس جواب محل برخورد عمودمنصف‌های دو پاره خط AB و CD است. ممکن است عمودمنصف‌ها با هم موازی یا متقاطع یا بر هم منطبق باشند و در هیچ شرایطی دو خط هم‌دیگر را در دو نقطه قطع نمی‌کنند.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. بنابراین فرض سؤال، شکل زیر را خواهیم داشت. ۴۱



بنابراین قضیه زاویه بزرگتر می‌نویسیم.

(الف) درست

(د) درست

$$\triangle ABC: \hat{B} > \hat{C} \Rightarrow AC > AB$$

$$\triangle AMC: \hat{AMC} > \hat{C} \Rightarrow AC > AM$$

$$\triangle ABM: \hat{M}_1 = 32^\circ + 36^\circ = 68^\circ \Rightarrow \hat{A}_1 = 180^\circ - (47^\circ + 68^\circ) = 65^\circ$$

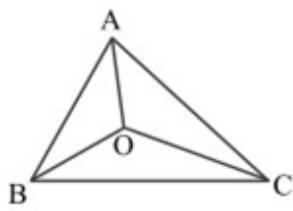
بنابراین $\hat{A}_1 > \hat{B}$, پس $BM > AM$ ، بنابراین «ج» نیز درست است.

از طرف دیگر در مثلث ABM داریم:

$$\hat{M}_1 > \hat{A}_1 \Rightarrow AB > BM$$

پس «ب» نادرست است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. می‌دانیم زاویه‌ی بین دو نیمساز داخلی در هر مثلث مساوی 90° بعلاوه نصف زاویه‌ی سوم است پس داریم:



$$\widehat{AOB} = 90^\circ + \frac{\widehat{C}}{2}$$

$$\widehat{AOC} = 90^\circ + \frac{\widehat{B}}{2}$$

$$\widehat{BOC} = 90^\circ + \frac{\widehat{A}}{2}$$

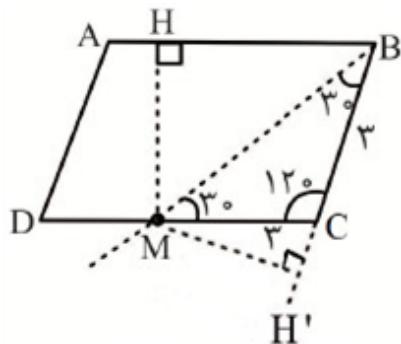
از طرف دیگر بنا بر فرض سؤال تناسب $\frac{\widehat{AOB}}{7} = \frac{\widehat{AOC}}{6} = \frac{\widehat{BOC}}{5}$ برقرار است. پس نتیجه می‌گیریم:

$$\frac{90^\circ + \frac{\widehat{C}}{2}}{7} = \frac{90^\circ + \frac{\widehat{A}}{2}}{6} = \frac{90^\circ + \frac{\widehat{B}}{2}}{5} \quad \begin{matrix} \text{ویژگی های} \\ \text{تناسب} \end{matrix}$$

$$\frac{270^\circ + \frac{\widehat{A} + \widehat{B} + \widehat{C}}{2}}{7+6+5} = \frac{90^\circ + \frac{\widehat{C}}{2}}{7} = \frac{90^\circ + \frac{\widehat{A}}{2}}{6} = \frac{90^\circ + \frac{\widehat{B}}{2}}{5}$$

$$\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \frac{90^\circ + \frac{\widehat{C}}{2}}{7} = 20^\circ \Rightarrow \widehat{C} = 100^\circ \\ \frac{90^\circ + \frac{\widehat{A}}{2}}{6} = 20^\circ \Rightarrow \widehat{A} = 60^\circ \\ \frac{90^\circ + \frac{\widehat{B}}{2}}{5} = 20^\circ \Rightarrow \widehat{B} = 20^\circ \end{array} \right.$$

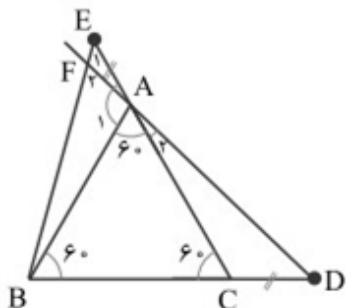
بنابراین بزرگ‌ترین زاویه‌ی مثلث ABC برابر 100° است.



گزینه ۲ پاسخ صحیح است.
چون $MH = MH'$ پس $\hat{M}H = \hat{M}H'$ روی نیمساز زاویه \hat{B} قرار دارد.
در مثلث متساوی الساقین $MC = BC = 3$, $MBC = 3$, پس
 $MD = 4 - 3 = 1$ است.

۴۳

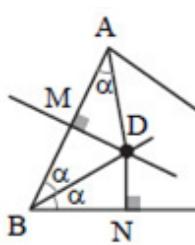
گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بنا بر فرض سؤال شکل مقابل را خواهیم داشت:



$$\left. \begin{array}{l} AC = AB \\ CD = AE \\ \hat{BAE} = \hat{ACD} = 120^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \widehat{ABE} \cong \widehat{ACD} \Rightarrow \hat{E} = \hat{D}$$

از طرف دیگر $\hat{F}_2 = 60^\circ$, $\hat{F}_1 = 120^\circ$ پس $\hat{F}_1 = \hat{ACD}$, $\hat{A}_1 = \hat{A}_2$ در نتیجه.

۴۴



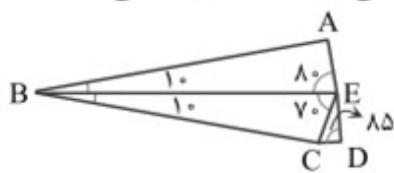
گزینه ۱ پاسخ صحیح است. بنابر فرض سؤال شکل مقابل را خواهیم داشت. دو مثلث قائم الزاویه BMD و BND همنهشت‌اند. پس $BM = BN$.

از طرف دیگر داریم:

$$\begin{aligned} \hat{A} > \hat{C} \Rightarrow BC > AB \Rightarrow BN + NC > 2BM \xrightarrow{BM = BN} \\ BN + NC > 2BN \Rightarrow NC > BN \end{aligned}$$

۴۵

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. طبق قضیهٔ ضلع و زاویهٔ بزرگ‌تر، ضلع مقابل به زاویهٔ بزرگ‌تر، بزرگ‌تر می‌باشد. داریم:



$$\triangle ABE: \hat{A} = 90^\circ \Rightarrow BE \text{ بزرگ ترین ضلع}$$

$$\triangle BCE: \hat{BCE} = 100^\circ \Rightarrow BE \text{ بزرگ ترین ضلع} \quad (1)$$

$$\hat{ECD} + \hat{BCE} < 180^\circ \Rightarrow 100 + \hat{ECD} < 180^\circ \Rightarrow \hat{ECD} < 80^\circ$$

$$\hat{AEC} + \hat{CED} < 180^\circ \Rightarrow 150 + \hat{CED} < 180^\circ \Rightarrow \hat{CED} < 30^\circ$$

پس در مثلث CDE می‌توان گفت که $D = 85^\circ$ بزرگ‌ترین زاویه است.

پس:

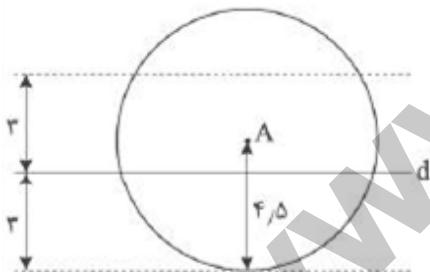
$$\triangle CDE: CE \text{ بزرگ ترین ضلع}$$

پس BE بزرگ‌ترین پاره‌خط دو بین گزینه‌ها می‌باشد.

$$(1): BE > CE$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

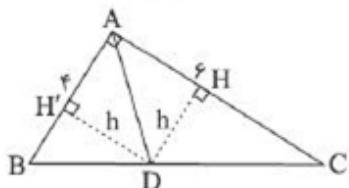
نقاطی که از خط d به فاصلهٔ ۳ باشند، دو خط موازی و به فاصلهٔ ۳ از خط d می‌باشد و نقاطی که از نقطه A با فاصلهٔ $4/5$ می‌باشد برابر دایره‌ای به مرکز A و شعاع $4/5$ است. طبق گفتهٔ سؤال فقط ۳ نقطه با این شرایط وجود دارد، پس این دایره بر یکی از خطها مماس و خط دیگری را در دو نقطه قطع خواهد کرد به طوری که فاصله A از خط دورتر برابر $4/5$ می‌باشد.



با توجه به شکل رسم شده، فاصلهٔ نقطه A از خط d برابر است با:

$$4/5 - 3 = 1/5$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. چون D روی نیمساز زاویه A است، فاصله آن از دو ضلع AB و AC برابر است.



$$DH = DH' = h$$

ضمناً چهارضلعی $AHDH'$ به دلیل داشتن سه زاویه قائم، مستطیل است و چون دو ضلع مجاور آن (DH, DH') برابرند، مربع است. مساحت مثلث ABC برابر است با:

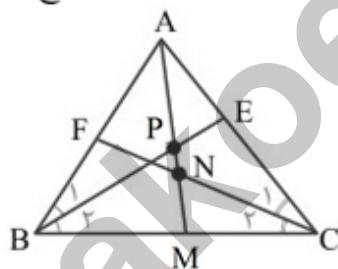
$$\frac{4 \times 6}{2} = 12$$

در ضمن مجموع مساحت مثلث‌های ABD و ADC برابر مساحت مثلث ABC است:

$$\frac{h \times 6}{2} + \frac{h \times 4}{2} = 12 \Rightarrow 10h = 24 \Rightarrow h = 24/10 \Rightarrow AD = 24/10 \sqrt{2}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. نقاطی که از دو نقطه B و C به یک فاصله باشند روی عمودمنصف BC قرار دارند، عمودمنصف BC با ارتفاع AH موازی بوده و هرگز نقطه مشترک ندارند.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. می‌دانیم که هر نقطه روی نیمساز، از اضلاع زاویه به یک فاصله است و بالعکس. داریم:



$\left\{ \begin{array}{l} \hat{B}_1 = \hat{B}_2 ; P : \text{محل برخورد نیمساز } B \text{ و میانه } AM \text{ است} \\ \hat{C}_1 = \hat{C}_2 ; N : \text{محل برخورد نیمساز } C \text{ و میانه } AM \text{ است} \end{array} \right.$

بنابراین پاسخ مسأله دو نقطه N و P می‌باشد.

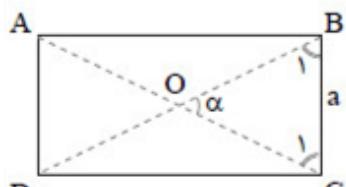
توجه کنید که مثلث مختلف‌الاضلاع می‌باشد و نیمساز و میانه نمی‌توانند بر هم منطبق شوند.

۵۱

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

گزینه ۱: بیشمار متوازیالاضلاع با داشتن طول دو ضلع میتوان رسم کرد.

گزینه ۲: از آنجا که قطر باید از ضلع بزرگتر باشد $(5 > 3\sqrt{3})$ پس تنها یک مستطیل رسم میشود.



$$B_1 = C_1 = 90 - \frac{\alpha}{2}, \quad BC$$

گزینه ۳: مطابق شکل مثلث $\triangle OBC$ قابل رسم است. زیرا:

دو ضلع معلوم و زاویه بین معلوم

پس بقیه مثلثها هم قابل رسم هستند زیرا قطرها و زوایا معلوم هستند و تنها یک مستطیل رسم میشود.

گزینه ۴: با داشتن طول ضلع، بیشمار لوزی میتوان رسم کرد که زوایای مختلف دارند.

۵۲

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. قطرهای مستطیل همواره مساوی‌اند پس مستطیل با قطرهای ۴ و ۳ وجود ندارد.

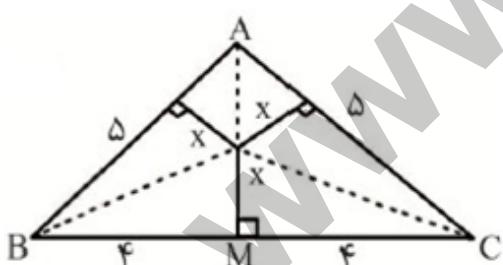
گزینه ۴ پاسخ صحیح است. چون زاویه بین دو قطر متوازیالاضلاع معلوم نیست پس با داشتن دو قطر بیشمار متوازیالاضلاع قابل رسم است.

۵۳

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. مکان هندسی نقاطی که از A به فاصله ۲ هستند دایره‌ای به مرکز A و شعاع ۲. و مکان هندسی نقاطی که از B به فاصله $\frac{2}{5}$ هستند دایره‌ای به مرکز B و شعاع $\frac{2}{5}$ است. برخورد این دو مکان نقاط موردنظر این سؤال هستند. چون طول خط‌المرکزین این دو دایره یعنی AB برابر ۳ است پس این دو دایره در دو نقطه متقاطع هستند و مسئله دو جواب دارد.

۵۴

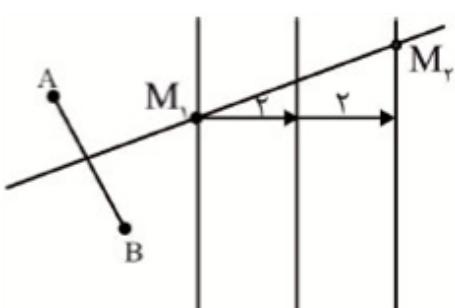
گزینه ۴ پاسخ صحیح است. چون مثلث متساویالاتقین میباشد، نقطه برخورد نیمسازها روی عمودمنصف AM است.



$$AM = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3 \Rightarrow S_{ABC} = \frac{3 \times 8}{2} = 12$$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2}(x \times 5 + x \times 5 + x \times 8) = 9x$$

$$\Rightarrow x = \frac{12}{9} \Rightarrow \text{مجموع} = 3x = 4$$



گزینه ۳ پاسخ صحیح است. دو خط به موازات خط Δ و به فاصله ۲ از آن به هماره عمودمنصف پارهخط AB را رسم میکنیم چون دو خط Δ و AB موازی نیست محل برخورد دو نقطه میباشد و دو برخورد M₁ و M₂ جواب میباشد.

۵۶

۵۷

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. از رأس B پاره خط BP را موازی ساق AD رسم می‌کنیم.

PB||AD, AB||DP \Rightarrow ABCD متوازی الاضلاع

$$\Rightarrow PB = AD, \hat{BPC} = \alpha = \hat{D}, \hat{B}_1 = \hat{B} - \alpha$$

$$\hat{B}_1 = \hat{B} - \alpha, \hat{B} > 2\hat{D} = 2\alpha \Rightarrow \hat{B}_1 > 2\alpha - \alpha = \alpha \Rightarrow \hat{B}_1 > \alpha$$

$$\triangle BPC: \hat{B}_1 > \hat{BPC} \Rightarrow CP > BC \Rightarrow DC - DP > BC$$

$$\Rightarrow DC - AB > BC \Rightarrow DC > AB + BC$$

از آنجا که با شرایط مسئله، طول AB می‌تواند تغییر کند، پس گزینه (۳) ممکن است همواره برقرار نباشد، داریم:

$$DC > AB + BC, \triangle ABC: AB + BC > AC \Rightarrow DC > AC$$

پس گزینه (۴) نادرست است.

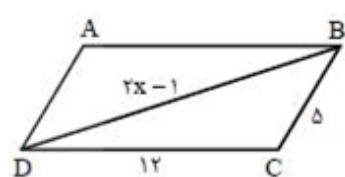
گزینه ۴ پاسخ صحیح است. مجموع زوایای خارجی هر n ضلعی محدب، 360° است، پس:

$$12m^\circ + 120^\circ + 110^\circ = 360^\circ \Rightarrow 12m^\circ = 130^\circ \Rightarrow m = 10^\circ$$

$$\begin{cases} 110^\circ & \text{زاویای داخلی} \\ 120^\circ & \\ 130^\circ & \end{cases} \xrightarrow{\quad} \begin{cases} 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ \\ 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ \\ 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ \end{cases}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. در هر متوازی الاضلاع، قطر بزرگتر روبروی زاویه بزرگتر قرار دارد و این زاویه

منفرجه می‌باشد، داریم:



$$\begin{aligned} \triangle BCD: \hat{C} > 90^\circ &\Rightarrow \sqrt{12^2 - 5^2} < 2x - 1 < 5 + 12 \\ &\Rightarrow 13 < 2x - 1 < 17 \Rightarrow 14 < 2x < 18 \Rightarrow 7 < x < 9 \end{aligned}$$

بنابراین تنها مقدار صحیح $x = 8$ می‌باشد.

۵۸

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. بررسی سایر گزینه‌ها:

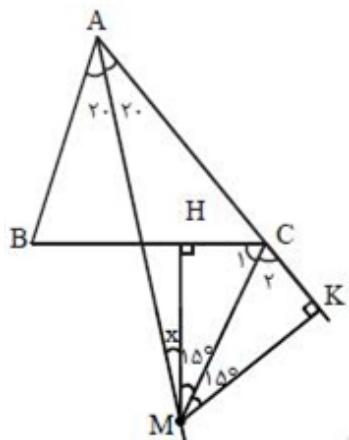
گزینه (۱): بی‌شمار مستطیل می‌توان رسم کرد.

گزینه (۲): بی‌شمار متوازی الاضلاع می‌توان رسم کرد.

گزینه (۴): با توجه به این که زوایای متوازی الاضلاع معلوم نیست، بی‌شمار متوازی الاضلاع می‌توان رسم کرد.

۶۱

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. مطابق شکل نیمساز داخلی A و نیمساز خارجی C در M متقاطع هستند. می‌دانیم که هر نقطه روی نیمساز زاویه از دو ضلع آن به یک فاصله است، داریم M روی نیمساز زاویه خارجی C است، بنابراین:

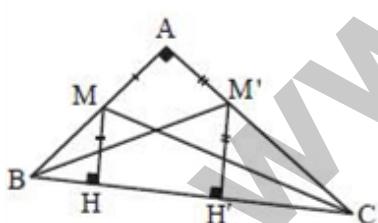


$$\begin{aligned} MH = MK &\Rightarrow \hat{CMK} = \hat{CMH} = 15^\circ \\ \hat{AMK} : \hat{AMK} &= 90 - 20 = 70^\circ \\ \Rightarrow x + 15 + 15 &= 70^\circ \Rightarrow x = 40^\circ \end{aligned}$$

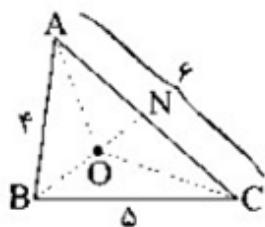
توجه داشته باشید که با جایه‌جایی رأس B و C، حالت غیرممکن به وجود می‌آید.

۶۲

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. فرض می‌کنیم M نقطه‌ای روی محیط مثلث ABC باشد که از رأس A و ضلع BC به یک فاصله باشد، در این صورت طبق شکل، $MH = MA$ و در نتیجه نقطه M باید از دو ضلع زاویه C به یک فاصله باشد و این به این معناست که نقطه M باید روی نیمساز زاویه C قرار داشته باشد. به همین ترتیب نقطه M' روی نیمساز B قرار خواهد داشت، پس دو نقطه با این ویژگی وجود دارد که این دو نقطه پای نیمسازهای زوایای B و C از مثلث قائم‌الزاویه ABC هستند.



گزینه ۱ پاسخ صحیح است. طبق قضیه نامساوی مثلثی داریم:



$$\begin{aligned} \Delta ABN : BN < AB + AN \Rightarrow OB + ON < AB + AN \\ \Delta ONC : OC + NC \end{aligned} \quad \rightarrow$$

$$OB + OC < AB + AN + NC = AB + AC \quad (1)$$

$$\Delta OBC : OB + OC > BC \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow BC < OB + OC < AB + AC \Rightarrow 5 < OB + OC < 10$$

پس $OB + OC$ می‌تواند برابر ۸ باشد.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. می‌دانیم طول اضلاع مثبت است. همچنین طبق نامساوی مثلثی، مجموع هر دو ضلع از ضلع سوم بزرگ‌تر است، بنابراین:

$$x - 1 > 0 \Rightarrow x > 1$$

$$4x - 8 > 0 \Rightarrow x > 2$$

$$(x - 1) + (x - 1) > 4x - 8 \Rightarrow 2x - 2 > 4x - 8 \Rightarrow x < 3$$

$$(x - 1) + (4x - 8) > x - 1 \Rightarrow 4x - 8 > 0 \Rightarrow x > 2$$

اشتراک تمام بازه‌ها برابر است با $2 < x < 3$ که شامل هیچ مقدار صحیحی برای x نیست، بنابراین گزینه ۱ صحیح است.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۶۵

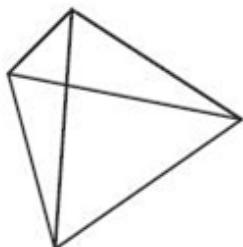
گزاره «الف» نادرست است و مثال نقض آن مثلث متساوی‌الاضلاع است که هیچ‌کدام از زوایای آن بزرگ‌تر از 60° نیست.

گزاره «ب» درست است، مانند مثلث قائم‌الزاویه با اضلاع ۷، ۲۴ و ۲۵.

گزاره «ج» نادرست است، مانند مثلث زیر که زاویه خارجی a از زاویه داخلی آن بزرگ‌تر نیست.



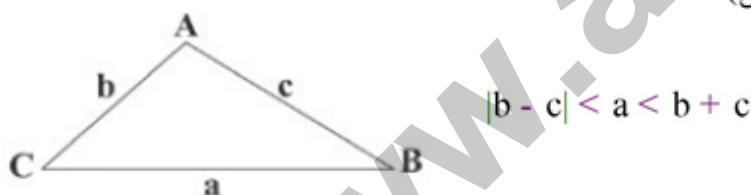
گزاره «د» نادرست است، چهارضلعی زیر قطرهایش برابر هستند، ولی نه مستطیل است، نه مربع، نه ذوزنقه متساوی‌الساقین.



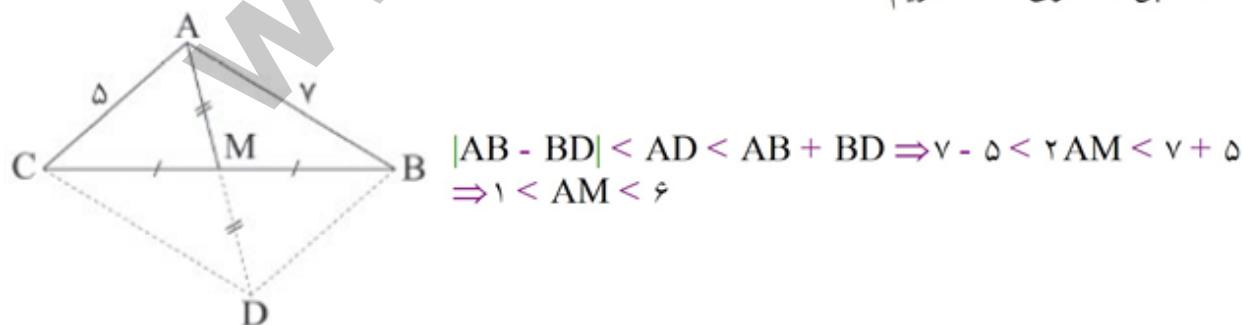
گزاره «ه» نادرست است، محل برخورد نیمسازهای داخلی همواره درون مثلث است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۶۶

نکته: در مثلث ABC همواره داریم: (نامساوی مثلثی)

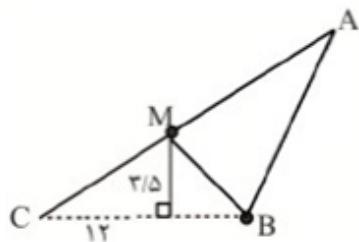


بنابراین اگر میانه AM را به اندازه‌ی خودش امتداد دهیم، در متوازی‌الاضلاع ACDB، در $AC = BD = 5$ ، $ACDB = 7$ ، در مثلث ABD طبق نامساوی مثلث داریم:

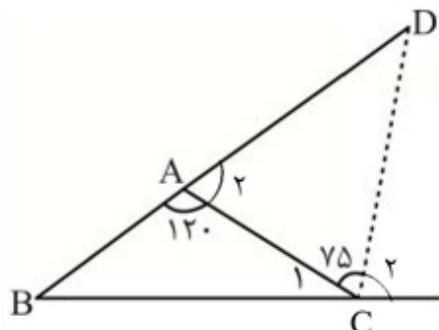


۶۷

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. چون M روی عمودمنصف BC قرار دارد، داریم:



$$\begin{aligned} MC &= MB = \sqrt{\frac{3}{5}^2 + 12^2} = \frac{12}{5} \Rightarrow MA + MB + MC = \frac{30}{5} \\ \Rightarrow MA + 25 &= \frac{30}{5} \Rightarrow MA = \frac{5}{5} \end{aligned}$$



گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در مثلث $\triangle ADC$ داریم:

$$\hat{C}_2 = 180 - \frac{180 - 120}{2} = 150 \Rightarrow \hat{C}_2 = 75$$

$$\hat{A}_1 = 180 - 120 = 60 \Rightarrow \hat{D} = 180 - (60 + 75)$$

$$\hat{D} = 45^\circ$$

۶۸

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. تعداد قطرهای رسم شده از هر رأس برابر $n - 3$ می‌باشد، بنابراین:

$$(n - 3) + (m - 3) = 18 \Rightarrow n + m = 24$$

مجموع زوایای داخلی دو چندضلعی:

$$= (n - 2) \times 180 + (m - 2) \times 180 = 180(n - 2 + m - 2)$$

$$= 180(n + m - 4) = 180 \times 20 = 3600$$

۶۹

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

گزینه (۱): غلط است زیرا در مستطیل قطرها برابرند و برای اینکه مستطیل، مربع شود باید شرط دیگری داشته باشیم، مثلاً دو ضلع مجاور برابر باشند.

گزینه (۲): درست است زیرا اگر ۳ زاویه یک چهارضلعی قائم باشد از آنجایی که مجموع زوایای داخلی هر چهارضلعی 360° است، زاویه چهارم نیز قائم است، پس چهارضلعی مورد نظر از آنجایی که ۴ زاویه قائم دارد، مستطیل است.

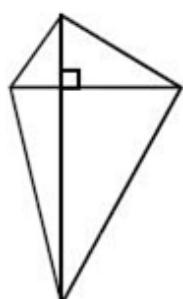
گزینه (۳): غلط است زیرا ممکن است آن دو ضلع رویه رو باشند و لوزی چهارضلعی است که هر چهار ضلع آن همان اندازه باشند یعنی لوزی متوازی‌الاضلاعی است که دو ضلع مجاور آن همان‌اندازه باشند.

گزینه (۴): غلط است زیرا هر مربع، متوازی‌الاضلاع است.

۷۰

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. گزینه‌های ۲، ۳ و ۴ همگی صحیح هستند، بنابراین مثال نقض ندارند، ولی گزینه (۱)

نادرست است زیرا اگر در یک چهارضلعی قطرها عمود بر هم باشند، چهارضلعی غیرمشخص است. به عنوان مثال چهارضلعی شکل زیر دارای قطرهای عمود بر هم است ولی چهارضلعی مشخص نیست.



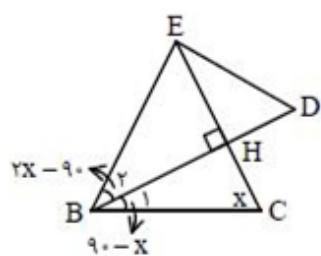
۷۱

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. موارد «الف» و «ب» هر دو، دو شرطی می‌باشند، ولی عکس مورد «ج» برقرار نیست زیرا

چهارضلعی که قطرهایش برابر و بر هم عمود باشند، لزوماً مربع نیست.

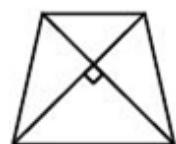
۷۲

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. از آنجا که E روی عمودمنصف BC و نقطه B روی عمودمنصف DE قرار دارند،
داریم:



$$\begin{aligned} EC = BE = BD &\Rightarrow \begin{cases} \hat{C} = \hat{B} \\ \hat{E} = \hat{D} \end{cases} \\ \hat{C} = x \text{ و } \hat{H} = 90^\circ &\Rightarrow \hat{B}_1 = 90^\circ - x \xrightarrow{\hat{B} = \hat{C}} \hat{B}_2 = 2x - 90^\circ \\ E = D \Rightarrow D = \frac{180 - B_2}{2} &\Rightarrow D = \frac{180 - 2x + 90}{2} = 135 - x \\ \hat{E}CB + \hat{E}DR = C + D &= x + (135^\circ - x) = 135^\circ \end{aligned}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. مثال نقض گزینه (۱) می‌تواند ذوزنقه متساوی الساقین باشد.

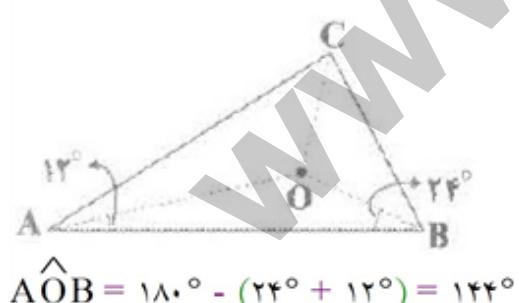


مثال نقض گزینه (۲) می‌تواند لوزی باشد.
مثال نقض گزینه (۴) می‌تواند عدد ۴۱ باشد.

$$\frac{\hat{A}}{2} = \frac{\hat{B}}{4} = \frac{\hat{C}}{9} = k \Rightarrow \begin{cases} \hat{A} = 2k \\ \hat{B} = 4k \\ \hat{C} = 9k \end{cases}$$

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow 15k = 180^\circ \Rightarrow k = 12 \Rightarrow$$

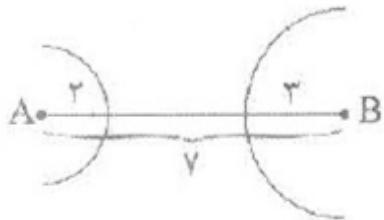
$$\begin{cases} \hat{A} = 24^\circ \\ \hat{B} = 48^\circ \\ \hat{C} = 108^\circ \end{cases}$$



گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

۷۶

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. می‌دانیم که مجموعه نقاطی که از نقطه دلخواه A به فاصله ۲ باشد، دایره‌ای به مرکز A و شعاع ۲ است، لذا داریم: با توجه به شکل، دو کمان نقطه تلاقی نداشته و در نتیجه نقطه‌ای با این ویژگی وجود ندارد.



۷۷

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در برهان خلف فرض می‌کنیم حکم نادرست است، پس: فرض خلف: $\hat{C} > \hat{B}$ نباشد، پس

۷۸

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

حاصل ضرب عدد گویای صفر در هر عدد گنگ برابر با عدد گویای صفر است، اما بقیه گزاره‌ها همواره برقرار است. توجه کنید که در گزینه (۴) مجموع دو عدد اول تنها زمانی فرد است که یکی از آن‌ها ۲ باشد پس حاصل ضرب آن‌ها زوج می‌گردد.

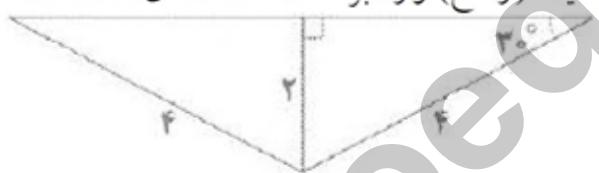
۷۹

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. گزینه (۱) همواره برقرار است پس مثال نقض ندارد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۲) در مثلث متساوی‌الاضلاع همه زاویه‌ها 60° است و زاویه کوچک‌تر از 60° ندارد.

(۳) در مثلث متساوی‌الساقین زیر، میانه (ارتفاع) وارد بر قاعده نصف ساق‌ها است، اما مثلث قائم نیست.

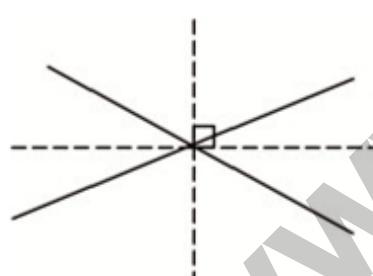


(۴) در ذوزنقه متساوی‌الساقین قطرها با هم برابر است.

۸۰

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

دو خط متقارن در صفحه، چهار زاویه ایجاد می‌کنند که دو زاویه مجاور، مکمل هستند و دو نیمساز دارند که بر هم عمودند و نقاط روی نیمساز نقاطی است که از دو ضلع زاویه به فاصله برابر هستند.



۸۱

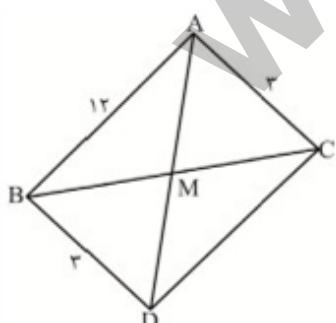
گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$ABDC$ را به اندازه خود امتداد می‌دهیم تا به D برسیم، چهارضلعی $ABDC$ متوازی‌الاضلاع است. در مثلث ABD داریم:

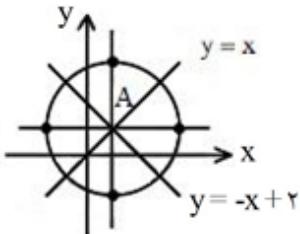
$$12 - 3 < AD < 12 + 3$$

$$\frac{9}{2} < AM < \frac{15}{2} \Rightarrow \frac{4}{5} < AM < \frac{7}{5}$$

پس از بین گزینه‌ها تنها گزینه ۲ می‌تواند درست باشد.

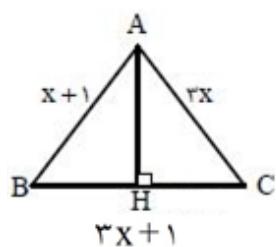


گزینه ۳ پاسخ صحیح است. توجه کنید که نقطه A(1,1) همان محل برخورد دو خط $y = x$ و $y = -x + 2$ است. نقاطی که از دو خط داده شده به یک فاصله باشد، روی نیمسازهای این دو خط داده شده به یک فاصله باشد، روی نیمسازهای این دو خط قرار می‌گیرد. به علاوه نقاطی که از A به فاصله ۲ هستند، روی دایرهای به مرکز A قرار می‌گیرد. مطابق شکل این دایره نیمسازها را در ۴ نقطه قطع می‌کند.



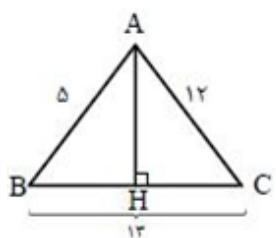
گزینه ۴ پاسخ صحیح است. محل برخورد عمودمنصفها از سه رأس به یک فاصله است و محل برخورد نیمسازها از سه ضلع به یک فاصله است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



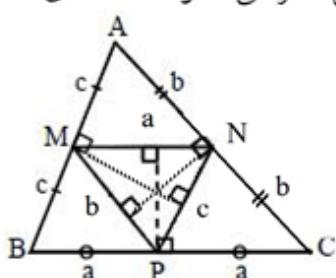
$$\begin{aligned} \triangle ABC: BC^2 &= AB^2 + AC^2 \\ \Rightarrow (3x+1)^2 &= (x+1)^2 + (2x)^2 \\ \Rightarrow 9x^2 + 6x + 1 &= x^2 + 2x + 1 + 4x^2 \\ 4x^2 - 4x &= 0 \Rightarrow x = 0 \quad \text{غیر} \\ x &= 4 \end{aligned}$$

پس داریم:



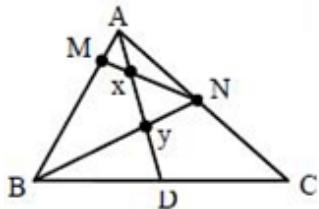
$$\begin{aligned} AH \times BC &= AB \times AC \\ AH \times 12 &= 5 \times 12 \Rightarrow AH = \frac{60}{12} \end{aligned}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. طبق مطالب کتاب درسی، از آنجایی که $MP \parallel AC$, $NP \parallel AB$, $MN \parallel BC$ ، پس محل همرسی ارتفاعهای مثلث MNP، محل همرسی عمودمنصفهای مثلث ABC است.



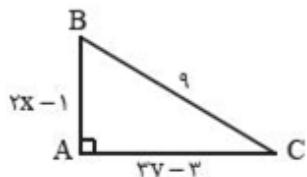
۸۶

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. مطابق شکل، نیمساز AD ، اضلاع MN و NB را در x و y قطع می‌کند. می‌دانیم که نقاط روی نیمساز از اضلاع زاویه به یک فاصله هستند، بنابراین نقاط x و y از اضلاع AB و AC به یک فاصله‌اند.



۸۷

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.



$$A = 90^\circ$$

$$\Rightarrow \begin{cases} AB < BC \Rightarrow 2x - 1 < 9 \Rightarrow 1 < 2x < 10 \Rightarrow \frac{1}{2} < x < 5 & (1) \\ AC < BC \Rightarrow 3y - 3 < 9 \Rightarrow 3 < 3y < 12 \Rightarrow 1 < y < 4 & (2) \end{cases}$$

$$(1), (2): \begin{cases} -1 > -y > -4 \Rightarrow -4 + \frac{1}{2} < x - y < 5 - 1 \Rightarrow -\frac{7}{2} < x - y < 4 \\ 5 > x > \frac{1}{2} \end{cases}$$

۸۸

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در نقیض گزاره‌های شرطی «اگر p آن‌گاه q » باید q را نقض کنیم.

۸۹

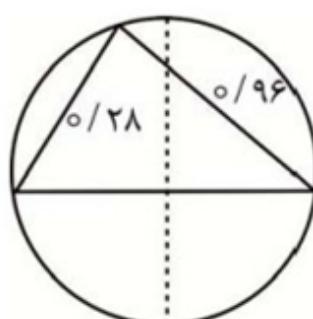
گزینه ۱ پاسخ صحیح است.
اضلاع مثلث در رابطه فیثاغورث صدق می‌کنند.

۹۰

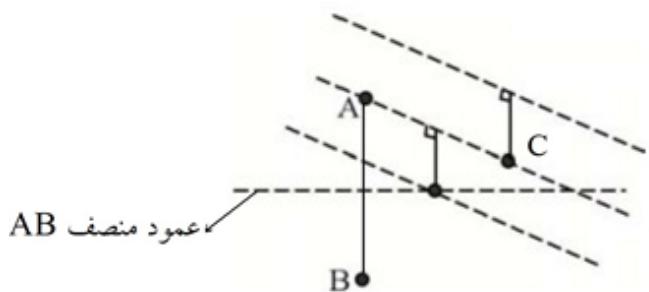
$$0/28^2 + 0/96^2 = 1$$

پس مثلث قائم‌الزاویه و وتر آن قطر دایره و محل برخورد عمودمنصف وسط وتر است. پس فاصله مرکز تا سه رأس برابر $\frac{1}{2}$ و تا محل برخورد عمودمنصفها صفر است.

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + 0 = 1/5$$



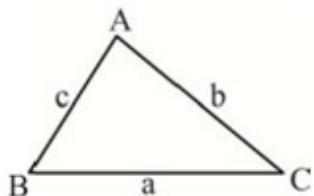
گزینه ۴ پاسخ صحیح است. یک نقطه محل برخورد سه نیمساز داخلی و سه نقطه از محل برخورد هر نیمساز داخلی یک رأس با دو نیمساز خارجی رأس‌های دیگر، در کل ۴ نقطه وجود دارد.



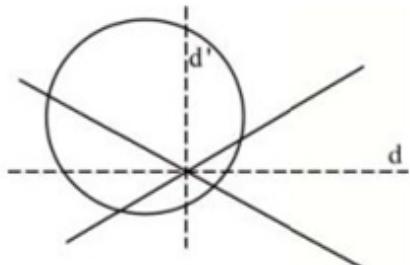
گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

محل برخورد دو خط موازی AC به فاصله یک و عمودمنصف AB جواب است و در صورتی که AC موازی عمودمنصف باشد یا بی‌شمار نقطه یا هیچ نقطه جواب است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به $A + B + C = 180^\circ$ داریم:



$$\begin{cases} a > b \Rightarrow \hat{A} > \hat{B} \\ a > c \Rightarrow \hat{A} > \hat{C} \end{cases} \Rightarrow 2\hat{A} > 180 \Rightarrow \hat{A} > 60^\circ$$

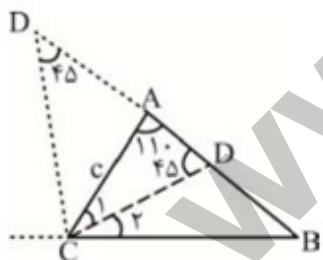


گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

نقاطی که از دو خط به فاصله برابر باشد روی دو نیمساز d و d' قرار دارد و دایره به مرکز نقطه و شعاع k ، نقاطی هستند که به فاصله k از نقطه هستند که حداقل در ۴ نقطه d و d' را قطع می‌کند.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. تنها محل برخورد سر عمودمنصف از سه رأس به فاصله برابر است چون در این صورت روی هر سه عمودمنصف قرار دارد.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. دو نیمساز داخلی و خارجی بر هم عمودند.
 $\triangle CDD': CD = CD' \Rightarrow \hat{D} = \hat{D}' = 45^\circ \Rightarrow \hat{C}_1 = 180 - 155 = 25^\circ \Rightarrow \hat{C}_2 = 25^\circ \Rightarrow \hat{C} = 50^\circ$



گزینه ۱ پاسخ صحیح است. در مثلث قائم‌الزاویه، نقطه همرسی ارتفاعها روی رأس قائم است و در مثلث‌های متساوی‌الساقین با زاویه رأس حاده و متساوی‌الاضلاع هر دو نقطه همرسی داخل و در مثلث منفرجه‌الزاویه نقطه همرسی نیمسازها داخل و ارتفاعها خارج مثلث است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. نوعی از استدلال، که با آن، از مشاهدات و بررسی موضوعی در چند حالت، نتیجه‌ای کلی در آن موضوع گرفته می‌شود یا به اصطلاح «از جزء به کل می‌رسیم» استدلال استقرایی می‌گویند.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با داشتن دو قطر لوزی و با توجه به اینکه دو قطر لوزی، عمودمنصف یکدیگر هستند، تنها یک لوزی می‌توان رسم کرد و بقیه گزینه‌ها درست است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. اگر فاصله تا A و B به ترتیب x و y باشد برای وجود داشتن ۲ نقطه باید در نامساوی زیر صدق کند.

$$|x - y| < 11 < x + y$$

چون در این صورت است که با $11 < x + y$ می‌توان یک مثلث داشت در این صورت یک نقطه مانند C در بالا و یک نقطه در پایین AB وجود دارد. در حالتی که $|x - y| = 11$ یا $x + y = 11$ تنها یک نقطه در راستای AB وجود دارد و در غیر این دو حالت هیچ نقطه‌ای وجود ندارد. تنها اعداد ۲ و ۱۰ در نامساوی بالا صدق می‌کنند.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ارتفاع وارد از هر رأس از میانه همان رأس کوچکتر یا مساوی، پس $M \leq H$ است. در هر مثلث هر میانه از نصف مجموع دو ضلع مجاور آن کوچکتر است.

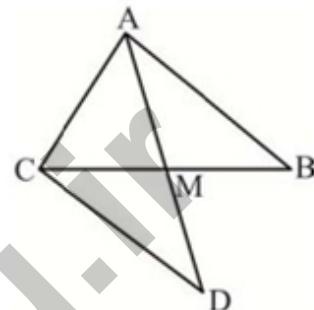
$$\text{متوatzی الاصلان } ACDB \Rightarrow AD = 2AM, AB = CD$$

$$\triangle ACD: AD < AC + CD \Rightarrow AM < \frac{AC + AB}{2}$$

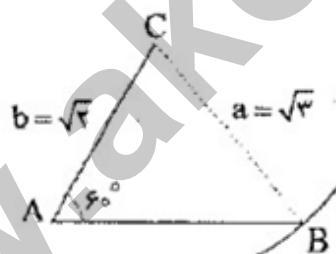
$$\Rightarrow BM' < \frac{BC + BA}{2}, CM'' < \frac{CB + CA}{2}$$

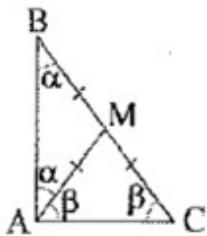
$$\Rightarrow AM + BM' + CM'' < AB + AC + BC \Rightarrow M < x$$

$$\Rightarrow H \leq M < x$$



گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ابتدا زاویه A را رسم می‌کنیم و سپس $b = AC = \sqrt{2}$ را روی یکی از اضلاع زاویه جدا می‌کنیم. حال به مرکز C و شعاع $a = \sqrt{3}$ کمان می‌زنیم تا ضلع دیگر زاویه را در B قطع کند. چون $a = \sqrt{3} > b = \sqrt{2}$ است، کمان ضلع دیگر را فقط در یک نقطه قطع می‌کند.



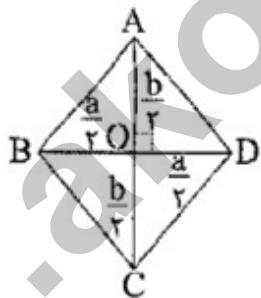


$$m_a = \frac{1}{2}a \Rightarrow AM = MB = MC$$

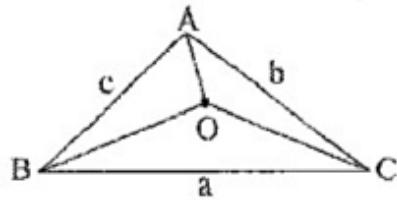
$$\triangle ABC: 2\alpha + 2\beta = 180^\circ \Rightarrow \alpha + \beta = 90^\circ \Rightarrow \hat{A} = 90^\circ$$

بنابراین مثلث قائم الزاویه است و محل تلاقی ارتفاعها روی رأس A قرار دارد.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. چون تنها یک چهارضلعی قابل رسم است، پس چهارضلعی مورد نظر لوزی است، زیرا در لوزی قطرها عمودمنصف یکدیگرند، پس با داشتن قطرهای a و b ، $\triangle OAB$ قابل رسم است و از آنجا می‌توان با امتداد قطرها به اندازه خودشان رئوس C و D را نیز مشخص کرد. اما در حالت کلی برای متوازی‌الاضلاع و حتی مستطیل چون زاویه بین قطرها معلوم نیست، مثلث و در نتیجه چهارضلعی قابل رسم نیست. ۱۰۴



گزینه ۲ پاسخ صحیح است. اضلاع مثلث $4, 6, 8$ و 2 یا $6, 8$ و 4 می‌توانند باشند. اما با توجه به نامساوی مثلثی اعداد $2, 4$ و 6 نمی‌توانند قابل قبول باشند. در نتیجه تنها حالت ممکن این است که اضلاع مثلث $4, 6, 8$ باشند.



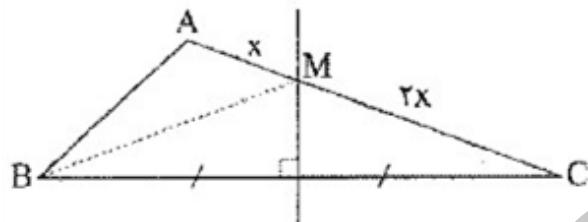
از طرفی بنا بر نامساوی مثلثی می‌توان نشان داد مجموع فواصل هر نقطه درون مثلث از سه رأس از محیط کوچک‌تر و از نصف محیط بزرگ‌تر است:

$$\frac{1}{2}(a + b + c) < OA + OB + OC < a + b + c$$

$$\Rightarrow \underbrace{\frac{1}{2}(8 + 6 + 4)}_9 < OA + OB + OC < \underbrace{8 + 6 + 4}_{18}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

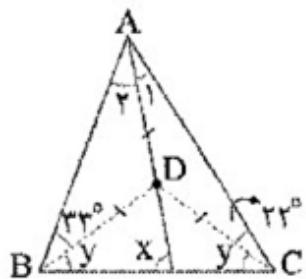
اولاً بنا به فرض $AM = MC = 2x$ و $MB = x$, نقطه M روی عمودمنصف BC است، بنابراین:



$$MC = MB \Rightarrow MB = x$$

حال با توجه به نامساوی مثلثی در $\triangle ABM$ داریم:

$$\begin{aligned} BM - AM &< AB < AM + BM \Rightarrow \underbrace{2x - x}_{x} < 6 < \underbrace{x + 2x}_{3x} \\ \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} x < 6 \\ 3x > 6 \Rightarrow x > 2 \end{array} \right. &\Rightarrow 2 < x < 6 \xrightarrow{x=3} 6 < AC < 18 \Rightarrow AC = 18 - 6 = 12 \end{aligned}$$



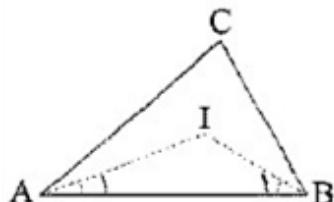
$$\begin{cases} \hat{A}_1 = 2x \\ \hat{A}_2 = 3x \end{cases} \xrightarrow{\hat{A} = 55^\circ} 2x + 3x = 55^\circ \Rightarrow x = 11^\circ \Rightarrow \begin{cases} \hat{A}_1 = 22^\circ \\ \hat{A}_2 = 33^\circ \end{cases}$$

چون D از سه رأس به یک فاصله است (پس D محل تلاقی عمود منصف‌ها می‌باشد) و داریم:
 $AD = CD = BD \Rightarrow 2y + 2 \times 22^\circ + 2 \times 33^\circ = 180^\circ$
 $\Rightarrow 2y = 74^\circ \Rightarrow y = 37^\circ \Rightarrow x = y + 2 \times 22^\circ = 37^\circ + 44^\circ = 79^\circ$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.
ابتدا اندازه زوایای مثلث را می‌یابیم:

$$\left. \begin{array}{l} \hat{A} = 2x \\ \hat{B} = 3x \\ \hat{C} = 4x \end{array} \right\} \xrightarrow{\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ} 2x = 3x + 4x = 180^\circ \Rightarrow 9x = 180^\circ$$

$$\Rightarrow x = 20^\circ \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \hat{A} = 40^\circ \\ \hat{B} = 60^\circ \\ \hat{C} = 80^\circ \end{array} \right.$$



$$\Rightarrow \hat{AIB} = 90^\circ + \frac{\hat{C}}{2} = 90^\circ + \frac{80^\circ}{2} = 130^\circ$$

روش اول:

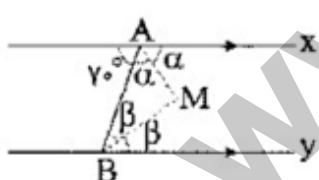
$$\begin{aligned} \hat{A}_1 &= \frac{\hat{A}}{2} = 20^\circ & \Rightarrow \hat{AIB} : \hat{I} = 180^\circ - (20^\circ + 30^\circ) = 130^\circ \\ \hat{B}_1 &= \frac{\hat{B}}{2} = 30^\circ \end{aligned}$$

روش دوم:

$$\hat{BAC} = 180^\circ - 2(70^\circ) = 40^\circ \Rightarrow \hat{B} = 180^\circ - (80^\circ + 40^\circ) = 60^\circ \Rightarrow x + 60^\circ = 70^\circ \Rightarrow x = 10^\circ$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.
با بر قضیه خطوط موازی و مورب داریم:



$$x\hat{A}B + \hat{AB}y = 180^\circ \Rightarrow 2\alpha + 2\beta = 180^\circ \Rightarrow \alpha + \beta = 90^\circ \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \alpha = 90^\circ - \beta \\ \hat{M} = 90^\circ \end{array} \right.$$

$$2\beta = 70^\circ \Rightarrow \beta = 35^\circ$$

$$\alpha = 90^\circ - 35^\circ = 55^\circ$$

از طرفی:

بنابراین:

در نتیجه کوچک‌ترین زاویه مثلث AMB برابر با 35° است.

www.akoedu.ir

www.akoedu.ir

۱۱۶
۱۱۷
۱۱۸
۱۱۹

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

۱۲۳
۱۲۴
۱۲۵
۱۲۶
۱۲۷

www.akoedu.ir

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

۱۳۵
۱۳۶
۱۳۷
۱۳۸

www.akoedu.ir

www.akoedu.ir

۱۴۲
۱۴۳
۱۴۴
۱۴۵
۱۴۶

www.akoedu.ir

۱۴۷
۱۴۸
۱۴۹
۱۵۰
۱۵۱

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

۱۵۵
۱۵۶
۱۵۷
۱۵۸
۱۵۹

www.akoedu.ir

۱۶۰
۱۶۱
۱۶۲
۱۶۳
۱۶۴

www.akoedu.ir

www.akoedu.ir

۱۶۷
۱۶۸
۱۶۹
۱۷۰

www.akoedu.ir

۱۷۱
۱۷۲
۱۷۳
۱۷۴
۱۷۵

www.akoedu.ir

۱۷۶
۱۷۷
۱۷۸
۱۷۹
۱۸۰
۱۸۱
۱۸۲

www.akoedu.ir

۱۸۳
۱۸۴
۱۸۵
۱۸۶

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir



www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

۱۹۵

۱۹۶

۱۹۷

www.akoedu.ir

۱۹۸
۱۹۹
۲۰۰
۲۰۱

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

۲۰۷
۲۰۸
۲۰۹
۲۱۰
۲۱۱

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

۲۱۶
۲۱۷
۲۱۸
۲۱۹
۲۲۰
۲۲۱

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir



www.akoedu.ir



www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

۲۳۸
۲۳۹
۲۴۰
۲۴۱
۲۴۲
۲۴۳
۲۴۴

www.akoedu.ir

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

www.akoedu.ir

www.akoedu.ir

۲۵۸
۲۵۹
۲۶۰
۲۶۱
۲۶۲

www.akoedu.ir



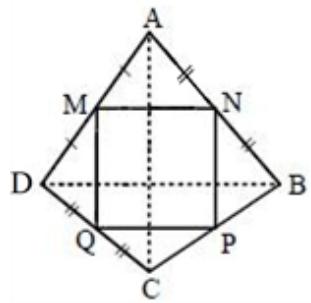
www.akoedu.ir

www.akoedu.ir

۲۶۹

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

۲۷۰



۲۷۱

www.akoedu.ir

۲۷۲
۲۷۳
۲۷۴
۲۷۵
۲۷۶
۲۷۷

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir



www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

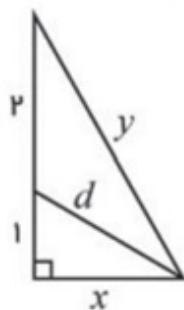
۲۸۸
۲۸۹
۲۹۰
۲۹۱
۲۹۲

www.akoedu.ir

۲۹۳
۲۹۴
۲۹۵
۲۹۶
۲۹۷

www.akoedu.ir

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. شکل زیر را در نظر بگیرید.



می‌دانیم که $d = \sqrt{x^2 + y^2} = 2$ و در نتیجه $x^2 + y^2 = 4$.

۲۹۹

۳۰۰

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

۳۰۶
۳۰۷
۳۰۸
۳۰۹
۳۱۰
۳۱۱

www.akoedu.ir

۳۱۲
۳۱۳
۳۱۴
۳۱۵
۳۱۶
۳۱۷

www.akoedu.ir

۳۱۸

۳۱۹

۳۲۰

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

۳۲۴
۳۲۵
۳۲۶
۳۲۷

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir



www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

۳۴۴
۳۴۵
۳۴۶
۳۴۷
۳۴۸

www.akoedu.ir

۳۴۹

۳۵۰

۳۵۱

۳۵۲

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

۳۵۷
۳۵۸
۳۵۹
۳۶۰
۳۶۱

www.akoedu.ir

۳۶۲
۳۶۳
۳۶۴
۳۶۵

www.akoedu.ir

۳۶۶

۳۶۷

۳۶۸

www.akoedu.ir

۳۶۹

۳۷۰

۳۷۱

۳۷۲

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

۳۷۶
۳۷۷
۳۷۸
۳۷۹
۳۸۰

www.akoedu.ir

۳۸۱
۳۸۲
۳۸۳
۳۸۴
۳۸۵
۳۸۶

www.akoedu.ir

۳۸۷
۳۸۸
۳۸۹
۳۹۰
۳۹۱

www.akoedu.ir

۳۹۲
۳۹۳
۳۹۴
۳۹۵
۳۹۶
۳۹۷

www.akoedu.ir



www.akoedu.ir

۱	۱	۲	۳	۴
۲	۱	۲	۳	۴
۳	۱	۲	۳	۴
۴	۱	۲	۳	۴
۵	۱	۲	۳	۴
۶	۱	۲	۳	۴
۷	۱	۲	۳	۴
۸	۱	۲	۳	۴
۹	۱	۲	۳	۴
۱۰	۱	۲	۳	۴
۱۱	۱	۲	۳	۴
۱۲	۱	۲	۳	۴
۱۳	۱	۲	۳	۴
۱۴	۱	۲	۳	۴
۱۵	۱	۲	۳	۴
۱۶	۱	۲	۳	۴
۱۷	۱	۲	۳	۴
۱۸	۱	۲	۳	۴
۱۹	۱	۲	۳	۴
۲۰	۱	۲	۳	۴
۲۱	۱	۲	۳	۴
۲۲	۱	۲	۳	۴
۲۳	۱	۲	۳	۴
۲۴	۱	۲	۳	۴
۲۵	۱	۲	۳	۴
۲۶	۱	۲	۳	۴
۲۷	۱	۲	۳	۴
۲۸	۱	۲	۳	۴
۲۹	۱	۲	۳	۴
۳۰	۱	۲	۳	۴
۳۱	۱	۲	۳	۴
۳۲	۱	۲	۳	۴

۳۳	۱	۲	۳	۴
۳۴	۱	۲	۳	۴
۳۵	۱	۲	۳	۴
۳۶	۱	۲	۳	۴
۳۷	۱	۲	۳	۴
۳۸	۱	۲	۳	۴
۳۹	۱	۲	۳	۴
۴۰	۱	۲	۲	۴
۴۱	۱	۲	۲	۴
۴۲	۱	۲	۲	۴
۴۳	۱	۲	۲	۴
۴۴	۱	۲	۲	۴
۴۵	۱	۲	۲	۴
۴۶	۱	۲	۲	۴
۴۷	۱	۲	۲	۴
۴۸	۱	۲	۲	۴
۴۹	۱	۲	۲	۴
۵۰	۱	۲	۲	۴
۵۱	۱	۲	۲	۴
۵۲	۱	۲	۲	۴
۵۳	۱	۲	۲	۴
۵۴	۱	۲	۲	۴
۵۵	۱	۲	۲	۴
۵۶	۱	۲	۲	۴
۵۷	۱	۲	۲	۴
۵۸	۱	۲	۲	۴
۵۹	۱	۲	۲	۴
۶۰	۱	۲	۲	۴
۶۱	۱	۲	۲	۴
۶۲	۱	۲	۲	۴
۶۳	۱	۲	۲	۴
۶۴	۱	۲	۲	۴

۶۵	۱	۲	۳	۴
۶۶	۱	۲	۳	۴
۶۷	۱	۲	۳	۴
۶۸	۱	۲	۳	۴
۶۹	۱	۲	۳	۴
۷۰	۱	۲	۳	۴
۷۱	۱	۲	۳	۴
۷۲	۱	۲	۳	۴
۷۳	۱	۲	۳	۴
۷۴	۱	۲	۳	۴
۷۵	۱	۲	۳	۴
۷۶	۱	۲	۳	۴
۷۷	۱	۲	۳	۴
۷۸	۱	۲	۳	۴
۷۹	۱	۲	۳	۴
۸۰	۱	۲	۳	۴
۸۱	۱	۲	۳	۴
۸۲	۱	۲	۳	۴
۸۳	۱	۲	۳	۴
۸۴	۱	۲	۳	۴
۸۵	۱	۲	۳	۴
۸۶	۱	۲	۳	۴
۸۷	۱	۲	۳	۴
۸۸	۱	۲	۳	۴
۸۹	۱	۲	۳	۴
۹۰	۱	۲	۳	۴
۹۱	۱	۲	۳	۴
۹۲	۱	۲	۳	۴
۹۳	۱	۲	۳	۴
۹۴	۱	۲	۳	۴
۹۵	۱	۲	۳	۴
۹۶	۱	۲	۳	۴

۹۷	۱	۲	۳	۴
۹۸	۱	۲	۳	۴
۹۹	۱	۲	۳	۴
۱۰۰	۱	۲	۳	۴
۱۰۱	۱	۲	۳	۴
۱۰۲	۱	۲	۳	۴
۱۰۳	۱	۲	۳	۴
۱۰۴	۱	۲	۳	۴
۱۰۵	۱	۲	۳	۴
۱۰۶	۱	۲	۳	۴
۱۰۷	۱	۲	۳	۴
۱۰۸	۱	۲	۳	۴
۱۰۹	۱	۲	۳	۴
۱۱۰	۱	۲	۳	۴
۱۱۱	۱	۲	۳	۴
۱۱۲	۱	۲	۳	۴
۱۱۳	۱	۲	۳	۴
۱۱۴	۱	۲	۳	۴
۱۱۵	۱	۲	۳	۴
۱۱۶	۱	۲	۳	۴
۱۱۷	۱	۲	۳	۴
۱۱۸	۱	۲	۳	۴
۱۱۹	۱	۲	۳	۴
۱۲۰	۱	۲	۳	۴
۱۲۱	۱	۲	۳	۴
۱۲۲	۱	۲	۳	۴
۱۲۳	۱	۲	۳	۴
۱۲۴	۱	۲	۳	۴
۱۲۵	۱	۲	۳	۴
۱۲۶	۱	۲	۳	۴
۱۲۷	۱	۲	۳	۴
۱۲۸	۱	۲	۳	۴

۱۲۹	۱	۲	۳	۴
۱۳۰	۱	۲	۳	۴
۱۳۱	۱	۲	۳	۴
۱۳۲	۱	۲	۳	۴
۱۳۳	۱	۲	۳	۴
۱۳۴	۱	۲	۳	۴
۱۳۵	۱	۲	۳	۴
۱۳۶	۱	۲	۳	۴
۱۳۷	۱	۲	۳	۴
۱۳۸	۱	۲	۳	۴
۱۳۹	۱	۲	۳	۴
۱۴۰	۱	۲	۳	۴
۱۴۱	۱	۲	۳	۴
۱۴۲	۱	۲	۳	۴
۱۴۳	۱	۲	۳	۴
۱۴۴	۱	۲	۳	۴
۱۴۵	۱	۲	۳	۴
۱۴۶	۱	۲	۳	۴
۱۴۷	۱	۲	۳	۴
۱۴۸	۱	۲	۳	۴
۱۴۹	۱	۲	۳	۴
۱۵۰	۱	۲	۳	۴
۱۵۱	۱	۲	۳	۴
۱۵۲	۱	۲	۳	۴
۱۵۳	۱	۲	۳	۴
۱۵۴	۱	۲	۳	۴
۱۵۵	۱	۲	۳	۴
۱۵۶	۱	۲	۳	۴
۱۵۷	۱	۲	۳	۴
۱۵۸	۱	۲	۳	۴
۱۵۹	۱	۲	۳	۴
۱۶۰	۱	۲	۳	۴

۱۶۱	۱	۲	۳	۴
۱۶۲	۱	۲	۳	۴
۱۶۳	۱	۲	۳	۴
۱۶۴	۱	۲	۳	۴
۱۶۵	۱	۲	۳	۴
۱۶۶	۱	۲	۳	۴
۱۶۷	۱	۲	۳	۴
۱۶۸	۱	۲	۳	۴
۱۶۹	۱	۲	۳	۴
۱۷۰	۱	۲	۳	۴
۱۷۱	۱	۲	۳	۴
۱۷۲	۱	۲	۳	۴
۱۷۳	۱	۲	۳	۴
۱۷۴	۱	۲	۳	۴
۱۷۵	۱	۲	۳	۴
۱۷۶	۱	۲	۳	۴
۱۷۷	۱	۲	۳	۴
۱۷۸	۱	۲	۳	۴
۱۷۹	۱	۲	۳	۴
۱۸۰	۱	۲	۳	۴
۱۸۱	۱	۲	۳	۴
۱۸۲	۱	۲	۳	۴
۱۸۳	۱	۲	۳	۴
۱۸۴	۱	۲	۳	۴
۱۸۵	۱	۲	۳	۴
۱۸۶	۱	۲	۳	۴
۱۸۷	۱	۲	۳	۴
۱۸۸	۱	۲	۳	۴
۱۸۹	۱	۲	۳	۴
۱۹۰	۱	۲	۳	۴
۱۹۱	۱	۲	۳	۴
۱۹۲	۱	۲	۳	۴

۱۹۳	۱	۲	۳	۴
۱۹۴	۱	۲	۳	۴
۱۹۵	۱	۲	۳	۴
۱۹۶	۱	۲	۳	۴
۱۹۷	۱	۲	۳	۴
۱۹۸	۱	۲	۳	۴
۱۹۹	۱	۲	۳	۴
۲۰۰	۱	۲	۳	۴
۲۰۱	۱	۲	۳	۴
۲۰۲	۱	۲	۳	۴
۲۰۳	۱	۲	۳	۴
۲۰۴	۱	۲	۳	۴
۲۰۵	۱	۲	۳	۴
۲۰۶	۱	۲	۳	۴
۲۰۷	۱	۲	۳	۴
۲۰۸	۱	۲	۳	۴
۲۰۹	۱	۲	۳	۴
۲۱۰	۱	۲	۳	۴
۲۱۱	۱	۲	۳	۴
۲۱۲	۱	۲	۳	۴
۲۱۳	۱	۲	۳	۴
۲۱۴	۱	۲	۳	۴
۲۱۵	۱	۲	۳	۴
۲۱۶	۱	۲	۳	۴
۲۱۷	۱	۲	۳	۴
۲۱۸	۱	۲	۳	۴
۲۱۹	۱	۲	۳	۴
۲۲۰	۱	۲	۳	۴
۲۲۱	۱	۲	۳	۴
۲۲۲	۱	۲	۳	۴
۲۲۳	۱	۲	۳	۴
۲۲۴	۱	۲	۳	۴

۲۲۵	۱	۲	۳	۴
۲۲۶	۱	۲	۳	۴
۲۲۷	۱	۲	۳	۴
۲۲۸	۱	۲	۳	۴
۲۲۹	۱	۲	۳	۴
۲۳۰	۱	۲	۳	۴
۲۳۱	۱	۲	۳	۴
۲۳۲	۱	۲	۳	۴
۲۳۳	۱	۲	۳	۴
۲۳۴	۱	۲	۳	۴
۲۳۵	۱	۲	۳	۴
۲۳۶	۱	۲	۳	۴
۲۳۷	۱	۲	۳	۴
۲۳۸	۱	۲	۳	۴
۲۳۹	۱	۲	۳	۴
۲۴۰	۱	۲	۳	۴
۲۴۱	۱	۲	۳	۴
۲۴۲	۱	۲	۳	۴
۲۴۳	۱	۲	۳	۴
۲۴۴	۱	۲	۳	۴
۲۴۵	۱	۲	۳	۴
۲۴۶	۱	۲	۳	۴
۲۴۷	۱	۲	۳	۴
۲۴۸	۱	۲	۳	۴
۲۴۹	۱	۲	۳	۴
۲۵۰	۱	۲	۳	۴
۲۵۱	۱	۲	۳	۴
۲۵۲	۱	۲	۳	۴
۲۵۳	۱	۲	۳	۴
۲۵۴	۱	۲	۳	۴
۲۵۵	۱	۲	۳	۴
۲۵۶	۱	۲	۳	۴

۲۵۷	۱	۲	۳	۴
۲۵۸	۱	۲	۳	۴
۲۵۹	۱	۲	۳	۴
۲۶۰	۱	۲	۳	۴
۲۶۱	۱	۲	۳	۴
۲۶۲	۱	۲	۳	۴
۲۶۳	۱	۲	۳	۴
۲۶۴	۱	۲	۳	۴
۲۶۵	۱	۲	۳	۴
۲۶۶	۱	۲	۳	۴
۲۶۷	۱	۲	۳	۴
۲۶۸	۱	۲	۳	۴
۲۶۹	۱	۲	۳	۴
۲۷۰	۱	۲	۳	۴
۲۷۱	۱	۲	۳	۴
۲۷۲	۱	۲	۳	۴
۲۷۳	۱	۲	۳	۴
۲۷۴	۱	۲	۳	۴
۲۷۵	۱	۲	۳	۴
۲۷۶	۱	۲	۳	۴
۲۷۷	۱	۲	۳	۴
۲۷۸	۱	۲	۳	۴
۲۷۹	۱	۲	۳	۴
۲۸۰	۱	۲	۳	۴
۲۸۱	۱	۲	۳	۴
۲۸۲	۱	۲	۳	۴
۲۸۳	۱	۲	۳	۴
۲۸۴	۱	۲	۳	۴
۲۸۵	۱	۲	۳	۴
۲۸۶	۱	۲	۳	۴
۲۸۷	۱	۲	۳	۴
۲۸۸	۱	۲	۳	۴

۲۸۹	۱	۲	۳	۴
۲۹۰	۱	۲	۳	۴
۲۹۱	۱	۲	۳	۴
۲۹۲	۱	۲	۳	۴
۲۹۳	۱	۲	۳	۴
۲۹۴	۱	۲	۳	۴
۲۹۵	۱	۲	۳	۴
۲۹۶	۱	۲	۳	۴
۲۹۷	۱	۲	۳	۴
۲۹۸	۱	۲	۳	۴
۲۹۹	۱	۲	۳	۴
۳۰۰	۱	۲	۳	۴
۳۰۱	۱	۲	۳	۴
۳۰۲	۱	۲	۳	۴
۳۰۳	۱	۲	۳	۴
۳۰۴	۱	۲	۳	۴
۳۰۵	۱	۲	۳	۴
۳۰۶	۱	۲	۳	۴
۳۰۷	۱	۲	۳	۴
۳۰۸	۱	۲	۳	۴
۳۰۹	۱	۲	۳	۴
۳۱۰	۱	۲	۳	۴
۳۱۱	۱	۲	۳	۴
۳۱۲	۱	۲	۳	۴
۳۱۳	۱	۲	۳	۴
۳۱۴	۱	۲	۳	۴
۳۱۵	۱	۲	۳	۴
۳۱۶	۱	۲	۳	۴
۳۱۷	۱	۲	۳	۴
۳۱۸	۱	۲	۳	۴
۳۱۹	۱	۲	۳	۴
۳۲۰	۱	۲	۳	۴

۳۲۱	۱	۲	۳	۴
۳۲۲	۱	۲	۳	۴
۳۲۳	۱	۲	۳	۴
۳۲۴	۱	۲	۳	۴
۳۲۵	۱	۲	۳	۴
۳۲۶	۱	۲	۳	۴
۳۲۷	۱	۲	۳	۴
۳۲۸	۱	۲	۳	۴
۳۲۹	۱	۲	۳	۴
۳۳۰	۱	۲	۳	۴
۳۳۱	۱	۲	۳	۴
۳۳۲	۱	۲	۳	۴
۳۳۳	۱	۲	۳	۴
۳۳۴	۱	۲	۳	۴
۳۳۵	۱	۲	۳	۴
۳۳۶	۱	۲	۳	۴
۳۳۷	۱	۲	۳	۴
۳۳۸	۱	۲	۳	۴
۳۳۹	۱	۲	۳	۴
۳۴۰	۱	۲	۳	۴
۳۴۱	۱	۲	۳	۴
۳۴۲	۱	۲	۳	۴
۳۴۳	۱	۲	۳	۴
۳۴۴	۱	۲	۳	۴
۳۴۵	۱	۲	۳	۴
۳۴۶	۱	۲	۳	۴
۳۴۷	۱	۲	۳	۴
۳۴۸	۱	۲	۳	۴
۳۴۹	۱	۲	۳	۴
۳۵۰	۱	۲	۳	۴
۳۵۱	۱	۲	۳	۴
۳۵۲	۱	۲	۳	۴

۳۵۳	۱	۲	۳	۴
۳۵۴	۱	۲	۳	۴
۳۵۵	۱	۲	۳	۴
۳۵۶	۱	۲	۳	۴
۳۵۷	۱	۲	۳	۴
۳۵۸	۱	۲	۳	۴
۳۵۹	۱	۲	۳	۴
۳۶۰	۱	۲	۳	۴
۳۶۱	۱	۲	۳	۴
۳۶۲	۱	۲	۳	۴
۳۶۳	۱	۲	۳	۴
۳۶۴	۱	۲	۳	۴
۳۶۵	۱	۲	۳	۴
۳۶۶	۱	۲	۳	۴
۳۶۷	۱	۲	۳	۴
۳۶۸	۱	۲	۳	۴
۳۶۹	۱	۲	۳	۴
۳۷۰	۱	۲	۳	۴
۳۷۱	۱	۲	۳	۴
۳۷۲	۱	۲	۳	۴
۳۷۳	۱	۲	۳	۴
۳۷۴	۱	۲	۳	۴
۳۷۵	۱	۲	۳	۴
۳۷۶	۱	۲	۳	۴
۳۷۷	۱	۲	۳	۴
۳۷۸	۱	۲	۳	۴
۳۷۹	۱	۲	۳	۴
۳۸۰	۱	۲	۳	۴
۳۸۱	۱	۲	۳	۴
۳۸۲	۱	۲	۳	۴
۳۸۳	۱	۲	۳	۴
۳۸۴	۱	۲	۳	۴

۳۸۵	۱	۲	۳	۴
۳۸۶	۱	۲	۳	۴
۳۸۷	۱	۲	۳	۴
۳۸۸	۱	۲	۳	۴
۳۸۹	۱	۲	۳	۴
۳۹۰	۱	۲	۳	۴
۳۹۱	۱	۲	۳	۴
۳۹۲	۱	۲	۳	۴
۳۹۳	۱	۲	۳	۴
۳۹۴	۱	۲	۳	۴
۳۹۵	۱	۲	۳	۴
۳۹۶	۱	۲	۳	۴
۳۹۷	۱	۲	۳	۴
۳۹۸	۱	۲	۳	۴
۳۹۹	۱	۲	۳	۴
۴۰۰	۱	۲	۳	۴

www.akoedu.ir