

**WWW.AKOEDU.IR**

# اولین و باکیفیت ترین

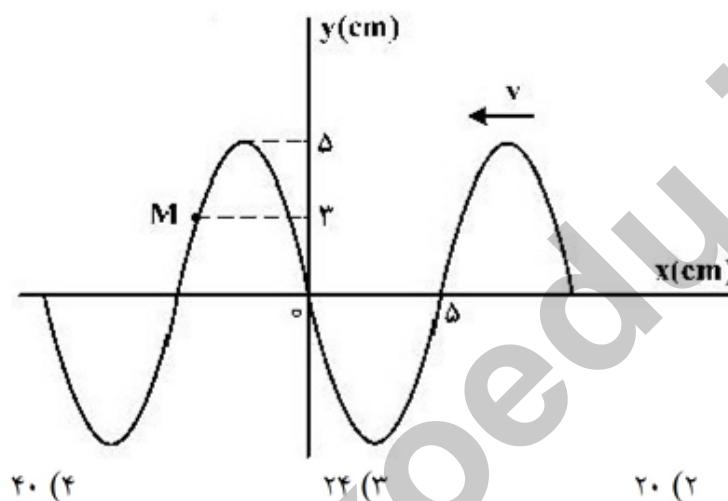
درا<sup>ایران</sup> آکادمی کنکور



جهت دریافت برنامه‌ی شخصی سازی شده یک هفته ای  
را<sup>ایگان</sup> کلیک کنید و یا به شماره‌ی ۰۹۰۲۵۶۴۶۲۳۴۶ عدد ۱  
را ارسال کنید.

### ۳۰۰ تest فیزیک ۳ تجربی - نوسان و امواج

شکل زیر، تصویری از یک موج عرضی در یک ریسمان کشیده شده را در لحظه‌ی  $t_1$  نشان می‌دهد و موج به سمت چپ حرکت می‌کند، اگر تندی موج  $\frac{cm}{s}$  باشد، بزرگی سرعت متوسط ذره‌ی M در مدت  $t_1$  تا  $t_2$  چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟



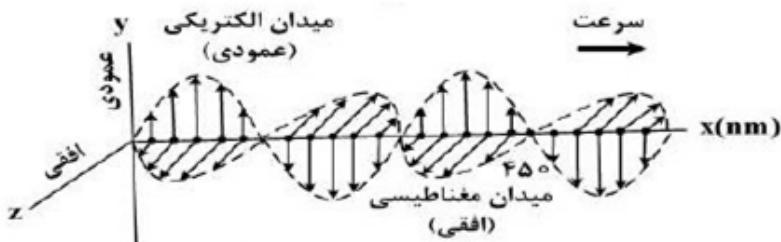
۱۲ (۱)

۲۰ (۲)



شکل زیر، تصویر لحظه‌ای از موجی الکترومغناطیسی را نشان می‌دهد که با سرعت  $10^{15} \text{ m/s}$  در حال انتشار است.

کدام مورد درست است؟



- (۱) مدت زمانی که طول می‌کشد که میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی یک نوسان کامل انجام دهند،  $10^{-15}$  ثانیه است.
- (۲) میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی در هر ثانیه  $10^{15} \times 1/5$  نوسان انجام می‌دهند.
- (۳) مسافتی که موج در مدت یک ثانیه طی می‌کند،  $300$  نانومتر است.
- (۴) این موج در ناحیه مرئی طیف قرار دارد.

مطابق شکل، در دو ریسمان هم جنس که تحت کشش نیروهای یکسانی قرار دارند، موجی عرضی منتشر می‌شود. اگر قطر مقطع ریسمان ضخیم‌تر،  $4$  برابر ریسمان نازک‌تر باشد، به ترتیب طول موج در ریسمان نازک‌تر چند برابر طول موج در ریسمان ضخیم‌تر است و مدت زمانی که موج عرضی، طول ریسمان نازک‌تر را طی می‌کند چند برابر مدت زمانی است که موج عرضی، طول ریسمان ضخیم‌تر را طی می‌کند؟



- |                      |                      |
|----------------------|----------------------|
| ۱، ۴ (۲)             | ۱، ۲ (۱)             |
| $\frac{1}{2}, ۴ (۴)$ | $\frac{1}{2}, ۲ (۳)$ |

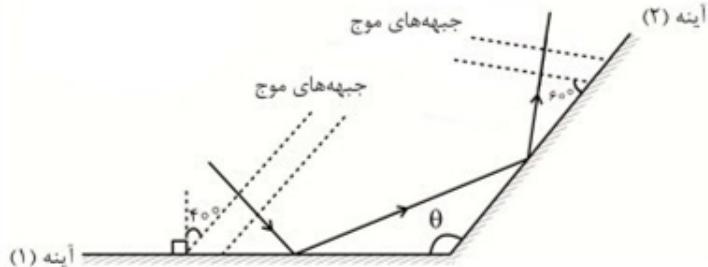
چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- الف) در امواج طولی در حال انتشار در یک فنر کشیده شده، در نقاطی که بیشترین بازشدنگی حلقه‌ها وجود دارد، جابه‌جایی هر جزء فنر بیشینه است.
- ب) در طیف امواج الکترومغناطیسی در خلاء، با حرکت از امواج رادیویی به سمت پرتو گاما، طول موج و سرعت انتشار کاهش می‌یابد.
- پ) سرعت انتشار صوت که به صورت طولی و سه بعدی منتشر می‌شود، به جنس و دمای محیط بستگی دارد.
- ت) در انتشار امواج سطحی روی آب‌های کم عمق، تندی انتشار در نقاط عمیق‌تر بیشتر از نقاط کم عمق‌تر است.

- |       |       |
|-------|-------|
| ۱ (۱) | ۲ (۲) |
| ۴ (۴) | ۳ (۳) |

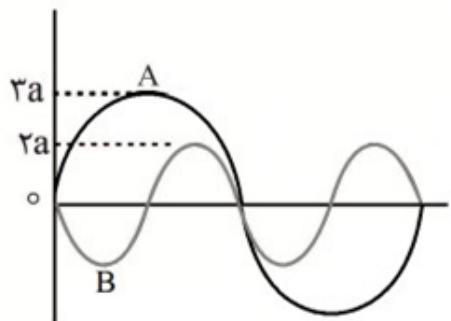
۵

- مطابق شکل پرتو نوری به دو آینه تخت تاییده و از آنها بازتاب می‌کند. زاویه میان پرتو تاییده شده به آینه (۱) و پرتو باز تاییده از آینه (۲) چند درجه است؟
- (۱)  $160^\circ$  (۲)  $140^\circ$  (۳)  $110^\circ$  (۴)  $80^\circ$



۶

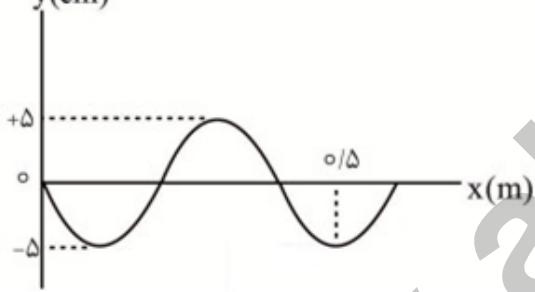
- نمودار جابه‌جایی - مکان دو موج صوتی A و B که در یک محیط متشر می‌شوند، به صورت مقابل است. شدت صوت A در فاصله  $2r$  از چشم میان چند برابر شدت صوت B در فاصله  $r$  از چشم میان است؟



- (۱)  $\frac{9}{4}$  (۲)  $\frac{3}{2}$  (۳)  $\frac{9}{64}$  (۴)  $\frac{3}{8}$

۷

- شکل مقابل نمودار جابه‌جایی - مکان یک موج عرضی را در یک تار کشیده شده نشان می‌دهد. حداقل تندی نوسان هر ذره از تار چند برابر تندی انتشار موج است؟



- (۱)  $\frac{\pi}{5}$  (۲)  $\frac{\pi}{2}$  (۳)  $25\pi$  (۴)  $\frac{\pi}{4}$

۸

- دوره تناوب دو آونگ ساده A و B در یک مکان به ترتیب  $1/2s$  و  $1/s$  است. اگر با اتصال نخ این دو آونگ به یکدیگر آونگ ساده جدیدی که طول آن مجموع طول دو آونگ ساده A و B است بسازیم، این آونگ در مدت زمان ۵ ثانیه چند بار طول پاره خط نوسان را طی می‌کند؟

- (۱) ۵۶ (۲) ۴۰ (۳) ۲۰ (۴) ۲۸

مطابق شکل زیر، پرتو نوری از هوا وارد محیط شفافی می‌شود و شکست می‌یابد. این پرتو فاصله‌ی A تا B را در چند نانو ثانیه طی می‌کند؟

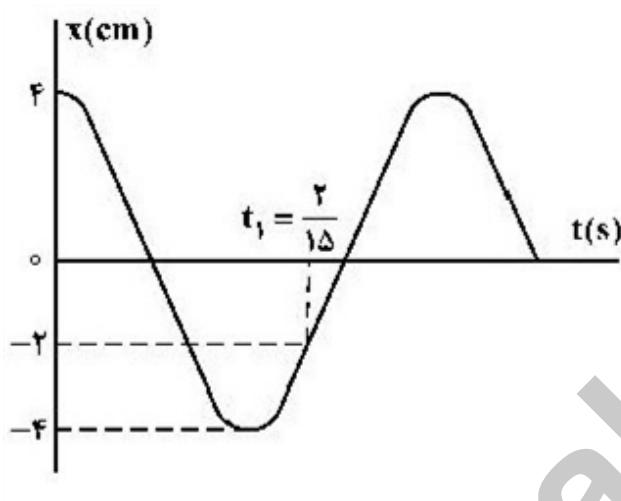
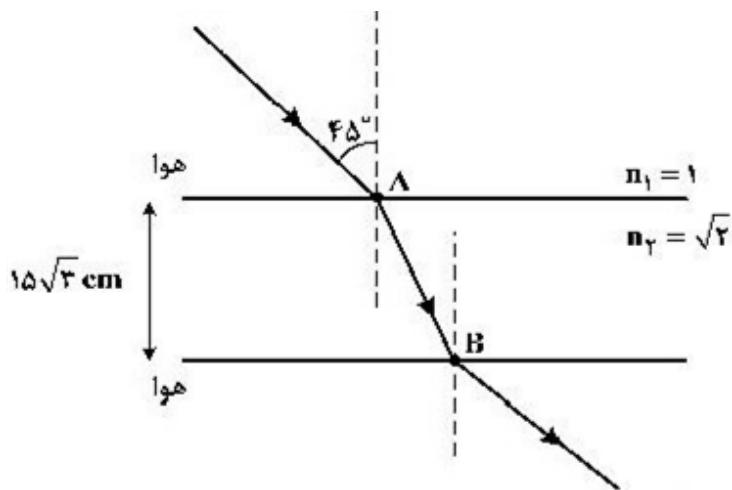
$$(e = 3 \times 10^8 \frac{m}{s})$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} (1)$$

$$1 (2)$$

$$\sqrt{2} (3)$$

$$3 (4)$$



نمودار مکان - زمان نوسانگری به جرم ۵۰ گرم مطابق شکل زیر است. انرژی مکانیکی نوسانگر چند ژول است؟

$$(\pi^2 = 10)$$

$$\frac{1}{250} (1)$$

$$\frac{1}{25} (2)$$

$$\frac{2}{5} (3)$$

$$\frac{1}{50} (4)$$

در یک فضای باز یک منبع صوت، امواجی صوتی گسیل می‌کند. تراز شدت صوت در فاصله ۵ متری از منبع صوت، ۳۶ دسیبل است. با صرف نظر از اتلاف انرژی امواج صوتی در فضا، توان منبع صوت چند میکرووات است؟

$$(\text{Log } 2 = 0.3, I = 10^{-12} \frac{W}{m^2}, \pi \approx 3)$$

$$6 (4)$$

$$60 (3)$$

$$1/2 (2)$$

$$12 (1)$$

با تعویض یک تار، تاری از همان جنس و سطح مقطع، با طول ۴ برابر به کار می‌گیریم. بدون تغییر در نیروی کشش وارد بر تار، با تعویض دیاپازون ایجادکننده موج عرضی، بسامد ارتعاش‌ها را ۳ برابر و دامنه ارتعاش‌ها را  $\frac{1}{3}$  برابر می‌کنیم. فاصله میان دو دره متواالی در موج ایجاد شده در تار چند برابر می‌شود؟

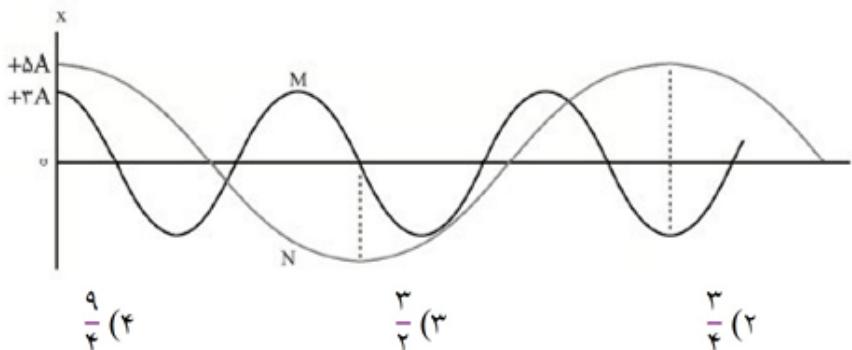
$$\frac{1}{3} (4)$$

$$\frac{1}{3} (3)$$

$$\frac{2}{3} (2)$$

$$1 (1)$$

نمودار مکان - زمان دو نوسان‌گر هماهنگ ساده  $M$  و  $N$  به صورت زیر است. شتاب بیشینه نوسان‌گر  $M$  چند برابر بزرگی شتاب بیشینه نوسان‌گر  $N$  است؟



معادله مکان - زمان یک حرکت هماهنگ ساده در SI به صورت  $x = 0.04 \cos(15\pi t)$  است. در لحظه‌ای که انرژی پتانسیل نوسان‌گر ۸ برابر انرژی جنبشی آن است، تندی نوسان‌گر چند متر بر ثانیه است؟

$\frac{2}{3}(4)$        $4(3)$        $2(2)$        $1/5\sqrt{2}(1)$

نمودار جایه‌جایی - مکان یک موج عرضی که در یک ریسمان کشیده شده در خلاف جهت محور  $X$  در حال انتشار است، در لحظه‌ای به صورت مقابل است. حداقل زمان لازم برای آن که شتاب نقطه  $M$  بیشینه منفی شود، چند ثانیه است؟



کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) گوش انسان تنها قادر است دو صدای متفاوت که با اختلاف ۱/۰ ثانیه به آن می‌رسد را تشخیص دهد.
- ۲) در گسترده امواج رادیویی، فوتون موج FM دارای انرژی بیشتری نسبت به فوتون موج AM است.
- ۳) به کمک روش مکان‌یابی پژواکی به همراه اثر دوپلر می‌توان مکان و تندی اجسام متحرک را تعیین کرد.
- ۴) هر چه پهنهای شکاف و یا اندازه لبه‌های مانع به اندازه طول موج نزدیک‌تر باشد، پراش بازتری رخ می‌دهد.

در فاصله‌ی ۲۰ متری از یک منبع صوت، تراز شدت صوت ۸۰ دسیبل است. در چند سانتی‌متری منبع، تراز شدت صوت ۱۲۰ دسیبل است؟ (از جذب انرژی صوتی محیط صرف نظر کنید.)

$200(4)$        $80(3)$        $40(2)$        $20(1)$

۱۸

شکل زیر جبهه‌های موج الکترومغناطیسی تابشی از خالا به مایعی را نشان می‌دهد. زاویه بین جبهه‌های موج بازتاب در محیط اول (خالا) با جبهه‌های موج شکست در مایع چند درجه است؟



$$\left( \sin 37^\circ = \frac{4}{5} \right)$$

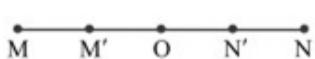
۳۷ (۱)

۵۳ (۲)

۹۰ (۳)

۱۲۰ (۴)

نوسانگری روی پاره خط  $MN$  به طول  $6\text{ cm}$  نوسان می‌کند. اگر زمانی که طول می‌کشد تا پاره خط  $M'N'$  را طی کند



برابر  $\frac{1}{2}$  ثانیه باشد، بزرگی سرعت هنگام عبور از نقطه  $O$  چند سانتی‌متر بر

$$MM' = N'N = 1.5 \text{ cm}$$

ثانیه است؟

۲π (۴)

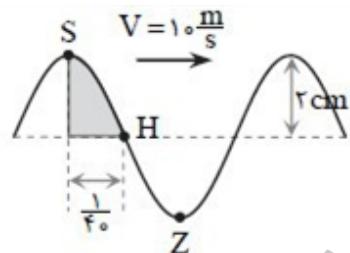
π (۳)

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \pi$$

 $\sqrt{3} \pi$  (۱)

نقش یک موج عرضی در لحظه  $t=0$  مطابق شکل زیر است. بزرگی شتاب

ذره  $A$  در این لحظه چند متر بر می‌جذور ثانیه است؟ ( $10 \times \frac{2}{\pi} \approx 6.3$ )

۱۲۵  $\sqrt{3}$  (۱)۵۰  $\sqrt{3}$  (۴)۲۵۰  $\sqrt{3}$  (۳)

با توجه به نقش موج نشان داده شده چند گزینه درست است؟

الف) در مدت  $\frac{1}{100}$  ثانیه ذرات موج مسافت  $8\text{ cm}$  را طی می‌کنند.

ب)  $\frac{1}{400}$  ثانیه طول می‌کشد، تا نقطه  $Z$  برای اولین بار متوقف شود.

پ) در مدتی که موج مسافت  $5$  متر را طی می‌کند،  $H$  مسافت  $4\text{ cm}$  را طی می‌کند.

ت) فاصله بین دو نقطه هم فاز متوالی برابر  $30\text{ cm}$  است.

۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳)

۴ (۴)

انرژی صوتی که در واحد زمان به واحد سطح عمود بر راستای انتشار صوت می‌رسد، ..... نام دارد.

(۱) شدت صوت (۲) بلندی صوت (۳) توان صوت (۴) تراز شدت صوت

متوجهکی روی پاره خط AB نوسان هماهنگ انجام می‌دهد. اگر  $AC = CO = OD = DB$  باشد و متوجهکی

فاصله‌ی CD را در  $t_1$  ثانیه و فاصله‌ی DB را در  $t_2$  ثانیه طی کند، نسبت  $\frac{t_1}{t_2}$  چه قدر است؟



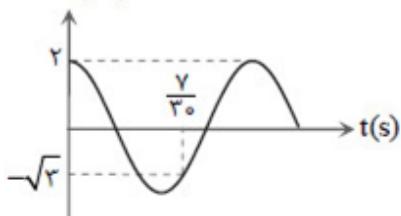
۱ (۱) ۲ (۲)

۳ (۳) ۴ (۴)

نمودار مکان - زمان متوجهکی که حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد، مطابق

شکل زیر است. در مدت دلخواهی به اندازه‌ی  $\frac{1}{4}$  دوره، بیشترین مقدار سرعت

متوجهک چند متر بر ثانیه است؟



$\frac{\sqrt{2}}{10}$  (۱)

$\frac{1}{5}$  (۳)

$\frac{\sqrt{2}}{5}$  (۲)

$\frac{2}{5}$  (۴)

در فاصله‌ی  $r_1$  از یک چشممه‌ی صوت، تراز شدت صوت  $30 \text{ dB}$  است. اگر  $15\text{m}$  از چشممه صوت دور شویم، تراز

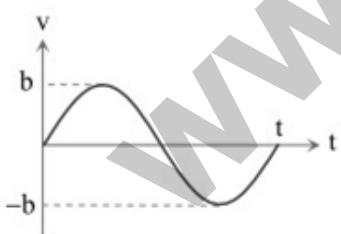
شدت صوت  $18 \text{ dB}$  می‌شود.  $r_1$  چند  $\text{m}$  است؟ ( $\log 2 = 0.30$ )

۵ (۴) ۱۰ (۳) ۱۵ (۲) ۲۰ (۱)

نوسانگری با دامنه‌ی  $10\text{cm}$  و دوره‌ی  $\frac{\pi}{s}$  نوسان می‌کند. در لحظه‌ای که نوسانگر در فاصله‌ی  $4\text{cm}$  از انتهای پاره خط

نوسان قرار دارد، تندی آن چند  $\frac{\text{m}}{\text{s}}$  است؟

۰/۴ (۴) ۰/۳۶ (۳) ۰/۳۲ (۲) ۰/۱۶ (۱)



نمودار سرعت - زمان متوجهکی که در مبدأ زمان در مبدأ مکان قرار دارد

مطابق شکل زیر به صورت سینوسی است. در چه کسری از زمان  $t$  بردار

شتاب و مکان جسم هم جهت هستند؟

$\frac{1}{2}$  (۲)  $\frac{1}{4}$  (۱)

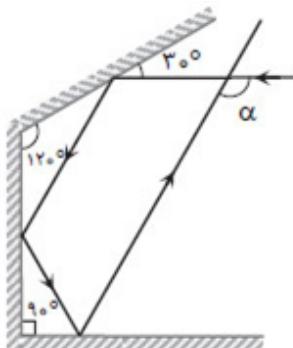
$\frac{3}{4}$  (۳) ۱ (۴)

سیمی به چگالی  $\frac{g}{cm^3} = 7/8$  و سطح مقطع  $1\text{ mm}^2$  بین دو نقطه با نیروی  $312\text{ N}$  کشیده شده است. اگر در این سیم

- موج ایستاده تشکیل شود، و فاصله‌ی دو گرهی متواالی آن  $20\text{ cm}$  باشد، بسامد موج چند هرتز است؟
- (۱) ۲۵۰      (۲) ۵۰۰      (۳) ۱۰۰۰      (۴) ۲۰۰۰

نوسان‌گری به جرم  $100\text{ g}$ ، روی پاره‌خطی به طول  $20\text{ cm}$  حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد و در مدت  $\frac{1}{4}\text{ ثانیه}$  از

- مرکز نوسان به انتهای مسیر می‌رسد. انرژی جنبشی نوسان‌گر در مرکز نوسان، چند میلی‌ژول است؟  $(\pi^2 = 10)$
- (۱) ۲      (۲) ۸      (۳) ۲۰      (۴) ۲۵



در شکل رویه‌رو، زاویه‌ی  $\alpha$  چند درجه است؟

- (۱) ۱۱۰      (۲) ۱۲۰      (۳) ۱۳۰      (۴) ۱۵۰

درباره موج چند گزینه درست است؟

- (الف) اگر نیروی کشش در تار مربعی را  $21$  درصد افزایش دهیم، سرعت انتشار موج در آن  $10$  درصد بیشتر می‌شود.

(ب) اگر بسامد چشمی موج را افزایش دهیم، سرعت انتشار موج تغییر نمی‌کند.

- (پ) سرعت موج عرضی در سیمی با چگالی  $\rho$  و قطر  $D$  که با نیروی  $F$  کشیده می‌شود از رابطه  $\frac{F}{D}\sqrt{\frac{\rho}{\pi}}$  به دست می‌آید.

- (ت) وقتی در طناب آویخته از سقف موج ایجاد می‌کنیم، طول موج در قسمت بالا بیشتر است.
- (۱) ۱      (۲) ۲      (۳) ۳      (۴) ۴

درباره امواج الکترومغناطیسی کدام گزینه درست است؟

- (۱) موج‌های طولی هستند.
- (۲) در طیف‌های مختلف آن دوره فرایندهای از دوره اشعه گاما بیشتر است.
- (۳) میکروموج‌ها نسبت به اشعه ایکس تنیدی انتشار بیشتری دارند.
- (۴) بسامد زاویه‌ای موج FM از نور مرئی بیشتر است.

در یک هماهنگ ساده نوسانگر در مکان  $\frac{\sqrt{3}}{2} \Delta$  قرار دارد و انرژی پتانسیل آن درحال افزایش است. اگر برای

اولین بار به مکان  $\frac{A}{2}$  و سرعت مثبت برسد، چند گزینه نادرست است؟ ( $A$  دامنه است)

الف) پس از طی مسافت  $\frac{\sqrt{3}}{2} A$  متوقف می‌شود.

ب) مدت زمان حرکت تندشونده به حرکت کندشونده برابر است با  $\frac{1}{\sqrt{3}}$

پ) مدت زمان  $\frac{T}{6}$  در سوی مثبت حرکت کرده است.

ت) تندی متوسط آن در این مدت  $\frac{6}{5}(\frac{A}{T})(5 - \sqrt{3})$  است.

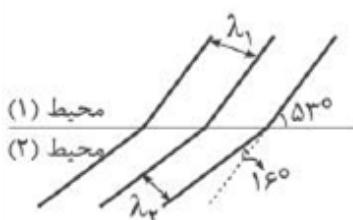
۴ (۴)

۲ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

جبهه‌های موجی مطبق شکل از محیط (۱) وارد محیط (۲) می‌شود، حاصل  $\frac{\lambda_2}{\lambda_1}$  کدام است؟ ( $\sin 37^\circ = 0.6$ )



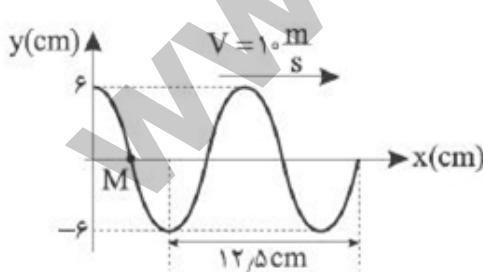
۴ (۱)

۳ (۲)

۳ (۳)

۹ (۴)

شکل زیر نمودار جابه‌جایی-مکان یک موج عرضی را در لحظه  $t = 0$  نشان می‌دهد. سرعت نقطه M از محیط در



$t = \frac{1}{200}$  s پس از لحظه  $t = 0$  چند متر بر ثانیه است؟ ( $\pi = 3$ )

۰ صفر

۳۶ (۲)

$-36\sqrt{3}$  (۳)

-۳۶ (۴)

در کدام حالت‌ها موج طولی ایجاد می‌شود؟ ( )



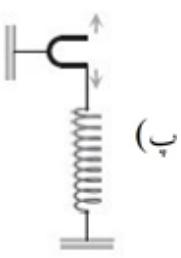
(ب)



(الف)



(ت)



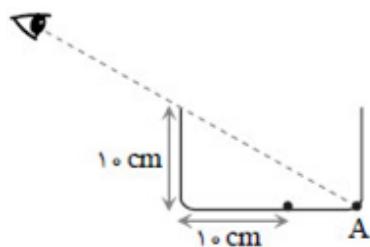
(ب)

(۴) ب و ت

(۳) ب و ب

(۲) ب و ت

(۱) الف و ب



داخل یک ظرف خالی را با زاویه  $30^\circ$  طوری نگاه می‌کنیم که از کف آن تنها نقطه‌ی A دیده می‌شود. مهره کوچکی کف ظرف گذاشته اند، حداقل تا چه ارتفاعی آب درون ظرف بریزیم تا بدون عوض کردن زاویه دید مهره دیده می‌شود؟ (ضریب شکست مایع  $\frac{3}{2}$  و  $\sqrt{\frac{3}{2}} \approx 1.73$ )

(۱) ۵cm

(۴) به ازای هیچ مقداری از مایع ما مهره را نخواهیم دید.

(۳) ظرف باید از مایع پر شود.

یک ذره‌ی مشخص محیط انتشار موج، از نقطه‌ی تعادلش، در کمترین زمان ممکن از  $\frac{\lambda}{2} + \frac{\lambda}{2}$  می‌رسد. در این مدت یک قله‌ی مشخص از موج چه مقدار در راستای انتشار موج پیشروی می‌کند؟ (A دامنه نوسان ذرات محیط و  $\lambda$  برابر طول موج است.)

(۴)  $\frac{\lambda}{4}$ (۳)  $\frac{\lambda}{2}$ (۲)  $\frac{\lambda}{3}$ (۱)  $\frac{\lambda}{6}$ 

جسمی روی محور افقی بین نقاط  $X = 35\text{cm}$  تا  $X = 55\text{cm}$  در حال حرکت نوسانی ساده است. در مدت زمانی کمتر از یک دوره تناوب، نسبت بیشترین تندی متوسط به کمترین تندی متوسط برای انتقال جسم از  $|X| = 40\text{cm}$  به  $|X| = 50\text{cm}$  کدام است؟

(۴)  $\frac{5}{3}$ (۳)  $\frac{3}{2}$ 

(۲) ۱

(۱)  $\frac{12}{5}$

معادله یک هماهنگ ساده در SI به صورت  $x = \cos 40\pi t + 0/2$  است. چند ثانیه پس از شروع حرکت تندی نوسانگر برای دومین بار به بیشترین مقدار می‌رسد؟

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۱ (۱)

آونگی از سقف آسانسوری که با شتاب ثابت  $\frac{m}{s^2}$  رو به بالا در حرکت است، آویزان شده و حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اندازه شتاب حرکت آسانسور در حرکت رو به بالا چند  $\frac{m}{s^2}$  تغییر کند تا بیشینه تندی افقی گلوله متصل به آن،  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  برابر شود؟ (دامنه حرکت را ثابت فرض کنید.)

۵ (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

چند مورد از عبارت‌های زیر صحیح نیست؟

$$\sin \theta_2 = \frac{V_2}{V_1}$$

الف) رابطه  $\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{V_1}{V_2}$  در شکست را قانون شکست عمومی می‌نامند.

ب)  $n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$  در شکست نور را قانون شکست اسنل می‌نامند.

پ) طول موج سیگنال‌های دیجیتالی که امروزه آنتن‌ها فرستاده می‌شود در حدود ۵۰ سانتی‌متر است.

ت) در صورتی که یک موج به مانع برخورد کند بخشی از موج که از لبه عبور می‌کند بهوضوح به اطراف مانع گسترده می‌شود.

ث) با ورود موج از هوا به آب، طول موج کاهش می‌یابد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

دو طناب هم‌جنس A و B مطابق شکل به یکدیگر متصل شده‌اند. موجی از B وارد A می‌شود. سرعت انتشار و



۱ (۴)

۱ (۳)

طول موج آن با رفتتن به A چند برابر می‌شود؟

$$\sqrt{\frac{3}{2}}$$

$$\sqrt{\frac{2}{3}}$$

جسمی به جرم ۱۰۰ گرم روی سطح افقی بدون اصطکاکی به فنری با ثابت  $\frac{N}{m}$  وصل شده و حرکت هماهنگ

ساده انجام می‌دهد. کم‌ترین زمان لازم برای طی مسافت به اندازه‌ی دامنه‌ی حرکت، چند ثانیه است؟ ( $\pi = 3$ )

۰/۰۵ (۴)

۰/۱ (۳)

۰/۱۵ (۲)

۰/۲ (۱)

۴۵

یک سیم ویولن با نیروی  $20\text{ N}$  کشیده شده است. اگر جرم واحد طول این سیم  $20\text{ mg}$  باشد و طول موج صوت حاصل شده از این سیم در هوا  $160\text{ cm}$  باشد، طول موج در سیم ویولن چند  $\text{m}$  است؟ (سرعت صوت در هوا  $320\frac{\text{m}}{\text{s}}$  است).

۰/۳۲ (۴)

۵ (۳)

۰/۲ (۲)

۱/۶ (۱)

۴۶

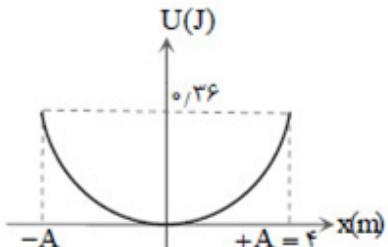
نمودار انرژی پتانسیل نوسانگری برحسب مکان آن مطابق شکل زیر است. اگر جرم جسم  $2\text{ kg}$  باشد، دوره‌ی نوسانگر چند  $\text{s}$  است؟ ( $\pi = 3$ )

۱۰ S (۱)

۴۰ S (۲)

۲۰ S (۳)

۸۰ S (۴)



۴۷

ساعتی آونگ‌دار در تهران تنظیم شده است. اگر این ساعت به منطقه‌ای در استوا برده شود، عقب یا جلو می‌افتد؟ مقدار

$$\left( g_{\text{استوا}} = \frac{9}{5} \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, g_{\text{تهران}} = \frac{9}{78} \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \right)$$

۰/۱ (۴) جلو،

۳ (۳) جلو،

۰/۱ (۲) عقب،

۱ (۱) عقب،

۴۸

چند گزینه درباره‌ی پدیده‌ی دوپلر درست است؟

الف) وقتی شنونده متوجه به چشم‌های ساکن نزدیک می‌شود، طول موج دریافتی کمتر می‌شود.

ب) وقتی شنونده متوجه به چشم‌های ساکن نزدیک می‌شود، سرعت دریافت صوت کمتر می‌شود.

پ) وقتی چشم‌های متوجه به شنونده ساکن نزدیک می‌شود، طول موج دریافتی کاهش می‌یابد.

ت) وقتی چشم‌های متوجه از شنونده ساکن دور می‌شود، سرعت دریافت صوت کاهش می‌یابد.

ث) وقتی چشم‌های نور از آشکارساز دور می‌شود، طول موج دریافتی افزایش می‌یابد که اصطلاحاً انتقال به آبی نامیده می‌شود.

۰/۳ (۴)

۲ (۳)

۰/۲ (۲)

۱ (۱)

۴۹

چند گزینه درباره‌ی موج نادرست است؟

الف) امواج  $S$  و  $P$  دو نوع از امواج لرزه‌ای هستند که معمولاً سرعت موج طولی  $P$  از موج عرضی  $S$  بیشتر است.

ب) در طیف امواج الکترومغناطیس بسامد مربوط به طیف ELF از پرتوهای فرینچیش بیشتر است.

پ) ماکسول نشان داد که تندی امواج الکترومغناطیس در خلاء از رابطه‌ی  $C = \frac{1}{\sqrt{\epsilon \cdot \mu}}$  به دست می‌آید.

ت) تندی انتشار موج عرضی در سیم کشیده شده گیتار به جرم  $m$  و طول  $L$  از رابطه‌ی  $\sqrt{\frac{F \cdot L}{m}}$  به دست می‌آید.

۰/۴ (۴)

۳ (۳)

۰/۲ (۲)

۱ (۱)

۵۰

- کدام گزینه از گزینه های زیر درباره صوت درست است؟
- (۱) در هنگام انتشار صوت مولکول های انتقال پیدا می کنند.
  - (۲) بیشترین حساسیت گوش انسان مربوط به بسامدهای ۲۰ تا ۲۰۰۰۰ هرتز است.
  - (۳) اگر با زیاد شدن صدای تلویزیون شدت صوت ۱۰۰ برابر شود، تراز شدت صوتی که می شنویم ۲۰ دسی بل افزایش می یابد.
  - (۴) هر چه ماده متراکم تر باشد، عموماً سرعت صوت کمتر می شود.

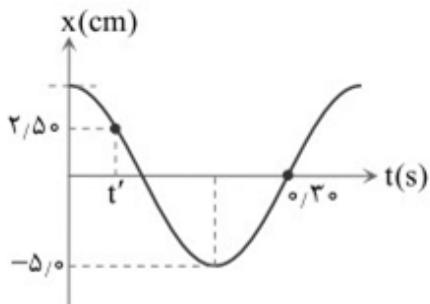
۵۱

- چند گزینه درباره موج نادرست است؟
- الف) در موج عرضی فاصله بین دو تراکم متوالی را طول موج گویند.
  - ب) در امواج مکانیکی آهنگ انتقال انرژی با مرربع دامنه و مربع بسامد موج متناسب است.
  - پ) در امواج الکترومغناطیسی اگر جهت انتشار موج  $(+x)$  و جهت بردار میدان الکتریکی در یک نقطه  $(y)$  باشد، جهت بردار  $B$  در آن نقطه  $(+z)$  است.
  - ت) گستره طول موج نورمنی از حدود ۳۸۰ nm تا ۷۵۰ nm و به ترتیب قرمز تا بنفش است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۵۲

- با توجه به نمودار مکان - زمان نوسانگر داده شده کدام گزینه درست است؟  $(\pi^2 \approx 10)$

(۱) بسامد نوسانگر  $2\text{Hz}$  است.(۲) معادله حرکت در SI به صورت  $x = 5 \times 10^{-2} \sin(5\pi t)$  است.(۳)  $t'$  برابر با  $\frac{T}{4}$  است.(۴) شتاب نوسانگر در لحظه  $t'$  برابر با  $\frac{m}{s^2}$  است.

- نوسانگر هماهنگ ساده ای روی پاره خط نوسانی به طول  $d$  حرکت هماهنگ ساده انجام می دهد. حداقل مسافتی که

نوسانگر در مدت زمان  $\frac{1}{3}$  دوره انجام می دهد، چند  $d$  است؟(۱)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$  (۲)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  (۳)  $\sqrt{3}$ 

- معادله حرکت نوسانگر هماهنگ ساده جرم و فنری در SI به صورت  $x = 0.08 \cos \omega t$  است. اگر انرژی جنبشی

نوسانگر در مرکز نوسان  $48\text{J}$  باشد، ثابت فنر چند نیوتون بر متر است؟

(۱) ۷۵ (۲) ۱۵۰ (۳) ۳۰۰

(۴) به مقدار  $\omega$  که مشخص نشده است، بستگی دارد.

۵۴

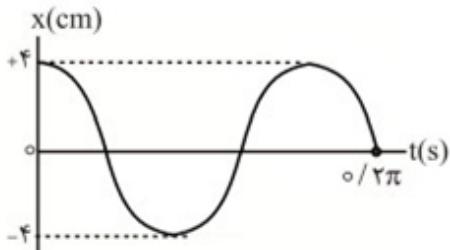
- آونگ ساده (۱) در سطح زمین و آونگ ساده کاملاً مشابه (۲)، در ارتفاع  $2R_e$  از سطح کره زمین در حال حرکت هماهنگ ساده هستند. اگر در مدت زمانی معین، آونگ (۱)، ۲۴ نوسان انجام دهد، در این مدت، آونگ (۲) چند نوسان انجام می دهد؟ ( $R_e$  شعاع کره زمین است).

(۱) ۹۶ (۲) ۴۸ (۳) ۱۲ (۴) ۶

۵۵

۵۶

نمودار مکان - زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای به صورت مقابل است.



تندی بیشینه‌ی نوسانگر چند واحد SI است؟

- ۵۰ (۲) ۴۰ (۱)  
۰/۵ (۴) ۰/۴ (۳)

۵۷

طول موج یک موج الکترومغناطیس به بسامد  $10^{10}$  Hz، هنگامی که از شیشه وارد یک مایع شفاف می‌شود، ۱۰۰

$$\left( c = ۳ \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}, n_{\text{شیشه}} = ۱/۵ \right)$$

- ۲/۲۵ (۴) ۲ (۳) ۲ (۲) ۱/۸ (۱)

۵۸

رابطه سرعت با مکان برای یک نوسانگر که حرکت هماهنگ ساده دارد در SI به صورت

داده شده است. طول پاره خط نوسان چند سانتی‌متر است؟

- ۴ (۴) ۲ (۳) ۱ (۲) ۰/۵ (۱)

۵۹

اگر ۱۲ متر از یک منبع صوت دور شویم، تراز شدت ۱۲ دسیبل کاهش می‌یابد. فاصله اولیه از منبع صوت چند متر

$$(\text{Log} ۲ = ۰/۳)$$

- بوده است؟ (از کاهش دامنه صرف نظر می‌شود.)
- ۸ (۴) ۶ (۳) ۴ (۲) ۲ (۱)

۶۰

تاری با چگالی  $\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  ۴ و قطر مقطع  $2\text{mm}$  با نیروی  $10\pi$  نیروی کشیده شده است. اگر معادله پیشمه موجی که موج عرضی

در این تار ایجاد می‌کند به صورت  $X = ۰/۰۴ \text{Cos}(50\pi t)$  باشد، مسافتی که این موج در مدت  $\frac{1}{2}$  دوره طی می‌کند،

- چند متر است؟
- ۴ (۴) ۲ (۳) ۱ (۲) ۰/۵ (۱)

۶۱

نوسانگری به جرم m متصل به فنری بدون جرم با دوره  $2s$  روی یک پاره خط به طول  $6\text{cm}$  در حال نوسان است. اگر

در یک لحظه، انرژی پتانسیل و جنبشی به ترتیب  $J = ۰/۰۰۳۶\text{J}$  و  $E = ۰/۰۰۰۹\text{J}$  باشد، جرم این نوسانگر چند kg است؟

$$(\pi^2 \approx ۱۰)$$

- ۰/۰۱ (۴) ۰/۱ (۳) ۱ (۲) ۱۰ (۱)

۶۲

چندتا از جملات زیر در حرکت نوسانی ساده درست است؟

الف- مسافت طی شده در  $\frac{1}{4}$  دوره همواره برابر دامنه است.

ب- اگر دامنه حرکت نوسانی ساده دو برابر شود، بسامد حرکت نصف می‌شود.

ج- در این حرکت وقتی نوسانگر به مرکز نوسان نزدیک می‌شود، سرعت و شتاب همجهت هستند.

د- در مرکز نوسان، نیروی وارد بر نوسانگر بیشینه است.

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

۶۳

پرتوی نور تکرنگی با زاویه $45^{\circ}$  از هوا به سطح یک مایع می‌تابد. قسمتی از این پرتو وارد مایع شده و شکسته

$$\sqrt{2}$$

می‌شود و بخشی از آن از سطح جداکننده هوا و مایع بازتاب می‌شود. اگر سرعت نور در مایع  $\frac{1}{2}$  برابر سرعت نور

در هوا باشد، زاویه بین پرتو شکست و پرتو بازتاب چند درجه است؟

۱۲۰ (۴)

۷۵ (۳)

۱۰۵ (۲)

۳۰ (۱)

۶۴

نمودار جابه‌جایی - مکان دو موج A و B که سرعت انتشار برابری

دارند، به صورت شکل زیر است. مسافت طی شده توسط ذرات موج

A در مدت زمان ۲ ثانیه، چند برابر مسافت طی شده توسط ذرات موج

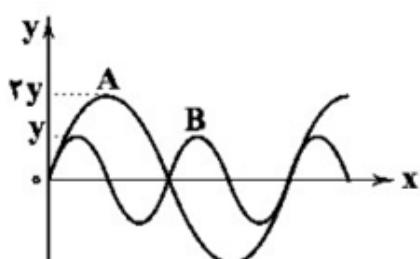
B در مدت زمان ۳ ثانیه است؟

۲ (۲)

۲ (۱)

۳ (۴)

۸ (۳)



۶۵

وزنهای به جرم m را به فنری که از سقف آویزان است و در حال تعادل قرار دارد، آویزان می‌کنیم که در نتیجه‌ی آن،

طول فنر ۱۰ cm اضافه می‌شود. سپس وزنه و فنر که به هم متصل هستند را بر روی سطح افقی بدون اصطکاکی در

حال تعادل قرار داده و سپس وزنه را ۱۰ سانتی‌متر به عقب کشیده و رها می‌کنیم تا مجموعه به نوسان در بیاید. پس از

گذشت  $\frac{1}{9}$  ثانیه از شروع حرکت، مسافتی که وزنه طی می‌کند، چند متر خواهد بود؟ ( $\pi = 3$ ,  $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

۵۰ (۴)

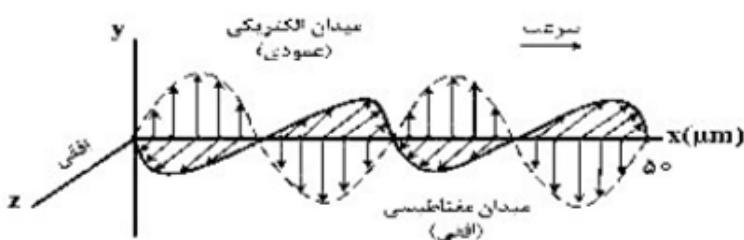
۶۰ (۳)

۰/۵ (۲)

۰/۶ (۱)

۶۶

شکل زیر، تصویری از یک موج الکترومغناطیسی است که در خاله در حال انتشار است. انرژی هریک از فوتون‌های این موج چند الکترون- ولت است؟

$$(h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV.s}, c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})$$


۲/۴ (۱)

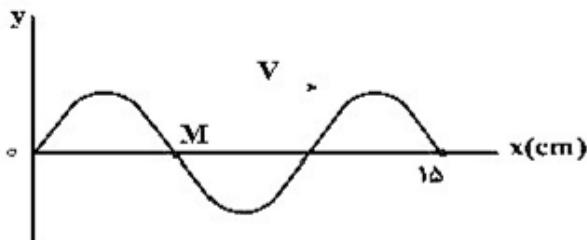
۲/۴ × ۱۰⁻۲ (۲)

۴/۸ (۳)

۴/۸ × ۱۰⁻۲ (۴)

شکل زیر، تصویری از یک موج عرضی را در لحظه‌ی  $t_1$  در یک ریسمان کشیده شده نشان می‌دهد. اگر سرعت انتشار

$$\text{موج} = 20 \frac{\text{cm}}{\text{s}} \text{ باشد، در بازه‌ی زمانی } t_1 + \frac{9}{4} \text{ s} = t_2 \text{ چند بار جهت حرکت ذره‌ی M تغییر کرده است؟}$$



۷ (۱)

۸ (۲)

۹ (۳)

۱۰ (۴)

انحراف (هیبلیزیون)

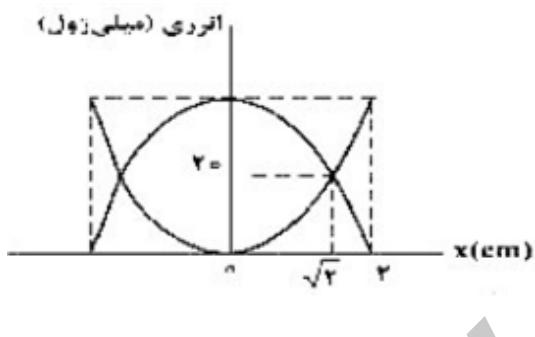
شکل زیر، نمودار تغییرات انرژی جنبشی و پتانسیل سامانه‌ی جرم -

فرنی را بر حسب مکان نشان می‌دهد. اگر حداقل زمانی که طول می‌کشد که انرژی جنبشی نوسانگر از صفر به  $40 \text{ mJ}$  برسد برابر  $0.05 \text{ s}$  باشد، بزرگی سرعت نوسانگر در لحظه‌ی عبور از مکان

 $x = \dots$  چند متر بر ثانیه است؟ $\frac{\pi}{5}$  (۱) $2\pi$  (۳)

$$\frac{\pi}{10}$$

$$10\pi$$



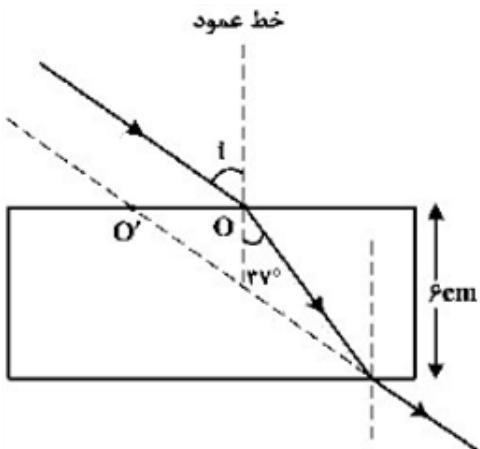
یک آینه‌ی کاو، از جسمی که روی محور اصلی آن قرار دارد، تصویری حقیقی با بزرگنمایی  $1 > m$  تشکیل داده

است و فاصله‌ی جسم از تصویر  $30 \text{ cm}$  است. جسم را چگونه جابه‌جا کنیم تا بزرگنمایی  $\frac{1}{m}$  شود؟

 $30 \text{ cm}$  (۲) $15 \text{ cm}$  از آینه دور کنیم. $30 \text{ cm}$  (۴) $15 \text{ cm}$  به آینه نزدیک کنیم.

۷۰

پرتو نوری، مطابق شکل زیر از هوا به یک تیغهی متوازی السطوح می‌تابد و پس از شکست در محیط شفاف، دوباره وارد هوا می‌شود. اگر امتداد پرتو خروجی در  $O'$  به تیغه بخورد کند و  $OO' = 3/5\text{cm}$  باشد، ضریب شکست محیط شفاف چه قدر است؟  $(\sin 37^\circ = 4/5)$



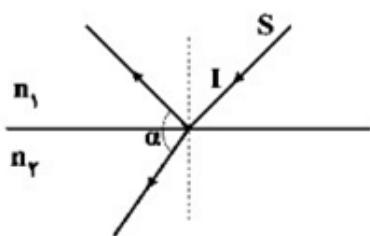
۵ (۱)

۳ (۲)

۳ (۳)

۷۱

مطابق شکل زیر، پرتو نور تکرنگ SI بر سطح یک محیط شفاف تابیده است. به طوری که قسمتی از آن بازتاب پیدا کرده و به محیط اول برگشته و قسمتی نیز شکسته شده و وارد محیط دوم می‌شود. اگر طول موج پرتو موردنظر در محیط دوم  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  طول موج پرتو موردنظر در محیط اول باشد و زاویهی  $\alpha$  برابر  $75^\circ$  باشد، زاویهی شکست پرتو چند درجه است؟



۶۰ (۱)

۴۵ (۲)

۱۵ (۳)

۳۰ (۴)

۷۲

آونگ ساده‌ای به طول  $L$  در نزدیکی سطح زمین حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد و در هر دوره مسافت  $8\text{cm}$  طی می‌کند. اگر بیشینهی تندی حرکت این آونگ به  $\frac{m}{s} = 1/10$  برسد، طول لخت این آونگ چند سانتی‌متر است؟

$$(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

۲۴ (۴)

۳۶ (۳)

۴۰ (۲)

۲۰ (۱)

۷۳

آمبولانسی با سرعت  $40 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  در حال حرکت است، با دیدن مانع آژیر می‌کشد و بازتاب صدای آژیر  $1/5$  ثانیه بعد به راننده می‌رسد. اگر سرعت صوت  $320 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  باشد، فاصلهی مانع تا اتومبیل در لحظهی آژیر کشیدن چند متر بوده است؟

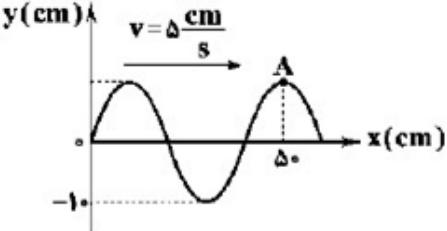
۲۷۰ (۴)

۱۸۰ (۳)

۲۴۰ (۲)

۳۶۰ (۱)

نقش موجی سینوسی در یک لحظه مطابق شکل زیر است، جهت حرکت ذرهی A، ۵ ثانیه پس از این لحظه به کدام سمت و بیشینه تندی نوسان آن چند متر بر ثانیه است؟ ( $\pi = 3$ )



$$(\pi = 3)$$

- (۱) بالا -  $\frac{3}{40}$   
 (۲) بالا -  $\frac{3}{20}$   
 (۳) پایین -  $\frac{3}{40}$   
 (۴) پایین -  $\frac{3}{20}$

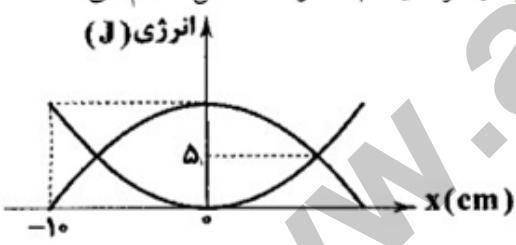
جسمی به جرم  $2\text{kg}$  به فنری با ثابت  $\frac{N}{m} 320$  متصل شده و بر روی پاره خطی به طول  $20\text{cm}$  در حال حرکت هماهنگ ساده است. در لحظه‌ای که انرژی جنبشی آن  $4$  برابر انرژی پتانسیل کشسانی آن است، تندی این جسم چند متر بر ثانیه می‌باشد؟ ( $\pi = \sqrt{10}$  و از اتفاف انرژی صرف نظر کنید.)

- (۱)  $0/2 \sqrt{2}$  (۲)  $0/8 \sqrt{2}$  (۳)  $0/2$  (۴)  $0/8$

نوسانگر جرم و فنری در حال حرکت هماهنگ ساده است و در لحظه‌ی ۱ در مکان  $x = +5\text{cm}$  قرار دارد، چه تعداد از عبارت‌های زیر لزوماً در مورد این نوسانگر در لحظه‌ی ۱ صحیح است؟  
 (الف) بردار شتاب حرکت آن متفاوت است.  
 (ب) بردار سرعت آن مثبت است.  
 (ج) حرکت آن به صورت تندشونده است.

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) صفر

نمودار تغییرات انرژی پتانسیل و انرژی جنبشی یک سامانه‌ی جرم و فنر به جرم  $2\text{kg}$  که در راستای محور X نوسان هماهنگ ساده انجام می‌دهد، به صورت شکل زیر است. این نوسانگر در هر دقیقه چند نوسان کامل انجام می‌دهد؟



$$(\pi = \sqrt{10})$$

- (۱) ۶  
 (۲) ۶۰  
 (۳) ۳۰  
 (۴) ۳۰۰

پرتوی نور تکرنگی از هوا با زاویه‌ی تابش  $60^\circ$  به سطح جدایی هوا و یک تیغه‌ی شیشه‌ای به ضخامت  $20\text{cm}$  می‌تابد. اگر سرعت حرکت پرتو در تیغه‌ی شیشه‌ای  $\sqrt{6} \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  باشد، طول پرتو درون تیغه‌ی شیشه‌ای چند سانتی‌متر است؟

$$\left( c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right)$$

- (۱)  $20\sqrt{3}$  (۲)  $20\sqrt{2}$  (۳)  $40\sqrt{\frac{2}{3}}$  (۴)  $40$

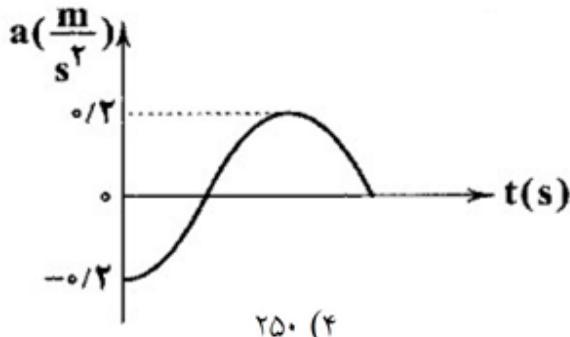
یک ساعت که با آونگ کار می‌کند، در ارتفاع  $5R$  از سطح زمین قرار دارد. اگر یک شبانه‌روز در سطح زمین طی شود، عقربه‌ی ساعت‌شمار این ساعت چه مدت زمانی جلو خواهد رفت؟ (آونگ به کاررفته در ساعت را یک آونگ ساده در نظر بگیرید).

(۴) ۱۴۴ ساعت

(۳) ۲ ساعت

(۲) ۴ ساعت

(۱) ۲۰ دقیقه



۲۵۰ (۴)

۵۰۰ (۳)

۰/۲۵ (۲)

۰/۱ (۱)

برای یک سامانه‌ی وزنه - فنر نمودار شتاب - زمان مطابق شکل زیر است. وزنه در لحظه  $t = 3S$  برای دومین بار از مبدأ می‌گذرد. اگر در لحظه‌ی  $t = 2S$  به وزنه نیرویی به بزرگی  $N_{100}$  وارد شود، ثابت فنر چند میلی نیوتن بر متر است؟  $(\pi^2 = 10)$

معادله مکان - زمان حرکت نوسانگر هماهنگ ساده جرم - فنری در SI به صورت  $x = 0.06 \cos \omega t$  است. اگر در نقطه‌ی  $x = 0.03 \sqrt{2}m$  انرژی جنبشی نوسانگر برابر  $360mJ$  باشد، ثابت فنر چند نیوتن بر متر است؟

(۲) ۲۰۰

۴۰۰ (۱)

(۴) نمی‌توان تعیین کرد چون به مقدار  $\omega$  بستگی دارد. $200\sqrt{2}$  (۳)

- کدام گزینه نادرست است؟
- (۱) در ماکروفرها از تداخل امواج الکترومغناطیسی و تشکیل امواج ایستاده در پختن غذاها استفاده می‌شود.
  - (۲) در نقش تداخلی ایجاد شده در آزمایش یانگ، با بکارگیری نور نارنجی به جای نور سبز، پهنهای نوارهای تاریک افزایش می‌یابد.
  - (۳) با ارسال سیگنال‌های تلویزیون‌های دیجیتال در مقایسه با تلویزیون‌های متداول، دریافت سیگنال در ناحیه سایه راحت‌تر خواهد بود.
  - (۴) پاشیدگی نور سفید در منشور مثلثی در مقایسه با یک تیغه شیشه‌ای، به دلیل پاشیدگی در دو سطح متقاطع منشور، محسوس‌تر است.

تراز شدت صوتی  $45dB$  است. انرژی مکانیکی که این صوت در مدت یک دقیقه به طور عمود از صفحه‌ای به

$$\text{مساحت } 10^2 m^2 \text{ عبور می‌دهد، چند ژول است? } \left( I_e = 10^{-12} \frac{W}{m^2} \right)$$

(۴)  $3 \times 10^{-7}$ (۳)  $810\sqrt{10}$ (۲)  $1/8 \times 10^{-7}$ (۱)  $1/8 \times 10^{-5}$

نوسانگر هماهنگ ساده‌ای روی پاره خطی به طول  $2A$ ، حرکت هماهنگ ساده با دور تناوب  $T$  انجام می‌دهد. نسبت  $\frac{T}{4}$  می‌تواند طی کند، کدام است؟

$$(\sqrt{3} \approx 1/7, \sqrt{2} \approx 1/4)$$

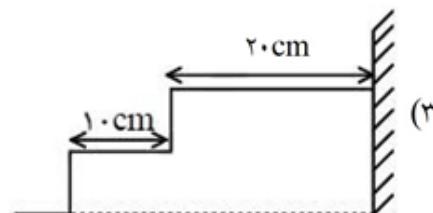
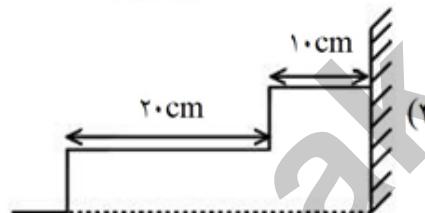
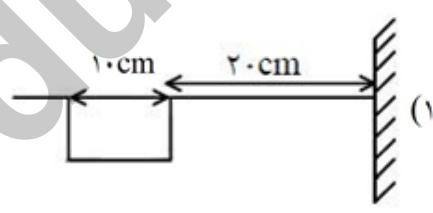
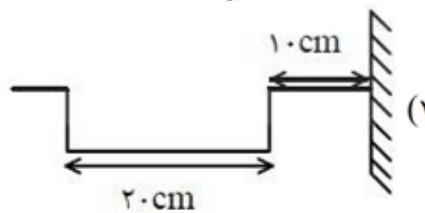
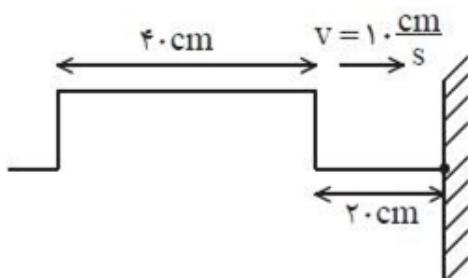
۲ (۴)

۱۷ (۳)

۷ (۲)

۱ (۱)

یک تپ مستطیل شکل در  $t = 0$ ، مطابق شکل با سرعت  $10 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$  به انتهای بسته طناب نزدیک می‌شود. کدام گزینه شکل این تپ را در  $t = 5\text{s}$  به درستی نشان می‌دهد؟



در فاصله  $d$  از یک چشممه صوت، تراز شدت صوت  $90$  دسیبل است. اگر به جای یک منبع، هم‌زمان  $5$  منبع مشابه به ارتعاش درآیند، تراز شدت صوت در همان فاصله  $d$  از این  $5$  منبع مشابه چند دسیبل خواهد شد؟  $(\text{Log } 2 = 0.3)$

۴۰۰ (۴)

۹۷ (۳)

۹۳ (۲)

۹۰ (۱)

اگر در انتشار موج الکترومغناطیسی در یک نقطه، جهت میدان الکتریکی موج الکترومغناطیسی به سمت جنوب و جهت میدان مغناطیسی آن به سمت بالا باشد، جهت انتشار موج به کدام است؟

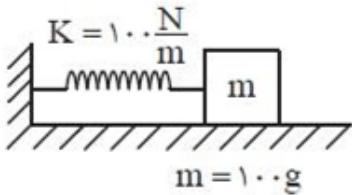
۱) پایین

۲) شمال

۳) مشرق

۴) غرب

مطابق شکل جسمی به جرم ۱۰۰ گرم به فنری با ثابت  $K = \frac{N}{m} = 100$  متصل بوده و بر روی سطح بدون اصطکاکی می‌تواند نوسان کند. وزنه را ۲ cm از وضع تعادل خارج کرده و رها می‌کنیم. در لحظه‌ای که انرژی پتانسیل کشسانی فنر ۱۵ mJ است، بزرگی سرعت نوسانگر چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟



- (۱)  $10\sqrt{10}$  (۲)  $20\sqrt{10}$  (۳)  $\frac{\sqrt{3}}{20}$  (۴)  $\frac{\sqrt{3}}{10}$

در یک حرکت نوسانی ساده، جسم روی پاره خطی به طول ۴۰ cm نوسان می‌کند و در هر دقیقه مسافت ۱۲ متر را طی می‌کند. سرعت جسم در هنگام عبور از وضع تعادل چند  $\frac{cm}{s}$  است؟ ( $\pi = 3$ )

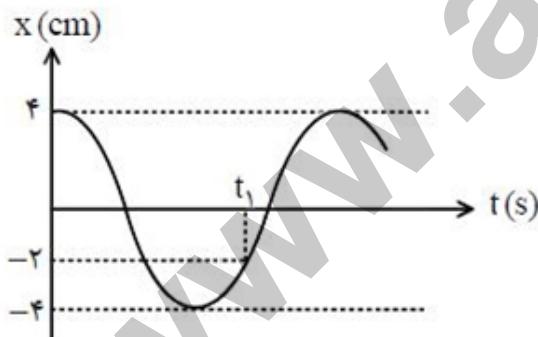
- (۱) ۱۰ (۲) ۲۰ (۳) ۳۰ (۴) ۴۰

معادله مکان بر حسب سرعت یک آونگ ساده به صورت  $1 = 100x^2 + 25v^2$  است. طول این آونگ ساده چند متر است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

- (۱) ۵ (۲) ۲ (۳) ۱/۵ (۴) ۲/۵

نمودار مکان-زمان یک نوسانگر که حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد، مطابق شکل است. اگر در لحظه ۱، شتاب

نوسانگر  $\frac{2\pi m}{5\pi s^2}$  باشد، این نوسانگر در مدت ۲۰ s چند نوسان کامل انجام می‌دهد؟



- (۱) ۵۰ (۲) ۵ (۳) ۲۵ (۴) ۲/۵

موجی الکترومغناطیس با بسامد  $f$  از شکافی به پهنتای  $a$  عبور می‌کند. در کدامیک از حالات زیر، پراش بارزتری را مشاهده خواهیم کرد؟

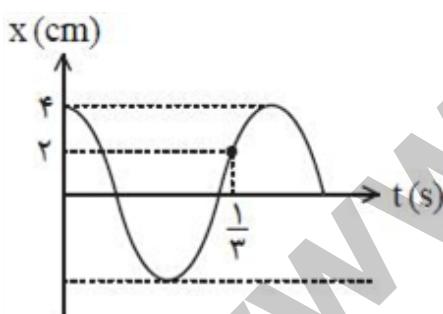
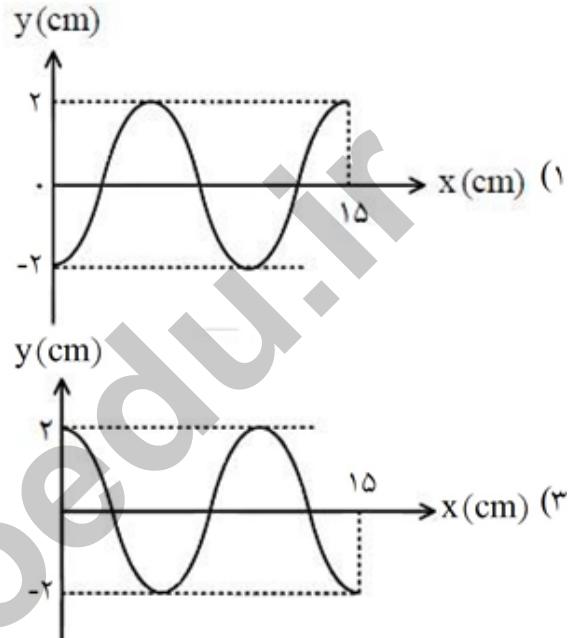
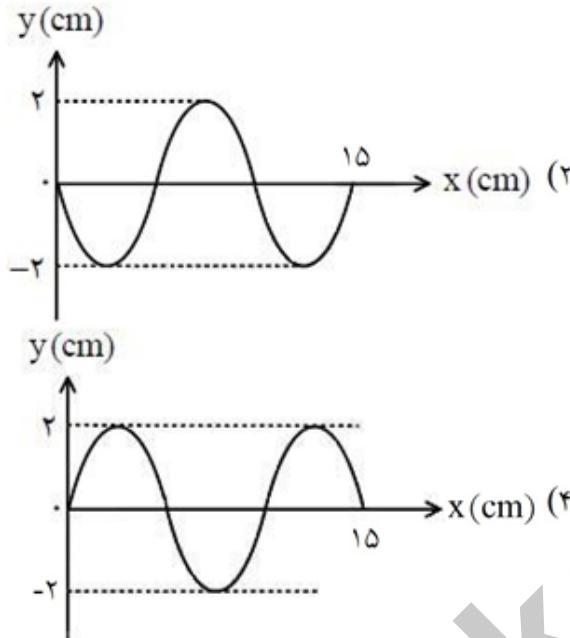
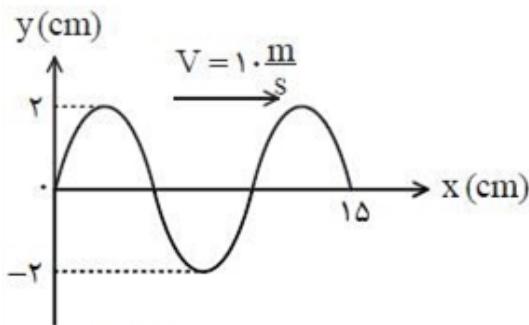
$$f = 10^{10} \text{ Hz}, a = 3 \text{ cm} \quad (۲)$$

$$f = 10^{11} \text{ Hz}, a = 3 \text{ mm} \quad (۱)$$

$$f = 10^{10} \text{ Hz}, a = 3 \text{ mm} \quad (۴)$$

$$f = 10^9 \text{ Hz}, a = 3 \text{ dm} \quad (۳)$$

نقش موجی در لحظه  $t = \frac{1}{400} s$  مطابق شکل است. نقش موج در لحظه  $t =$  کدام است؟



شکل مقابله نمودار مکان-زمان یک نوسانگر ساده را نشان می‌دهد.

$$(\pi^2 = 10) \quad \frac{m}{s}$$

بیشینه شتاب نوسانگر چند است؟

- ۱۰ (۲)      ۱ (۱)  
۵ (۴)      ۰/۵ (۳)

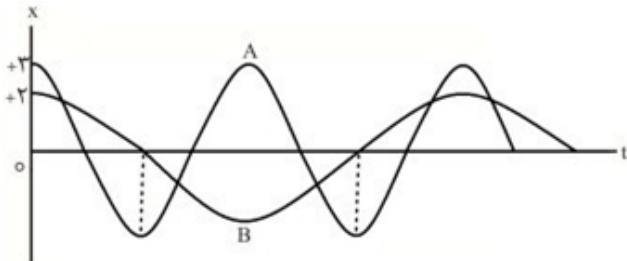
ریسمانی مانند شکل از دو قسمت نازک و ضخیم هم‌جنس تشکیل شده است و هر دو قسمت تحت نیروی کشش یکسان قرار دارند. قطر مقطع قسمت نازک  $\frac{1}{4}$  برابر قطر مقطع قسمت ضخیم است. اگر موجی سینوسی با طول موج

$\lambda_1$  در قسمت نازک ریسمان ایجاد کنیم و  $\lambda_2$  طول موج در قسمت ضخیم باشد، نسبت  $\frac{\lambda_1}{\lambda_2}$  کدام است؟



- ۱ (۲)      ۱/۲ (۱)  
۴ (۴)      ۲ (۳)

در سیمی به طول  $48\text{cm}$ ، جرم  $24\text{g}$  که تحت نیروی کشش  $1280\text{N}$  قرار دارد، موجی عرضی ایجاد می‌شود اگر بسامد نوسان‌های دیپازونی که موج عرضی ایجاد می‌کند  $400\text{Hz}$  باشد، فاصله یک قله از دره مجاور آن چند سانتی‌متر است؟

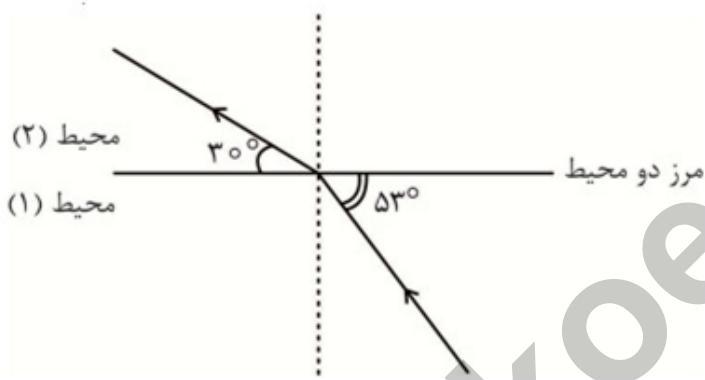
(۱)  $1/25$ (۲)  $2/5$ (۳)  $20$ (۴)  $40$ 

نمودار مکان - زمان دو نوسانگ هماهنگ ساده A و B به صورت مقابل است. اگر  $m_B = 3m_A$  باشد، بیشینه انرژی جنبشی نوسانگ A، چند برابر بیشینه انرژی جنبشی نوسانگ B است؟

(۱)  $1/5$ (۲)  $1$ 

(۳)

مطابق شکل مقابل پرتو SI از محیط شفاف (۱) به مرز این محیط با محیط شفاف (۲) می‌تابد. نسبت  $\frac{v_1}{v_2}$  کدام است؟



$$(\sin 53^\circ = 4/5)$$

$$0/4 \sqrt{3} (1)$$

$$1/6 (2)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{3} (3)$$

$$\frac{5\sqrt{3}}{6} (4)$$

در انتشار یک موج طولی در یک فنر، فاصله میان یک جمع‌شدگی بیشینه از بازشدگی بیشینه مجاور آن  $6\text{cm}$  است.

اگر سرعت انتشار موج در این فنر برابر  $\frac{m}{s} 24$  باشد، بسامد موج ایجاد شده چند هرتز است؟

(۱)  $400$ (۲)  $200$ (۳)  $4$ (۴)  $2$ 

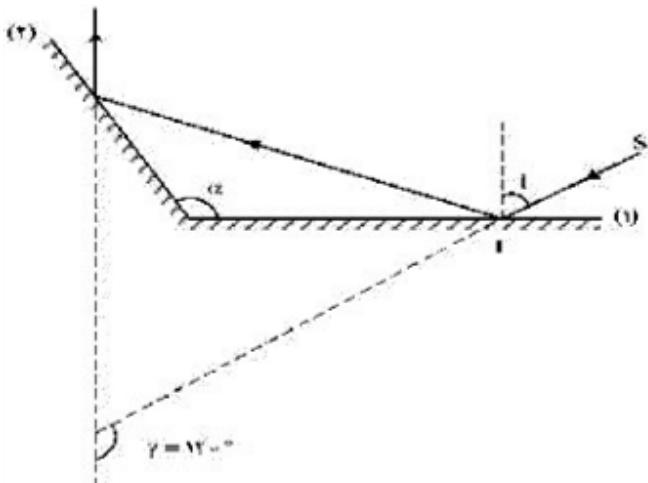
کدام گزینه درست است؟

- (۱) امواج الکترومغناطیس برخلاف امواج مکانیکی فقط در محیط‌های غیر مادی منتشر می‌شوند.
- (۲) تندی انتشار موج‌های سطحی در سطح آب‌های کم عمق، با افزایش عمق آب، افزایش می‌یابد.
- (۳) همه امواج الکترومغناطیس به روش یکسانی تولید می‌شوند و با تندی نور در خلاء منتشر می‌شوند.
- (۴) تندی انتشار صوت به بسامد، طول موج ویژگی‌های فیزیکی محیط انتشار بستگی دارد.

۱۰۱

مطابق شکل زیر، پرتو SI تحت زاویه‌ی تابش  $i$  به آینه‌ی تخت ۱ می‌تابد. زاویه‌ی بین پرتو SI با بازتاب آینه‌ی ۲،  $120^\circ = \gamma$  است. اگر زاویه‌ی ۱،  $20^\circ$

- افزایش یابد،  $\gamma$  چه تغییر می‌کند؟
- (۱)  $40^\circ$  افزایش می‌یابد.
  - (۲)  $20^\circ$  افزایش می‌یابد.
  - (۳) کاهش می‌یابد.
  - (۴) ثابت می‌ماند.



۱۰۲

جسمی به جرم  $m$  به فتری به ثابت  $k$  متصل است و با دوره‌ی  $1/\pi$  ثانیه نوسان می‌کند. اگر جرم جسم  $190\text{ g}$  کاهش یابد با دوره‌ی  $1/0.9\pi$  ثانیه نوسان می‌کند،  $k$  چند نیوتون بر سانتی‌متر است؟

- (۱)  $40$
- (۲)  $20$
- (۳)  $4$
- (۴)  $2$

۱۰۳

وزنه‌ای به جرم  $2\text{ kg}$  را به انتهای فتری به طول  $30\text{ cm}$  می‌بندیم و آنرا بار اول با شتاب روبه بالای  $\frac{m}{s^2} 2$  در راستای

قائم بالا می‌بریم و طول فتر به  $42\text{ cm}$  می‌رسد. بار دیگر این وزنه را به همین فتر بسته و آنرا روی سطح افقی در راستای افق با شتاب  $\frac{m}{s^2} 2$  به حرکت درمی‌آوریم. اگر در این حالت طول فتر به  $36\text{ cm}$  برسد، ضریب اصطکاک

$$\text{جنبی} \left( g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \right)$$

- (۱)  $0/2$
- (۲)  $0/3$
- (۳)  $0/4$
- (۴)  $0/5$

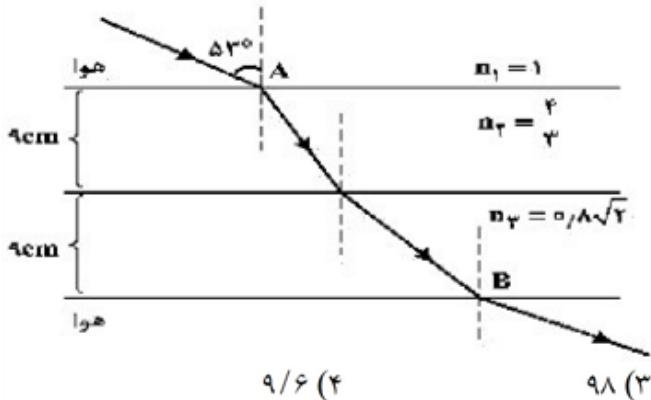
۱۰۴

جسمی مقابله‌ی آینه‌ی محدبی قرار دارد و فاصله‌ی تصویر تا آینه  $24\text{ cm}$  است. اگر جسم از آینه  $12\text{ cm}$  دور شود، تصور از آینه  $4\text{ cm}$  دور می‌شود. فاصله‌ی کانونی آینه چند سانتی‌متر است؟

- (۱)  $12$
- (۲)  $24$
- (۳)  $36$
- (۴)  $48$

پرتو نوری مطابق شکل زیر، از هوا وارد محیط های شفافی می شود و شکست می یابد. این پرتو فاصله‌ی A تا B را در

$$\text{چند نانوثانیه طی می کند؟} \quad (1) \frac{\Delta t}{m} = 3 \times 10^{-10} \quad (2) \text{تندی نور در هوا} = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$$



۹/۶ (۴)

۹۸ (۳)

۹۶ (۲)

۰/۶ (۱)

در یک حرکت هماهنگ ساده، فاصله بین دو انتهای مسیر  $40\text{ cm}$  است و نوسان‌گر این فاصله را در هر دقیقه  $300$  بار طی می کند. معادله مکان - زمان این نوسان‌گر در SI به شکل کدام مورد است؟

$$x = 0/2 \cos(10\pi t) \quad (1)$$

$$x = 0/2 \cos(5\pi t) \quad (2)$$

$$x = 0/2 \cos(10\pi t) \quad (3)$$

$$x = 0/2 \cos(5\pi t) \quad (4)$$

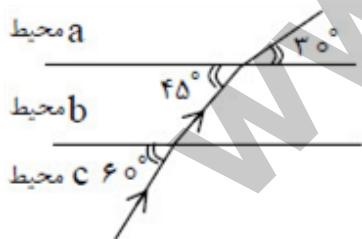
پرتو نوری از هوا به سطح یک تیغه شیشه‌ای می‌تابد و قسمتی از آن بازتاب پیدا می‌کند و قسمتی نیز با انحراف  $15^\circ$  درجه وارد شیشه می‌شود، اگر زاویه بین پرتو بازتابش و پرتو شکست  $125^\circ$  درجه باشد، زاویه شکست چند درجه است؟

۴۵ (۴)

۳۵ (۳)

۳۰ (۲)

۲۰ (۱)



در شکل زیر، مسیر پرتو نور تک رنگی در سه محیط شفاف با مرزهای موازی رسم شده است. اگر ضریب شکست محیط a برابر  $\sqrt{3}$  باشد، ضریب شکست محیط c برابر کدام مورد است؟

۳ (۲)

۴ (۱)

۲ $\sqrt{3}$  (۴)۴ $\sqrt{2}$  (۳)

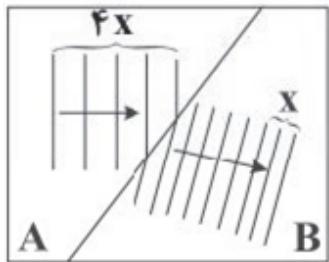
دو موج مکانیکی A و B در یک محیط کشسان متشر می‌شوند، اگر بسامد موج A چهار برابر بسامد موج B باشد طول موج و تندی انتشار موج A چند برابر طول موج و تندی انتشار موج B است؟ (از راست به چپ)

۱ و ۲ (۴)

۱ و ۲ (۳)

۱ و ۲ (۲)

۱ و ۴ (۱)



در یک تشت موج، امواج تخت با بسامد  $20\text{ Hz}$  ایجاد شده است و مطابق شکل مقابله‌های موج از قسمت A وارد قسمت B می‌شوند. اگر اختلاف طول موج در قسمت‌های A و B برابر  $4\text{ cm}$  باشد، تندی انتشار امواج در قسمت A چند متر بر ثانیه است؟

- ۰/۶ (۲)  
۱/۶ (۴)

- ۰/۸ (۱)  
۱/۲ (۳)

مطابق شکل زیر، یک موج عرضی از قسمت نازک طناب وارد قسمت ضخیم طناب می‌شود و تندی انتشار آن  $20\text{ m/s}$  در صد کاهش می‌یابد. بسامد و طول موج در طناب ضخیم به ترتیب از راست به چپ چند برابر بسامد و طول موج در



طناب نازک است؟

$$\frac{5}{4}, 1 (۴)$$

$$1, \frac{5}{4} (۳)$$

$$\frac{4}{5}, 1 (۲)$$

$$1, \frac{4}{5} (۱)$$

در دو تار هم‌طول و هم‌قطر A و B، که بین دو نقطه با نیروی ثابت کشیده می‌شوند، موج ایستاده تشکیل شده است و هر دو موج هماهنگ اصلی خود را ایجاد کرده‌اند. اگر بزرگی نیروی کشش دو تار برابر و چگالی آنها  $\rho_A$  و  $\rho_B$  باشد، نسبت بسامد آن‌ها  $\left(\frac{f_A}{f_B}\right)$  کدام است؟

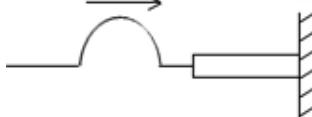
$$\frac{\rho_B}{\rho_A} (۴)$$

$$\frac{\rho_A}{\rho_B} (۳)$$

$$\sqrt{\frac{\rho_B}{\rho_A}} (۲)$$

$$\sqrt{\frac{\rho_A}{\rho_B}} (۱)$$

مطابق شکل، تپی با طول موج  $6\text{ cm}$  در طناب نازک ایجاد می‌کنیم. اگر قطر طناب ضخیم دو برابر قطر طناب نازک باشد و هر دو طناب هم‌جنس باشد، بسامد، طول موج و تندی انتشار موج در طناب ضخیم، به ترتیب از راست به چپ



چند برابر طناب نازک می‌شود؟

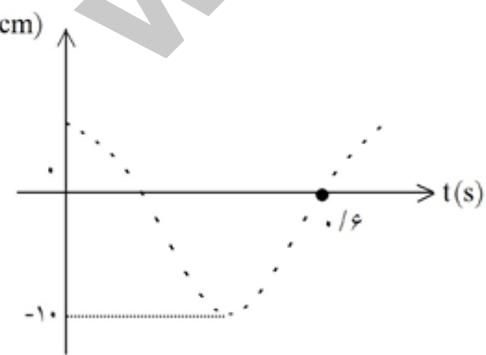
$$\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 1 (۴)$$

$$\frac{1}{3}, 1, \frac{1}{2} (۳)$$

$$\frac{1}{3}, \frac{1}{3}, 1 (۲)$$

$$\frac{1}{2}, 2, 1 (۱)$$

نمودار مکان - زمان نوسانگری در یک حرکت هماهنگ ساده به شکل مقابل است. معادله مکان - زمان این نوسانگر در SI کدام است؟



$$x = 10 \cos\left(\frac{5\pi}{2}t\right) (۱)$$

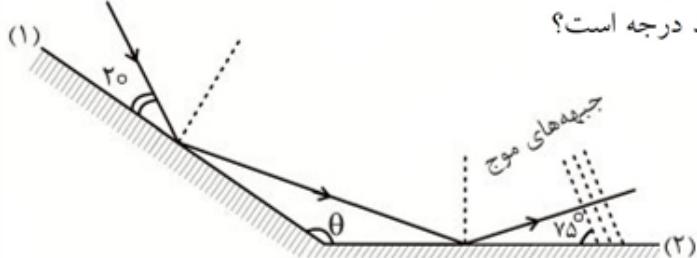
$$x = 10 \cos\left(\frac{5\pi}{4}t\right) (۲)$$

$$x = 10 \cos\left(\frac{5\pi}{2}t\right) (۳)$$

$$x = 10 \cos\left(\frac{5\pi}{4}t\right) (۴)$$

۱۱۵

مطابق شکل، پرتو نوری به دو آینه تخت که با یکدیگر زاویه  $0$  می‌سازند، تاییده و از آنها بازتاب می‌شود. زاویه میان پرتو بازتاب از آینه  $2$  با پرتو تاییده شده به آینه  $1$  چند درجه است؟



- ۹۵ (۱)  
۱۴۵ (۲)  
۱۷۰ (۳)  
۷۰ (۴)

۱۱۶

جرم و شعاع سیاره  $A$  به ترتیب،  $9$  و  $2$  برابر جرم و شعاع سیاره  $B$  است، آونگ‌های ساده  $1$  و  $2$  را به ترتیب در سطح سیاره‌های  $A$  و  $B$  به نوسان ساده درمی‌آوریم. اگر طول آونگ  $1$ ،  $4$  برابر طول آونگ ساده  $B$  باشد، دوره تناوب آونگ  $1$  چند برابر دوره تناوب آونگ  $2$  است؟

- $\frac{3}{2}$  (۴)       $\frac{8}{3}$  (۳)      ۳ (۲)       $\frac{4}{3}$  (۱)

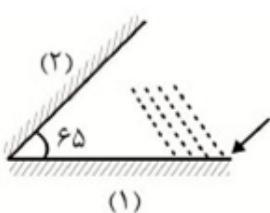
۱۱۷

جسم کوچکی به جرم  $2\text{ kg}$  به فنر سبکی به ثابت  $1 \frac{\text{N}}{\text{cm}}$  متصل است و روی یک سطح افقی بدون اصطکاک، حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر بزرگی نیروی وارد بر نوسانگر در انتهای پاره خط نوسان  $40\text{ N}$  باشد، تندی نوسانگر در مکانی که انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل کشسانی آن با یکدیگر برابرند، چند متر بر ثانیه است؟

- ۲ (۴)       $2\sqrt{2}$  (۳)      ۴ (۲)       $4\sqrt{2}$  (۱)

۱۱۸

در شکل زیر، دو مانع تخت متقطع  $1$  و  $2$  با یکدیگر زاویه‌ی  $65^\circ$  ساخته‌اند. جبهه‌های موج تخت، تحت چه زاویه به سطح مانع  $1$  بتابند تا جبهه‌های موج باز تاییده شده از مانع  $2$  عمود بر مانع  $1$  باشند؟



- ۴۰ (۱)  
۵۰ (۲)  
۶۰ (۳)  
۶۵ (۴)

۱۱۹

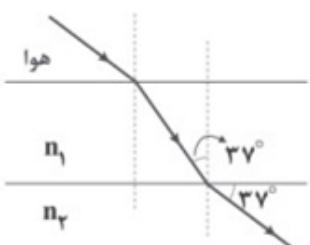
چه تعداد از عبارت‌های زیر در ارتباط با شکست نور نادرست است؟

- الف) با افزایش دما ضریب شکست هوا کاهش می‌یابد.  
ب) ضریب شکست پرتو قرمز در شیشه کم‌تر از ضریب شکست پرتو زرد در شیشه است.  
ج) پدیده‌ی سراب به علت واپستگی ضریب شکست محیط به طول موج است.  
د) هنگام عبور نور سفید از منشور، پرتوهای سبز، بیشتر از پرتوهای زرد از مسیر اولیه منحرف می‌شوند.

- ۴ (۴)      ۳ (۳)      ۲ (۲)      ۱ (۱)

مطابق شکل زیر، یک ظرف شیشه‌ای که ضخامت دیواره‌ی آن  $2\text{cm}$  است، حاوی آب می‌باشد. اگر پرتوی نور تکرنگی در نقطه‌ی A در لحظه‌ی t<sub>1</sub> به طور عمود بر دیواره به این ظرف بتاپد، چند نانو ثانیه بعد این پرتو به نقطه‌ی B می‌رسد؟

$$(n = \frac{4}{3}, n_{\text{شیشه}} = \frac{3}{2}, c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})$$



۱۲۰ (۱)

۱۲۰ (۲)

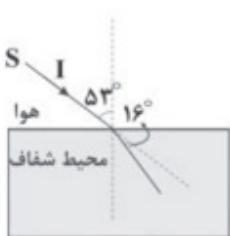
۱۵ (۳)

۱۵ (۴)

مطابق شکل زیر، پرتوی نور تکرنگ SI از هوا وارد یک محیط شفاف می‌شود. اگر طول موج پرتو SI در محیط شفاف  $90\text{nm}$  باشد، بسامد پرتو مورد نظر در هوا چند تراهرتز است؟

$$(\text{تندی انتشار نور در هوا} = 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ و } \text{Sin } 37^\circ = 0.6)$$

$$(n_{\text{هوا}} = 1)$$



۲۵۰ (۴)

۱۲۰ (۳)

۱۲۵ (۲)

۱۶۰ (۱)



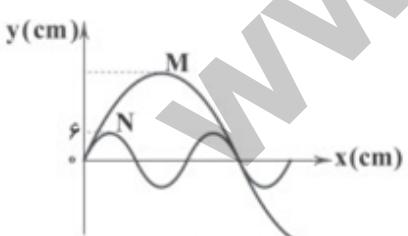
مطابق شکل زیر، دو طعمه‌ی A و B به ترتیب در فواصل  $15\text{cm}$  و  $200\text{cm}$  از یک عقرب ماسه‌ای قرار دارند. اگر تندی موج طولی متشرشده عقرب موج‌های متشرشده از طعمه‌ی B را حس کند، چند ثانیه است؟ (تندی انتشار امواج طولی و عرضی متشرشده از طعمه‌ی A برابر تندی انتشار امواج طولی و عرضی متشرشده از طعمه‌ی B است).

۱ (۷۵)

۳ (۲۵)

۲ (۷۵)

۱ (۲۵)



مطابق شکل زیر، دو موج مکانیکی M و N در یک محیط متشر می‌شوند. اگر بیشینه‌ی تندی ارتعاش ذرات محیط در موج M دو برابر بیشینه‌ی تندی ارتعاش ذرات محیط در موج N باشد، دامنه‌ی موج M چند سانتی‌متر است؟

۲۴ (۲)

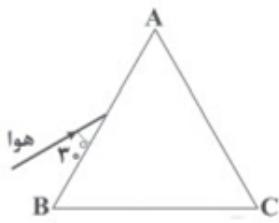
۳۶ (۴)

۱۲ (۱)

۱۸ (۳)

۱۲۴

مطابق شکل زیر، یک پرتوی نور تکرنگ بر وجه یک منشور متساوی الاضلاع به ضریب شکست  $\sqrt{3}$  می‌تابانیم.



زاویه‌ی بین پرتوی ورودی اولیه و پرتوی خروجی نهایی چند درجه است؟ (۱) هوا

۳۰ (۱)

۶۰ (۲)

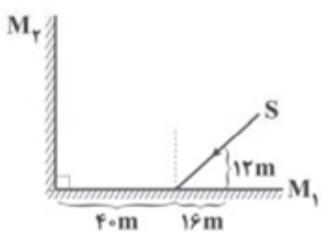
۱۲۰ (۳)

۱۵۰ (۴)

۱۲۵

مطابق شکل زیر، یک منبع نور لیزر به مجموعه‌ی دو آینه‌ی تخت متقاطع شروع به تابش نور می‌کند. بعد از گذشت

چند میکرومتریه پرتو تابش شده، به سطح آینه‌ی دوم برخورد می‌کند؟ ( $c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ )

 $\frac{7}{30}$  (۱) $\frac{7}{3}$  (۲)

۰/۱۴ (۳)

 $\frac{28}{15}$  (۴)

۱۲۶

آونگ ساده‌ای به طول ۱۰ cm با دامنه‌ی کم به صورت هماهنگ ساده‌نوسان می‌کند. اگر جرم گلوله‌ی این آونگ ۴۰ g و

بیشینه‌ی اندازه‌ی تکانه‌ی آن  $10^{-3} \text{ m}$  واحد SI باشد، دامنه‌ی نوسان این آونگ چند میلی‌متر است؟

$$(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$

۴ (۴)

۰/۴ (۳)

۵ (۲)

۰/۵ (۱)

۱۲۷

ذره‌ای روی پاره‌خطی حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر کمترین مسافتی که این ذره در یک بازه‌ی زمانی

دلخواه به اندازه‌ی  $\frac{1}{3}$  دوره می‌تواند طی کند، برابر ۴ cm باشد، اندازه‌ی بیشترین جایه‌جایی ممکن توسط این ذره در یک

بازه‌ی زمانی دلخواه به مدت  $\frac{1}{3}$  دوره چند سانتی‌متر است؟

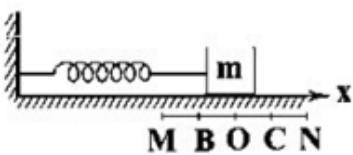
 $4\sqrt{3}$  (۴)

۴ (۳)

 $\sqrt{3}$  (۲)

۲ (۱)

- مطابق شکل زیر، یک دستگاه جرم و فنر روی پاره خط  $MN$  در امتداد محور  $X$  حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد.
- چه تعداد از عبارت‌های زیر در مورد این حرکت نادرست است؟
- (الف) در نقطه‌ی  $M$  اندازه‌ی نیروی واردشده به نوسانگر بیشینه است.
- (ب) اگر در نقطه‌ی  $C$  سرعت متحرک در خلاف جهت محور  $X$  باشد، متحرک به صورت کندشونده در حال حرکت می‌باشد.
- (ج) در بازه‌ی زمانی که متحرک از نقطه‌ی  $B$  به سمت نقطه‌ی  $O$  حرکت می‌کند، اندازه‌ی نیروی کشسانی واردشده به جسم در حال کاهش است.
- (د) متحرک با حداقل شتاب و حداقل تندی از نقطه‌ی  $O$  عبور می‌کند.



۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- جسمی را از یک فنر قائم آویزان کرده و آن را به آرامی پایین می‌کشیم. وقتی طول فنر  $5\text{cm}$  تغییر می‌کند، جسم از دستمان جدا می‌شود و حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. در لحظه‌ای که بزرگی شتاب جسم  $\frac{m}{s^2} 5$  است، فاصله‌ی

$$\text{آن از مرکز نوسان برابر چند سانتی‌متر است? } \left( g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \right)$$

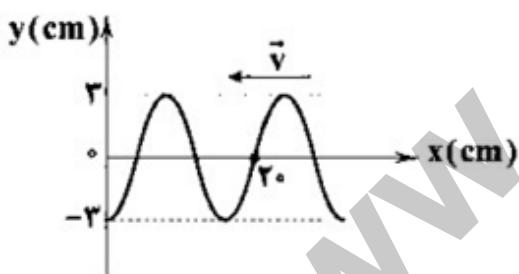
۱۰ (۴)

۷/۵ (۳)

۵ (۲)

۲/۵ (۱)

- نوسانگر  $A$  در هر  $2\text{s}$ ،  $2$  نوسان کامل از نوسانگر  $B$  پیش می‌افتد. بسامد زاویه‌ای نوسانگر  $A$  ..... رادیان بر ثانیه از نوسانگر  $B$  ..... است.

 $\frac{2}{3}$  - کمتر $\frac{2}{3}$  - بیشتر $\frac{4\pi}{3}$  - کمتر $\frac{4\pi}{3}$  - بیشتر

- نقش یک موج عرضی در یک طناب که تحت نیروی کششی به بزرگی  $160\text{N}$  قرار دارد و چگالی خطی جرم آن  $\frac{\text{kg}}{\text{m}} 80/4$  است، مطابق شکل مقابل می‌باشد. این موج فاصله‌ای معادل با  $3$  برابر طول موج را در چه زمانی برحسب میلی ثانیه طی می‌کند؟

۲۴ (۲)

۸ (۴)

۴۸ (۳)

- در یک حرکت هماهنگ ساده، در لحظه‌ای که جهت شتاب عوض می‌شود، تندی متحرک  $\frac{\text{m}}{\text{s}} 4 = v$  و در زمانی که

- جهت حرکت عوض می‌شود، بزرگی شتاب متحرک  $\frac{\text{m}}{\text{s}} 80 = a$  است. در هر نوسان، نوسانگر چند سانتی‌متر مسافت

طی می‌کند؟

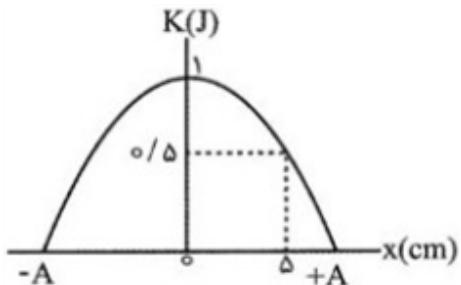
۸۰ (۴)

۴۰ (۳)

۲۰ (۲)

۱۰ (۱)

- در یک ایستگاه لرزه‌نگاری، امواج اولیه (P) و ثانویه (S) یک زمین‌لرزه با اختلاف زمانی ۲۵۸ ثبت می‌شود. اگر تندی موج‌های اولیه و ثانویه به ترتیب  $\frac{\text{km}}{\text{s}}$  و  $\frac{\text{km}}{\text{s}}$  باشد و این امواج روی خط راستی حرکت کرده باشند، فاصله محل وقوع زمین‌لرزه تا ایستگاه لرزه‌نگاری چند کیلومتر است؟
- (۱) ۲۸۰ (۲) ۱۴۰ (۳) ۷۰ (۴) ۲۱۰



- نمودار تغییرات انرژی جنبشی بر حسب مکان یک نوسانگر جرم - فنر که حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد، به صورت مقابل است. ثابت فنر چند نیوتن بر متر است؟ (از اصطکاک صرف نظر کنید).
- (۱) ۴۰۰ (۲) ۲۵۰ (۳) ۸۰۰ (۴) ۲۰۰

- ذره‌ای که روی یک پاره خط به طول ۴۲ cm حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد، حداقل در مدت  $\frac{1}{18}$  از یک نقطه بازگشت به نقطه بازگشت دیگر می‌رود. حداقل تندی متوسط این ذره در مدت  $\frac{1}{\pi}$  دوره تناوب چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟  $\sqrt{2} \approx 1/\sqrt{2}, \sqrt{3} \approx 1/\sqrt{7}$
- (۱) ۶ (۲) ۱۲ (۳) ۲۴ (۴) ۲۸

- چند مورد از عبارات زیر درست می‌باشد؟
- الف) اثر دوپلر تنها برای امواج صوتی برقرار است.  
ب) ضریب شکست هر محیطی به طول موج نور بستگی دارد.  
ج) در صورتی که موج از محیطی با تندی کمتر به محیطی با تندی بیشتر برود زاویه‌ی شکست بزرگ‌تر از زاویه‌ی تابش می‌شود.  
د) شکست برای امواج مکانیکی رخ نمی‌دهد.  
ه) بیشترین حساسیت گوش انسان به بسامدهایی در گسترده‌ی ۲۰/۱۰۰۰ Hz تا ۲۰ Hz است.
- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

- نمودار مکان - زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای به صورت مقابل است. مکان نوسانگر در لحظه  $t = 64s$  بر حسب سانتی‌متر کدام است؟
- (۱)  $+3\sqrt{3}$  (۲)  $-3\sqrt{3}$  (۳)  $-3$  (۴)  $+3$
-

در یک حرکت هماهنگ ساده، نوسانگر روی پاره خطی به طول ۱۲cm نوسان می‌کند. اگر تندی متوسط این نوسانگر

در یک ثانیه  $\frac{\text{cm}}{\text{s}}$  باشد، بسامد این نوسانگر چند واحد SI است؟

۱)  $\frac{1}{2}(4)$

۲)  $(3)$

۳)  $\frac{1}{2}(2)$

۴)  $(1)$

ساعتی آونگ دار (یا آونگ ساده) در تهران تنظیم شده است. اگر بخواهیم این ساعت عقب بیافتد، چند مورد از

راهکارهای زیر درست می‌باشد؟

$$\left( g_{\text{تهران}} = \frac{m}{s^2} = \frac{9/8}{9/78} = \text{استوا} \right)$$

الف) دامنه نوسان آونگ را بیشتر کنیم.

ب) گلوله آونگ را سبک‌تر انتخاب کنیم.

پ) دمای آن را بالا ببریم.

ت) آن را به منطقه‌ای از استوا ببریم.

۱)  $(4)$

۲)  $(3)$

۳)  $(2)$

۴)  $(1)$

$x(\text{cm})$

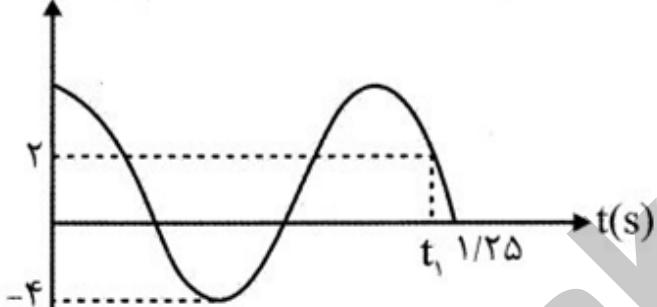
شکل زیر، نمودار مکان - زمان نوسانگر ساده‌ای را نشان می‌دهد. مقدار  $t_1$  چند ثانیه است؟

۱)  $(1)$

۲)  $\frac{1}{6}(2)$

۳)  $\frac{5}{6}(3)$

۴)  $\frac{7}{6}(4)$



شکل زیر نمودار جابه‌جایی مکان موجی را در یک طناب در لحظه  $t = 0$  نشان می‌دهد، پس از چند ثانیه ذره M

برای اولین بار در موقعیت ذره N قرار می‌گیرد؟

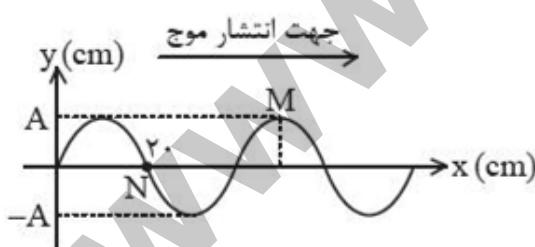
۱)  $0.01(1)$

۲)  $0.02(2)$

۳)  $0.03(3)$

۴)  $0.04(4)$

جهت انتشار موج



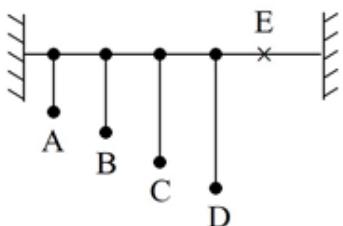
۱)  $0.01(1)$

۲)  $0.02(2)$

۳)  $0.03(3)$

۴)  $0.04(4)$

مطابق شکل چهار آونگ A، B، C و D که طول آنها به ترتیب برابر با  $L_A = 15\text{cm}$ ،  $L_B = 45\text{cm}$ ،  $L_C = 70\text{cm}$  و  $L_D = 120\text{cm}$  به طناب افقی متصل هستند. اگر از نقطه E آونگی وادارنده با طول متغیر که دوره  $(\pi^2 \approx g)$  تناوب آن  $1(s) < T < 2(s)$  را بسته و آن را به نوسان درآوریم، در کدام آونگها تشید رخ می‌دهد؟



- C و D (۱)  
B و A، C (۲)  
B و D (۳)  
C و B (۴)

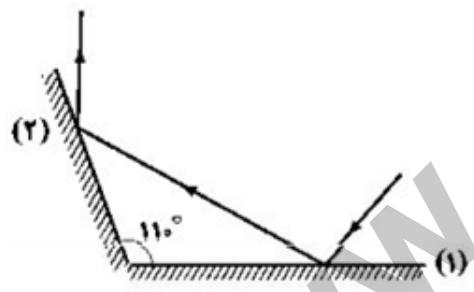
مهره‌ای به جرم ۱۰۰ گرم را به نخی به طول ۱۶۰ سانتی‌متر بسته و انتهای دیگرش را به میخ وسط میز افقی بدون اصطکاک وصل می‌کنیم. مهره را در مسیر دایره‌ای حول سر دیگر نخ طوری به گردش درمی‌آوریم که کشش نخ ۲۵ نوتن شود، دوره تناوب این حرکت دایره‌ای چند ثانیه است؟

$$\frac{12\pi}{25} (4) \quad \frac{16\pi}{25} (3) \quad \frac{4\pi}{25} (2) \quad \frac{8\pi}{25} (1)$$

معادله مکان-زمان یک نوسانگر در SI به صورت  $x = A \cos(\omega t)$  است. بیشترین سرعت متوسط توسط نوسانگر در مدت  $0.05\text{s}$  چند  $\frac{\text{cm}}{\text{s}}$  می‌باشد؟

$$8 (4) \quad 8\sqrt{2} (3) \quad 4 (2) \quad 4\sqrt{2} (1)$$

مطابق شکل مقابل، زاویه‌ی بین دو آینه برابر  $110^\circ$  است. پرتو نوری به آینه‌ی تخت (۱) می‌تابد و در نهایت از آینه‌ی تخت (۲) بازتاب می‌شود. اگر زاویه‌ی بین آینه‌ها را  $30^\circ$  کم کنیم، زاویه‌ی بین پرتو باش به آینه‌ی (۱) با پرتو بازتابش از آینه‌ی (۲) چند درجه تغییر می‌کند.



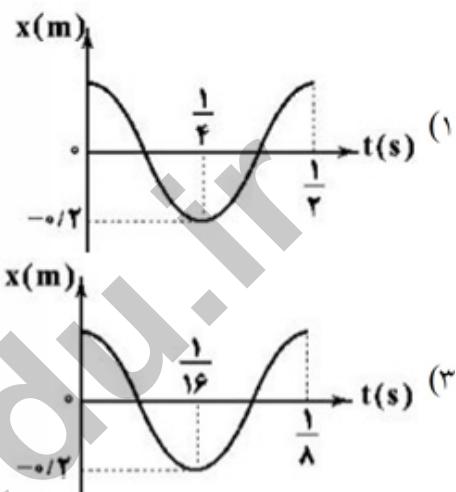
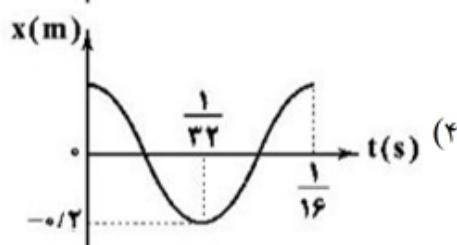
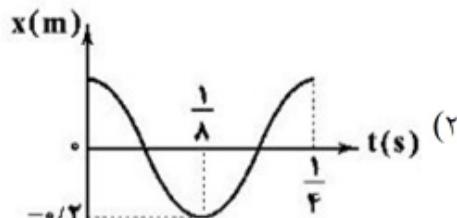
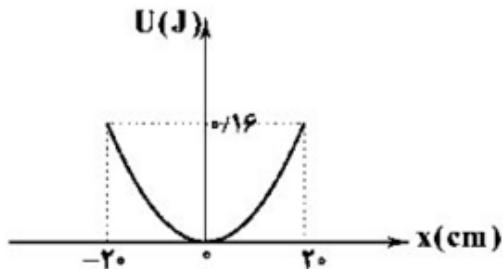
$$20 (2) \quad 40 (3)$$

تراز شدت صوتی  $25\text{dB}$  است. شدت این صوت چند وات بر متر مربع بیشتر از شدت صوت موج معیار است؟

$$\left( \text{Log}_{10} \frac{I}{I_0} = 25 \right) \quad I_0 = 10^{-12} \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

$$320 \times 10^{-12} (4) \quad 279 (3) \quad 319 \times 10^{-12} (2) \quad 319 (1)$$

نمودار انرژی پتانسیل نوسانگر هماهنگ ساده‌ای بر حسب مکان نوسانگر به شکل زیر است. اگر جرم نوسانگر  $50\text{ g}$  باشد، نمودار مکان - زمان آن در کدام گزینه به درستی رسم شده است؟ (۱۴۷)



معادله حرکت هماهنگ ساده‌ای در SI به صورت  $x = 0.05 \cos(20\pi t)$  است. در لحظه‌ای که انرژی جنبشی نوسانگر  $\frac{1}{3}$  برابر انرژی پتانسیل سامانه می‌شود، تندی حرکت نوسانگر چند  $\frac{\text{m}}{\text{s}}$  است؟ (۱۴۸)

- (۱)  $\frac{\pi}{2}$  (۲)  $\frac{\pi}{4}$  (۳)  $\frac{\pi}{16}$  (۴)  $\frac{2\pi}{5}$

گزینه درست کدام است؟ (۱۴۹)

- (۱) تندی انتشار موج‌های سطحی در آب‌ها به عمق آب بستگی دارد.  
 (۲) با دور شدن از یک چشمۀ موج، بسامد نوسان‌های ذرات محیط کاهش می‌یابد.  
 (۳) در موج‌های طولی برخلاف موج‌های عرضی، ذرات محیط همراه موج حرکت می‌کنند.  
 (۴) با انتشار موج عرضی در یک فنر، انرژی فقط به صورت انرژی پتانسیل انتقال می‌یابد.

طول یک آتن قدمی  $4$  برابر طول موج دریافتی آن است. اگر طول چنین آتنی که در هوا قرار دارد برابر  $8\text{ cm}$  باشد،

بسامدی که این گوشی با آن کار می‌کند چند گیگاهرتز است؟ (۱۵۰)

- (۱)  $3/75$  (۲)  $7/5$  (۳)  $15$  (۴)  $60$

۱۵۱

معادله مکان-زمان نوسانگر در SI به صورت  $X = 0/1 \cos(20\pi t)$  داده شده است. در لحظه‌ای که انرژی جنبشی دو برابر انرژی پتانسیل می‌شود، سرعت چند  $\frac{m}{s}$  است؟ ( $\pi = 3$ )

(۴)  $\sqrt{6}$

(۳)  $3\sqrt{6}$

(۲)  $\sqrt{2}$

(۱)  $3\sqrt{2}$

۱۵۲

رابطه نیرو با مکان یک نوسانگر وزنه فنر به صورت  $F = -90X$  داده شده است. اگر جرم نوسانگر ۵۰۰ گرم و بیشینه انرژی پتانسیل ۱۸ میلیژول باشد، دامنه حرکت چند سانتی‌متر است؟

(۴) ۸

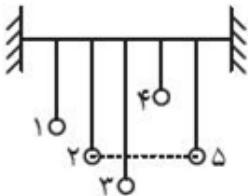
(۳) ۴

(۲) ۲

(۱) ۱

۱۵۳

مطابق شکل زیر یک میله افقی، آونگ‌های ساده‌ای با جرم یکسان آویخته‌ایم. اگر آونگ شماره ۵ را از وضع تعادل خارج و آن را رها کنیم، کدام آونگ بیشینه دامنه نوسان را خواهد داشت؟



(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) ۴

۱۵۴

فرکانس منبع موج صوتی را نصف می‌کنیم. طول موج صوت حاصل از ارتعاشات آن در هوا و تندی انتشار امواج صوتی حاصل از آن در هوا چند برابر خواهد شد؟

(۴)  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{1}{2}$

(۳)  $\frac{1}{2}$  و ثابت

(۲) ۲ و  $\frac{1}{2}$

(۱)  $\frac{1}{2}$

۱۵۵

طناب‌های A و B هم‌جنس هستند. سطح مقطع A دو برابر B است. اگر نیروی کشش در هر دو طناب یکسان باشد، سرعت انتشار امواج عرضی در طناب A چند برابر طناب B است؟

(۲)  $\sqrt{2}$

(۱)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

(۴) باید نسبت طول دو طناب معلوم باشد.

(۳) ۲

۱۵۶

تراز شدت صوت در سطح پرده گوش به مساحت  $0/5 \text{ cm}^2$  برابر  $42 \text{ db}$  است. انرژی صوتی عبوری از پرده گوش در مدت یک دقیقه چند نانوزول است؟

$$\left( I_s = 10^{-12} \frac{\text{W}}{\text{m}^2}, \log 2 = 0/3 \right)$$

(۴) ۰/۰۳

(۳) ۰/۳

(۲) ۰/۰۶

(۱) ۰/۶

۱۵۷

دو سامانه جرم-فنر، حرکت هماهنگ ساده‌ای دارای دامنه و انرژی جنبشی بیشینه یکسان هستند. اگر نسبت دوره تناوب آنها باشد، نسبت اندازه بیشینه تکانه‌آنها کدام است؟

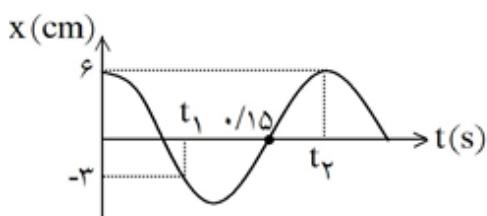
۸ (۴)

 $\frac{1}{2}$  (۳) $\frac{1}{8}$  (۲)

۲ (۱)

۱۵۸

نمودار مکان-زمان نوسانگری به صورت زیر است. سرعت متوسط نوسانگر در بازه زمانی  $t_1$  و  $t_2$  چند  $\frac{\text{cm}}{\text{s}}$  است؟



۱۳۵ (۱)

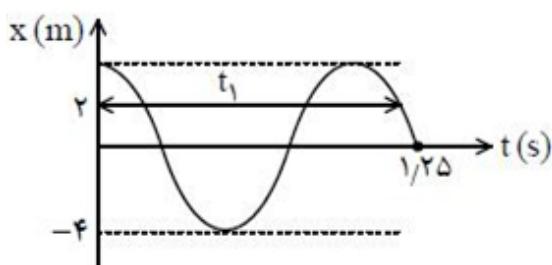
۲۲/۵ (۲)

۶۷/۵ (۳)

 $\frac{540}{7}$  (۴)

۱۵۹

شکل زیر نمودار مکان-زمان نوسانگر ساده‌ای را نشان می‌دهد. مقدار  $t_1$  چند ثانیه است؟

 $\frac{5}{12}$  (۱)

۱ (۲)

 $\frac{7}{6}$  (۳) $\frac{7}{12}$  (۴)

۱۶۰

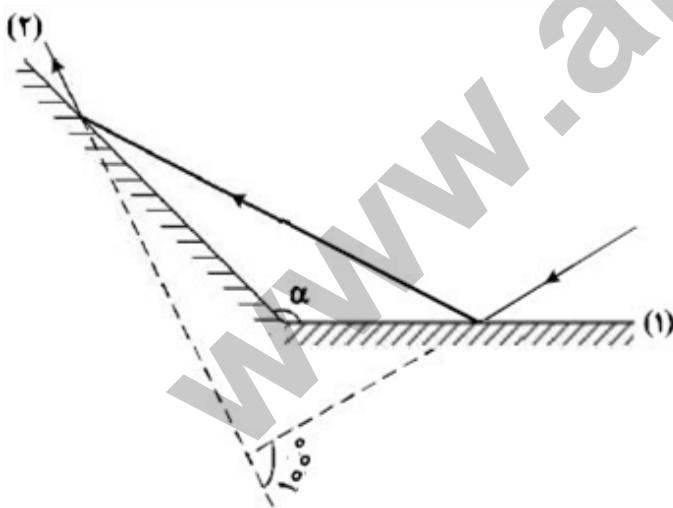
مطابق شکل زیر، پرتو نوری به آینه‌ی ۱ می‌تابد و پس از بازتاب، به آینه‌ی ۲ برخورد می‌کند. اگر امتداد پرتو تابش آینه‌ی ۱ با امتداد پرتو بازتاب آینه‌ی ۲ زاویه‌ی  $100^\circ$  بسازد،  $\alpha$  چند درجه است؟

۱۰۰ (۱)

۱۲۰ (۲)

۱۳۰ (۳)

۱۴۰ (۴)



۱۶۱

دامنه‌ی حرکت نوسانگری  $5\text{cm}$  و دوره‌ی تناوب حرکتش  $\frac{1}{10}\text{s}$  است. لحظه‌ای که انرژی جنبشی نوسانگر برابر انرژی پتانسیل آن است، سرعت نوسانگر چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟

 $50\pi\sqrt{2}$  (۴) $25\pi\sqrt{2}$  (۳) $50\pi$  (۲) $100\pi$  (۱)

۱۶۲

نوسانگری به جرم  $100\text{ g}$  به انتهای فنری که ثابت آن  $\frac{\text{N}}{\text{m}}$  است، بسته شده است و روی سطح افقی بدون اصطکاک، حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر انرژی مکانیکی نوسان‌گر  $8\text{ mJ}$  باشد، لحظه‌ای که انرژی جنبشی نوسان‌گر برابر انرژی پتانسیل کشسانی آن است، سرعت آن چند متر بر ثانیه است؟

(۴)  $20\sqrt{2}$

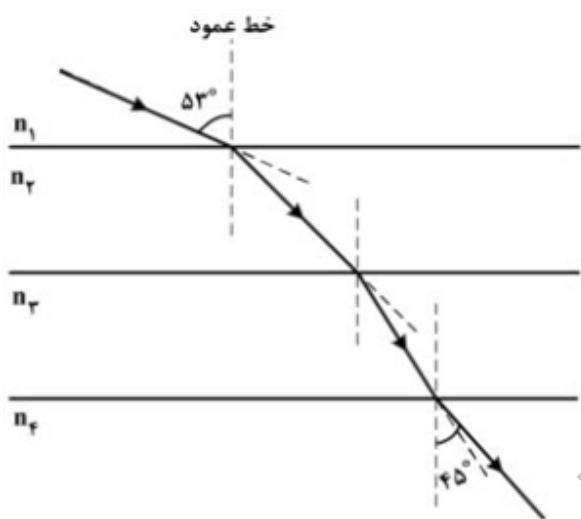
(۳)  $10\sqrt{2}$

(۲)  $\frac{\sqrt{2}}{5}$

(۱)  $\frac{\sqrt{2}}{10}$

۱۶۳

آونگ ساده‌ای به طول  $80\text{ cm}$  با دامنه‌ی کم در حال نوسان است. طول آونگ را چگونه تغییر دهیم تا دوره‌ی نوسان آن نصف شود؟

(۱)  $60$  سانتی‌متر کاهش دهیم.(۴)  $20$  سانتی‌متر افزایش دهیم.(۳)  $20$  سانتی‌متر کاهش دهیم.

طبق شکل زیر پرتو نوری از محیط شفاف ۱ وارد محیط‌های شفاف دیگر می‌شود. اگر سرعت نور در محیط ۲  $25$  درصد کم‌تر از سرعت نور در محیط ۱ باشد و سرعت نور در محیط ۴،  $40$  درصد بیش‌تر از سرعت نور در محیط ۳ باشد، ضریب شکست محیط ۲ چند برابر ضریب شکست محیط ۳ است؟ ( $\sin 53^\circ = 0.8$ ,  $\sin 45^\circ = 0.7$ )

(۱)  $\frac{4}{3}$

(۲)  $\frac{6}{5}$

(۳)  $\frac{3}{4}$

(۴)  $\frac{5}{6}$

۱۶۴

طول موج پرتوی نور تکرنگ A در خالی  $25$  درصد بیش‌تر از طول موج پرتوی نور تکرنگ B است. با ورود این دو پرتو به آب، انرژی هر بسته‌ی انرژی از موج A، چند برابر موج B می‌باشد؟ ( $\frac{n}{c} = \text{ضریب شکست آب}$ )

(۴)  $\frac{5}{3}$

(۳)  $\frac{5}{4}$

(۲)  $\frac{3}{5}$

(۱)  $\frac{4}{5}$

۱۶۶

یک پرتو تکرنگ از هوا با زاویه‌ی تابش  $60$  درجه بر سطح یک مایع می‌تابد. اگر زاویه‌ی انحراف و زاویه‌ی شکست پرتو در سطح مایع با هم برابر باشند، سرعت پرتو در مایع چند متر بر ثانیه است؟ ( $c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ )

(۴)  $3 \times 10^8$

(۲)  $10^8$

(۳)  $\sqrt{3} \times 10^8$

(۱)  $\frac{\sqrt{3}}{3} \times 10^8$

۱۶۷

در فاصله‌ی ۲ متری از یک چشمه‌ی صوت، شدت صوت  $\frac{\mu\text{W}}{\text{m}^2}$  ۴ است. در فاصله‌ی چند کیلومتری از این چشمه،

صوت حال از آن به زحمت شنیده می‌شود؟ ( $I = \frac{\mu\text{W}}{\text{m}^2}$ ) و از جذب انرژی صوتی در محیط صرف نظر کنید.)

۸ (۴)

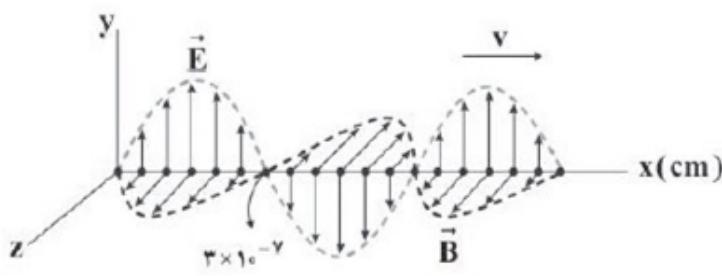
۶ (۳)

۴ (۲)

۲ (۱)

۱۶۸

شکل زیر، تصویری لحظه‌ای از یک موج الکترومغناطیسی که در خال متمرکز شود، را نشان می‌دهد. دوره‌ی تناوب این موج چند ثانیه است؟ ( $c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ )

۱۰<sup>-۱۶</sup> (۱)۲ × 10<sup>-۱۷</sup> (۲)۱۰<sup>-۱۷</sup> (۳)۴ × 10<sup>-۱۶</sup> (۴)

۱۶۹

شنونده‌ای در فاصله‌ی ۴ متری از یک چشمه‌ی صوت قرار داشته و تراز شدت صوت ۱۷ دسی‌بل به او می‌رسد. این شنونده چند متر دیگر از چشمه‌ی صوت فاصله بگیرد تا تراز شدت صوتی که به او می‌رسد، به ۵ دسی‌بل برسد؟ ( $\log 2 \approx 0.3$ ) و از جذب انرژی توسط محیط صرف نظر کنید.)

۱۶ (۴)

۱۲ (۳)

۸ (۲)

۴ (۱)

۱۷۰

نمودار مکان - زمان دو نوسان‌گر هماهنگ ساده‌ی A و B به صورت زیر است. اگر بیشینه‌ی انرژی جنبشی این دو نوسان‌گر یکسان باشد، جرم نوسان‌گر A چند برابر جرم نوسان‌گر B می‌باشد؟

۱ (۲)

۱ (۴)

۲ (۱)

۴ (۳)

۱۷۱

برای یک موج الکترومغناطیسی، در هر نقطه میدان الکتریکی و میدان مغناطیسی ..... و در لحظه‌ای که میدان مغناطیسی صفر است، میدان الکتریکی ..... است.

(۱) بر هم عمودند - بیشینه (۲) بر هم عمودند - صفر (۳) موازیند - بیشینه (۴) موازیند - صفر

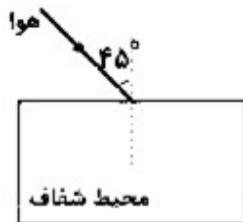
اگر موج سینوسی از قسمت ضخیم طناب به قسمت نازک آن وارد شود، تندی، بسامد و طول موج عبوری در مقایسه با موج فرودی چه تغییری می‌کند؟

(۱) کاهش، افزایش و کاهش

(۲) افزایش، کاهش و افزایش

(۳) کاهش، ثابت و افزایش

(۴) کاهش، ثابت و کاهش



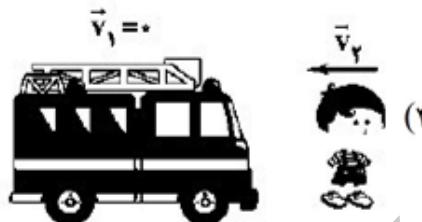
مطابق شکل زیر، پرتوی نوری از هوا وارد محیط شفافی شده و  $15^\circ$  منحرف می‌شود. طول موج نور موردنظر در محیط شفاف چند برابر طول موج آن در هوا است؟

$$\left( \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}, \sin 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}, \sin 30^\circ = \frac{1}{2} \right)$$

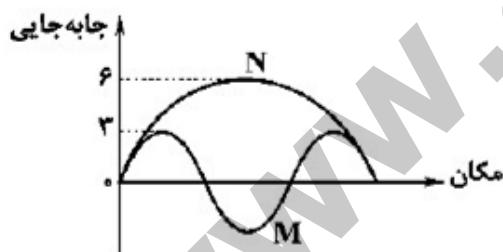
۲ (۴)

 $\frac{1}{2}$  (۳) $\frac{\sqrt{2}}{2}$  (۲) $\sqrt{2}$  (۱)

مطابق شکل‌های زیر، شخصی در نزدیکی یک ماشین آتش‌نشانی با آژیر روشن قرار دارد. در کدام گزینه بسامد دریافتی توسط شخص بیشتر از بسامد صدای آژیر و طول موج دریافتی توسط او کمتر از طول موج صدای آژیر است؟



نمودار جایه‌جایی - مکان صدای حاصل از دو چشممهی صوت M و N که در یک محیط متشر می‌شوند، به صورت زیر نشان داده شده است. شدت صدای شنیده شده در فاصله‌ی d از چشممهی M چند برابر شدت صدای شنیده شده در فاصله‌ی ۲d از چشممهی N است؟



۴ (۱)

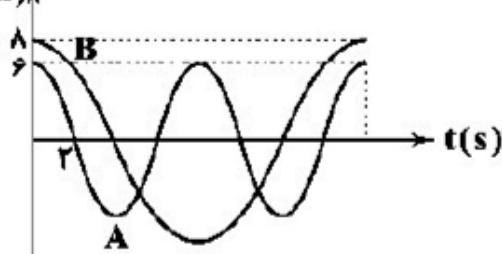
۹ (۲)

۹ (۳)

۳ (۴)

۱۷۶

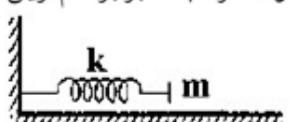
نمودار مکان - زمان دو نوسانگر A و B به صورت نشان داده شده است. در لحظه‌ی  $t = 8\text{ s}$  اندازه‌ی شتاب متحرک B چند برابر اندازه‌ی شتاب متحرک A است؟



- $\frac{1}{3}$  (۱)
- $\frac{2}{3}$  (۲)
- $\frac{3}{4}$  (۳)
- $\frac{3}{2}$  (۴)

۱۷۷

مطابق شکل زیر جسمی به فنری متصل شده و با معادله‌ی  $x = 0/2 \cos(\frac{\pi}{4}t)$  در SI روی محور X حرکت می‌کند. اگر در لحظه‌ی فنر به  $t = 6\text{ s}$  برسد، در حین حرکت بیشترین طول فنر، چند برابر کمترین



طول آن است؟

- $\frac{7}{3}$  (۴)
- $\frac{7}{2}$  (۳)
- $\frac{5}{3}$  (۲)
- $\frac{5}{2}$  (۱)

۱۷۸

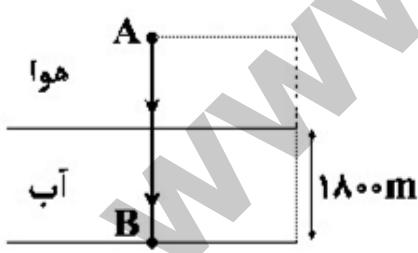
تراز شدت صوت حاصل از یک چشممه‌ی صوتی در فاصله‌ی ۸ متری از آن برابر  $\beta$  است. اگر تراز شدت صوت حاصل از این چشممه در فاصله‌ی ۲ متری از آن  $5\beta$  باشد، در چه فاصله‌ای از چشممه برحسب متر، تراز شدت صوت حاصل از آن  $3\beta$  خواهد بود؟

- ۶ (۴)
- ۵ (۳)
- ۴ (۲)
- ۳ (۱)

۱۷۹

طول موج یک نور تکرنگ در هوای طول موج آن در آب است. با توجه به شکل زیر، پرتوی نور موردنظر از نقطه‌ی A در هوای در راستای عمود بر سطح آب متشر می‌شود و پس از مدت زمان  $18\mu\text{s}$  به نقطه‌ی B در آب می‌رسد.

$$\text{فاصله‌ی نقطه‌ی A تا سطح آب} = c = 3 \times 10^5 \frac{\text{km}}{\text{s}}$$



- ۱۹۵۰ (۱)
- ۳۰۰۰ (۲)
- ۴۰۵۰ (۳)
- ۵۴۰۰ (۴)

با اجزای آزمایش یانگ در هوا، پهنهای هر نوار روشن  $2\text{mm}/1$  است. اگر این آزمایش در مایعی انجام شود که تنデی

نور در آن  $\frac{10^8 \text{m}}{\text{s}}$  است و سایر شرایط آزمایش ثابت بماند، پهنهای هر نوار تاریک چند میلی متر خواهد بود؟

$$(c = 3 \times 10^8 \frac{\text{km}}{\text{s}})$$

۱/۹ (۴)

۱/۷ (۳)

۱/۵ (۲)

۱ (۱)

نیروی کشش وارد بر یک تار مرتعش دو سربسته را  $9$  برابر و طول آنرا  $4$  برابر می کنیم. بسامد هماهنگ سوم حالت

جدید چند برابر بسامد هماهنگ دوم تار اولیه است؟

$\frac{2}{3}$  (۴)

$\frac{3}{2}$  (۳)

$\frac{4}{9}$  (۲)

$\frac{9}{4}$  (۱)

دورهی نوسان نوسانگر ساده‌ای  $6$  ثانیه و دامنهی حرکت آن  $A$  می باشد. نوسانگر در لحظه‌ی  $t$  در مکان  $\frac{A}{2}$  می باشد و

سرعتش در آن لحظه مشخص است. پس از لحظه‌ی  $t$  حداقل چند ثانیه زمان نیاز است تا نوسانگر به مکان  $\frac{A}{2} + \frac{A}{2}$  برسد؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

اگر بسامد زاویه‌ای نوسانگر دوره‌ای  $A$ ،  $25$  درصد بیشتر از بسامد زاویه‌ای نوسانگر دوره‌ای  $B$  باشد، آن‌گاه دورهی حرکت  $A$ :

(۱)  $25$  درصد بیشتر از دورهی حرکت  $B$  است.

(۲)  $20$  درصد کمتر از دورهی حرکت  $B$  است.

$\frac{1}{6}$  (۴)

$\frac{1}{3}$  (۳)

۶ (۲)

۳ (۱)

تاری به طول  $40\text{cm}$  بین دو نقطه محکم بسته شده و اندازه نیروی کشش آن  $80\text{N}$  است. اگر بسامد هماهنگ دوم

صوت اصلی آن  $100$  هرتز باشد، جرم تار چند گرم است؟

۴۰ (۴)

۳۰ (۳)

۲۰ (۲)

۱۰ (۱)

معادله حرکت نوسانگر وزنه - فنر در SI به صورت  $301 = x = 0.05 \cos 0.05t$  است. اگر بیشینه انرژی جنبشی آن  $50\text{mJ}$

باشد، ثابت فنر چند نیوتون برمتر است؟

۱۵۰ (۴)

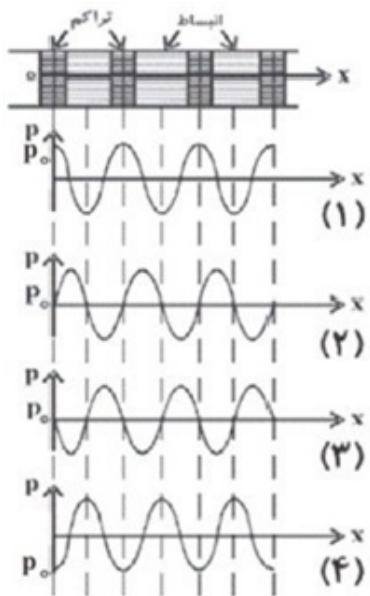
۴۰ (۳)

۱۰۰ (۲)

۵۰ (۱)

۱۸۷

- اتومبیلی با تندی  $\frac{\text{km}}{\text{h}} = ۱۲۶$  در حال حرکت به سمت یک دیوار بلند است. اگر در یک لحظه که فاصله‌ی اtomobil از دیوار  $300 \text{ m}$  است اtomobil بوق بزند، چند ثانیه بعد از بوق زدن، راننده پژواک صدای بوق را خواهد شنید؟
- (۱)  $۱/۷۶$  (۲)  $۱/۹۶$  (۳)  $۱/۸۶$  (۴)  $۱/۶$



شکل زیر، وضعیت ارتعاشی هوای داخل یک لوله را که توسط رفت و آمد منظم یک پیستون در اول لوله ایجاد شده است، نشان می‌دهد. کدام نمودار از نمودارهای رسم شده، تغییرات فشار هوای درون لوله را در طول لوله، درست نشان می‌دهد؟

- (۱) نمودار ۱  
(۲) نمودار ۲  
(۳) نمودار ۳  
(۴) نمودار ۴

- اگر یکای کمیت  $\gamma \mu^\alpha \varepsilon^\beta \mu^\gamma$  با یکای توان یکسان باشد، حاصل  $\gamma + \beta + \alpha + \mu$  کدام است؟
- (۱)  $-۱$  (۲)  $-۲$  (۳)  $-۳$  (۴)  $-۴$

- در انتشار موج‌های سطحی در آب‌های کم‌عمق، با افزایش عمق، تندی انتشار موج و طول موج بهتریب چگالی خطی و ضریب گذره‌ی الکتریکی خلا و ضریب تراوایی مغناطیسی خلا در SI هستند.
- (۱) کاهش می‌یابد، ثابت می‌ماند.  
(۲) کاهش می‌یابد، افزایش می‌یابد.  
(۳) افزایش می‌یابد، ثابت می‌ماند.  
(۴) افزایش می‌یابد، کاهش می‌یابد.

- یک چشم‌های صوتی نقطه‌ای با توان  $400\pi \text{ W}$  از چشم‌هایی کروی در هوا گسیل می‌کند. تراز شدت صوت در فاصله‌ی ۲۰ متری از چشم‌های صوت چند دسی‌بل خواهد بود؟
- $$\text{Log} \frac{I}{I_0} = 10^{\frac{-12 \text{ W}}{\text{m}^2}}$$
- (۱)  $۰/۷$  (۲)  $۱/۷$  (۳)  $۱/۱۴$  (۴)  $۱/۲۶$

وسیله‌ی هوا قابل چشم‌پوشی است.)

(۱)  $۶$  (۲)  $۱۱۶$  (۳)  $۱۱۴$  (۴)  $۱۲۶$

دوره‌ی تناوب دو آونگ ساده‌ی کم‌دامنه به طول‌های  $L_1$  و  $L_2$  به ترتیب برابر با  $\frac{3}{s}$  و  $\frac{4}{s}$  است. دوره‌ی تناوب آونگ

$$\left( g = \pi^2 \frac{m}{s^2} \right) \text{ چند ثانیه است؟}$$

۷ (۳)

۵ (۳)

۱ (۲)

۳/۵ (۱)

جسمی به جرم  $500\text{ g}$  به فتری با ثابت  $k$  متصل است و روی پاره‌خطی به طول  $10\text{ cm}$ ، حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر این نوسان‌گر در مدت  $5$  ثانیه  $20$  بار طول پاره‌خط را پیماید، اندازه‌ی انرژی مکانیکی نوسان‌گر چند ژول است؟

۰/۱ (۴)

۱۰۰ (۳)

۰/۰۱ (۲)

۱۰ (۱)

امواج لرزه‌ای، یک موج اولیه‌ی  $P$  و دیگری موج ثانویه‌ی  $S$  در مبدأ زمان، از فاصله‌ی  $300$  کیلومتری از یک لرزه‌نگار، روی خط راست به سمت آن حرکت کرده و با اختلاف زمانی  $1/5$  دقیقه توسط لرزه‌نگار ثبت می‌شوند. اگر تندی موج  $S$  به اندازه‌ی  $60$  درصد کم‌تر از تندی موج  $P$  باشد، موج  $S$  فاصله محل وقوع زلزله تا محل ثبت توسط لرزه‌نگار را طی چند دقیقه طی کرده است؟

۵ (۴)

۵ (۳)

۵ (۲)

۷ (۱)

از اتومبیلی که با تندی ثابت  $\frac{40\text{ m}}{\text{s}}$  بر روی خط راست به طرف مانع بزرگی در حال حرکت است، در یک لحظه تیری شلیک می‌شود. صدای شلیک تیر پس از بازگشت از مانع بعد از  $5$  ثانیه به اتومبیل می‌رسد. فاصله‌ی اتومبیل از مانع هنگام رها شدن تیر چند متر بوده است؟ (تندی صوت در هوای  $\frac{340\text{ m}}{\text{s}}$  در نظر بگیرید).

۹۵۰ (۴)

۱۹۵۰ (۳)

۱۵۰۰ (۲)

۷۵۰ (۱)

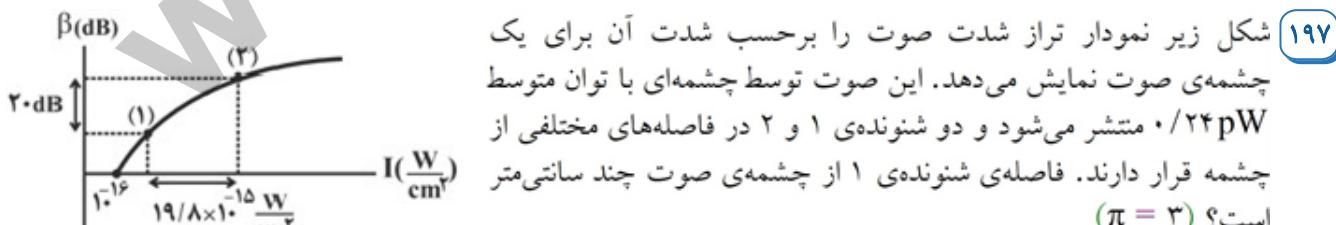
دو ذره‌ی  $A$  و  $B$  دارای حرکت نوسانی ساده‌اند. دامنه و دوره‌ی نوسان  $A$ ، دو برابر دامنه و دوره‌ی نوسان  $B$  است. ماکریزم تندی  $A$  چند برابر ماکریزم تندی  $B$  است؟

۴ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱ (۱)



۱۰ (۲)

۱ (۴)

۶ (۱)

۶۰ (۳)

۱۹۸

در محلی که تراز شدت صوت ۷۰ دسی بل است، یک صفحه به مساحت ۱۵۰ سانتی متر مریع عمود بر راستای انتشار موج قرار دارد. در هر دقیقه چند میکروژول انرژی به این سطح می‌رسد؟

$$(I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2})$$

۹۰۰ (۴)

۹ (۳)

۵/۴ (۲)

۵۴۰ (۱)

۱۹۹

وقتی یک موج طولی در یک فنر در حال انتشار است، کدامیک از بیان‌های زیر در مورد جمع‌شدگی و بازشدگی‌ها درست است؟

- (۱) در محل مرکز یک جمع‌شدگی، جایه‌جایی از وضع تعادل، بیشینه است.
- (۲) فاصله‌ی میان مرکز یک جمع‌شدگی و مرکز یک بازشدگی متواالی، برابر طول موج است.
- (۳) فاصله‌ی میان مرکز جمع‌شدگی و مرکز یک بازشدگی متواالی، برابر نصف طول موج است.
- (۴) در محل مرکز یک بازشدگی، جایه‌جایی از وضع تعادل، بیشینه است.

۲۰۰

نوری تک رنگ، از هوا وارد محیط شفافی می‌شود که ضریب شکست آن نسبت به هوا برابر  $1/5$  است. بسامد و سرعت انتشار نور در این محیط نسبت به هوا چند برابر می‌شود؟

۲ (۴) ۱ و  $\frac{2}{3}$ ۳ (۲) ۱ و  $\frac{2}{3}$ ۳ (۱)  $\frac{2}{3}$  و  $\frac{3}{2}$ 

۲۰۱

بسامد نور قرمز در حدود  $10^{14} \times 28$  هرتز است. طول موج این نور در هوا چند برابر طول موج آن در آب است؟

(تندی نور را در هوا  $10^8 \times 3$  متر بر ثانیه و در آب  $10^8 \times 25$  متر بر ثانیه فرض کنید.)

۵ (۴)

۶ (۳) ۴ و  $\frac{5}{3}$ ۴ (۱)  $\frac{3}{4}$ 

۲۰۲

اگر طول موج نوری در خلاء برابر ۶ میکرومتر باشد، طول موج این نور در آب با ضریب شکست  $\frac{4}{3}$  ..... میکرون

..... می‌باشد.

(۱)  $4/5$ ، کاهش (۲)  $6/5$ ، افزایش (۳)  $15/10$ ، کاهش (۴)  $10/15$ ، افزایش

۲۰۳

ناهمواری‌های سطوح a و b و c به ترتیب در ابعاد ۱۰ و ۵ و ۱۰ میکرومتر است. بازتاب نور منئی از سطوح a و b و c به ترتیب از راست به چپ چگونه است؟

(۱) آینه‌ای - آینه‌ای - آینه‌ای (۲) آینه‌ای - آینه‌ای - پخشندۀ

(۳) آینه‌ای - پخشندۀ - آینه‌ای (۴) پخشندۀ - پخشندۀ - پخشندۀ

۲۰۴

تراز شدت صوت یک چشمۀ صوت در فاصله‌ی ۱۰ متری از آن برابر  $\beta$  است. چند متر دیگر بر فاصله‌ی خود از چشمۀ صوت بیفزاییم تا تراز شدت صوت دریافتی از چشمۀ ۲۰ دسی بل کاهش یابد؟

(۱) ۱۰۰ (۴) ۹۰ (۲) ۱۳ (۳) ۱ (۱)

- یک چشممهی صوتی نقطه‌ای با توان  $400\pi$  وات موج‌هایی کروی در هوا گسیل می‌کند. تراز شدت صوت در فاصله‌ی ۲۰ متری از چشممهی صوت چند دسی‌بل خواهد بود؟ (۰/۷ Log<sub>۱۰</sub> $\frac{W}{m^2}$  = I) و جذب صوت به وسیله‌ی هوا قابل چشم‌پوشی است.
- (۱) ۱۱۶ (۲) ۱۱۴ (۳) ۱۲۶ (۴)

- تراز شدت صوتی ۱۸ دسی‌بل می‌باشد. اگر شدت صوت مینا  $\frac{W}{m^2} = 10^{-12}$  باشد، شدت این صوت چند برابر خواهد بود؟ (Log<sub>۱۰</sub> $\frac{W}{m^2}$  = ۰/۳)
- (۱)  $32 \times 10^{-11}$  (۲)  $64 \times 10^{-11}$  (۳)  $6/4 \times 10^{-11}$  (۴)  $3/2 \times 10^{-11}$

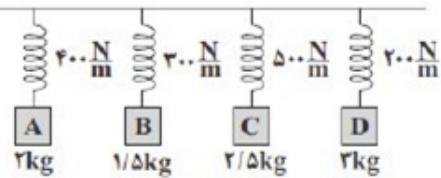
- سرعت انتشار موج عرضی در طول سیم همگن A دو برابر سرعت انتشار موج عرضی در طول سیم همگن B است. اگر با ثابت ماندن نیرو، طول A و B را به ترتیب ۲ و ۳ برابر کنیم، سرعت انتشار موج عرضی در سیم A چند برابر سرعت انتشار موج عرضی در سیم B می‌شود؟
- (۱)  $\frac{2}{3}$  (۲)  $\frac{3}{2}$  (۳)  $\frac{4}{3}$  (۴) ۲

- شونده‌ای در فاصله‌ی d از یک منبع صوتی فرار دارد. اگر فاصله‌ی شونده از منبع صوت نفس و دامنه‌ی ارتعاشی منبع صوت ۵ برابر شود، تراز شدت صوتی که شونده می‌شنود چند دسی‌بل و چگونه تغییر می‌کند؟
- (۱) ۲۰، کاهش (۲) ۲۰، افزایش (۳) ۱۰۰، افزایش (۴) ۱۰۰، کاهش

- یکی از چشممهای پرتوی فروسرخ ..... است و این پرتوها ..... .
- (۱) خورشید - بافت‌های سرطانی را از بین می‌برند.  
 (۲) هسته‌های مواد رادیواکتیو - با جذب توسط پوست، آن را گرم می‌کنند.  
 (۳) خورشید - با جذب توسط پوست، آن را گرم می‌کنند.  
 (۴) آتن‌های رادیوبیی - یاخته‌های زنده را از بین می‌برند.

- کدام‌یک از گزینه‌های زیر، درباره‌ی موج‌های صوتی صحیح نیست؟
- (۱) موج‌های صوتی از نوع موج‌های مکانیکی‌اند و در جامدات، مایعات و گازها منتشر می‌شوند.  
 (۲) موج‌های صوتی با بسامد کم‌تر از ۲۰ Hz را فروصوت گویند.  
 (۳) با وارد شدن موج صوتی از هوا به درون آب، طول موج آن کاهش می‌یابد.  
 (۴) گوش انسان موج‌های صوتی که بسامد آن‌ها بین ۲۰۰۰۰ Hz تا ۲۰ Hz است را می‌شنود.

در شکل زیر، اگر وزنهای A با بسامد طبیعی خود به نوسان درآید، پدیده‌ی تشدید برای کدامیک از وزنهای دیگر رخ می‌دهد؟ ۲۱۱



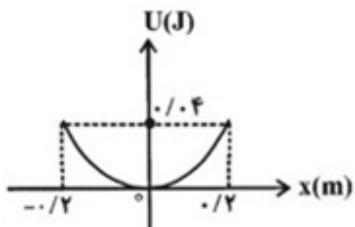
- B و D (۱)
- C و D (۲)
- B و C (۳)
- B و C, D (۴)

دامنه‌ی حرکت نوسان‌گر ساده‌ای برابر  $5\text{ cm}$  است. اگر بیشینه‌ی انرژی پتانسیل این نوسان‌گر برابر  $7/0$  ژول باشد، انرژی پتانسیل آن هنگام عبور از  $-2$ -سانسی متر نقطه‌ی تعادل چند ژول است؟ ۲۱۲

- ۰/۲۸ (۴)
- ۱/۱۲ (۳)
- ۰/۵۸۸ (۲)
- ۰/۱۱۲ (۱)

نمودار انرژی پتانسیل نوسان‌گر ساده‌ای به جرم  $80\text{ g}$  بر حسب فاصله از وضع تعادل به شکل زیر است. دوره‌ی نوسان این نوسان‌گر چند ثانیه است؟ ۲۱۳

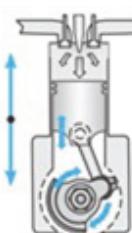
- $(\pi = 3)$
- ۰/۶ (۲)
  - ۱/۲ (۴)
  - ۱/۵ (۱)
  - ۰/۸ (۳)



معادله‌ی نیروی وارد بر نوسان‌گری به جرم  $\frac{1}{s}\text{ m}$  در SI به صورت  $\vec{F} = -200\text{ g} \cdot \vec{x}$  است، و سرعت آن در مرکز نوسان  $2\text{ cm}$  است. در لحظه‌ای که فاصله‌ی این نوسان‌گر از مرکز نوسان برابر  $2\text{ cm}$  است، انرژی مکانیکی آن چند ژول است؟ ۲۱۴

- ۰/۱۶ (۲)
- ۱/۶ (۳)
- ۰/۴ (۱)
- ۴ (۴)

پیستون اتومبیل نشان داده شده، روی پاره خطی به طول  $100\text{ mm}$  در هر ساعت به طور مرتباً  $7200$  بار از مرکز نوسان عبور می‌کند. بیشینه‌ی تندی نوسان پیستون، برابر چند متر بر ثانیه است؟ ۲۱۵



- ۰/۲۷ (۲)
- ۰/۴۷ (۱)
- ۰/۱۵۷ (۳)

X و A به ترتیب، مکان و دامنه‌ی یک نوسان‌گر ساده است. در لحظه‌ی  $t_1$ ،  $A = \frac{\sqrt{3}}{2}X$  است و جهت حرکت نوسان‌گر در آن لحظه به سمت مرکز نوسان است. اگر یک ثانیه‌ی بعد، نوسان‌گر دوباره به همان مکان برسد، دوره‌ی این نوسان‌گر چند ثانیه است؟ ۲۱۶

- ۳/۶ (۳)
- ۲/۴ (۳)
- ۱/۶ (۲)
- ۱/۲ (۱)

دوره‌ی نوسان‌های فنر با ثابت نیروی فنری با جرم ناچیز که به انتهای آن وزنهای آویزان است و با دامنه کم نوسان می‌کند چه رابطه‌ای دارد؟ ۲۱۷

- ۱) با جذر آن نسبت مستقیم
- ۲) با جذر آن نسبت عکس
- ۳) با مجذور آن نسبت مستقیم

اگر وزنهای را به انتهای فنر قائم سبکی آویزان کنیم، پس از اینکه وزنه به حالت تعادل درآمد، طول فنر  $10\text{ cm}$  افزایش می‌یابد. اگر در این حالت وزنه را از حالت تعادل خارج کرده و رها کنیم، بسامد نوسانهای وزنه - فنر چند

$$\left( g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \right)$$

$$\frac{1}{2\pi} (4)$$

$$2\pi (3)$$

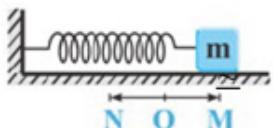
$$20\pi (2)$$

$$0/2\pi (1)$$

بیشینهی تندی نوسان‌گر A و B با یکدیگر برابر و دوره‌ی تناوب نوسان‌گر B، ۲ ثانیه بیشتر از نوسان‌گر A می‌باشد. اگر معادله‌ی مکان - زمان نوسان‌گر A در SI به صورت  $x_A = 0/1\pi \cos(\pi t)$  باشد، معادله‌ی مکان - زمان نوسان‌گر B در SI کدام است؟

$$0/2\pi \cos \frac{\pi}{2}t (4) \quad 0/1\pi \sin \frac{\pi}{2}t (3) \quad 0/2\pi \cos \pi t (2) \quad 0/1\pi \cos \pi t (1)$$

مطابق شکل، در لحظه‌ی  $t = 0$  بسته‌ای از نقطه‌ی M رها شده و حول نقطه‌ی O شروع به نوسان می‌کند. مکان این



$$\frac{\sqrt{3}}{2} (4)$$

نوسان‌گر پس از گذشت مدت زمان  $\frac{1}{2}$  دوره، چه کسری از دامنهی آن است؟

$$1 (3)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} (2)$$

$$\frac{1}{2} (1)$$

معادله‌ی حرکت هماهنگ ساده‌ای در SI به صورت  $x = 0/2 \cos \left( \frac{\pi}{2}t \right)$  می‌باشد. چند ثانیه پس از لحظه‌ی  $t = 0$  برای اولین بار متحرک به نقطه‌ی بازگشت می‌رسد؟

$$4 (4)$$

$$3 (3)$$

$$2 (2)$$

$$1 (1)$$



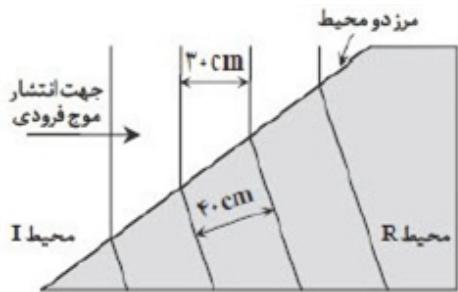
در ساعت مچی نشان داده شده، بسامد حرکت عقربه ساعت‌شمار چند برابر عقربه دقیقه‌شمار است؟

$$12 (2)$$

$$60 (4)$$

$$\frac{1}{12} (1)$$

$$\frac{1}{60} (3)$$



شکل روبرو جبهه‌های موجی را نشان می‌دهد که بر مرز بین محیط I و محیط R فرود آمده‌اند. با توجه به اعداد روی شکل، چنان‌چه تندی موج در محیط I، برابر  $\frac{m}{s}$  باشد، تندی موج در محیط R چند متر بر ثانیه است؟

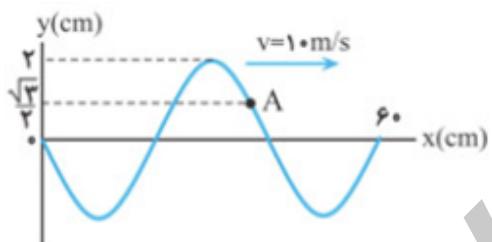
- (۱) ۹  
(۲) ۱۲  
(۳) ۱۶  
(۴) ۱۸

اگر شدت صوتی را  $n$  برابر کنیم، تراز شدت آن نیز  $n$  برابر می‌گردد. در این صورت شدت صوت اولیه چند برابر شدت صوت مرجع است؟ (۱)  $n > 1$

$$\frac{1}{n-1} \quad (4) \quad \frac{1}{n+1} \quad (3) \quad \frac{1}{n} \quad (2) \quad n \quad (1)$$

در نقطه‌ای به فاصله‌ی ۲۰ متر از یک چشمی صوتی نقطه‌ای، تراز شدت صوت  $40$  دسیبل است. اگر توان چشمی صوتی را  $16$  برابر کنیم، در چه فاصله‌ای از چشمی صوت برحسب متر، تراز شدت صوت  $20$  دسیبل خواهد بود؟ (از جذب انرژی توسط محیط صرف نظر می‌شود).

$$800 \quad (4) \quad 400 \quad (3) \quad 80 \quad (2) \quad 40 \quad (1)$$



نمودار جابه‌جایی - مکان یک موج عرضی در لحظه‌ی  $t = 1$  مطابق شکل زیر است. بیشینه‌ی تندی ذره‌ی A چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟

$$25\pi \quad (1) \\ 100\pi \quad (2) \\ 25\pi\sqrt{5} \quad (3) \\ 25\pi\sqrt{13} \quad (4)$$

دوره‌ی نوسان هماهنگ ساده‌ی آونگی به طول  $40\text{ cm}$  در فاصله‌ی  $h$  از سطح زمین برابر با  $\frac{\pi}{2}$  ثانیه است.  $h$  چند برابر

$$\left( g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \right) \quad \text{شعاع زمین است؟}$$

$$2 \quad (4) \quad \frac{3}{2} \quad (3) \quad 4 \quad (2) \quad \frac{1}{2} \quad (1)$$

در اجاق خورشیدی و آتن بشقابی از سطوح کاو برای کانونی نمودن پرتوهای رسیده از خورشید به سطح زمین و امواج رادیویی استفاده می‌شود. سطح کاو در اجاق خورشیدی ..... از سطح کاو در آتن بشقابی است؛ چون طول موج پرتوهای رسیده از خورشید به سطح زمین ..... از طول موج امواج رادیویی است.

- (۱) صاف‌تر - بلندتر      (۲) صاف‌تر - کوتاه‌تر      (۳) ناصاف‌تر - بلندتر      (۴) ناصاف‌تر - کوتاه‌تر

۲۲۹

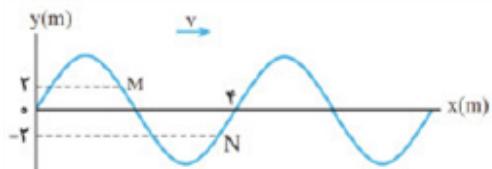
سیمی تحت نیروی کشش  $F$  قرار دارد و مدت زمان پیشروی موج از یک سر سیم تا سر دیگر آن برابر با  $t$  است. اگر سیم را بکشیم تا جرم آن ۲ برابر شود و نیروی کشش سیم را ۸ برابر کنیم، مدت زمان پیشروی موج از یک سر سیم تا سر دیگر آن  $t'$  می‌شود.  $\frac{t}{t}$  کدام است؟

(۱)  $\frac{1}{2}$

(۲) ۲

(۳)  $\frac{1}{4}$

(۴) ۴



۲۳۰

شکل زیر، نمودار جابه‌جایی - مکان یک موج عرضی را در طبایی در یک لحظه نشان می‌دهد. کدام گزینه صحیح است؟

(۱) از بین ذرات M و N، حرکت یکی تندشونده و دیگر کندشونده است.

(۲) طول موج برابر ۴ m است.

(۳) جهت حرکت ذره‌های M و N یکسان است.

(۴) دوره‌ی تناوب چشمی موج ۴ s است.

۲۳۱

معادله‌ی نیرو - مکان نوسان‌گر ساده‌ای به جرم  $200 \text{ g}$  در SI به صورت  $X = -180 \text{ sin}(180t)$  است. اگر بیشینه‌ی انرژی جنبشی این نوسان‌گر  $225 \text{ میلی} \text{J}$  باشد، معادله‌ی مکان - زمان این نوسان‌گر در SI کدام است؟

$x = 0.03 \cos(30\pi t)$  (۲)

$x = 0.03 \cos(30\pi t)$  (۴)

$x = 0.05 \cos(30\pi t)$  (۱)

$x = 0.05 \cos(30\pi t)$  (۳)

۲۳۲

به انتهای نخی به طول  $L = 81 \text{ cm}$ ، گلوله‌ای متصل کرده‌ایم و انتهای دیگر نخ را به نقطه‌ای از سقف آویخته‌ایم و مجموعه را با دامنه‌ی کم به نوسان درمی‌آوریم. اگر این آونگ در مدت ۳ دقیقه، ۱۰۰ نوسان کامل انجام دهد، اندازه‌ی

شتاب جاذبه در محل چند  $\frac{m}{s^2}$  است؟

(۱)  $\frac{\pi^2}{4}$

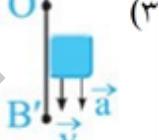
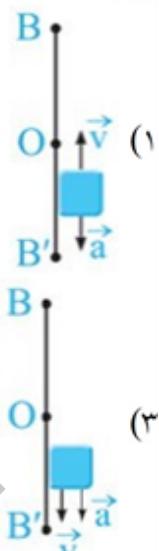
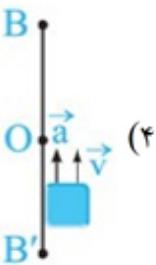
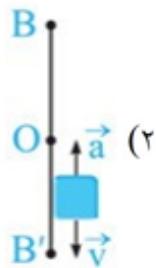
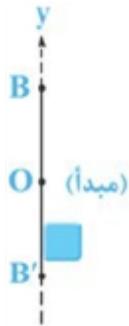
(۲)  $\frac{\pi^2}{9}$

(۳)  $\frac{\pi^2}{6}$

(۴)  $\frac{\pi^2}{9}$

۲۳۳

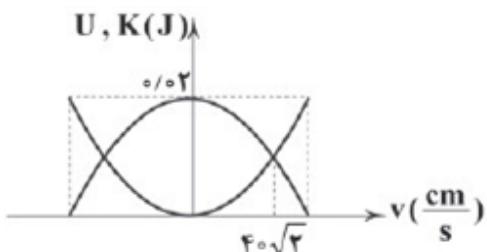
مطابق شکل مقابل، نوسانگری بر روی محور قائم، بین دو نقطه‌ی  $B$  و  $B'$  حرکت نوسانی ساده انجام می‌دهد. هنگامی که نوسانگر در مکان‌های منفی قرار داشته و حرکت آن تندشونده است، وضعیت بردارهای سرعت و شتاب آن مطابق کدام گزینه است؟



۲۳۴

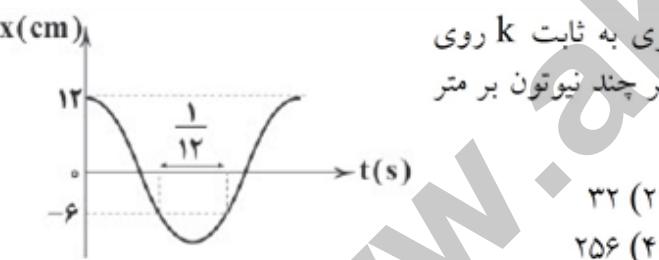
نمودار تغییرات انرژی پتانسیل و جنبشی یک نوسانگر ساده بر حسب سرعت، مطابق شکل زیر است. حداقل سرعت این نوسانگر چند متر بر ثانیه است؟

- ۰/۸ (۲)      ۰/۶ (۱)  
۸۰ (۴)      ۶۰ (۳)



۲۳۵

نمودار مکان - زمان وزنه‌ای به جرم  $200\text{ g}$  که توسط فنری به ثابت  $k$  روی سطح افقی نوسان می‌کند، مطابق شکل زیر است. ثابت فنر چند نیوتون بر متر است؟ ( $\pi^2 = 10$ )



- ۳۲ (۲)      ۶۴ (۱)  
۲۵۶ (۴)      ۱۲۸ (۳)

۲۳۶

بیشینه‌ی نیروی وارد بر یک نوسانگر  $N/40$  است. اگر طول پاره خط مسیر  $20\text{ cm}$  باشد، بیشینه‌ی انرژی پتانسیل این نوسانگر چند ژول است؟

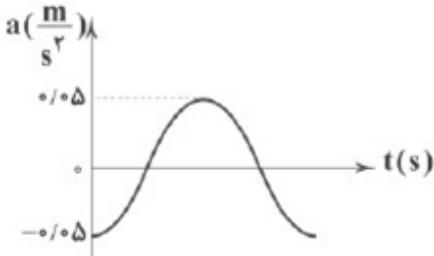
- ۰/۰۲ (۲)      ۰/۰۴ (۱)  
۰/۰۸ (۳)      ۰/۱۶ (۴)

۲۳۷

یک آونگ به طول  $1\text{ m}$  در حال نوسان روی یک پاره خط به طول  $4\text{ cm}$  است. حداقل مسافت پیموده شده از دامنه توسط این آونگ در بازه‌ی زمانی دلخواه  $58/0$  چند سانتی‌متر است؟ ( $g = \pi^2$ )

- $4 - 2\sqrt{2}$  (۴)       $2 - \sqrt{2}$  (۳)       $2\sqrt{2}$  (۲)      ۲ (۱)

۲۳۸



نمودار شتاب - زمان نوسان یک سامانه‌ی وزنه - فنر به صورت زیر است.  
اگر در لحظه‌ی  $t = 1s$  متحرک برای اولین بار از مبدأ عبور کند و در  
لحظه‌ی  $t = 2s$  نیروی  $\frac{N}{5}$  از سوی فنر به وزنه وارد شود، ثابت فنر چند  
 $(\pi^2 \simeq 10)$  نیوتون است؟

۲۱/۲۵ (۲)      ۲۱۲/۵ (۱)  
۰/۳۱۲۵ (۴)      ۲ (۳)

۲۳۹

وزنه‌ای به جرم  $m$  به یک فنر که روی سطح افقی بدون اصطکاک قرار دارد، متصل است. وزنه را با دامنه‌ی  $4\text{ cm}$  به  
نوسان درمی‌آوریم. بسامد نوسانات آن  $\frac{5\sqrt{2}}{2\pi}$  هرتز می‌شود. اگر همین فنر و وزنه را به گونه‌ای در حالت قائم قرار  
 $(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, k = 50 \frac{\text{N}}{\text{m}})$  دهیم که به تعادل برسند (نوسان نکنند)، طول فنر چند سانتی‌متر افزایش می‌یابد؟

۲۰ (۴)      ۱۵ (۳)      ۱۰ (۲)      ۵ (۱)

۲۴۰

فنر بدون جرمی در امتداد قائم آویزان است. وزنه‌ای را به انتهای آن می‌بندیم و رها می‌کنیم. دوره‌ی حرکت نوسانی  
سیستم وزنه - فنر  $1/2$  ثانیه خواهد بود. دامنه‌ی حرکت این نوسان چند سانتی‌متر است؟

$(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, \pi \simeq 3) \simeq ۳$

۴۰ (۴)      ۸۰ (۳)      ۲۰ (۲)      ۱۰ (۱)

۲۴۱

حداکثر سرعت یک آونگ ساده با زاویه‌ی انحراف  $3^\circ$  درجه برابر  $\frac{\text{m}}{\text{s}}$  است. اگر حداکثر زاویه‌ی انحراف آونگ به  
 $1/5$  درجه کاهش یابد، حداکثر سرعت آونگ چند متر بر ثانیه خواهد بود؟

۰/۲ (۴)      ۰/۴ (۳)      ۰/۸ (۲)      ۱/۶ (۱)

۲۴۲

بستگی دوره‌ی تناوب آونگ ساده به شتاب گرانشی، روش دقیقی را برای تعیین شتاب گرانشی ( $g$ ) به دست می‌دهد.  
اگر طول آونگ را  $L$  و دوره‌ی نوسان آنرا  $T$  در نظر بگیریم، طول آونگ کدام است؟

$$\frac{\text{tg}}{2\pi} (۴) \quad \frac{T^2 g}{2\pi} (۳) \quad \frac{\text{tg}}{4\pi} (۲) \quad \frac{T^2 g}{4\pi} (۱)$$

۲۴۳

یک آونگ ساده درون یک آسانسور که با شتاب  $a$  در راستای قائم حرکت می‌کند، قرار دارد. هنگامی که حرکت آسانسور، تندشونده رو به بالا است، دوره‌ی نوسان آونگ  $\frac{1}{4}$  برابر حالتی است که آسانسور تندشونده رو به پایین حرکت می‌کند، اندازه‌ی شتاب  $a$  کدام است؟ (g شتاب گرانش در محل است.)

$$\frac{15}{17}g \quad (4)$$

$$\frac{17}{15}g \quad (3)$$

$$2g \quad (2)$$

$$\frac{g}{2} \quad (1)$$

۲۴۴

معادله‌ی مکان - زمان نوسان‌گری به جرم  $50\text{ g}$  در SI به صورت  $y = 0.05\cos\pi t$  است. در لحظه‌ای که برای اولین بار انرژی جنبشی نوسان‌گر برابر  $0.05\text{ mJ}$  می‌شود، اندازه‌ی اختلاف بزرگی سرعت نوسان‌گر با حداقل بزرگی سرعت آن چند متر بر ثانیه است؟ ( $\pi^2 \approx 10$ ,  $\sqrt{2} \approx 1.41$ )

$$0.004\pi \quad (4)$$

$$0.002\pi \quad (3)$$

$$0.026\pi \quad (2)$$

$$0.006\pi \quad (1)$$

۲۴۵

معادله‌ی مکان - زمان یک نوسان‌گر ساده‌ی وزنه - فنر در SI به صورت  $x = 0.25\cos 10t$  است. اگر بیشینه‌ی انرژی جنبشی آن  $J = 10^{-3}$  باشد، ثابت فنر چند نیوتون برابر است؟

$$0.96 \quad (4)$$

$$9.6 \quad (3)$$

$$96 \quad (2)$$

$$96 \quad (1)$$

۲۴۶

اگر فاصله‌ی شونده‌ای از یک چشم‌های صوت از  $d_1$  به  $5d_1$  برسد، تراز شدت صوت رسیده به شونده  $70$  درصد کاهش می‌یابد. شدت صوت رسیده به شونده در فاصله‌ی  $d_1$  از چشم‌های چند میکرووات بر مترمربع است؟

$$\text{Log}_{\frac{1}{2}} I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2} \quad (\text{Log}_{\frac{1}{2}} I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2})$$

$$10^{-4} \quad (4)$$

$$10^{-6} \quad (3)$$

$$10^{-8} \quad (2)$$

$$10^{-10} \quad (1)$$

۲۴۷

به کمک یک چشم‌های صوت کوچک، انرژی صوتی به طور متوسط با آهنگ  $W = 120 \mu\text{W}$  در تمام جهات‌ها به صورت جبهه‌های کروی منتشر می‌شود. تراز شدت این صوت در چه فاصله‌ای از چشم‌های از  $56\text{ dB}$  (بر حسب متر)  $12\text{ dB}$  است؟

$$\text{Log}_{\frac{1}{2}} I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2}, \text{Log}_{\frac{1}{2}} I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2} \quad (\text{Log}_{\frac{1}{2}} I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2})$$

$$25 \quad (4)$$

$$12/5 \quad (3)$$

$$10 \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

۲۴۸

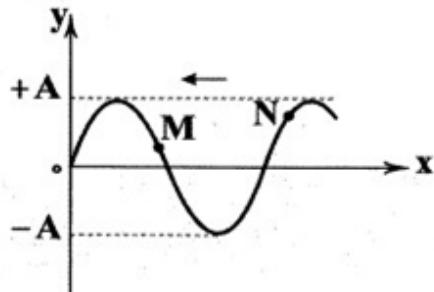
یک موج الکترومغناطیسی با بسامد  $2/0\text{ GHz}$  در خلاء منتشر می‌شود. در یک لحظه، در نقطه‌ی M اندازه‌ی میدان مغناطیسی بیشینه و در نقطه‌ی N میدان الکتریکی صفر است. این موج در کدام ناحیه از طیف امواج الکترومغناطیسی قرار دارد و فاصله‌ی MN بر حسب متر کدام گزینه می‌تواند باشد؟ ( $c = 3 \times 10^5 \frac{\text{km}}{\text{s}}$ )

$$\frac{3}{4} \text{ رادیویی, } \quad (4)$$

$$\frac{9}{8} \text{ رادیویی, } \quad (3)$$

$$\frac{3}{2} \text{ فروسرخ, } \quad (2)$$

$$\frac{9}{8} \text{ فروسرخ, } \quad (1)$$



شکل زیر، نقش یک موج سینوسی را در ریسمانی در لحظه‌ی  $t = 0$  نشان می‌دهد. به ترتیب از راست به چپ، نوع حرکت ذرات M و N از ریسمان چگونه است؟

- (۱) تندشونده، کندشونده
- (۲) کندشونده، تندشونده
- (۳) تندشونده، تندشونده
- (۴) کندشونده، کندشونده

سیمی به قطر مقطع ۴mm و چگالی  $\frac{g}{cm^3}$  ۵ را با نیروی  $N$  به کشش درمی‌آوریم. یک سر سیم را با چه بسامدی

بر حسب هرتز تکان دهیم تا فاصله‌ی بین قله تا دره‌ی مجاورش در راستای انتشار موج ۵cm شود؟

$$\frac{2\pi}{\lambda} = \frac{5}{0.05} \quad (1)$$

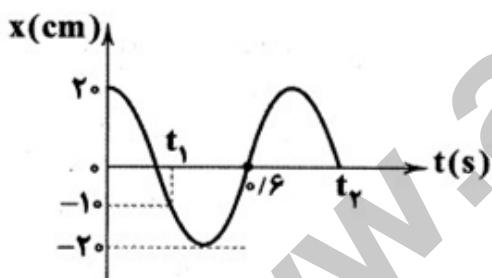
نوسانگری با بسامد  $Hz$  ۵۰ در حال حرکت هماهنگ ساده است. اگر حداقل مسافت طی شده در مدت زمان  $s$   $\frac{1}{200}$

برابر  $cm$  ۳۰ باشد، بیشینه‌ی تندی نوسانگر در این حرکت چند متر بر ثانیه است؟

$$\frac{\sqrt{2}}{50\pi} = \frac{1}{4} \quad (1)$$

نمودار مکان - زمان نوسانگر ساده‌ای مطابق شکل زیر است. بزرگی سرعت متوسط نوسانگر در بازه‌ی زمانی  $t_2$  تا  $t_1$

بر حسب سانتی‌متر بر ثانیه کدام است؟



$$10 \quad (1)$$

$$8 \quad (2)$$

$$\frac{150}{11} \quad (3)$$

$$\frac{120}{11} \quad (4)$$

معادله‌ی حرکت هماهنگ ساده‌ی یک نوسانگر در SI به صورت  $x = A \cos(\omega t)$  است. تندی متوسط نوسانگر در بازه‌ی  $t_1 = 0.05s$  تا  $t_2 = 0.1s$  چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟

$$\frac{4}{3}(4) \quad 8(3) \quad \frac{4}{3}(2) \quad \frac{2}{3}(1)$$

۲۵۴

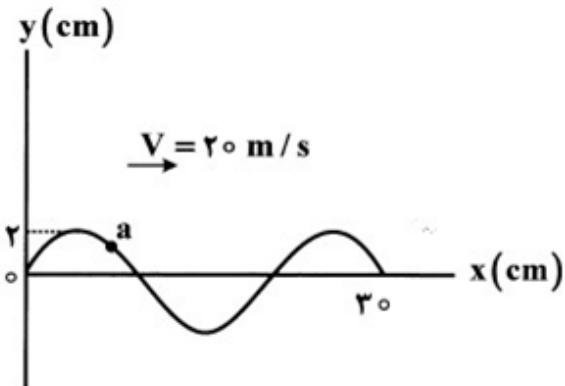
شکل زیر، یک موج سینوسی را در لحظه‌ای از زمان نشان می‌دهد که در جهت محور  $X$  در طول ریسمان کشیده شده‌ای حرکت می‌کند. ذره  $a$  در مدت  $0.02s$  مسافت چند سانتی‌متر را طی می‌کند؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۱۶ (۳)

۴ (۴)



۲۵۵

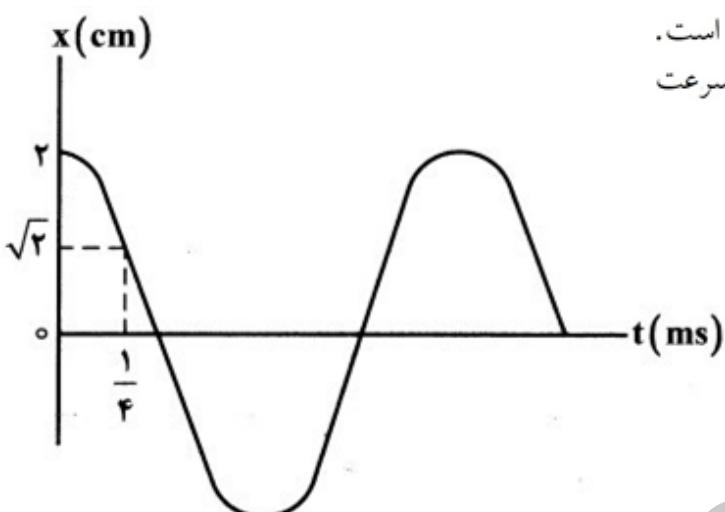
نمودار مکان - زمان نوسانگر ساده‌ای مطابق شکل است. چند میلی ثانیه پس از لحظه  $t = 0$  برای اولین بار سرعت نوسانگر صفر می‌شود؟

۱ (۱)

۲ (۲)

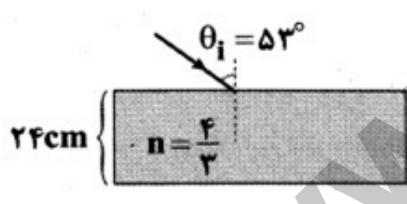
۰/۵ (۳)

۱/۵ (۴)



۲۵۶

مطابق شکل یک پرتو نور تکرنگ از هوا با زاویهٔ تابش  $53^\circ$  به یک تیغهٔ شیشه‌ای به ضخامت  $24\text{ cm}$  برخورد می‌کند. مدت زمان حرکت نور درون تیغهٔ شیشه‌ای چند ثانیه است؟



$$\left( \sin 37^\circ = 0.6, \sin 53^\circ = 0.8, c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right)$$

 $\frac{4}{3} \times 10^{-9}$  (۲)  $8 \times 10^{-9}$  (۱) $8 \times 10^{-8}$  (۴)  $\frac{4}{3} \times 10^{-8}$  (۳)

تراز شدت صوت در فاصله‌ی ۵ متری از یک چشم‌های صوتی، ۵۶ دسی‌بل است. توان این چشم‌های صوت، چند میلی‌وات است؟

$$\left( \pi \approx 3, \log_{10} I_0 = 10^{-12} \frac{\text{W}}{\text{m}^2} \right)$$

 $12 \times 10^{-5}$  (۴)

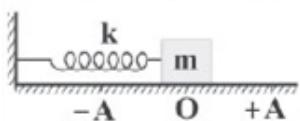
۰/۱۲ (۳)

۱/۲ (۲)

۱۲ (۱)

۲۵۸

در شکل زیر، وزنهای متصل به فنری سبک روی سطح افقی بدون اصطکاک در حال نوسان است. اگر در مکان  $x = +A$  قسمتی از جرم وزنه کنده شود، به ترتیب از راست به چپ، انرژی مکانیکی وزنه و بسامد نوسان‌های آن چه تغییری می‌کند؟



- (۱) کاهش، افزایش      (۲) کاهش، کاهش      (۳) ثابت، افزایش      (۴) ثابت، کاهش

۲۵۹

دوره‌ی تناوب یک ساعت آونگ‌دار در تهران برابر ۲۸ است. اگر این ساعت آونگ‌دار را به استوا ببریم، در هر ساعت

$$\text{به طور تقریبی \dots\dots\dots} . \quad \left( \frac{m}{s} \right)_{\text{تهران}} = \frac{g}{\sqrt{2}} \approx \frac{9.8}{\sqrt{2}} \text{ فرض شود.}$$

- (۱) ۳۶ نوسان کم‌تر از تهران انجام می‌دهد.  
 (۲) ۶۰ نوسان کم‌تر از تهران انجام می‌دهد.

۲۶۰

آونگ ساده‌ای در حال نوسان است. اگر در همان محل، طول نخ آونگ را ۳۶ درصد کاهش و جرم آن را ۵۰ درصد

افزایش دهیم، دوره‌ی تناوب آونگ چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟

- (۱) ۲۰، کاهش      (۲) ۲۰، افزایش      (۳) ۴۰، کاهش      (۴) ۴۰، افزایش

۲۶۱

شدت صوت حاصل از منبعی چند برابر شود تا تراز شدت صوت آن  $14/1$  دسی‌بل افزایش یابد؟

$$\log \frac{W}{m^2} \simeq 0/47 \quad (1) \quad 81 \quad (2) \quad 9 \quad (3) \quad 27 \quad (4)$$

۲۶۲

برای آنکه تراز شدت صوتی  $20$  دسی‌بل زیاد شود، شدت صوت آن نسبت به حالت اول چه تغییری باید بکند؟

$$\frac{W}{m^2} \simeq 100 \quad (1) \quad 20 \text{ برابر شود.} \quad (2) \quad 20 \text{ افزایش یابد.} \quad (3) \quad 100 \text{ افزایش یابد.} \quad (4) \quad 100 \text{ برابر شود.}$$

۲۶۳

شکل رویه‌رو، تصویر لحظه‌ای از موج عرضی در یک ریسمان کشیده شده را نشان می‌دهد. ذره  $M$ ،  $\frac{1}{4}$  پس از این

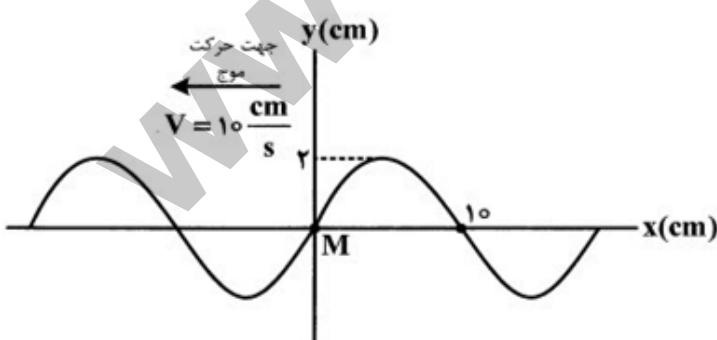
لحظه در چه مکانی بر حسب cm قرار دارد؟

+۱ (۱)

+۲ (۲)

-۱ (۳)

-۲ (۴)



۲۶۴

- جسمی به جرم  $200\text{g}$  به فنری سبک و افقی با ثابت  $80 \frac{\text{N}}{\text{m}}$  متصل است. فنر را به اندازه  $4\text{cm}$  فشرده و سپس رها می شود و جسم روی سطح افقی بدون اصطکاک نوسان می کند. بیشینه تندی جسم، چند متر بر ثانیه است؟
- ۱)  $0.8$    ۲)  $0.4$    ۳)  $0.2$    ۴)  $0.1$

۲۶۵

- نوسانگری به جرم  $640\text{g}$  به فنری سبک با ثابت  $36 \frac{\text{N}}{\text{m}}$  بسته شده است و روی سطح افقی بدون اصطکاک نوسان می کند. این نوسانگر در مدت  $8$  ثانیه چند نوسان کامل انجام می دهد؟ ( $\pi = 3$ )
- ۱)  $12$    ۲)  $10$    ۳)  $8$    ۴)  $6$

۲۶۶

- معادلهی مکان - زمان نوسانگری در SI به صورت  $x = 0.02 \cos 100\pi t$  است. در لحظهی  $s = 1$ ، انرژی پتانسیل کشسانی نوسانگر چند برابر انرژی جنبشی آن است؟
- ۱)  $\frac{1}{4}$    ۲)  $\frac{1}{3}$    ۳)  $\frac{1}{2}$    ۴)  $\frac{1}{4}$

۲۶۷

- معادلهی انرژی جنبشی - مکان یک نوسانگر که حرکت هماهنگ ساده انجام می دهد، در SI به صورت  $x = 400K - 0.16t^2$  است. دامنهی حرکت نوسانگر چند سانتی متر است؟
- ۱)  $16$    ۲)  $8$    ۳)  $4$    ۴)  $2$

۲۶۸

- ذرهای به جرم  $500$  گرم روی پاره خطی به طول  $10\text{cm}$ ، حرکت هماهنگ ساده انجام می دهد. اگر دورهی نوسان،  $\frac{1}{2}$  ثانیه باشد، بیشینهی نیروی وارد بر نوسانگر چند نیوتون است؟ ( $\pi^2 = 10$ )
- ۱)  $\frac{1}{2}$    ۲)  $2$    ۳)  $1$    ۴)  $1$

۲۶۹

- آونگ سادهای به طول یک متر، در محلی که شتاب گرانش زمین در SI برابر  $\pi^2 = g$  است، نوساناتی کم دامنه انجام می دهد. گلولهی این آونگ در هر دقیقه چند نوسان کامل انجام می دهد؟
- ۱)  $120$    ۲)  $60$    ۳)  $40$    ۴)  $30$

۲۷۰

- در حرکت نوسانی هماهنگ، در کدامیک از موارد زیر، مکان نوسان کننده الزاماً منفی است؟  
 ۱) سرعت مثبت باشد.   ۲) شتاب مثبت باشد.   ۳) سرعت منفی باشد.   ۴) شتاب منفی باشد.

۲۷۱

نوسانگر وزنه - فنر، روی سطح افقی بدون اصطکاک، با دامنه‌ی  $A_1$  و بسامد  $f_1$  نوسان می‌کند. در لحظه‌ای که نوسانگر در بیشترین فاصله از مرکز نوسان قرار دارد،  $\frac{3}{4}$  جرم وزنه، کنده شده و جدا می‌شود و جرم باقی‌مانده‌ی متصل به همان فنر به نوسان ادامه می‌دهد. اگر در این حالت بسامد،  $f_2$  و دامنه،  $A_2$  باشد، نسبت‌های  $\frac{f_2}{f_1}$  و  $\frac{A_2}{A_1}$  به

ترتیب از راست به چپ کدام‌اند؟

- (۱) ۱ و ۲ (۲) ۲ و ۳ (۳) ۲ و ۴ (۴) ۴ و ۲

۲۷۲

دامنه‌ی یک نوسانگر وزنه - فنر  $4\text{cm}$  است اگر جرم وزنه  $30\text{g}$  و ثابت فنر  $\frac{N}{m}$  باشد بیشینه‌ی شتاب آن چند متر بر مجدور ثانیه است؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۰/۴ (۴) ۰/۲

۲۷۳

آونگ ساده‌ای که از راستای قائم منحرف شده است، در هر  $0/18$  ثانیه  $3$  نوسان کامل انجام می‌دهد. اگر بیشینه سرعت نوسانات آونگ  $\frac{\text{m}}{\text{s}}$  باشد، دامنه نوسان آونگ چند سانتی‌متر است؟ ( $\pi \cong 3$ )

- (۱) ۶ (۲) ۱۸ (۳) ۱۲ (۴) ۹

۲۷۴

وزنه‌ای به جرم  $200$  گرم به انتهای فنری به ثابت  $200$  نیوتن بر متر بسته شده و روی سطح افقی بدون اصطکاک نوسان می‌کند. اگر بیشترین طول فنر  $60$  سانتی‌متر و کمترین طول فنر  $50$  سانتی‌متر باشد، از لحظه‌ای که طول فنر  $52$  سانتی‌متر و فنر در حال جمع شدن است (طول فنر در حال کاهش است)، تا نخستین مرتبه که طول فنر  $58$  سانتی‌متر شود، چند ثانیه طول می‌کشد؟ ( $\pi \approx \sqrt{10}$ )

- (۱) ۱/۰ (۲) ۰/۲ (۳) ۰/۰۵ (۴) ۰/۲۵

۲۷۵

حداکثر سرعت یک آونگ ساده با زاویه‌ی انحراف  $1/5$  درجه برابر  $\frac{\text{m}}{\text{s}}$  است. اگر حداکثر زاویه‌ی انحراف را به  $3$  درجه افزایش دهیم، حداکثر سرعت آونگ چند متر بر ثانیه خواهد بود؟

- (۱) ۱/۶ (۲) ۰/۸ (۳) ۰/۴ (۴) ۰/۲

۲۷۶

نوسانگری روی خط راست نوسان می‌کند. در لحظه‌ی  $t_1$  ثانیه، سرعت نوسانگر صفر می‌شود. اگر اندازه‌ی جابه‌جایی از لحظه‌ی  $t_1$  تا  $t_1 + t_2 = t_1 + t_3 = t_1 + t_2 + t_3$  ثانیه برابر  $X$  و از لحظه‌ی  $t_1$  تا  $t_2$  ثانیه برابر  $3X$  باشد، دامنه نوسانات چقدر است؟

- (۱)  $X$  (۲)  $2X$  (۳)  $3X$  (۴)  $4X$

سرعت متوسط یک نوسانگر از لحظه‌ای که از مبدأ مکان عبور می‌کند تا لحظه‌ای که برای دومین بار به انتهای مسیر می‌رسد کدام گزینه است؟ ( $V_M$  حداقل سرعت نوسانگر است).

$$\begin{array}{ll} -\frac{1}{3\pi}V_M & (4) \\ -\frac{2}{3\pi}V_M & (3) \\ -\frac{1}{2\pi}V_M & (2) \\ -\frac{1}{2}V_M & (1) \end{array}$$

کدام گزینه درباره پدیده تشديد درست است؟ ۲۷۸

- (۱) در پدیده تشديد فاز دو نوسانگر باید یکسان باشد.
- (۲) یک نوسانگر وزنه-فتنمی تواند موجب تشديد یک آونگ شود.
- (۳) دو نوسانگر وزنه-فتنمی در صورتی موجب تشديد هم می‌شوند که طول فتنها یکسان باشد.
- (۴) دو آونگ کم‌دامنه با طول متفاوت نمی‌توانند موجب تشديد هم شوند.

اگر به طول آونگ کم‌دامنه‌ای ۱۲۵ درصد اضافه شود، تعداد نوسانهای آن در مدت ۴ دقیقه، ۵۰ تا کاسته می‌شود. دوره ۲۷۹

اولیه نوسان آونگ چند ثانیه بوده است؟ ( $g = \pi^2$ )

$$\begin{array}{ll} 1/2 & (4) \\ 1/6 & (3) \\ 1/8 & (2) \\ 2/4 & (1) \end{array}$$

در یک حرکت همانگ ساده، کدام مورد درست است؟ ۲۸۰

- (۱) شتاب و سرعت پیوسته هم جهت‌اند.
- (۲) شتاب و سرعت پیوسته در خلاف جهت‌هم‌اند.
- (۳) در لحظه‌ای که جهت شتاب عوض می‌شود، بزرگی سرعت بیشینه است.
- (۴) در لحظه‌ای که جهت شتاب عوض می‌شود، سرعت نوسانگر صفر است.

نوسانگر ساده‌ای به جرم  $200\text{ g}$  روی پاره خطی به طول  $40\text{ cm}$  نوسان می‌کند. اگر در هر  $20$  ثانیه  $10$  بار پاره خط ۲۸۱

مسیرش را طی کند، انرژی مکانیکی آن چند میکروژول است؟ ( $\pi^2 = 10$ )

$$\begin{array}{ll} 800 & (4) \\ 200 & (2) \\ 400 & (3) \\ 100 & (1) \end{array}$$

نوسانگری روی محور  $X$  ها بین دو مکان  $+6\text{ m}$  و  $-6\text{ m}$  نوسان می‌کند. اگر این نوسانگر در لحظه‌ی  $t$  (برحسب ثانیه) در مکان  $-3\text{ m} = X$  و در حال دور شدن از مرکز باشد و هم‌چنین در لحظه‌ی  $t + 9$  (برحسب ثانیه) برای دومین بار از لحظه‌ی  $t$  به بعد به مکان  $+3\sqrt{3}\text{ m} = X$  برسد، این نوسانگر در مدت یک دقیقه چند نوسان کامل ۲۸۲

انجام می‌دهد؟

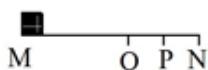
$$\begin{array}{ll} 5 & (4) \\ 4 & (3) \\ 3 & (2) \\ 2 & (1) \end{array}$$

یک آونگ ساده درون یک آسانسور که با شتاب  $a$  حرکت می‌کند، در حال نوسان است. اگر جهت شتاب حرکت ۲۸۳

عوض شود، دوره‌ی تناوب ۲ برابر می‌شود. شتاب حرکت چند برابر شتاب گرانش است؟

$$\begin{array}{ll} 0/2 & (4) \\ 0/3 & (2) \\ 0/4 & (3) \\ 0/6 & (1) \end{array}$$

در شکل زیر نوسانگر روی پاره خط  $MN$  حول نقطه  $O$  نوسان می‌کند و  $OP = PN$  است. اگر حداقل یک ثانیه طول بکشد تا نوسانگر از  $M$  تا  $O$  حرکت کند، حداقل چند ثانیه طول می‌کشد تا از  $O$  به  $P$  برسد؟



- (۱)  $\frac{1}{2}$   
(۲)  $\frac{1}{3}$   
(۳)  $\frac{1}{4}$   
(۴)  $\frac{1}{6}$

در یک حرکت هماهنگ ساده، در مدت دلخواه  $\frac{1}{4}$  دوره، کمترین مسافتی که نوسانگر طی می‌کند چند برابر دامنه است؟

$$(\sqrt{2} = 1/4)$$

- (۱)  $0/3$   
(۲)  $0/6$   
(۳)  $0/7$   
(۴)  $1/4$

معادلهی حرکت نوسانگر سادهی وزنه - فنری در SI به صورت  $x = 0.05 \cos 20t$  می‌باشد. اگر بیشینهی انرژی

جانبی آن  $J = 10^{-2}$  باشد، ثابت فنر چند نیوتون بر متر است؟

- (۱)  $12$   
(۲)  $48$   
(۳)  $120$   
(۴)  $480$

یک نوسانگر هماهنگ ساده، روی پاره خطی به طول  $6\text{cm}$  در هر دقیقه  $240$  مرتبه از مرکز نوسان عبور می‌کند. بیشینهی سرعت این نوسانگر چند متر بر ثانیه است؟

- (۱)  $12\pi$   
(۲)  $24\pi$   
(۳)  $\frac{3\pi}{25}$   
(۴)  $\frac{6\pi}{25}$

دورهی تناوب یک آونگ ساده  $12$  ثانیه است. آنرا به یک آونگ سادهی دیگر که دورهی تناوب آن  $5$  ثانیه است،

متصل می‌کنیم. دورهی تناوب مجموعه‌ی جدید چند ثانیه خواهد بود؟

- (۱)  $13$   
(۲)  $7$   
(۳)  $19$   
(۴)  $9/5$

طول پاره خط مسیر حرکت یک نوسانگر ساده  $4$  سانتی‌متر است. اگر در هر دقیقه این نوسانگر  $80$  سانتی‌متر مسافت طی کند، بیشترین سرعت این نوسانگر چند متر بر ثانیه است؟

- (۱)  $\frac{\pi}{300}$   
(۲)  $\frac{\pi}{150}$   
(۳)  $\frac{\pi}{75}$   
(۴)  $\frac{\pi}{50}$

معادلهی مکان نوسانگر ساده‌ای در SI به صورت  $x = 0.02 \cos \frac{\pi}{2}t$  است. در کدام بازه‌ی زمانی (بر حسب ثانیه) شتاب و سرعت در جهت محور  $X$  (ثبت) (اند؟

- (۱) صفر تا  $1$   
(۲)  $1$  تا  $2$   
(۳)  $2$  تا  $3$   
(۴) شتاب هرگز در جهت محور  $X$  نمی‌شود.

۲۹۱

- دوره‌ی یک آونگ ساده در سطح زمین برابر یک ثانیه است. اگر طول آونگ را به  $\frac{1}{\pi}$  مقدار اولیه رسانده و آن را در ارتفاعی برابر با شعاع زمین نسبت به سطح زمین قرار دهیم، دوره‌ی جدید چند ثانیه خواهد شد؟
- (۱)  $1\pi$  (۲)  $2\pi$  (۳)  $4$  (۴)  $8\pi$

۲۹۲

- وزنه‌ای به انتهای یک فنر بسته شده و با اصطکاک ناچیز در حال نوسان است. برای آنکه تعداد نوسان وزنه در یک مدت معین زیاد شود، همه موارد مطرح شده در کدام گزینه درست است؟
- (۱) دامنه‌ی نوسان را زیاد کنیم - از فنر با ثابت کمتر استفاده کنیم.  
 (۲) دامنه‌ی نوسان را زیاد کنیم - از وزنه با جرم کمتر استفاده کنیم.  
 (۳) از وزنه با جرم کمتر استفاده کنیم - از فنر با ثابت بیشتر استفاده کنیم.  
 (۴) از وزنه با جرم بیشتر استفاده کنیم - از فنر با ثابت کمتر استفاده کنیم.

۲۹۳

- متوجه کی که دارای حرکت هماهنگ ساده است در SI با معادله‌ی  $x = 0.05 \cos(2\pi t)$  نوسان می‌کند. بیشترین مسافتی که متوجه در مدت  $25$  ثانیه می‌تواند طی کند چند سانتی‌متر است؟
- (۱)  $2/5\sqrt{2}$  (۲)  $5$  (۳)  $5\sqrt{2}$  (۴)  $5\sqrt{5}$

۲۹۴

- یک نوسانگر ساده با دامنه‌ی  $10$  سانتی‌متر نوسان می‌کند. این نوسانگر در لحظه‌ی  $t = 0$  در موقعیت  $x = +5\text{cm}$  قرار دارد و از مرکز دور می‌شود و در لحظه‌ی  $(s)$   $x = -5\text{cm}$  از  $t = 0/5$  عبور می‌کند و به مرکز نزدیک می‌شود. کمترین مقدار ممکن برای بسامد نوسانگر چند هرتز است؟
- (۱)  $\frac{5}{6}$  (۲)  $\frac{5}{3}$  (۳)  $\frac{5}{2}$  (۴)  $\frac{20}{3}$

۲۹۵

- معادله‌ی حرکت نوسانگری در SI به صورت  $x = 0.02 \cos(\pi t)$  است. در یک دوره چند ثانیه بردارهای سرعت و مکان هم‌جهت‌اند؟

(۱)  $1$  (۲)  $2$  (۳)  $\frac{1}{2}$  (۴)  $\frac{1}{4}$

۲۹۶

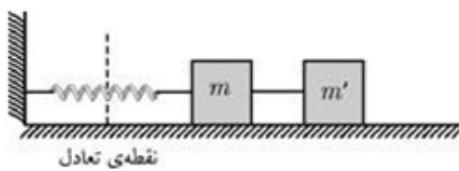
- معادله‌ی مکان - زمان نوسانگر ساده‌ای به صورت  $x = 8 \cos(20\pi t)$  داده شده و دامنه بر حسب سانتی‌متر است. در لحظه‌ی  $t$  مکان نوسانگر  $4\text{cm}$  و سرعت نوسان منفی است.  $10$  ثانیه بعد، نوسانگر در چه مکانی بر حسب سانتی‌متر است؟

(۱)  $4$  (۲)  $-4\sqrt{3}$  (۳)  $4\sqrt{3}$  (۴)  $-4\sqrt{3}$

۲۹۷ گولهای کوچکی به جرم  $m$  به انتهای نخی به طول  $l$  در نقطه‌ی  $O$  بسته شده و مجموعه مانند آونگ ساده‌ای در صفحه‌ای عمودی نوسان می‌کند. دوره‌ی نوسان این آونگ در این حالت  $T$  است. اگر در نقطه‌ی  $O'$  که به فاصله‌ی  $\frac{1}{n}$  از نقطه‌ی  $O$  و درست در زیر آن است میخواهی قرار دهیم به طوری که نخ آونگ در هنگام حرکت به آن برخورد کند، دوره‌ی نوسان آونگ در این حالت  $T'$  می‌شود. در هر حال دامنه‌ی نوسان کوچک است. نسبت  $\frac{T'}{T}$  کدام است؟

$$\sqrt{\frac{n-1}{n}} \quad (4) \quad \frac{1}{2} + \sqrt{\frac{n-1}{4(n+1)}} \quad (3) \quad \frac{1}{2} + \sqrt{\frac{n-1}{4n}} \quad (2) \quad 1(1)$$

۲۹۸ در شکل زیر  $m$  و  $m'$  با میله‌ی سبکی به هم متصل‌اند. دستگاه حول نقطه‌ی تعادل نوسان می‌کند. لحظه‌ای که جرم‌ها به دورترین فاصله از نقطه‌ی تعادل می‌رسند، جرم  $m'$  را جدا می‌کنیم. دامنه‌ی نوسان جرم  $m$  چه قدر می‌شود؟



- (1) کمتر می‌شود.
- (2) بیشتر می‌شود.
- (3) تغییر نمی‌کند.
- (4) بدون داشتن ثابت فنر و جرم‌ها نمی‌توان پاسخ داد.

۲۹۹ دامنه‌ی نوسان یک نوسانگر ساده  $10$  سانتی‌متر و بسامد آن  $25$  هرتز است، مقدار بیشینه سرعت متوسط نوسانگر، در یک بازه‌ی زمانی معادل  $\frac{1}{4}$  دوره، چند متر بر ثانیه است؟

$$0 \quad (4) \quad 10 \quad (3) \quad 5\sqrt{2} \quad (2) \quad 2\sqrt{2} \quad (1)$$

۳۰۰ نوسانگر ساده‌ای در  $\frac{\sqrt{2}}{2}$  دامنه قرار دارد. حداقل چند  $T$  بعد به  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  دامنه می‌رسد؟

$$\frac{5T}{8} \quad (4) \quad \frac{3T}{8} \quad (3) \quad \frac{5T}{12} \quad (2) \quad \frac{T}{24} \quad (1)$$

۳۰۱ اگر نسبت بسامد حرکت نوسانی کم دامنه‌ی آونگ ساده  $A$  به آونگ ساده  $B$  برابر  $\frac{3}{4}$  باشد، نسبت طول آونگ ساده‌ی  $A$  به طول آونگ ساده‌ی  $B$  چه مقدار است؟

$$\frac{16}{9} \quad (4) \quad \frac{9}{16} \quad (3) \quad \frac{3}{4} \quad (2) \quad \frac{4}{3} \quad (1)$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\frac{\lambda}{\gamma} = 5 \Rightarrow \begin{cases} \lambda = 10 \text{ cm} \\ V = 2 \cdot \frac{\text{cm}}{\text{s}} \Rightarrow V = \lambda T \Rightarrow T = \frac{1}{2} \text{ s} \end{cases}$$

۱

$$\begin{cases} t = \frac{1}{4} \\ T = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow t = \frac{T}{2} \Rightarrow \text{مسافت } 10 \text{ cm \ به سمت راست می‌رود}$$

$$\Rightarrow x_1 = +2 \\ \Rightarrow x_2 = -3 \Rightarrow \Delta x = 5 \text{ cm}$$

$$\Delta t = \frac{T}{2} = \frac{1}{4} \Rightarrow V = \frac{6}{\frac{1}{4}} = 24 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

۱)  $V = \lambda f \Rightarrow 450 = \frac{3}{\gamma} \lambda \Rightarrow \lambda = 300 \text{ nm}$

$3 \times 10^8 = 300 \times 10^{-9} f \Rightarrow f = 10^{15} \text{ Hz} \Rightarrow$

یک نوسان  $s^{15}$   $10^{-9}$  طول می‌کشد. درست است.  
(۲) غلط است.

۲)  $V \cdot x t \Rightarrow 3 \times 10^8 = x \times 1 \Rightarrow x = 3 \text{ nm} \quad \text{غلط است.}$

۴)  $\lambda = 300 \text{ nm}$

۲

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

به کمک رابطه  $v = \sqrt{\frac{F}{\rho A}} = \frac{1}{r} \sqrt{\frac{F}{\rho \pi}}$  و با توجه به یکسان بودن  $F$  و  $\rho$ , داریم:

۳

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{r_2}{r_1} = \frac{D_2}{D_1} = 4 \xrightarrow{f_1 = f_2} 4$$

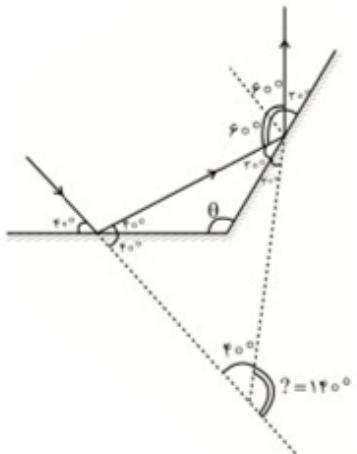
$$L = v \Delta t \rightarrow \frac{L_1}{L_2} = \frac{v_1}{v_2} \times \frac{\Delta t_1}{\Delta t_2} \rightarrow \frac{\Delta t_1}{\Delta t_2} = \frac{1}{4}$$

۴

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در انتشار امواج طولی در یک فنر کشیده شده، در نقاط با بیشترین فشردگی، جایه‌جایی هر جزء فنر صفر است. تنها در انتشار امواج الکترومغناطیسی در خلاء، سرعت انتشار همگن انواع امواج الکترومغناطیسی یکسان و برابر با سرعت نور در خلاء است.

۵

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. به کمک هندسه مقدماتی و با توجه به قوانین بازتاب داریم:



۶

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. شدت صوت با مربع دامنه و بسامد رابطه مستقیم و با مربع فاصله نسبت وارون دارد. با توجه به نمودار،  $\lambda_A = 2\lambda_B$  است. با توجه به یکسان بودن تندی انتشار این دو صوت و در نظر گرفتن رابطه  $f = \frac{v}{\lambda}$ ، داریم:

$$\frac{f_A}{f_B} = \frac{\lambda_B}{\lambda_A} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{I_A}{I_B} = \left( \frac{A_A}{A_B} \times \frac{f_A}{f_B} \times \frac{r_B}{r_A} \right)^2 \rightarrow \frac{I_A}{I_B} = \left( \frac{3}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \right)^2 = \frac{9}{64}$$

۷

گزینه ۵ پاسخ صحیح است. حداقل سرعت نوسان هر ذره از بار از رابطه  $v_m = A\omega$  به دست می‌آید:

$$\frac{v_m}{v} = \frac{A\omega}{v} = \frac{2\pi V}{vT} = \frac{2\pi A}{\lambda}$$

$$\frac{v_m}{v} = \frac{2\pi \times 5 \times 10^{-2}}{0.4} = \frac{\pi}{4}$$

با توجه به نمودار،  $\lambda = 0.5$  و در نتیجه  $v_m = 0.4$  است:

۸

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. با توجه به رابطه دوره تناوب آونگ‌های ساده، داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} T = \pi \sqrt{\frac{L}{g}} \rightarrow L_A = \frac{g}{\pi^2} T_A^2 \\ L_B = \frac{g}{\pi^2} T_B^2 \end{array} \right. \rightarrow L_A + L_B = \frac{g}{\pi^2} (T_A^2 + T_B^2)$$

$$T = \pi \frac{\sqrt{L_A + L_B}}{g} = \pi \sqrt{\frac{g}{\pi^2} \frac{T_A^2 + T_B^2}{g}} = \sqrt{T_A^2 + T_B^2}$$

$$\rightarrow T = \sqrt{1/2^2 + 1/6^2} = 2$$

$$N = \frac{t}{T} \rightarrow N = \frac{56}{2} = 28$$

در هر نوسان، نوسانگر هماهنگ ساده، دو بار طول پاره خط را طی می‌کند، پس پاسخ ۵۶ بار خواهد بود.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۹

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \Rightarrow 1 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \sqrt{2} \times \sin \theta_2 \Rightarrow \theta_2 = 30^\circ$$

$$\cos 30^\circ = \frac{15\sqrt{2}}{AB} \Rightarrow AB = 20 \text{ cm}$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{n_1}{n_2} \Rightarrow \frac{V_2}{2 \times 10^{-8}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow V_2 = \frac{2}{\sqrt{2}} \times 10^{-8}$$

$$\Delta x = V \cdot \Delta t \Rightarrow AB = \frac{2}{\sqrt{2}} \times 10^{-8} \times \Delta t \Rightarrow \Delta t = \sqrt{2} \times 10^{-9} = \sqrt{2} \text{ ns}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۰

$$x = -\frac{A}{r} \Rightarrow \phi \begin{cases} \pi - \frac{\pi}{3} & \text{از مرکز دور} \\ \pi + \frac{\pi}{3} & \text{به مرکز نزدیک} \end{cases}$$

$$\Delta\phi = \frac{4\pi}{3} \Rightarrow \Delta t = \frac{4T}{6} = \frac{2T}{3} = \frac{2}{15} \Rightarrow T = \frac{1}{5} \text{S}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{\frac{1}{5}} = 10\pi \frac{\text{rad}}{\text{S}}$$

$$E = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 = \frac{1}{2} \times 50 \times 10^{-3} \times (4 \times 10^{-2})^2 \times (10\pi)^2 = \frac{1}{25} \text{J}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا شدت صوت را تعیین می‌کنیم:

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 36 = 10 \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 3.6 = 3 + 2 \times 0 / 3 = \log 10^3 + 2 \log 2$$

$$= \log 4 \times 10^3 = \log \frac{I}{I_0}$$

$$\frac{I}{I_0} = 4 \times 10^3 \xrightarrow{m} I = 4 \times 10^3 \frac{\mu\text{W}}{\text{m}^2}$$

$$I = \frac{P}{A} \xrightarrow{A = 4\pi r^2} I = \frac{P}{4\pi r^2} \Rightarrow P = 4 \times 10^{-3} \times 4 \times 3 \times 5^2 = 1/2 \mu\text{W}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. با استفاده کردن از تاری با طول ۴ برابر، چگالی خطی جرم تار تغییر نمی‌کند. در نتیجه تندی انتشار موج در تار تغییری نمی‌کند:

$$\lambda = \frac{v}{f} \Rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{v_2}{v_1} \times \frac{f_1}{f_2} \xrightarrow{v_2 = v_1} \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{1}{3}$$

۱۳

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. شتاب بیشینه از رابطه  $a_{\max} = A\omega^2$  به دست می‌آید:

$$a_{\max} = A\omega^2 = A \frac{4\pi^2}{T^2} \Rightarrow \frac{a_{\max M}}{a_{\max N}} = \frac{A_M}{A_N} \times \left( \frac{T_N}{T_M} \right)^2 \quad (1)$$

با توجه به نمودار  $\frac{T_N}{T_M} = \frac{5}{2}$  و  $\frac{A_M}{A_N} = \frac{3}{5}$  است.

$$\rightarrow (1) \frac{a_{\max M}}{a_{\max N}} = \frac{3}{5} \times \left( \frac{5}{2} \right)^2 = \frac{3}{5} \times \frac{25}{4} = \frac{15}{4}$$

۱۴

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا ارتباط میان انرژی‌های نوسان‌گر را مشخص می‌کنیم:

$$E = U + K \xrightarrow{U = \lambda K} E = \lambda K + K = 9K \Rightarrow \frac{K}{E} = \frac{1}{9} \xrightarrow{E = K_{\max}} \frac{K}{K_{\max}} = \frac{1}{9}$$

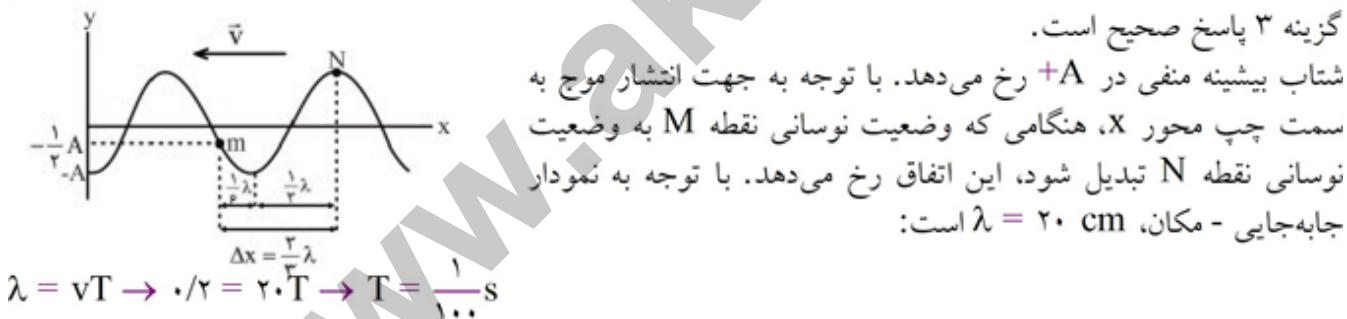
$$\frac{K}{m} = \frac{1}{2}mv^2 \rightarrow \left( \frac{v}{v_{\max}} \right)^2 = \frac{1}{9} \Rightarrow v = \frac{1}{3}v_{\max}$$

تندی بیشینه یک نوسان‌گر هماهنگ ساده از  $v_m = A\omega$  به دست می‌آید:

$$v = \frac{1}{3}A\omega \Rightarrow v = \frac{1}{3} \times 0.4 \times 150 = 2 \frac{m}{s}$$

۱۵

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.



شتاب بیشینه منفی در  $A$  رخ می‌دهد. با توجه به جهت انتشار موج به سمت چپ محور  $X$ ، هنگامی که وضعیت نوسانی نقطه  $M$  به وضعیت نوسانی نقطه  $N$  تبدیل شود، این اتفاق رخ می‌دهد. با توجه به نمودار جابه‌جایی - مکان،  $m = 20 \text{ cm}$  است:

با توجه به انتشار موج با تندی ثابت در محیط ( $\Delta x \propto \Delta t$ )، برای آن که به اندازه  $\lambda$  جابه‌جایی صورت گیرد به

مدت زمان  $T = \frac{2}{3} \Delta t$  نیاز است:

$$\Delta t = \frac{2}{3} \times \frac{1}{100} = \frac{1}{150} \text{ s}$$

۱۶

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

گوش انسان قادر است که صدای متفاوت با اختلاف زمانی بسیار کوچک را نیز تشخیص دهد. اما برای تشخیص یک صدای پژواک آن باید این دو با اختلاف زمانی حداقل  $180^\circ$  به گوش انسان برسند.

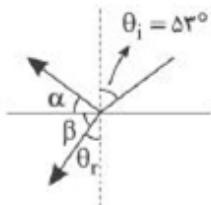
گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۱۷

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \cdot \text{Log} \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \beta_2 - \beta_1 = 10 \cdot \text{Log} \left( \frac{r_1}{r_2} \right)^2$$

$$120^\circ - 80^\circ = 10 \cdot \text{Log} \left( \frac{20}{r_2} \right)^2 \Rightarrow \text{Log} \frac{20}{r_2} = 2 \Rightarrow r_2 = \frac{2}{10} \text{ m} = 20 \text{ cm}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۱۸

می دانیم زاویه بین جبهه های موج و سطح، همان زاویه پرتو تابش است پس کافی است زاویه بین پرتو تابش و پرتو شکست را حساب کنیم، پس  $\theta_i = 53^\circ$ . طبق رابطه اسنل:



$$\frac{\sin \theta_i}{\sin \theta_r} = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow \frac{\sin 53^\circ}{\sin \theta_r} = \frac{4}{1} \Rightarrow \theta_r = 37^\circ$$

زاویه بازتاب نیز با زاویه تابش برابر است که همان  $53^\circ$  می شود، پس  $\alpha = 90^\circ - 53^\circ = 37^\circ$  و  $\beta = 90^\circ - 37^\circ = 53^\circ$  می باشد.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۱۹

$$x_M = -\frac{1}{2} A = A \cos \omega t \Rightarrow \omega t = 4 \frac{\pi}{3}$$

$$x_N = \frac{1}{2} A = A \cos \omega(t + \cdot/5) \Rightarrow \omega(t + \cdot/5) = \frac{5\pi}{3}$$

$$\Rightarrow \cdot/5 \omega = \frac{\pi}{3} \Rightarrow \omega = \frac{5\pi}{3}$$

$$V_m = A\omega = 2 \times \frac{\pi}{3} = 2\pi \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

$$\frac{r\lambda}{2} = 60 \Rightarrow \lambda = 40 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = VT$$

$$\cdot/4 = 10 \cdot T \Rightarrow T = \frac{4}{100} \Rightarrow \omega = 0.4\pi$$

$$a = -\omega^2 x \Rightarrow a = -(200\pi^2) \left( \frac{\sqrt{3}}{2} \times 10^{-2} \right) = -125\sqrt{3} \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۲۰

۲۱

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. با توجه به این که  $\lambda = \frac{1}{4} m$  است بنابراین

$$\lambda = T \cdot V \Rightarrow \frac{1}{4} = T \cdot (10) \Rightarrow T = \frac{1}{100} s$$

درستی گزینه ۱: در هر دوره ذرات محیط مسافت  $4A$  را طی می‌کند.

نادرستی گزینه ۲: برای این که  $Z$  متوقف شود  $\frac{1}{2}$  لازم است یعنی  $\frac{1}{200}$  ثانیه

نادرستی گزینه ۳: وقتی موج  $5m$  را طی می‌کند یعنی  $\frac{1}{2}s$  طول می‌کشد بنابراین در مدت  $50T$  است

ذرات محیط مسافت  $(4A) 50$  را طی می‌کنند.

نادرستی گزینه ۴: فاصله دو نقطه هم‌فاز متوالی برابر با طول موج است یعنی  $10\text{ cm}$  است.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۲۲

انرژی صوت در واحد زمان به واحد سطح همان عبارت  $\frac{P}{A}$  یعنی شدت صوت (I) است.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. از این اطلاعات باید زمان را استخراج کنیم: ۲۳

$$x_B = -A, x_D = -\frac{A}{2}, x_C = +\frac{A}{2}, x = A \cos \omega t$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x_C = \frac{A}{2} = A \cos \omega t_C \Rightarrow \cos \omega t_C = \frac{1}{2} \Rightarrow \omega t_C = \frac{\pi}{3} \\ x_D = -\frac{A}{2} = A \cos \omega t_D \Rightarrow \cos \omega t_D = -\frac{1}{2} \Rightarrow \omega t_D = \frac{2\pi}{3} \\ x_B = -A = A \cos \omega t_B \Rightarrow \cos \omega t_B = -1 \Rightarrow \omega t_B = \pi \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \Rightarrow \frac{\pi}{T} t_C = \frac{\pi}{3} \Rightarrow t_C = \frac{T}{6} \\ \Rightarrow \frac{\pi}{T} t_D = \frac{2\pi}{3} \Rightarrow t_D = \frac{T}{3} \\ \Rightarrow \frac{\pi}{T} t_B = \pi \Rightarrow t_B = \frac{T}{2} \end{array} \right.$$

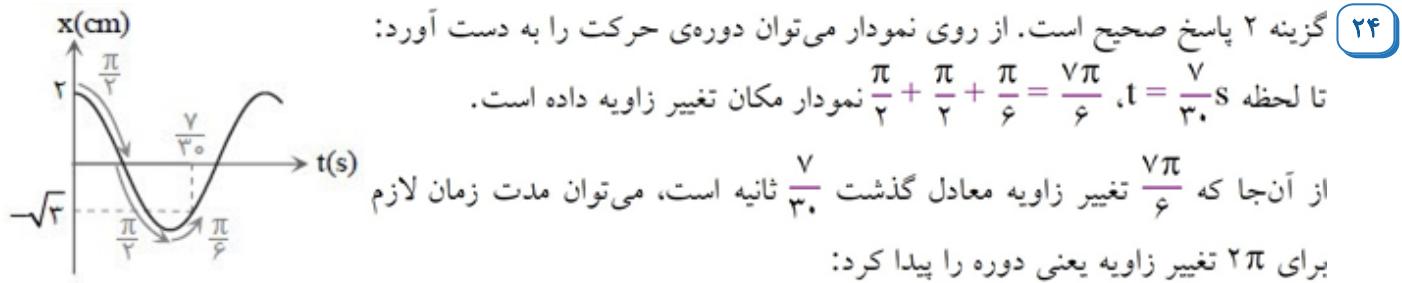
$$t_1 = t_D - t_C = \frac{T}{3} - \frac{T}{6} = \frac{T}{6}$$

$$t_2 = t_B - t_D = \frac{T}{2} - \frac{T}{3} = \frac{T}{6}$$

$t_1$  مدت زمان رفتن از C به D است. پس:

$t_2$  مدت زمان رفتن از B به D است. پس:

$\frac{t_1}{t_2}$  پس نسبت برابر یک است!



$$\frac{\frac{7\pi}{6}}{2\pi} \times \frac{\frac{7}{30}}{\frac{\pi}{6}} \Rightarrow T = \frac{2\pi \times \frac{7}{30}}{\frac{\pi}{6}} = \frac{14}{30} = 0.4\text{s}$$

برای رسیدن به بیشترین سرعت متوسط در مدت مشخص باید حرکت را به صورت متقارن حول مرکز نوسان درنظر گرفت.

$x = -\frac{\sqrt{2}}{2}A$  و  $x = +\frac{\sqrt{2}}{2}A$  یعنی  $\frac{T}{8}$  ثانیه قبل رسیدن به مرکز به مرکز به  $\frac{T}{8}$  ثانیه بعد از آن در این مدت نوسان‌گر از می‌رسد یعنی جابه‌جایی آن  $\Delta x = -\sqrt{2}A$  است و سرعت متوسط برابر است با:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-\sqrt{2}A}{\frac{1}{4}T} = \frac{-\sqrt{2} \times 2\text{cm}}{\frac{1}{4} \times 0.4\text{s}} = -20\sqrt{2}\frac{\text{cm}}{\text{s}} = -\frac{20\sqrt{2}\text{m}}{100\text{s}} = -\frac{\sqrt{2}\text{m}}{5\text{s}} \Rightarrow |v_{av}| = \frac{\sqrt{2}}{5}\text{m/s}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۲۵

$$\beta_1 - \beta_2 = 10 \cdot \log\left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 \Rightarrow 12 = 10 \cdot \log\left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2$$

$$\Rightarrow 1.2 = \log\left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 \Rightarrow 1.2 = \log^2\left(\frac{r_2}{r_1}\right) \Rightarrow 1.2 = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{r_2}{r_1} = \sqrt{1.2} \Rightarrow r_2 = \sqrt{1.2}r_1$$

$$r_2 = r_1 + 10 \Rightarrow r_1 + 10 = \sqrt{1.2}r_1 \Rightarrow r_1 = 5\text{m}$$

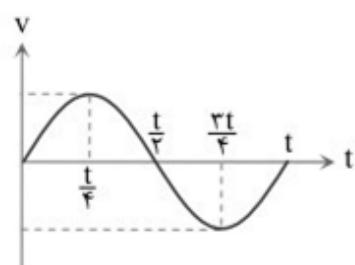
۲۶

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. فاصله‌ی نوسانگر از وضع تعادل ۶cm است و داریم:

$$v_m = A\omega = 0.1 \times \frac{\pi}{\frac{1}{2}} = 0.4 \frac{m}{s}$$

$$\left(\frac{x}{A}\right)^2 + \left(\frac{v}{v_m}\right)^2 = 1 \Rightarrow \left(\frac{6}{10}\right)^2 + \left(\frac{v}{0.4}\right)^2 = 1 \Rightarrow \frac{v^2}{0.16} = 1 - \frac{36}{100}$$

$$\Rightarrow v^2 = 0.16 \times 0.64 \Rightarrow v = 0.4 \times 0.8 = 0.32 \frac{m}{s}$$

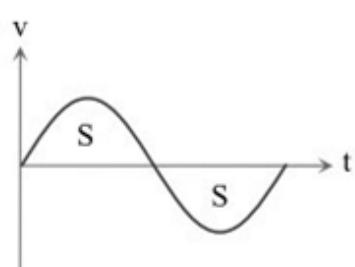


۲۷

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. می‌دانیم که شیب نمودار سرعت - زمان شتاب جسم را نشان می‌دهد. بنابراین شتاب در بازه صفر تا  $\frac{t}{4}$  و  $\frac{3t}{4}$  تا  $t$  مثبت و در جهت محور X است و در دو بازه دیگر شتاب خلاف جهت محور X است. اما برای بردار مکان لازم است دقت شود مساحت زیر نمودار سرعت - زمان برابر جابه‌جایی متحرک است.

در بازه صفر تا  $\frac{t}{4}$  متحرک به اندازه‌ی S+ جابه‌جا می‌شود یعنی از مبدأ به مکان  $S+$  می‌آید و در بازه  $\frac{t}{4}$  تا  $t$  همین مسیر را بر می‌گردد. در نتیجه در تمام مدت حرکت بردار مکان متحرک مثبت است

یعنی در بازه صفر تا  $\frac{t}{4}$  و  $\frac{3t}{4}$  تا  $t$  هر دو بردار شتاب و مکان مثبت هستند.



۲۸

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. فاصله‌ی دو گرهی متواالی  $\frac{\lambda}{2}$  است.

$$\frac{\lambda}{2} = 20 \Rightarrow \lambda = 40 \text{ cm} = 0.4 \text{ m}$$

$$v = \sqrt{\frac{FL}{m}} = \sqrt{\frac{F}{\rho A}} = \sqrt{\frac{312}{7.8 \times 10^{-3} \times 10^{-6}}} = \sqrt{4 \times 10^4} = 200 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$f = \frac{v}{\lambda} = \frac{200}{0.4} = 500 \text{ Hz}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. زمان رسیدن از مرکز نوسان تا انتهای مسیر  $\frac{\pi}{4}$  است.

$$m = 100 \text{ g} = 0.1 \text{ kg}$$

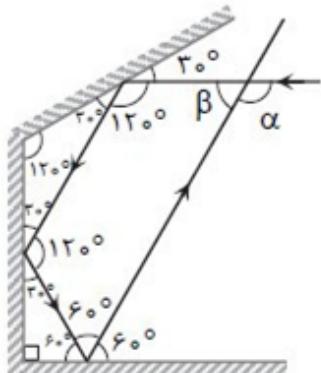
$$2A = 20 \text{ cm} \Rightarrow A = 0.1 \text{ m}$$

$$\frac{T}{4} = \frac{1}{4} \Rightarrow T = 1 \text{ s}$$

$$K = K_{\max} = \frac{1}{2}mv_{\max}^2 = \frac{1}{2}mA^2\omega^2 = \frac{1}{2}mA^2\left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 = 2\pi^2 m \frac{A^2}{T^2}$$

$$\Rightarrow K = 2 \times 10 \times 0.1 \times \frac{(0.1)^2}{1} = 2 \times 10^{-3} \text{ J} = 2 \text{ mJ}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۳۰



$$120^\circ + 120^\circ + 60^\circ + \beta = 360^\circ \Rightarrow \beta = 60^\circ$$

$$\alpha = 180^\circ - \beta = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۳۱

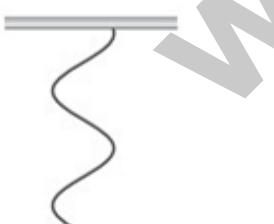
$$\frac{V_2}{V_1} = \sqrt{\frac{F_2}{F_1}} = \sqrt{\frac{F_1 + \frac{21}{100} F_1}{F_1}} = \frac{11}{10}$$

درستی گزینه ۱۰:

درستی گزینه ۲۰: سرعت انتشار موج به بسامد چشمی بستگی ندارد.

$$V = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{F \cdot L}{P}} = \sqrt{\frac{F}{P \cdot A}} = \frac{1}{D} \sqrt{\frac{F}{P \pi}}$$

درستی گزینه ۳۰:



درستی گزینه ۴۰:

در قسمت بالایی کنش بیشتر است. پس سرعت انتشار بیشتر است.

طبق  $\lambda = V \cdot T$  چون بسامد و دوره همه جا برابر است، پس طول موج

در بالا بیشتر است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۳۲

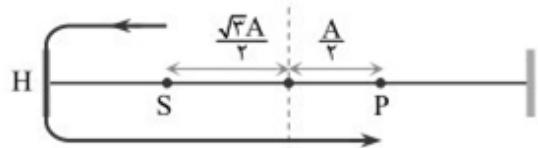
نادرستی گزینه «۱»: موج عرضی هستند.

درستی گزینه «۲»: بالاترین بسامد مربوط به گاما و بعد از آن X و UV است. بنابراین دوره اشعه UV بیشتر از دوره گاما است.

نادرستی گزینه «۳»: سرعت‌ها در محیط یکسان، برابر است.

نادرستی گزینه «۴»: بسامد موج مرئی بیشتر از FM و بسامد زاویه‌ای هم به همین صورت است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۳۳

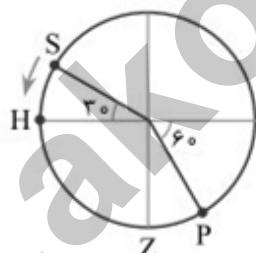


نادرستی گزینه «۱»: پس از طی  $\left(A - \frac{\sqrt{3}}{2}A\right)$  متوقف می‌شود.

$$\frac{\Delta t}{\Delta t} = \frac{\frac{T}{4}}{\frac{T}{12} + \frac{T}{12}} = \frac{3}{2}$$

نادرستی گزینه «۲»:

نادرستی گزینه «۳»: وقتی از H به P حرکت می‌کند در سوی مثبت حرکت کرده است.



$$\bar{s} = \frac{\left(A - \frac{\sqrt{3}}{2}A\right) + A + \frac{A}{2}}{\frac{T}{12} + \frac{T}{4} + \frac{T}{12}}$$

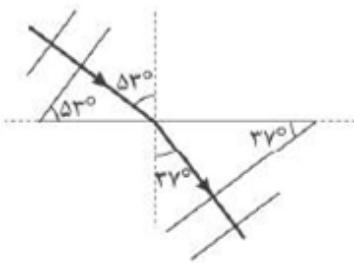
درستی گزینه «۴»:

$$\bar{s} = \frac{2A - \sqrt{3}A + 2A + A}{\frac{5T}{12}} = \left(\frac{6}{5}\right)\left(\frac{A}{T}\right)\left(5 - \sqrt{3}\right)$$

۳۴

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

با توجه به شکل، زاویه تابش ۵۳ درجه و زاویه شکست ۳۷ درجه است.



$$\frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{v_2}{v_1} = \frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} \Rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{\sin 37^\circ}{\sin 53^\circ} = \frac{\sin 37}{\sin 53} = \frac{3}{4}$$

۳۵

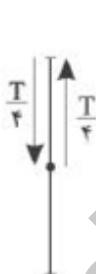
گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

ابتدا باید ببینیم بازه زمانی  $\frac{1}{200}$  ثانیه چه کسری از دوره تناوب است، پس:

$$\frac{\lambda}{4} + \lambda = 12/5 \Rightarrow \lambda = 10 \text{ cm} = \frac{1}{10} \text{ m}$$

$$\lambda = vT \Rightarrow \frac{1}{10} = 10 T \Rightarrow T = \frac{1}{100} \text{ s}$$

$$\left. \begin{array}{l} \Delta t = \frac{1}{200} \\ T = \frac{1}{100} \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta t = \frac{T}{2}$$



پس ذره M که جهت ارتعاش آن به سمت بالا است و در مرکز نوسان قرار دارد باید  $\frac{T}{2}$  به ارتعاش درآید. چنان‌چه ملاحظه می‌شود ذره M مجدداً به مرکز نوسان بر می‌گردد و جهت ارتعاش آن به سمت پایین است، پس در  $s_{\text{max}} = \frac{1}{200} \text{ m}$ ، سرعت بیشینه و در جهت منفی است.

$$v = -v_{\text{max}} = -A\omega \Rightarrow v = -A \left( \frac{2\pi}{T} \right) = -\frac{6}{100} \times \frac{2\pi}{1} \Rightarrow v = -12\pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Rightarrow V = -12 \times 3 = -36 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۳۶

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در موج طولی راستای ارتعاش ذرات و راستای انتشار موج در یک امتداد است. در موارد ب و پ این حالت وجود دارد. در حالت پ هر دو در راستای y و در حالت ب هر دو (راستای ارتعاش و راستای انتشار) در راستای X قرار دارد.

برای راستای انتشار از یک طرف محیط (این‌جا فنر) به طرف دیگر حرکت می‌کنیم.

برای راستای ارتعاش به نوسان چشممه (این‌جا دیاپازون) توجه می‌کنیم.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. برای دیده شدن مهره باید پرتوی نوری که از آن می‌آید پس از شکست در سطح مایع در زاویه دید ما قرار بگیرد یعنی:  
از آنجا که زاویه دید ما  $30^\circ$  با افق است پس زاویه  $\theta_2 = 60^\circ$  باشد. از قانون اسنل دکارت می‌توانیم  $\theta_1$  را محاسبه کنیم:

$$n_{\text{مایع}} \sin \theta_1 = n_{\text{هوای}} \sin \theta_2 \Rightarrow \sqrt{\frac{3}{2}} \sin \theta_1 = 1 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \sin \theta_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \theta_1 = 45^\circ$$

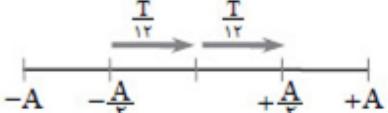
از طرف دیگر جمع  $x_1$  و  $x_2$  باید طبق اطلاعات سوال  $10 \text{ cm}$  شود:

$$\left. \begin{array}{l} x_1 + x_2 = 10 \text{ cm} \\ x_1 = h \times \tan \theta_1 \\ x_2 = (10 - h) \tan \theta_2 \end{array} \right\} \Rightarrow h \times \tan 45 + (10 - h) \tan 60 = 10 \Rightarrow h \times 1 + (10 - h) \times \frac{\sqrt{3}}{1/\sqrt{3}} = 10$$

$$\Rightarrow 10 \times 1/\sqrt{3} - 10 = h(1/\sqrt{3} - 1) \Rightarrow v = 1/\sqrt{3}h \Rightarrow h = 10 \text{ cm}$$

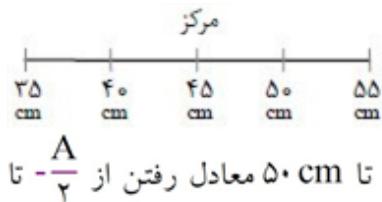
پس باید ظرف به طور کامل پر از مایع شود.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. برای یک نوسانگر کمترین زمان ممکن در حرکت از  $\frac{A}{2}$  تا  $-\frac{A}{2}$  در حرکت زیر اتفاق می‌افتد:



هر کدام از دو قسمت این حرکت مدت  $\frac{T}{12}$  طول می‌کشد. پس کل زمان طی شده  $\Delta t = \frac{T}{12} + \frac{T}{12} = \frac{T}{6}$  خواهد بود.  
موج در مدت زمان یک دوره تناوب مسافتی به اندازه  $\lambda$  را با سرعت ثابت پیشروی می‌کند پس در مدت  $\frac{T}{6}$  مسافت  $\frac{\lambda}{6}$  را طی خواهد کرد.

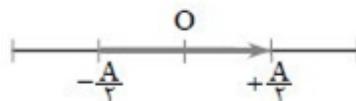
گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ابتدا پاره خط نوسان را رسم می‌کنیم:



مرکز نوسان  $x = 45\text{ cm}$  است و دامنه نوسان  $A = 10\text{ cm}$  است. رفتن از  $40\text{ cm}$  تا  $50\text{ cm}$  معادل رفتن از  $\frac{A}{2}$  تا  $+\frac{A}{2}$  است.

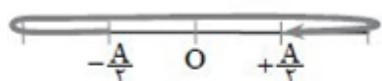
$$\frac{A}{2} + \frac{A}{2}$$

برای رسیدن به بیشترین تندری متوسط باید حوالی مرکز نوسان حرکت کنیم زیرا در آنجاها سرعت نوسان‌گر بیشتر



است یعنی بیشترین تندری متوسط مربوط به حرکت رو به رو است:

$$\frac{\text{مسافت}}{\text{زمان}} = \frac{\frac{A}{2} + \frac{A}{2}}{\frac{T}{12} + \frac{T}{12}} = \frac{6A}{T}$$

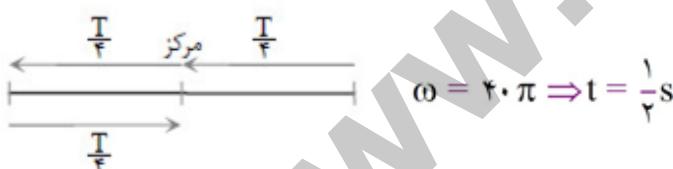


و کمترین تندری متوسط مربوط به حرکت رو به رو است:

$$\frac{\text{تندری متوسط}}{\text{زمان}} = \frac{\frac{A}{2} + 2A + \frac{A}{2}}{\frac{T}{6} + \frac{T}{2} + \frac{T}{6}} = \frac{3A}{5T} = \frac{18}{5} \frac{A}{T}$$

$$\frac{\text{تندری متوسط بیشینه}}{\text{تندری متوسط کمینه}} = \frac{\frac{6A}{T}}{\frac{18A}{5T}} = \frac{30}{18} = \frac{5}{3}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۴۰



می‌دانیم که در مرکز نوسان سرعت بیشینه است. بنابراین پس از  $\frac{3\pi}{80}\text{ s}$  یعنی  $\frac{3\pi}{4}$  نوسان‌گر برای دومین بار از مرکز نوسان عبور می‌کند.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. بیشینه تندی گلوله  $V_{\max}$  است: ۴۱

$$V_{\max} = A\omega \Rightarrow \frac{A\omega_2}{A\omega_1} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \frac{\omega_2}{\omega_1} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{g+a}{L}} \Rightarrow \frac{\omega_2}{\omega_1} = \sqrt{\frac{g+a_2}{g+a_1}} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \frac{g+a_2}{g+a_1} = \frac{3}{4} \Rightarrow 40 + 4a_2 = 30 + 18 \Rightarrow a_2 = \frac{2m}{2s}$$

$$\Rightarrow a_1 - a_2 = 6 - 2 = \frac{4m}{s} \quad \text{شتاب حرکت باید } \frac{4m}{s} \text{ کاهش یابد.}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بررسی عبارت‌های نادرست: ۴۲

عبارت پ: موج سیگنال‌های دیجیتالی که امروزه از آئن‌ها فرستاده می‌شود بسیار کمتر از ۵۰ سانتی‌متر است.

عبارت ت: در صورتی که یک موج به مانع برخورد کند تمام موج که از لبه‌ها عبور می‌کند، به وضوح به اطراف مانع گسترده می‌شود.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ابتدا نسبت سرعت A به B را به دست می‌آوریم: ۴۳

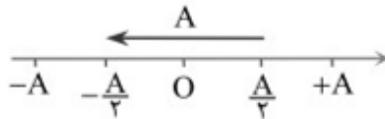
$$\frac{V_A}{V_B} = \sqrt{\frac{F_A}{F_B} \times \frac{\mu_B}{\mu_A}} = \sqrt{\frac{F_A}{F_B} \times \frac{\rho_B D_B^2}{\rho_A D_A^2}} = \sqrt{1 \times 1 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2} = \frac{1}{2}$$

$$\lambda = \frac{V}{f} \Rightarrow \frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \frac{V_A}{V_B} \times \frac{f_B}{f_A} = \frac{1}{2} \times 1 = \frac{1}{2} \quad (\lambda_A = \lambda_B)$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۴۴

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{10}{0.1}} = 10 \text{ rad/s}$$

برای طی کمترین زمان باید تندی حرکت در بازه‌ی زمانی لازم بیشینه باشد، بنابراین نقطه‌ی  $x = 0$  باید درست وسط حرکت (جایه‌جایی) جسم باشد.



$$x = A \cos(\omega t) \Rightarrow \begin{cases} \frac{A}{2} = A \cos(\omega t_1) \Rightarrow \omega t_1 = \frac{\pi}{3} \\ -\frac{A}{2} = A \cos(\omega t_2) \Rightarrow \omega t_2 = \frac{2\pi}{3} \end{cases}$$

$$\Rightarrow t_2 - t_1 = \frac{\frac{2\pi}{3}}{\omega} - \frac{\frac{\pi}{3}}{\omega} = \frac{1}{10} \text{ s}$$

$$f = \frac{v}{\lambda} \Rightarrow f = \frac{220}{1/6} = 200 \text{ Hz}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. بسامد موج در هوا برابر است با: ۴۵

با توجه به این که بسامد موج از محیط به محیط دیگر تغییر نمی‌کند، در طول سیم هم همین مقدار بسامد را داریم.

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{20}{2 \times 10^{-5}}} = 1000 \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow \lambda = \frac{v}{f} = \frac{1000}{200} = 5 \text{ m}$$

پس:

$$E = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 \Rightarrow \frac{36}{100} = \frac{1}{2} \times 2 \times \omega^2 \times 16 \Rightarrow \omega^2 = \frac{36}{16 \times 100} \Rightarrow \omega = \frac{6}{40} = \frac{3}{20} = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow T = 40 \text{ s}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با کاهش  $g$  در استوا،  $T$  افزایش یافته و مدت زمان رفت و برگشت آونگ در ساعت زیاد می‌شود و ساعت دیرتر حرکت می‌کند و عقب می‌افتد. ۴۶

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

$$T = \frac{T}{T_1} = \sqrt{\frac{g_1}{g_2}} = \sqrt{\frac{9/8}{9/7}} = \sqrt{1 + \frac{0.02}{9/7}} = \sqrt{1 + \frac{1}{489}}$$

$$\approx \sqrt{1 + 0.002} \sqrt{1/001}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta T}{T_1} \times 100 \approx 0.001 \times 100 = 0.1\%$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

نادرستی گزینه‌ی «الف» و «ب»: وقتی چشم‌های ساکن است و شنونده به طرف چشم‌های نزدیک می‌شود سرعت دریافت صوت افزایش می‌یابد ولی طول موج دریافتی همان طول موج چشم‌های خواهد بود.  
در نتیجه بسامد دریافتی بالاتر می‌رود:

$$f = \frac{v_{\text{شنونده}} + v_{\text{دریافتی}}}{\lambda_{\text{چشم}}}$$

نادرستی گزینه‌ی «ت»: وقتی چشم‌های صوت متحرک و شنونده ساکن باشد، سرعت دریافت صوت همان سرعت انتشار صوت در محیط است.

نادرستی گزینه‌ی «ث»: با دور شدن چشم‌های نور طول موج دریافتی افزایش می‌یابد که به آن «انتقال به سرخ» می‌گوییم.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

درستی گزینه‌ی «الف»: امواج اولیه‌ی  $P$  و ثانویه‌ی  $S$  به ترتیب طولی و عرضی هستند و سرعت  $P$  بیشتر است.  
نادرستی گزینه‌ی «ب»: در طیف امواج الکترومغناطیس کمترین بسامد مربوط به بسامدهای فوق پایین (ELF) و بیشترین بسامد مربوط به اشعه گاما است.

درستی گزینه‌ی «پ»: طبق پیش‌بینی ماکسول امواج الکترومغناطیس از نوسان هم‌زمان میدان‌های  $E$  و  $B$  به وجود

$$\text{می‌آید و با سرعت } \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} = c \text{ در خاله منتشر می‌شوند.}$$

درستی گزینه‌ی «ت»: سرعت موج عرضی در سیم کشیده شده  $\frac{F}{\mu} = \frac{m}{L}$  است و  $c = \sqrt{\frac{F}{\mu}}$  است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

نادرستی گزینه‌ی «۱»: در هنگام انتشار صوت ذرات فقط در جای خود مرتיעش می‌شوند.

نادرستی گزینه‌ی «۲»: اگر چه گوش انسان بسامدهای ۲۰ تا ۲۰۰۰۰ هرتز را می‌شنود ولی گوش انسان به بسامدهای ۲۰۰ تا ۵۰۰۰ هرتز حساس‌تر است.

$\beta_2 - \beta_1 = \Delta\beta = 10 \log \frac{I_2}{I_1} - 10 \log \frac{I_1}{I_0}$  درستی گزینه‌ی «۳»:

$$= 10 \log \frac{I_2}{I_1} = 10 \log 10^2 = 20$$

نادرستی گزینه‌ی «۴»: هر چه ماده متراکم‌تر باشد عموماً سرعت انتشار صوت در آن بیشتر می‌شود.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۵۱

نادرستی گزینه‌ی «الف»: در موج عرضی فاصله‌ی دو قله‌ی مجاور یا دو دره‌ی مجاور طول موج است.

درستی گزینه‌ی «ب»: انرژی امواج مکانیکی مطابق رابطه‌ی زیر است:

$$E = 2\pi^2 m A^2 f^2$$

درستی گزینه‌ی «پ»: طبق قاعده‌ی دست، عمود بر کف دست  $\vec{B}$  و چهار انگشت  $\vec{E}$  و انگشت شست جهت انتشار موج است.

نادرستی گزینه‌ی «ت»: بسامد نور قرمز  $10^{14} \text{ Hz}$  و نور بنفش  $7 \times 10^{14} \text{ Hz}$  است. طبق  $\frac{v}{f} = \lambda$  نادرستی گزینه‌ی «ت» خواهیم داشت:

$$\lambda_{\text{قرمز}} = v = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۵۲

$$\frac{3T}{4} = 0.3 \Rightarrow T = 0.4 \text{ s} \Rightarrow f = 2.5 \text{ Hz}$$

نادرستی گزینه‌ی «۱»:

$$x = A \cos(\omega t) \Rightarrow x = 0 \times 10^{-2} \cos\left(\frac{2\pi}{(0.4)} t\right)$$

نادرستی گزینه‌ی «۲»:

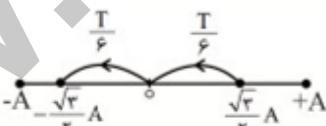
$$x_{t'} = 2/5 \times 10^{-2} = 0 \times 10^{-2} \cos 5\pi t' \Rightarrow t' = \frac{1}{15} \text{ s} = \frac{T}{6}$$

نادرستی گزینه‌ی «۳»:

$$a = -\omega^2 x \Rightarrow a = -(5\pi)^2 \left(\frac{2/5}{100}\right) = -6/25 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

درستی گزینه‌ی «۴»:

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. حداقل تندی نوسانگر در مرکز نوسان اتفاق می‌افتد. برای آن که حداقل مسافت را تعیین کنیم، کافی است مدت زمان را نصف کنیم و نسبت به مرکز نوسان توزیع کنیم: ۵۳



$$\left. \begin{aligned} l &= \frac{\sqrt{3}}{4} A = \sqrt{3} A \\ d &= 2A \end{aligned} \right\} \rightarrow \frac{l}{d} = \frac{\sqrt{3} A}{2A} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. انرژی جنبشی نوسانگر در مرکز نوسان، بیشینه است و برابر با مقدار  $E$  است: ۵۴

$$E = \frac{1}{2} k A^2 \rightarrow 0.4 A = \frac{1}{2k} \times 64 \times 10^{-4} \rightarrow k = \frac{2 \times 0.48}{64 \times 10^{-4}} = 150 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

۵۵

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. دوره تناوب آونگ‌های ساده از  $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$  به دست می‌آید:

$$\frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{g_2}{g_1}} \xrightarrow{g = G \frac{M_e}{r^2}} \frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2} = \frac{r_1}{r_2} \xrightarrow{r = R_e + h}$$

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{R_e}{R_e + rR_e} = \frac{1}{4} \quad (1)$$

از طرف دیگر با توجه به رابطه  $N = \frac{t}{T}$ ، داریم:

$$\frac{N_2}{N_1} = \frac{T_1}{T_2} \xrightarrow{(1)} \frac{N_2}{24} = \frac{1}{4} \Rightarrow N_2 = 6$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. عدد  $2\pi/0.02$  (بر حسب ثانیه) نشان داده شده روی محور  $t$  برابر مقدار  $\frac{5T}{4}$  است:

$$\frac{5T}{4} = .02\pi \rightarrow T = \frac{.08\pi}{5} = .016\pi s$$

$$v_m = A\omega = A \frac{2\pi}{T} \rightarrow v_m = \frac{4}{100} \times \frac{2\pi}{.016\pi} = .05 \frac{m}{s}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۵۷

$$\lambda_{خلا} = \frac{V}{f} = \frac{3 \times 10^8}{1.15} = 3 \times 10^{-7} m = 300 nm$$

$$\frac{\lambda_{خلا}}{\lambda_{شب}} = \frac{n_{شب}}{n_{خلا}} \Rightarrow \frac{300}{\lambda} = \frac{3}{2} \Rightarrow \lambda_{شب} = 200 nm$$

$$\frac{\lambda_{شب}}{\lambda_{مایع}} = \frac{n_{مایع}}{n_{شب}} \Rightarrow \frac{\lambda_{شب}}{\lambda_{مایع} - 100} = \frac{n_{مایع}}{3} \Rightarrow \frac{200}{100} = \frac{2}{3} n_{مایع} \Rightarrow n_{مایع} = 3$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۵۸

می‌دانیم در لحظه‌ای که سرعت نوسانگر صفر است، نوسانگر در انتهای مسیر قرار داشته و مقدار به دست آمده برای  $X$  همان دامنه است.

$$v = 0 \Rightarrow 0/2 - 800x^2 = 0 \Rightarrow 800x^2 = 0/2$$

$$\Rightarrow x^2 = \frac{2 \times 10^{-1}}{8 \times 10^{-3}} = \frac{1}{4} \times 10^{-4} \Rightarrow x = \frac{1}{2} \times 10^{-2} m = .05 cm \Rightarrow A = .05 cm$$

طول پاره خط نوسان دو برابر دامنه یعنی  $1 cm$  است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۵۹

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log\left(\frac{I_2}{I_1}\right) \Rightarrow -12 = 10 \log\left(\frac{I_2}{I_1}\right) \Rightarrow -1.2 = \log\left(\frac{I_2}{I_1}\right)$$

$$\Rightarrow -4 \times -0.3 = \log\left(\frac{I_2}{I_1}\right) \Rightarrow -4 \log(2) = \log\left(\frac{I_2}{I_1}\right) \Rightarrow \log\left(\frac{I_2}{I_1}\right) = \log(2^{-4})$$

$$\frac{I_2}{I_1} = \frac{1}{16} \Rightarrow \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 = \frac{1}{16} \Rightarrow \left\{ r_2 = 4 \frac{r_1}{r_2} = r_1 + 12 \Rightarrow 2r_1 = 12 \Rightarrow r_1 = 4m \right.$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۶۰

$$v = \sqrt{\frac{F}{\rho A}} = \frac{\gamma}{D} \sqrt{\frac{F}{\rho \pi}} = \frac{\gamma}{\gamma \times 10^{-3}} \sqrt{\frac{10\pi}{4 \times 10^{-3} \pi}}$$

$$\Rightarrow v = 1000 \times \sqrt{\frac{1}{400}} = \frac{1000}{20} = 50 \frac{m}{s}$$

$$w = 50\pi = \frac{\gamma\pi}{T} \Rightarrow T = \frac{\gamma}{50} (s)$$

$$\Delta t = \frac{T}{\gamma} = \frac{\gamma}{50} \times \frac{1}{\gamma} = \frac{1}{50} (s)$$

$$\Delta x = v \Delta t = \frac{1}{50} \times 50 = 1 (m)$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. دقت کنید چون طول پاره خط نوسان ۶cm است دامنه باید ۳cm باشد. ۶۱

$$\omega = \frac{\gamma\pi}{T} = \frac{\gamma\pi}{\gamma} = \pi \left( \frac{\text{rad}}{\text{s}} \right)$$

$$E = K + U = 0.0009 + 0.0036 = 0.0045 (J)$$

$$E = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 \Rightarrow \frac{45}{1000} = \frac{1}{2} \times m \times 10^{-4} \times \pi^2 \times 3^2 \Rightarrow m = \frac{10^4}{10000} = 1 \text{kg}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. فقط عبارت «ج» درست است. بررسی عبارات:

الف) نادرست، چون محل شروع معلوم نیست، نمی‌توان اظهار نظر کرد.

ب) نادرست، دامنه و بسامد ارتباطی با هم ندارند.

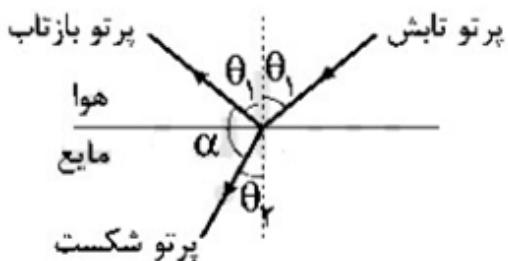
ج) درست، وقتی نوسانگر به مرکز نوسان نزدیک می‌شود، حرکت تندشونده بوده و شتاب و سرعت هم جهت هستند.

د) نادرست، در مرکز نوسان نیرو و شتاب صفر هستند.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با استفاده از قانون شکست عمومی خواهیم داشت:

$$\frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{v_2}{v_1} \Rightarrow \frac{\sin \theta_2}{\sin 45^\circ} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \sin \theta_2 = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta_2 = 30^\circ$$

با توجه به شکل زیر، زاویه‌ی بین پرتو شکست و پرتو بازتاب برابر است با:



$$\alpha = 180^\circ - (\theta_1 + \theta_2)$$

$$\Rightarrow \alpha = 180^\circ - 75^\circ = 105^\circ$$

با توجه به نمودار صورت سوال، دامنه و طول موج، موج A دو برابر دامنه و طول موج، موج B است.

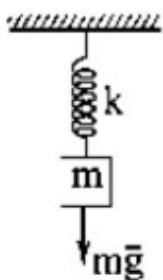
$$\left\{ \begin{array}{l} T = \frac{\lambda}{v} \\ n = \frac{\Delta t}{T} \end{array} \right. \Rightarrow n = \frac{\Delta t \times v}{\lambda} \quad (*)$$

ذرات موج در هر نوسان کامل به اندازه‌ی  $\frac{4}{3}\lambda$  مسافت طی می‌کنند:

$$l = n(4\lambda) \xrightarrow{(*)} l = \frac{\Delta t \times v \times 4\lambda}{\lambda}$$

$$\frac{v_A = v_B}{\frac{l_A}{l_B} = \frac{\Delta t_A}{\Delta t_B} \times \frac{A_A}{A_B} \times \frac{\lambda_B}{\lambda_A}} = \frac{2}{3} \times \frac{2y}{y} \times \frac{1}{2} = \frac{2}{3}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ابتدا با توجه به قانون هوك، ثابت فنر را به دست می‌آوریم:



$$F = kx \Rightarrow mg = kx \Rightarrow k = \frac{mg}{x} = \frac{10\text{ m}}{0.1} = 100 \text{ m} \quad (*)$$

حال دوره‌ی تناوب فنر را هنگامی که بر روی سطح افقی حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد، محاسبه می‌کنیم:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \xrightarrow{\substack{(*) \\ \pi=3}} T = 6 \sqrt{\frac{m}{100\text{ m}}} = 0.6 \text{ s}$$

دامنه‌ی نوسان دستگاه برابر با  $1/4$  متر است و در هر نوسان کامل و در مدت زمان یک دوره به اندازه‌ی چهار برابر دامنه، مسافت طی می‌کند، بنابراین:

$$n = \frac{t}{T} = \frac{0.9}{0.6} = \frac{3}{2}$$

$$l = \frac{3}{2} (4A) = \frac{3}{2} \times (4 \times 0.1) = 0.6 \text{ m}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۶۶

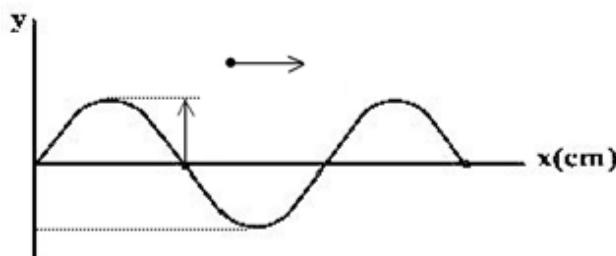
$$E = \frac{hc}{\lambda}, 2\lambda = 50 \Rightarrow \lambda = 25 \mu\text{m}$$

$$E = \frac{4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{25 \times 10^{-6}} = 0.48 \times 10^{-1} = 4.8 \times 10^{-2}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\lambda}{4} = 15 \Rightarrow \lambda = 10 \text{ cm} \\ \lambda = TV \Rightarrow T = \frac{10}{4} = 0.5 \text{ s} \end{array} \right.$$

$$\Delta t = \left( t_1 + \frac{9}{4} \right) - t_1 = \frac{9}{4} \text{ s}$$

$$\frac{\Delta t}{T} = \frac{\frac{9}{4}}{1} \Rightarrow \Delta t = \frac{9T}{4} = 4T + \frac{T}{2}$$



نقطه M در حال حرکت به بالا است.

در هر دوره نوسانگر ۲ بار تغییر جهت می‌دهد بنابراین تعداد تغییر جهت در مدت زمان  $\frac{9T}{2}$  برابر است با:

$$4(2) + 1 = 9$$

۶۸ گزینه ۱ پاسخ صحیح است. حداقل زمانی که طول می‌کشد انرژی جنبشی از صفر به  $40 \text{ mJ}$  (همان E) برسد برابر  $\frac{T}{4}$

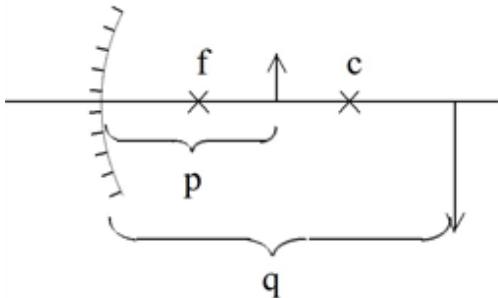
است. دقت گردد در نقطه  $x = \frac{\sqrt{2}}{2} A$  که  $U = K = 20$  است انرژی مکانیکی برابر  $40 \text{ mJ}$  خواهد بود

و می‌دانیم  $E = K + U$  می‌باشد پس  $K_{\max} = E$  زمان لازم است تا انرژی جنبشی از صفر به  $40 \text{ mJ}$  برسد. (یعنی از A به مبدأ تعادل)

$$\frac{T}{4} = 0.5 \Rightarrow T = 0.2 \text{ s}, W = \frac{2\pi}{T}$$

$$V_{\max} = AW = (0.02) \left( \frac{2\pi}{0.2} \right) = \frac{\pi m}{5 \text{ s}}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در حالت اول که جسم تصویر حقیقی و بزرگتر از جسم تشکیل داده، جسم در فاصله بین فاصله کانونی و شعاع قرار دارد.



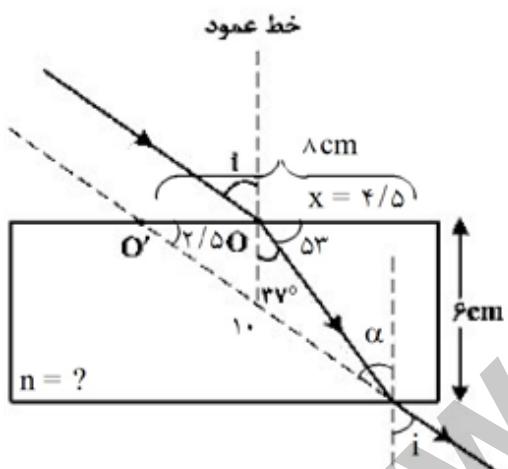
$$m = \left| \frac{q}{p} \right|$$

$$m' = \left| \frac{q'}{p'} \right| = \frac{1}{m}$$

$$q - p = 30 \text{ cm}$$

اگر جای جسم و تصویر با هم عوض شود، بزرگنمایی وارونه می‌شود در نتیجه باید جسم ۳۰ سانتی‌متر از آینه دور شود.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۷۰



$$\tan 53^\circ = \frac{y}{x} \Rightarrow \frac{\sin 53^\circ / \lambda}{\cos 53^\circ / \lambda} = \frac{y}{x} \Rightarrow \frac{4}{3} = \frac{y}{x}$$

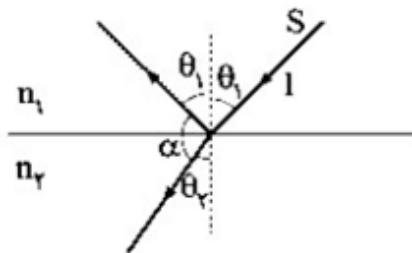
$$\Rightarrow x = \frac{3}{4} = 1/5 \text{ cm}$$

$$\sin \alpha = \frac{y}{1} \Rightarrow \alpha = 53^\circ \Rightarrow i = \alpha = 53^\circ$$

$$\frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{n_1}{n_2} \Rightarrow \frac{4/5}{3/4} = \frac{1}{n_2} \Rightarrow n_2 = \frac{4}{3}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

گام اول: اگر زاویه‌ی تابش را با  $\theta_1$  و زاویه‌ی شکست را با  $\theta_2$  نشان دهیم، با توجه به شکل زیر داریم:



$$\theta_1 + \theta_2 + \alpha = 180^\circ \quad \xrightarrow{\alpha = 90^\circ} \quad \theta_1 + \theta_2 = 90^\circ$$

گام دوم:

$$\left. \begin{array}{l} \lambda = \frac{v}{f} \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \sqrt{\frac{3}{2}} \\ \frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{v_2}{v_1} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \sqrt{\frac{3}{2}}$$

با توجه به معادلات به دست آمده در دو گام قبل می‌توانیم به دستگاه زیر دست پیدا کنیم و با حل این دستگاه  $\theta_1$  و  $\theta_2$  را به دست می‌آوریم. البته به شما توصیه می‌کنیم در این مرحله با جایگذاری مقادیر مطرح شده در گزینه‌ها، مقدار درست برای  $\theta_2$  را پیدا کنید.

$$\left. \begin{array}{l} \theta_1 + \theta_2 = 90^\circ \\ \frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \end{array} \right\} \Rightarrow \theta_1 = 45^\circ, \theta_2 = 45^\circ$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

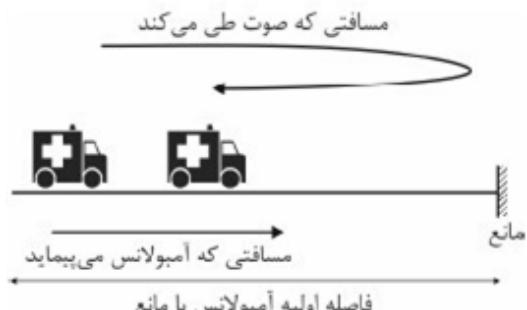
گام اول: در هر دوره نوسانگر مسافتی معادل  $4A$  را طی می‌کند. بنابراین داریم:

گام دوم: به کمک بیشینه‌ی تندی نوسانگر، مقدار سامد زاویه‌ای را به دست می‌آوریم:

$$v_{\max} = A\omega \Rightarrow \omega = 2 \times 10^{-2} \text{ rad/s}$$

گام سوم:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}} \omega = \sqrt{\frac{g}{L}} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{10}{L}} \Rightarrow 2\omega = \frac{10}{L} \Rightarrow L = \frac{10}{4\omega^2} = \frac{10}{4 \times \frac{100}{400}} = 10 \text{ cm}$$



$$d_1 + d_2 = 2d$$

$$\begin{cases} d_1 = V_1 t \\ d_2 = V_2 t \Rightarrow V_1 t + V_2 t = 2d \\ t = 1/5s \end{cases}$$

$$40 \times 1/5 + 320 \times 1/5 = 2d \Rightarrow 60 + 480 = 2d \Rightarrow 540 = 2d \Rightarrow d = 270 \text{ m}$$

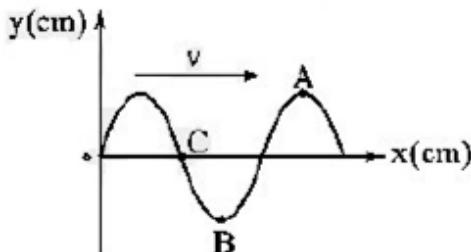
مسافت طی شده توسط آمبولانس  $d_1$   
 مسافت طی شده توسط صوت  $d_2$   
 فاصله اولیه آمبولانس از مانع  $d$

با توجه به شکل داریم:

ضمیر می توان نوشت که:

$$\frac{5\lambda}{4} = 50 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = 40 \text{ cm} = 0.4 \text{ m}$$

$$\lambda = vT \Rightarrow 0.4 = 0.1 \times T \Rightarrow T = 4 \text{ s}$$



فاصله‌ی افقی ذره‌ی A از نقطه‌ی B برابر با  $\frac{\lambda}{4}$  و فاصله‌ی آن از نقطه‌ی C برابر با  $\frac{3\lambda}{4}$  است، در نتیجه پس از گذشت

زمان  $\frac{T}{4}$  از نظر عمودی به موقعیت نقطه‌ی B ( $x = -10 \text{ cm}$ ) پس از گذشت مدت زمان  $\frac{3T}{4}$  به موقعیت نقطه‌ی C ( $x = 0 \text{ cm}$ ) می‌رسد، لذا داریم:

$$\begin{cases} B = \frac{T}{4} = \frac{\lambda}{4} = 1 \text{ s} \\ C = \frac{3T}{4} = \frac{3 \times \lambda}{4} = 6 \end{cases}$$

در نتیجه در لحظه‌ی  $t = 5 \text{ s}$ ، موقعیت قائم ذره‌ی A، بین نقاط B و C است و با توجه به جهت انتشار موج، این ذره به سمت بالا حرکت می‌کند.

$$|v_{\max}| = A\omega = A \times \frac{2\pi}{T} = 0.1 \times \frac{2 \times 3}{0.4} = \frac{3}{4} \text{ m/s}$$

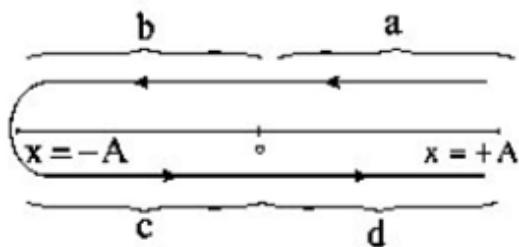
$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{320}{2}} = \sqrt{160} \text{ rad/s}$$

$$E = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times (0.1)^2 \times (\sqrt{160})^2 = 1.6 \text{ J} \quad (1)$$

$$\begin{cases} E = K + U \\ K = \frac{1}{2}mv^2 \end{cases} \Rightarrow E = K + \frac{K}{4} = \frac{5K}{4} \xrightarrow{(1)} 1.6 = \frac{5K}{4} \Rightarrow K = \frac{32}{25} \text{ J} \quad (2)$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \xrightarrow{(2)} \frac{32}{25} = \frac{1}{2} \times 2 \times v^2 \Rightarrow v = 0.8 \sqrt{2} \text{ m/s}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. شکل زیر نشان‌دهنده مسیر حرکت نوسانگر هماهنگ ساده در یک دوره است و با توجه به اطلاعات سؤال، نوسانگر در لحظه‌ی  $t$  در حالت  $a$  یا  $d$  بوده است.



بررسی عبارت‌ها:

- (الف) درست - در حالت‌های  $a$  و  $d$ ، بردار شتاب متوجه، منفی خواهد بود.
- (ب) در حالت‌های  $c$  و  $d$ ، بردار سرعت، مثبت است، در نتیجه این عبارت لزوماً صحیح نیست.
- (ج) در حالت‌های  $a$  و  $c$ ، حرکت نوسانگر به صورت تندشونده است، در نتیجه این عبارت لزوماً صحیح نیست.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

گام اول: در لحظه‌ای که انرژی جنبشی و پتانسیل نوسانگر با یکدیگر برابر است، انرژی جنبشی و پتانسیل نوسانگر برابر نصف انرژی مکانیکی جسم خواهد بود، بنابراین داریم:

$$\frac{E}{2} = 5 \Rightarrow E = 10\text{J}$$

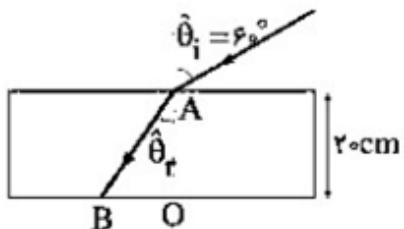
گام دوم: به کمک انرژی مکانیکی نوسانگر، بسامد نوسان را به دست می‌آوریم:

$$E = 2\pi^2 mf^2 A^2 \Rightarrow 10 = 2 \times 10 \times 2 \times f^2 \times (0.1)^2 \Rightarrow f = 5\text{Hz}$$

گام سوم:

$$f = \frac{n}{t} \Rightarrow 5 = \frac{n}{60} \Rightarrow n = 300$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در ابتدا با توجه به شکل زیر و با استفاده از قانون شکست اسنل، زاویه‌ی شکست پرتو درون محیط دوم را به دست می‌آوریم:



$$\frac{\sin \theta_i}{\sin \theta_r} = \frac{n_2}{n_1} = \frac{v_1}{v_2} \Rightarrow \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{\sin \theta_r} = \frac{3 \times 10^8}{\sqrt{6} \times 10^8}$$

$$\Rightarrow 3 \times 10^8 \times \sin \theta_r = \frac{\sqrt{3}}{2} \times \sqrt{6} \times 10^8 \Rightarrow \sin \theta_r = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \theta_r = 45^\circ$$

حال با استفاده از  $\cos 45^\circ$  به سادگی وتر مثلث OAB که طول پرتو است را محاسبه می‌کنیم:

$$\cos 45^\circ = \frac{OA}{AB} \Rightarrow \frac{\frac{\sqrt{2}}{2}}{\frac{20}{\sqrt{2}}} = \frac{20}{AB} \Rightarrow AB = 20 \sqrt{2} \text{ cm}$$

طول پرتو

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. می‌دانیم که رابطه‌ی دوره‌ی نوسان آونگ ساده به صورت زیر است:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1} \times \frac{g_1}{g_2}} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{g_1}{g_2}} \quad (\text{I})$$

از طرفی با توجه به آنچه در فصل دینامیک آموختیم، رابطه‌ی شتاب گرانش زمین با ارتفاع از سطح زمین را به صورت مقایسه‌ای می‌نویسیم:

$$g = G \frac{M_e}{(R_e + h)^2} \Rightarrow \frac{g_1}{g_2} = \left( \frac{R_e + h_1}{R_e + h_2} \right)^2 \quad (\text{II})$$

حال با استفاده از روابط (I) و (II) داریم:

$$\left. \begin{array}{l} \text{I: } \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{g_1}{g_2}} \\ \text{II: } \frac{g_1}{g_2} = \left( \frac{R_e + h_1}{R_e + h_2} \right)^2 \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{R_e + h_1}{R_e + h_2} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{R_e + 5R_e}{R_e + \dots} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = 6$$

پس در یک شب‌نیروز (۲۴ ساعت)، ساعت آونگ‌دار در ارتفاع  $5R_e$  از سطح زمین به اندازه‌ی ۶ ساعت پیشروی خواهد کرد.

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{x}{24} \Rightarrow x = 4$$

۸۰

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در لحظه‌ی  $t = 3s$  متحرک برای دومین بار از مبدأ (یعنی  $x = 0$ ) می‌گذرد. بنابراین:

$$x = A \cos(\omega t) \xrightarrow{x=0} 0 = A \cos(\omega t) \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \omega t = \frac{\pi}{2} \\ \cos(\omega t) = 0 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \omega t = \frac{\pi}{2} \\ \omega t = \frac{3\pi}{2} \end{array} \right.$$

دقت کنید که متحرک در حرکات نوسانی در دو فاز  $\phi_1 = \frac{\pi}{2}$  (rad) و  $\phi_2 = \frac{3\pi}{2}$  (rad) در مبدأ نوسان قرار دارد و

چون گفته شده دومین بار، فاز  $\phi_2 = \frac{3\pi}{2}$  (rad) قابل قبول است.

$$\omega t = \frac{3\pi}{2} \xrightarrow{t=4s} \frac{3\pi}{T} = \frac{3\pi}{4s} \Rightarrow T = 4s$$

$$\omega = \frac{\pi}{T}$$

حال به دست می‌آوریم که نوسانگر در لحظه‌ی  $t = 2s$  در چه فازی قرار دارد:

$$\omega t = \phi \Rightarrow \frac{\pi}{T}(t) = \phi \xrightarrow{T=4s} \phi = \pi \text{ (rad)}$$

$$\frac{\pi}{t} = \frac{\pi}{2s}$$

پس نوسانگر در فاز  $\pi$  (rad) و در مکان  $A$ - قرار دارد و ما می‌توانیم که در انتهای مسیر نوسان ( $x = \pm A$ ، شتاب

$$F = ma \Rightarrow \frac{F}{m} = a = m \times \frac{0}{2} \Rightarrow m = \frac{2}{10} \text{ kg}$$

در گام آخر برای به دست آوردن ثابت فنر به سادگی داریم:

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow \frac{\pi}{T} = \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow \frac{\pi}{T} = \frac{\sqrt{\frac{k}{m}}}{\sqrt{\frac{2}{10}}} = \frac{k}{m} \xrightarrow{T=4s; m=\frac{2}{10} \text{ kg}} \frac{\pi}{4} = \frac{k}{\frac{2}{10}} \Rightarrow k = \frac{2}{10} \text{ N/m}$$

بنابراین ثابت فنر  $500$  میلی‌نیوتون بر متر است.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

در نقاط  $A$ ، انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل با یکدیگر برابر و معادل با  $E = \frac{1}{2}kA^2$  هستند از طرف دیگر

$$E = \frac{1}{2}kA^2 \text{ است:}$$

$$E = 2 \times 360 \times 10^{-3} = \frac{1}{2} \times k \times 36 \times 10^{-4} \rightarrow k = 400 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

سیگنال‌های تلویزیون‌های دیجیتال دارای طول موجی کوتاه‌تر از تلویزیون‌های متداول هستند. در نتیجه در سیگنال‌های تلویزیون‌های دیجیتال، ناحیه سایه بزرگ‌تر می‌شود و دریافت این سیگنال‌ها دشوارتر است.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ابتدا شدت صوت  $I$  را تعیین می‌کنیم:

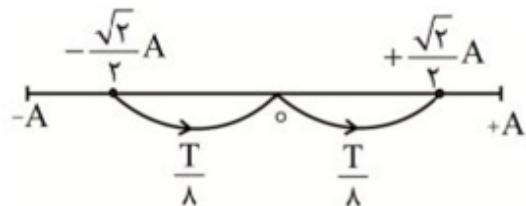
$$\beta = 1 \cdot \log \frac{I}{I_0} \rightarrow 4/5 = \log \frac{I}{I_0} \rightarrow 4 + 0/5 = \log \frac{I}{I_0} \rightarrow \log 10^4 + \log \sqrt{10} = \log \frac{I}{I_0} \rightarrow$$

$$\log 10^4 \sqrt{10} = \log \frac{I}{I_0} \rightarrow I = 10^4 \sqrt{10} \times 10^{-12} = 10^{-8} \sqrt{10} \frac{W}{m^2}$$

اکنون به کمک تعریف شدت صوت داریم:

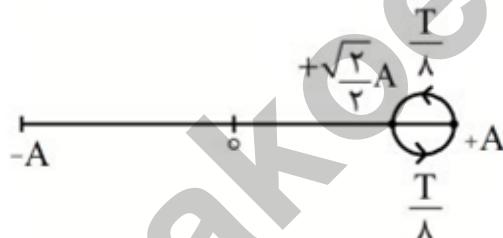
$$I = \frac{E}{A \times t} \rightarrow E = 10^{-8} \sqrt{10} \times 2\sqrt{10} \times 60 = 1/8 \times 10^{-5} J$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بیشترین مسافت طی شده به صورت زیر اتفاق می‌افتد:



$$l_{\max} = 2 \frac{\sqrt{2}}{2} A = \sqrt{2} A = 1/4 A$$

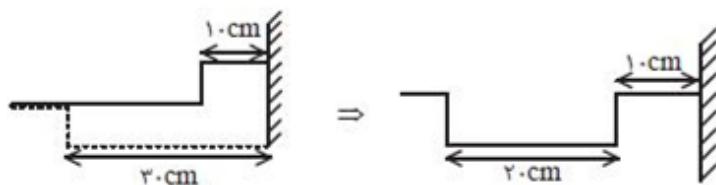
کمترین مسافت طی شده به صورت زیر اتفاق می‌افتد:



$$l_{\min} = 2 \left( A - \frac{\sqrt{2}}{2} A \right) = (2 - \sqrt{2}) A = 0.6 A$$

$$\frac{l_{\max}}{l_{\min}} = \frac{1/4 A}{0.6 A} = \frac{5}{6}$$

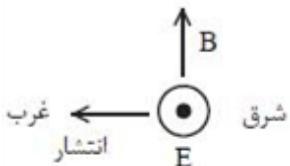
گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در  $t = 5s$ ، تپ به اندازه  $50\text{cm}$  حرکت می‌کند، پس  $30\text{cm}$  از تپ بازتاب شده و آن به انتهای تار می‌رسد.



گزینه ۳ پاسخ صحیح است. وقتی به جای یک منبع هم زمان از ۵ منبع مشابه استفاده می شود، شدت صوت در همان فاصله ۵ برابر می گردد، پس:

$$\left. \begin{array}{l} \beta_1 = 10 \log \frac{I}{I_0} \\ \beta_2 = 10 \log \frac{5I}{I_0} \end{array} \right\} \Rightarrow \beta_2 - 10 = 10 \log 5 \Rightarrow \beta_2 - 90 = 10 \times 0.7 \Rightarrow \beta_2 = 97 \text{ dB}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. با توجه به قاعده دست راست مشخص می شود جهت انتشار به سمت غرب می باشد.



گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$\omega = \sqrt{\frac{K}{m}} = \sqrt{\frac{100}{0.1}} = \sqrt{1000} = 10\sqrt{10} \text{ rad/s}$$

$$E = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{10}\right) \left(\frac{10}{100}\right)^2 \Rightarrow E = \frac{1}{200} \text{ J}$$

$$K = E - U = \frac{1}{100} - \frac{10}{1000} = \frac{5}{1000} \text{ J}$$

$$K = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow \frac{5}{1000} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{10} v^2 \Rightarrow v^2 = \frac{1}{10} \Rightarrow v = \frac{\sqrt{10}}{10} \text{ m/s} \Rightarrow v = 10\sqrt{10} \text{ cm/s}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\pi A = 40 \Rightarrow A = 40 \text{ cm}$$

$$d = n \times \pi A \Rightarrow 12 = n \times 4 \times \frac{40}{2} \Rightarrow n = \frac{12}{40} = 15$$

$$T = \frac{t}{n} = \frac{60}{15} = 4 \text{ s}$$

$$v_{\max} = A\omega = \frac{1}{2} \times \frac{4\pi}{T} = \frac{1}{2} \times \frac{4}{4} = \frac{1}{2} \text{ m/s} = 0.5 \text{ m/s}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. می دانیم که در مرکز نوسان، مکان، صفر و سرعت، بیشینه و در انتهای مسیر، مکان، بیشینه و سرعت، صفر است، پس:

$$x = 0 \Rightarrow v^2 = \frac{1}{25} \Rightarrow v_m = \frac{1}{5} \text{ m/s}$$

$$v = 0 \Rightarrow x^2 = A^2 = \frac{1}{100} \Rightarrow A = \frac{1}{10} \text{ m}$$

$$v_m = A\omega \Rightarrow \frac{1}{5} = \frac{1}{10} \omega \Rightarrow \omega = 2 = \sqrt{\frac{g}{L}} \Rightarrow 1^2 = \frac{g}{L} \Rightarrow L = g/4$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۹۱

$$F = ma = -kx \Rightarrow a = -\left(\frac{k}{m}\right)x \Rightarrow a = -\omega^2 x$$

$$\Rightarrow \cdot / 5\pi^2 = -\omega^2 \times \left(\frac{-2}{100}\right) \Rightarrow \omega = 5\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$\omega = 2\pi f \Rightarrow f = \frac{\omega}{2\pi} = 2/5 \text{ Hz}$$

$$f = \frac{n}{t} \Rightarrow n = 2/5 \times 20 = 50$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. هرچه حاصل  $\frac{\lambda}{a}$  بزرگ‌تر باشد، پراش بارزتر است و چون طول موج با بسامد رابطه عکس دارد، بنابراین حاصل ضرب  $af$  هرچه کوچک‌تر باشد، پراش بارزتری رخ می‌دهد. ۹۲

$$1) af = 10^{11} \times 3 \times 10^{-3} = 3 \times 10^8$$

$$2) af = 10^9 \times 3 \times 10^{-1} = 3 \times 10^8$$

$$3) af = 10^{10} \times 3 \times 10^{-2} = 3 \times 10^8$$

$$4) af = 3 \times 10^{-3} \times 10^{11} = 3 \times 10^8$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۹۳

$$\frac{v}{2}\lambda = 15 \Rightarrow \lambda = 10 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = vT \Rightarrow \cdot / 1 = 10 \text{ T} \Rightarrow T = \frac{1}{10} \text{ s}$$

$$\Delta t = \frac{1}{200} - \frac{1}{400} = \frac{1}{400} \Rightarrow \frac{\Delta t}{T} = \frac{1}{4} \Rightarrow \Delta t = \frac{T}{4}, \Delta x = \frac{\lambda}{4}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۹۴

$$\frac{vT}{4} + \frac{T}{12} = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{10T}{12} = \frac{1}{3}$$

$$T = \cdot / 4 \text{ (s)} \Rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T} = 5\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$a_m = A\omega^2 = \frac{4}{100} \times 25\pi^2 = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۹۵

با عبور موج از قسمت نازک به قسمت ضخیم، چون سرعت انتشار در این دو قسمت با هم متفاوت است، طول موج ایجاد شده تغییر می‌کند. اما بسامد ثابت می‌ماند:

$$\lambda \propto v$$

$$v = \sqrt{\frac{F}{\rho A}} = \frac{1}{D} \sqrt{\frac{F}{\pi \rho}} \quad \rightarrow \quad \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{v_1}{v_2} = \frac{D_2}{D_1} = 4$$

۹۶

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا سرعت انتشار موج عرضی را تعیین می‌کنیم:

$$v = \sqrt{\frac{FL}{m}} = \sqrt{\frac{1280 \times 48 \times 10^{-2}}{24 \times 10^{-3}}} = 160 \text{ m/s}$$

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{160}{400} = 0.4 \text{ m}$$

در یک موج عرضی فاصله یک قله از دره مجاور آن برابر  $\frac{\lambda}{2}$  است:

$$\frac{\lambda}{2} = 0.2 \text{ m} = 20 \text{ cm}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۹۷

با توجه به نمودار مکان - زمان دو نوسانگر،  $T_A = \frac{1}{2} T_B$  است:

$$K_{\max} = \frac{1}{2} m (A\omega)^2 = 2\pi^2 \frac{mA^2}{T^2} \rightarrow \frac{K_{m_A}}{K_{m_B}} = \frac{m_A}{m_B} \times \left(\frac{T_B}{T_A}\right)^2 \times \left(\frac{T_B}{T_A}\right)^2$$

$$\rightarrow \frac{K_{m_A}}{K_{m_B}} = \frac{1}{3} \times \frac{9}{4} \times 4 = 3$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. به کمک قانون عمومی شکست داریم: ۹۸

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{\sin \alpha_1}{\sin \alpha_2} \rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \frac{\sin 37^\circ}{\sin 60^\circ} \rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \frac{0.6}{\sqrt{3}} = 0.4\sqrt{3}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۹۹

فاصله میان یک جمع شدگی بیشینه از بازشدگی مجاور آن، برابر  $\frac{\lambda}{2}$  است. به کمک  $f = \frac{v}{\lambda}$  داریم:

$$f = \frac{24}{12 \times 10^{-2}} = 200 \text{ Hz}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۰۰

امواج الکترومغناطیس برای انتشار الزاماً به محیط مادی نیاز ندارند و در همه محیطها (ی غیر فلزی) منتشر می‌شوند. نحوه تولید انواع امواج الکترومغناطیس، متفاوت است. تندی انتشار صوت تنها به ویژگی‌های فیزیکی محیط انتشار وابسته است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. زاویه‌ی ۷ در واقع زاویه‌ی انحراف بین پرتو ورودی و پرتو خروجی از مجموعه‌ی آینه‌ها است. ۱۰۱

۷ در آینه‌هایی که با یکدیگر زاویه‌ی باز دارند، مستقل از زاویه‌ی پرتو تاییده شده به آینه‌ی اول است و فقط به زاویه‌ی بین دو آینه بستگی دارد.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۰۲

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \Rightarrow \frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{m_2}{m_1}} \Rightarrow \frac{1/0.9\pi}{1/\pi} = \sqrt{\frac{m_1 - 190}{m_1}} \Rightarrow m_1 = 1000 \text{ g} = 1 \text{ kg}$$

اکنون برای یکی از حالت‌ها،  $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$  را محاسبه می‌کنیم.

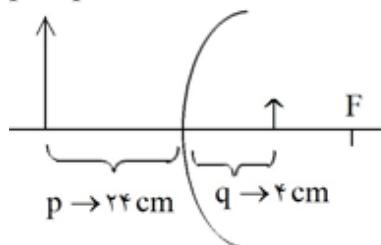
$$T_1 = 2\pi \sqrt{\frac{m_1}{k}} \Rightarrow 1/\pi = 2\pi \sqrt{\frac{1}{k}} \Rightarrow k = 400 \frac{N}{m} = 4 \frac{N}{cm}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. حالت اول: ۱۰۳

$$k \cdot \Delta L = m(g + a) \Rightarrow k \times (1/12) = 2(10 + 2) \Rightarrow k = 200 \frac{N}{m}$$

$$k \cdot \Delta L - (\mu_k \cdot mg) = ma \Rightarrow k \times (1/6) - (\mu_k \times 20) = 2 \times 2 \Rightarrow \mu_k = 1/4$$

$$\frac{1}{p} - \frac{1}{q} = -\frac{1}{f}$$



گزینه ۲ پاسخ صحیح است. فرمول در آینه‌ی محدب: ۱۰۴

حالت اول

ثابت است  $\leftarrow$  حالت دوم f

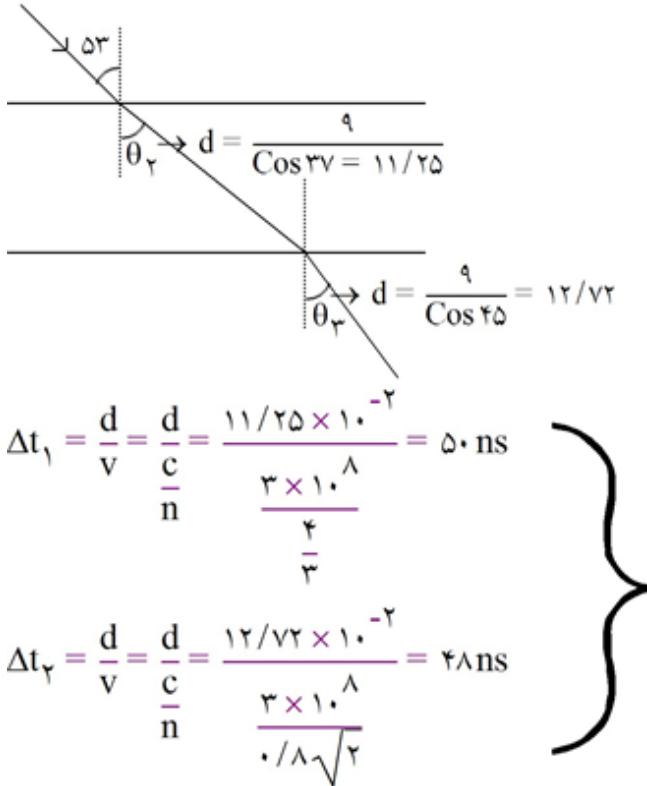
فاصله جسم از آینه در حالت دوم:  $p + 24$

$$\frac{1}{p} - \frac{1}{12} = \frac{1}{p+24} - \frac{1}{16} \Rightarrow p = 24$$

فاصله تصویر از آینه در حالت دوم:  $12 + 4 = 16$

$$\frac{1}{24} + \frac{1}{p} = \frac{1}{16} \Rightarrow f = 24 \text{ cm}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۱۰۵



$$\left. \begin{array}{l} n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \\ 1 \times \sin \theta_r = \frac{2}{3} \sin \theta_2 \end{array} \right\} \Rightarrow \theta_2 = 37^\circ$$

$$\left. \begin{array}{l} n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \\ 1 \times \sin \theta_r = \frac{1}{1.8 \sqrt{2}} \sin \theta_2 \end{array} \right\} \Rightarrow \theta_2 = 45^\circ$$

$$\Rightarrow \Delta t = \Delta t_1 + \Delta t_2 = 5 + 4.8 = 9.8 \text{ ns}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۱۰۶

$$\left\{ \begin{array}{l} 2A = 4 \text{ cm} \Rightarrow \frac{10}{2} = 2/5 \text{ Hz} \\ A = 2 \text{ cm} = 0.2 \text{ m} \end{array} \right.$$

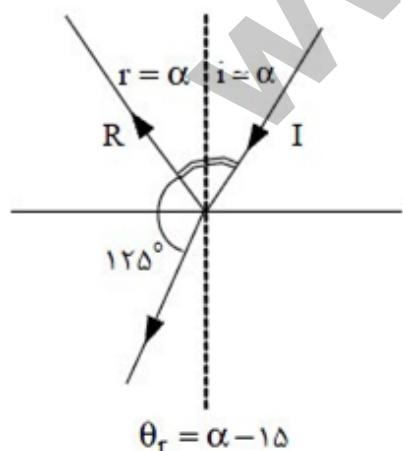
$$f = \frac{n}{t} = \frac{10}{5} = 2/5 \text{ Hz}$$

$$\omega = 2\pi f = 2\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$x = A \cos(\omega t) \Rightarrow x = 0.2 \cos(2\pi t)$$

نوسان گر ۱۵۰ نوسان کامل دارد:

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ابتدا شکل را به دقت رسم می‌کنیم. ۱۰۷



$$\begin{aligned} \theta_r + r + 120^\circ &= 180^\circ \\ \alpha + 120^\circ - 10^\circ &= 180^\circ \Rightarrow 2\alpha + 110^\circ = 180^\circ \\ \theta_r &= \alpha - 10^\circ = 30^\circ - 10^\circ = 20^\circ \end{aligned}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. قانون اسکل برای دو محیط غیرمتواالی به شرط موازی بودن مرزهای محیط‌ها قابل استفاده است. پس برای محیط  $a$  و  $c$  داریم:

$$n_a \sin \theta_i = n_c \sin \theta_r \Rightarrow \sqrt{3} \sin 60^\circ = n_c \sin 30^\circ$$

$$\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = n_c \times \frac{1}{2} \Rightarrow n_c = 3$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. تندی انتشار فقط به ویژگی‌های محیط بستگی دارد چون هر دو موج در یک محیط متشر می‌شوند پس تندی برابر دارند.

$$\lambda = \frac{V}{f} \Rightarrow \frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \frac{V_A}{V_B} \times \frac{f_B}{f_A} \Rightarrow \frac{\lambda_A}{\lambda_B} = 1 \times \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. گام اول: با توجه به این‌که فاصله‌ی دو جبهه‌ی متواالی، برابر  $\lambda$  می‌باشد، داریم:

$$\left. \begin{array}{l} 4\lambda_A = 4x \Rightarrow \lambda_A = x \\ 2\lambda_B = x \Rightarrow \lambda_B = \frac{x}{2} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{\lambda_A}{\lambda_B} = 2$$

گام دوم: طبق صورت سوال، اختلاف طول موج در قسمت‌های A و B برابر ۴ cm است. بنابراین داریم:

$$\lambda_A - \lambda_B = 4 \times 10^{-2} \xrightarrow{\lambda_A = 2\lambda_B} 2\lambda_B - \lambda_B = 4 \times 10^{-2} \Rightarrow \lambda_B = 0.04 \text{ m}$$

$$\lambda_A = 0.08 \text{ m}$$

گام سوم: بنابراین تندی انتشار امواج در محیط A برابر است با:

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با توجه به این‌که بسامد موج تابع شرایط چشممه‌ی موج است و به شرایط محیط انتشار موج بستگی ندارد، با عبور موج از طناب نازک به طناب ضخیم بسامد موج ثابت می‌ماند و داریم:

$$\lambda = \frac{v}{f} \xrightarrow{f \text{ ثابت است}} \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{v_2}{v_1} \xrightarrow{v_2 = \frac{\lambda_2}{100} v_1} \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{1}{10} = \frac{1}{5}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. سرعت انتشار موج در داخل طناب‌ها از رابطه‌ی  $v = \sqrt{\frac{F}{\rho A}}$  و بسامد اصلی تار دو انتهای

بسته از رابطه‌ی  $f = \frac{v}{2L}$  محاسبه می‌گردد. بنابراین:

$$f = \frac{\sqrt{\frac{F}{\rho A}}}{2L} = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{F}{\rho A}} \Rightarrow \frac{f_A}{f_B} = \frac{\frac{1}{2L} \sqrt{\frac{F}{\rho_A \times A}}}{\frac{1}{2L} \sqrt{\frac{F}{\rho_B \times A}}} \Rightarrow \frac{f_A}{f_B} = \sqrt{\frac{\rho_B}{\rho_A}}$$

۱۱۳

$$V = \frac{\pi}{d} \sqrt{F} \Rightarrow \frac{V}{\pi} = \frac{d}{\pi} = \frac{1}{2}$$

$$\lambda = \frac{v}{f} \xrightarrow{\text{ثابت}} \frac{\lambda}{\pi} = \frac{v}{\pi} = \frac{1}{2}$$

بسامد در هر دو طناب برابر بسامد چشمeh است و نسبت آنها ۱ است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. در لحظه  $t=0$  روی نمودار  $\pi$  داریم. پس:

$$\frac{3}{4}T = \cdot / 6 \Rightarrow T = \cdot / 8s$$

$$W = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow W = \frac{5}{2}\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$x = A \cos(\omega t) \xrightarrow{\omega = \cdot / 1 \text{ m}} x = \cdot / 1 \cos\left(\frac{5\pi}{2}t\right)$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. زاویه‌های تابش در آینه ۱ و ۲ به ترتیب  $70^\circ$  و  $75^\circ$  است. به کمک هندسه ساده می‌توان دریافت که زاویه  $0^\circ$  برابر  $145^\circ$  است. در دو آینه تخت متقاطع با زاویه منفرجه، همواره زاویه میان پرتو بازتاب از آینه دوم با پرتو تابش به آینه اول، دو برابر زاویه حاده میان دو آینه است. پس پاسخ سوال  $25^\circ \times 2 = 70^\circ$  است.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. دوره تناوب آونگ‌های ساده به صورت  $T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$  است و شتاب گرانشی در سطح

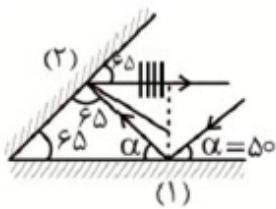
هر سیاره‌ای از  $G \frac{M}{R^2} = g$  به دست می‌آید:

$$\frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{l_1}{l_2}} \times \sqrt{\frac{g_B}{g_A}} = \sqrt{\frac{l_1}{l_2}} \times \sqrt{\frac{M_B}{M_A} \times \frac{R_A}{R_B}} \Rightarrow \frac{T_1}{T_2} = 2 \times \frac{1}{3} \times 2 = \frac{4}{3}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. به کمک  $E = \frac{1}{2}kA^2$  و  $f_m = kA$  داریم:

$$E = \frac{F}{2k} \rightarrow E = \frac{1600}{200} = 8J$$

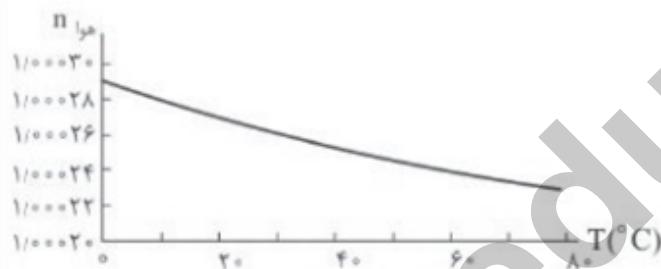
$$\cancel{\int} mv^2 = \cancel{\int} E \rightarrow 2v^2 = 8 \rightarrow v^2 = 4 \rightarrow v = 2 \frac{m}{s} \quad \text{در مکانی که } U = K = \frac{1}{2}E \text{ خواهد بود:}$$



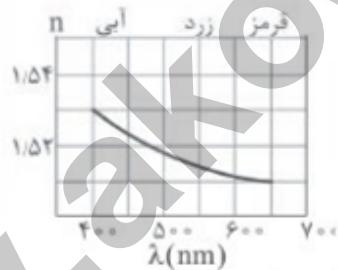
$$\begin{aligned} 65 + 65 + \alpha &= 180 \\ \alpha &= 50 \\ i &= 40 \end{aligned}$$

جبهه‌های موج به مانع ۱ باید تحت زاویهٔ  $40^\circ$  درجه بتابند.

عبارةت «الف» درست است. با توجه به نمودار زیر با افزایش دما، ضریب شکست کاهش می‌یابد.



عبارةت «ب» درست است. نمودار زیر گویای درستی عبارت «ب» است.



عبارةت «ج» نادرست است. پدیده‌ی سراب به علت وابستگی ضریب شکست محیط به دما است.

عبارةت «د» درست است. طول موج پرتو سبز کمتر از زرد بوده و ضریب شکست آن بیشتر است و هنگام عبور از منشور بیشتر منحرف می‌شود.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۱۲۰

گام اول: ابتدا تندی انتشار نور در محیط (۱) را به دست می‌آوریم:

$$v_1 = \frac{c}{n_1} = \frac{3}{5} \times 3 \times 10^8 = \frac{9}{5} \times 10^8 \text{ m/s}$$

گام دوم: به کمک قانون شکست عمومی، تندی انتشار نور را در محیط (۲) محاسبه می‌کنیم.

$$\frac{v_2}{v_1} = \frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} \Rightarrow \frac{v_2}{\frac{9}{5} \times 10^8} = \frac{9/8}{4/6} \Rightarrow v_2 = \frac{4}{3} \times \frac{9}{5} \times 10^8 = \frac{12}{5} \times 10^8 \text{ m/s}$$

دقت کنید: زاویه تابش در محیط (۱) برابر  $37^\circ$  و زاویه شکست در محیط (۲) برابر  $53^\circ$  است.

گام سوم: در آخر ضریب شکست محیط (۲) به صورت زیر به دست می‌آید:

$$n_2 = \frac{c}{v_2} = \frac{3 \times 10^8}{\frac{12}{5} \times 10^8} = \frac{15}{12} = \frac{5}{4}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۱۲۱

گام اول: با توجه به این‌که زاویه تابش  $53^\circ$  است و زاویه شکست  $16^\circ$  از زاویه تابش کمتر است، داریم:

$$\hat{\theta}_2 = \hat{\theta}_1 - 16^\circ = 53^\circ - 16^\circ = 37^\circ$$

گام دوم: به کمک قانون شکست عمومی، تندی انتشار را در محیط شفاف به دست می‌آوریم:

$$\begin{aligned} \frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} &= \frac{v_2}{v_1} = \frac{c}{n} \quad \sin \theta_2 = \frac{n_1}{n_2} \\ \frac{\sin 37^\circ}{\sin 53^\circ} &= \frac{1}{n_2} \quad \theta_1 = 53^\circ \\ \theta_2 &= 37^\circ, n_2 = \frac{c}{v_2} \end{aligned}$$

$$\frac{\sin 37^\circ}{\sin 53^\circ} = \frac{v_2}{c} \Rightarrow \frac{0.6}{0.8} = \frac{v_2}{3 \times 10^8} \Rightarrow v_2 = \frac{9}{4} \times 10^8 \text{ m/s}$$

گام سوم: بسامد موج موردنظر را در محیط شفاف به دست می‌آوریم:

$$\lambda_2 = \frac{v_2}{f_2} \Rightarrow f_2 = \frac{v_2}{\lambda_2} = \frac{\frac{9}{4} \times 10^8}{\frac{9}{400} \times 10^{-9}} = \frac{1}{4} \times 10^{15} \text{ Hz} = 250 \text{ THz}$$

دقت کنید: بسامد موج موردنظر در هوا و محیط شفاف یکسان است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۲۲

روش اول:

گام اول: ابتدا مدت زمانی که طول می‌کشد موج طولی از طعمه‌ی A به عقرب برسد را محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta x = v_L \Delta t_1 \Rightarrow 1/5 = 150 \Delta t_1 \Rightarrow \Delta t_1 = 0.01\text{s}$$

گام دوم: با توجه به این‌که دو موج متشرشده از طعمه‌ی A با اختلاف زمانی  $1/02\text{s}$  توسط عقرب دریافت می‌شوند می‌توانیم نتیجه بگیریم که مدت زمان حرکت موج عرضی متشرشده از طعمه‌ی A برابر  $1/03\text{s}$  است و در نتیجه تندی انتشار موج عرضی مورد نظر برابر است با:

$$\Delta x = v_T \Delta t_2 \Rightarrow 1/5 = v_T (0.03) \Rightarrow v_T = 50 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

گام سوم: با مشخص شدن تندی انتشار دو موج می‌توانیم زمان حرکت امواج از طعمه‌ی B به طرف عقرب را به دست آوریم:

$$\Delta x' = v_L \Delta t'_1 \Rightarrow 2 = 150 \Delta t_1 \Rightarrow \Delta t_1 = \frac{1}{75} \text{s}$$

$$\Delta x' = v_T \Delta t'_2 \Rightarrow 2 = 50 \Delta t_2 \Rightarrow \Delta t_2 = \frac{1}{25} \text{s}$$

$$= \frac{1}{25} - \frac{1}{75} = \frac{2}{75} \text{s}$$

روش دوم: بدون طی کردن گام‌های قبل در یک گام می‌توان جواب این سوال را به دست آورد. فاصله‌ی طعمه‌ی B تا عقرب  $\frac{4}{5}$  برابر فاصله‌ی طعمه‌ی A تا عقرب است، بنابراین زمان حرکت امواج طولی و عرضی از طعمه‌ی B تا

عقرب نیز  $\frac{4}{5}$  برابر مدت زمان حرکت امواج طولی و عرضی از طعمه‌ی A تا عقرب خواهد بود و داریم:

$$= \frac{4}{3} (0.02) = \frac{2}{75} \text{s}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۱۲۳

گام اول: با توجه به نمودار رسم شده طول موج‌ها را به دست می‌آوریم:

$$\frac{\lambda_M}{2} = \frac{3\lambda_N}{2} \Rightarrow \lambda_M = 3\lambda_N$$

گام دوم: با توجه به این‌که دو موج در یک محیط متشرشده می‌شوند، تندی انتشار آن‌ها یکسان است و داریم:

$$\lambda = \frac{v}{f} \xrightarrow{v_M = v_N} \frac{f_M}{f_N} = \frac{\lambda_N}{\lambda_M} = \frac{1}{3}$$

گام سوم: نسبت بسامد زاویه‌ای دو موج را به دست می‌آوریم:

$$\omega = 2\pi f \Rightarrow \frac{\omega_M}{\omega_N} = \frac{f_M}{f_N} = \frac{1}{3}$$

گام چهارم: بیشینه‌ی تندی ارتعاش ذرات محیط برابر  $A\omega$  است و داریم:

$$\frac{v_{maxM}}{v_{maxN}} = \frac{A_M}{A_N} \times \frac{\omega_M}{\omega_N} \Rightarrow 2 = \frac{A_M}{6} \times \frac{1}{3} \Rightarrow A_M = 36\text{cm}$$

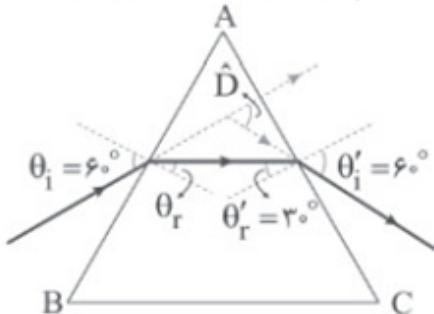
گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

ابتدا زاویه‌ی پرتوی ورودی و پرتوی خروجی از منشور را تعیین می‌کنیم.

$$n_1 \sin \theta_i = n_2 \sin \theta_r \Rightarrow 1 \times \sin 60^\circ = \sqrt{3} \times \sin \theta_r$$

$$\Rightarrow \sin \theta_r = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow \theta_r = 30^\circ$$

به دلیل تقارن، زاویه‌ی خروجی و ورودی با هم برابر بوده و به شکل زیر است:



در سؤال زاویه‌ی  $\hat{D}$  خواسته شده است.

$$\hat{D} = (\theta_i - \theta_r) + (\theta'_r - \theta_r)$$

$$\Rightarrow \hat{D} = (60^\circ - 30^\circ) + (60^\circ - 30^\circ) = 30^\circ + 30^\circ = 60^\circ$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۱۲۵

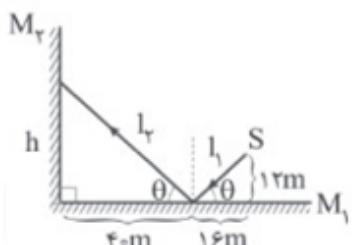
پرتو تا رسیدن به آینه‌ی دوم دو مسافت  $l_1$  و  $l_2$  را طی می‌کند.

$$\tan \theta = \frac{12}{16} = \frac{h}{40} \Rightarrow h = 30\text{m}$$

$$l_1 = \sqrt{12^2 + 16^2} = 20\text{m}$$

$$l_2 = \sqrt{40^2 + 30^2} = 50\text{m}$$

حرکت نور، یک حرکت یکنواخت است.



$$l_1 + l_2 = c\Delta t$$

$$\Rightarrow v = 3 \times 10^8 \times \Delta t \Rightarrow \Delta t = \frac{v}{c} \times 10^{-8} \text{ s} = \frac{v}{c} \mu\text{s}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۲۶

گام اول: ابتدا به کمک بیشینه‌ی اندازه‌ی تکانه‌ی جسم، بیشینه‌ی تندی حرکت جسم را به دست می‌آوریم:

$$P_{\max} = mv_{\max} \quad 2 \times 10^{-3} = 40 \times 10^{-3} v_{\max}$$

$$v_{\max} = 0.05 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

گام دوم: بسامد زاویه‌ای حرکت آونگ را به دست می‌آوریم:

$$\omega = \sqrt{\frac{g}{L}} = \sqrt{\frac{10}{0.1}} = 10 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

گام سوم:

$$v_{\max} = A\omega \Rightarrow 0.05 = A(10) \Rightarrow A = 0.005\text{m} = 5\text{mm}$$

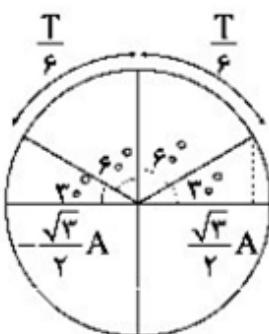
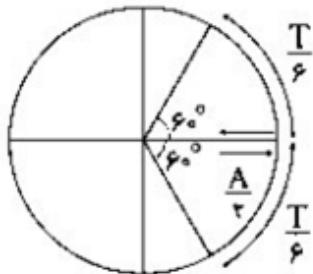
گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۱۲۷

گام اول: در یک بازه‌ی زمانی معین هنگامی کمترین مسافت توسط متحرک طی می‌شود که متحرک در اطراف نقطه‌ی بازگشت حرکت کند. به شکل مقابل دقت کنید:

$$\frac{T}{6} = \text{کمترین مسافت طی شده در مدت زمان } \frac{A}{2} \Rightarrow A = 4\text{cm}$$

گام دوم: در یک بازه‌ی زمانی معین هنگامی بیشترین جابه‌جایی توسط نوسانگر انجام می‌شود که نوسانگر در اطراف نقطه‌ی تعادل حرکت کند. به شکل مقابل دقت کنید:

$$\frac{T}{3} = \text{اندازه‌ی بیشترین جابه‌جایی انجام شده در مدت زمان } \frac{\sqrt{3}}{2}A \\ = \sqrt{3} A = 4\sqrt{3}\text{cm}$$



گزینه ۱ پاسخ صحیح است. بررسی عبارت‌ها: ۱۲۸

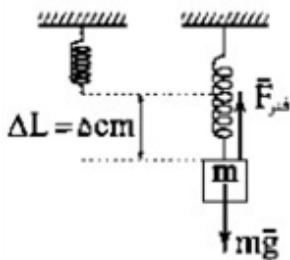
(الف) درست است. در نقاط بازگشت، فنر بیشترین تغییرات طول را نسبت به حالت عادی خود دارد. در نتیجه اندازه‌ی نیروی کشسانی واردشده به فنر بیشینه است.

(ب) نادرست است. اگر در نقطه‌ی C سرعت متحرک در خلاف جهت محور X باشد، یعنی متحرک در حال نزدیک شدن به نقطه‌ی تعادل است و حرکت آن تندشونده می‌باشد.

(ج) درست است. هنگام نزدیک شدن نوسانگر به حالت تعادل، اندازه‌ی نیروی کشسانی واردشده به آن کاهش می‌یابد.

(د) درست است. در حالت تعادل (نقطه‌ی O) فنر طول طبیعی خود را دارد و اندازه‌ی نیروی کشسانی و شتاب حرکت نوسانگر صفر بوده و تندی حرکت بیشینه می‌باشد.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.  
ابتدا بسامد زاویه‌ای نوسانگر را به دست می‌آوریم:



$$F_{فر} = mg \Rightarrow k\Delta L = mg \Rightarrow \frac{k}{m} = \frac{g}{\Delta L}$$

حالا با دانستن کسر  $\frac{k}{m}$  می‌توانیم بسامد زاویه‌ای جسم را محاسبه کنیم:

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{g}{\Delta L}} = \sqrt{\frac{10}{5}} = \sqrt{2} \text{ rad/s}$$

$$a = -\omega^2 x$$

$$a = -\omega^2 x \Rightarrow a = -200x \quad \longrightarrow \quad \ddot{x} = -200x$$

$$\Rightarrow x = \frac{-5}{200} \text{ m} \quad \text{یا} \quad x = -2/5 \text{ cm} \Rightarrow |x| = 2/5 \text{ cm}$$

با توجه به رابطه‌ی شتاب داریم:

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

اگر نوسانگری در مدت  $t$  ثانیه،  $n$  نوسان کامل انجام دهد. دوره‌ی نوسان از رابطه‌ی  $T = \frac{t}{n}$  محاسبه می‌شود. با توجه به رابطه‌ی دوره خواهیم داشت:

$$n_A - n_B = 2$$

$$\Rightarrow \frac{t}{T_A} - \frac{t}{T_B} = 2 \Rightarrow \frac{2}{T_A} - \frac{2}{T_B} = 2 \Rightarrow \frac{1}{T_A} - \frac{1}{T_B} = \frac{1}{3}$$

اگر دو طرف تساوی را در  $2\pi$  ضرب کنیم، پاسخ سؤال مشخص می‌شود.

$$2\pi \left( \frac{1}{T_A} - \frac{1}{T_B} \right) = 2\pi \times \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{2\pi}{T_A} - \frac{2\pi}{T_B} = \frac{4\pi}{3}$$

$$\Rightarrow \omega_A - \omega_B = \frac{4\pi}{3} \text{ rad/s}$$

یعنی بسامد زاویه‌ای نوسانگر A،  $\frac{4\pi}{3}$  رادیان بر ثانیه از بسامد زاویه‌ای نوسانگر B بیشتر است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.  
ابتدا سرعت انتشار را محاسبه می‌کنیم:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{160}{0.4}} = 20 \frac{m}{s}$$

با توجه به شکل سؤال، فاصله‌ی  $20\text{ cm}$  برابر با  $\frac{5\lambda}{4}$  است.

$$\frac{5\lambda}{4} = 20 \Rightarrow \lambda = 16 \text{ cm}$$

$$x = 2\lambda = 48 \text{ cm} = \frac{48}{100} \text{ m}$$

برای محاسبه‌ی زمان خواهیم داشت:

$$x = vt \Rightarrow \frac{48}{100} = 20t \Rightarrow t = 24 \times 10^{-3} \text{ s} = 24 \text{ ms}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. در لحظه‌ای که جهت شتاب عوض می‌شود، سرعت بیشینه و در لحظه‌ای که جهت حرکت عوض می‌شود، شتاب بیشینه است.

$$\left\{ \begin{array}{l} a_{\max} = A\omega^2 = 8 \cdot \frac{m}{s^2} \\ v_{\max} = A\omega = 4 \frac{m}{s} \end{array} \right. \Rightarrow \omega = 20 \frac{\text{rad}}{\text{s}}, A = 0.2 \text{ m} = 20 \text{ cm}$$

در هر نوسان نوسانگر ۴ برابر دامنه مسافت طی می‌کند.  
 $d = 4A = 80 \text{ cm}$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. فاصله محل وقوع زلزله تا ایستگاه لرزه‌نگاری را  $\Delta x$  درنظر می‌گیریم:

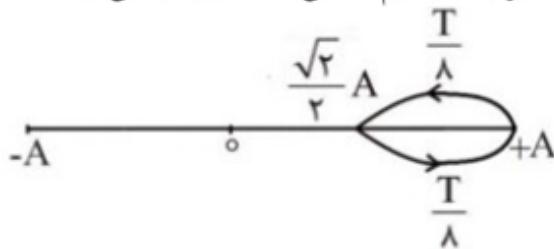
$$\Delta t = \frac{\Delta x}{v_s} - \frac{\Delta x}{v_p} \Rightarrow \Delta x = \frac{v_p \times v_s}{v_p - v_s} \Delta t \rightarrow \Delta x = \frac{8/4 \times 4/2}{8/4 - 4/2} \times 25 = 210 \text{ km}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در مکان  $x = 5\text{cm}$  از انتهای جنبشی نصف از انتهای مکانیکی است، پس این نقطه

$$K_{\max} = U_{\max} = \frac{1}{2}kA^2 \quad \text{است؛ این یعنی } x = \frac{\sqrt{2}}{2}A$$

$$1 = \frac{1}{2}k(5\sqrt{2})^2 \times 10^{-4} \rightarrow k = 400 \frac{N}{m}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با حرکت به سمت انتهای پاره خط نوسان، تندی حرکت نوسانگر کاهش می‌یابد. پس برای آنکه حداقل تندی متوسط را داشته باشیم باید به انتهای پاره خط نوسان نزدیک باشیم. کافی است بازه زمانی را نصف



کنیم و در اطراف نقاط بازگشت قرار دهیم:

با توجه به شکل مسافت طی شده در این مدت  $\frac{1}{6}A$  است. از طرف دیگر حداقل مدت زمان حرکت از یک نقطه بازگشت به نقطه بازگشت دیگر  $\frac{T}{2}$  است:

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} \rightarrow s_{av} = \frac{\frac{1}{6}A}{\frac{T}{2}} = \frac{\frac{1}{6} \times 21}{\frac{4}{2}} = 12 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

[۱۳۶]

گزینه ۱

پاسخ صحیح است. علت نادرستی سایر عبارات:

- الف) اثر دوپلر نه تنها برای امواج صوتی بلکه برای امواج الکترومغناطیسی نیز برقرار است.
- ب) ضریب شکست هر محیط به جز خلا به طول موج نور بستگی دارد.
- د) شکست برای امواج مکانیکی نیز رخ می‌دهد.
- ه) بیشترین حساسیت گوش انسان به بسامدهایی در گسترده ۲۰۰۰ Hz تا ۵۰۰۰ Hz است.

[۱۳۷] گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

با توجه به نمودار  $s_{av} = \frac{5T}{4}$  است:  $T = 96s$ . معادله مکان - زمان (برحسب سانتی‌متر) با توجه به عبارتست از:

$$x = A \cos\left(\frac{2\pi}{96}t\right) \rightarrow x(64) = A \cos\left(2\pi \frac{64}{96}\right) = A \cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) = A \times \left(-\frac{1}{2}\right) = -3\text{cm}$$

[۱۳۸] گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

به کمک  $s_{av} = \frac{1}{\Delta t}$  مقدار مسافت طی شده توسط نوسانگر در مدت ۱s را تعیین می‌کنیم:

$$1 = 48 \times 1 = 48\text{cm}$$

در هر یک نوسان دو بار طول پاره خط طی شود. یعنی مسافت طی شده در هر نوسان ۲۴cm است. اکنون به سادگی متوجه می‌شویم که در یک ثانیه دو نوسان رخ می‌دهد:

$$T = \frac{t}{N} \rightarrow T = \frac{1}{2} \text{ s} \xrightarrow{f = \frac{1}{T}} f = 2\text{Hz}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۳۹

$$\text{طبق رابطه } T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \text{ افزایش دما و کاهش شتاب باعث افزایش } T \text{ می شود و } \frac{t}{T} = n \text{ افزایش } T \text{ باعث کاهش}$$

تعداد نوسانات و عقب افتادن می شود.

تذکر: دوره تناوب آونگ ساده به جرم و دامنه آن بستگی ندارد.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۱۴۰

$$t = T + \frac{1}{4} T = 1/25 \Rightarrow \frac{5}{4} T = 1/25 \% T = 1 \text{ (s)}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi$$

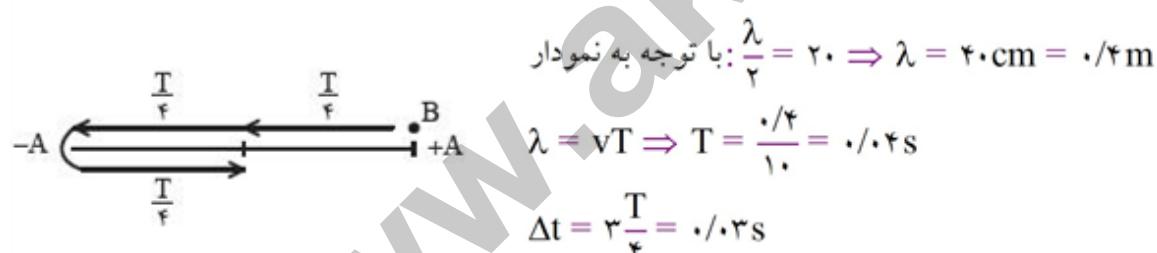
$$x = A \cos \omega t \Rightarrow \ddot{x} = -A \omega^2 \cos \omega t \Rightarrow \ddot{x} = -\frac{1}{4} \cos 2\pi t$$

$$\cos \frac{\pi}{3} = \cos 2\pi t \Rightarrow t = \frac{1}{6} \text{ (s)}$$

$$t_1 = T + \frac{1}{6} = \frac{7}{6} \text{ (s)}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ذره M در ابتدا در مکان A قرار دارد. با توجه به جهت انتشار ذره M به سمت مرکز

نوسان حرکت می کند و بعد از مدت  $\Delta t = \frac{2T}{3}$  برای اولین بار به موقعیت ذره N می رسد. (ذره N در مرکز نوسان قرار دارد).



گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۱۴۲

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow T_1 = 1 \text{ s} \Rightarrow 1 = 2\pi \sqrt{\frac{L_1}{g}} \Rightarrow L_1 = 25 \text{ cm}$$

$$T_2 = 2 \text{ s} \Rightarrow 2 = 2\pi \sqrt{\frac{L_2}{g}} \Rightarrow L_2 = 100 \text{ cm}$$

بنابراین طول آونگها باید بین 25cm و 100cm باشد، پس آونگ B و C به تشدید درمی آیند.

۱۴۳

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. نیروی مرکزگرانیروی کشش نخ است.

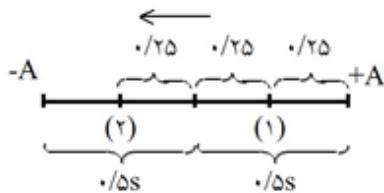
$$T' = ml\omega^2 = ml \frac{4\pi^2}{T^2} \Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{ml}{T^2}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{0.1 \times 1/6}{25}} = 2\pi \sqrt{\frac{1/6}{2500}} = \frac{8\pi}{50} = \frac{4\pi}{25} \text{ (s)}$$

۱۴۴

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. بیشترین جابه‌جایی زمانی است که نوسانگر بیشترین سرعت را دارد و بیشترین سرعت متوسط با توجه به ثابت بودن  $\Delta t$  زمانی رخ می‌دهد که نوسانگر بیشترین جابه‌جایی را دارد یعنی در دو طرف مرکز نوسان.

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow T = 2s$$



$$t_1 = \pi/25s \Rightarrow x_1 = 0.04 \times \cos \frac{\pi}{4} = 2\sqrt{2} \text{ cm}$$

$$t_2 = 3 \times \pi/25s \Rightarrow x_2 = 0.04 \times \cos \frac{3\pi}{4} = -2\sqrt{2} \text{ cm}$$

$$|d| = x_2 - x_1 = 4\sqrt{2} \text{ cm} \Rightarrow \bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{4\sqrt{2}}{0.05} = 8\sqrt{2} \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

۱۴۵

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. اگر  $\gamma_1$  زاویه‌ی متفرجه، بین دو آینه باشد، زاویه‌ی انحراف بین دو آینه یا همان زاویه پرتو تابش به آینه اول و بازتاب از آینه دوم برابر است با:

$$D_1 = 360^\circ - 2\gamma_1 = 360^\circ - 2 \times 110^\circ = 140^\circ$$

در حالت دوم زاویه‌ی بین دو آینه  $\gamma_2 = 110^\circ - 30^\circ = 80^\circ$  و حاده می‌باشد. زاویه‌ی انحراف بین دو آینه برابر است با:

$$D_2 = 2\gamma_2 = 2 \times 80^\circ = 160^\circ$$

$$\Delta D = D_2 - D_1 = 160^\circ - 140^\circ = 20^\circ$$

در نتیجه:

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا نسبت به صوت به شدت صوت موج معيار را محاسبه می کنیم:

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \xrightarrow{\beta = 25 \text{ dB}} 25 - 10 \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 25 - \log \frac{I}{I_0}$$

$$\Rightarrow 1/5 + 1 = \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 5 \times 1/5 + 1 = \log \frac{I}{I_0}$$

$$\Rightarrow 5 \log 2 + \log 10 = \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow \log 2^5 + \log 10 = \log \frac{I}{I_0}$$

$$\Rightarrow \log 320 = \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow \frac{I}{I_0} = 320 \Rightarrow I = 320 I_0$$

اختلاف شدت صوت را می توان به صورت زیر به دست آورد:

$$I - I_0 = 320 I_0 - I_0 = 319 I_0 = 319 \times 10^{-12} \frac{W}{m^2}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. بیشینه ای انرژی پتانسیل همان انرژی مکانیکی یعنی  $1/16$  ژول است، بنابراین:

$$E = 1/16 J \Rightarrow E = 2\pi^2 m A^2 f^2$$

$$\Rightarrow 1/16 = 2 \times 10 \times 50 \times 10^{-3} \times 4 \times 10^{-2} \times f^2$$

$$f^2 = \frac{1/16}{2 \times 10 \times 50 \times 10^{-3} \times 4 \times 10^{-2}} = \frac{16}{2 \times 4 \times 5 \times 10^{-1}} =$$

$$\Rightarrow f = 2 \text{ Hz} \Rightarrow T = \frac{1}{2} \text{ s}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$x = 1/0.5 \cos 2\pi t \quad \left\{ \begin{array}{l} A = \frac{0}{100} \text{ m} \\ \omega = 2\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}} \end{array} \right.$$

$$K = \frac{1}{2} U \Rightarrow U = 2K$$

$$E = U + K \Rightarrow E = 2K + K = 3K \Rightarrow \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 = 3 \times \frac{1}{2} m v^2$$

$$\Rightarrow v^2 = \frac{1}{3} A^2 \omega^2 \Rightarrow v = \frac{1}{\sqrt{3}} A \omega \Rightarrow v = \frac{1}{\sqrt{3}} \times \frac{0}{100} \times 2\pi = \frac{\pi}{\sqrt{3}} \text{ m/s}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. بررسی گزینه‌ها:

گزینه (۱): تندی انتشار به ویژگی‌های فیزیکی محیط انتشار بستگی دارد و عمق آب نیز از مشخصات فیزیکی محیط است.

گزینه (۲): بسامد از ویژگی‌های چشمۀ موج است و در تمام نقاط موج یکسان است.

گزینه (۳): در هیچ‌کدام از موج‌های عرضی یا طولی، ذرات به همراه موج جابه‌جا نمی‌شوند.

گزینه (۴): در طی انتشار موج، علاوه بر انرژی جنبشی، انرژی پتانسیل هم انتقال می‌یابد.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\lambda = \frac{c}{f} = 2 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = \frac{c}{f} \Rightarrow f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8}{2 \times 10^{-2}} = 15 \times 10^{10} \text{ Hz} = 15 \text{ GHz}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$K = 2U \Rightarrow E = U + K \Rightarrow E = K + \frac{K}{2} \Rightarrow E = \frac{3}{2}K$$

$$\frac{1}{2}mA^2\omega^2 = \frac{3}{2} \times \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow v = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \times A\omega = \frac{\sqrt{6}}{3} \times \frac{1}{10} \times 20\pi \Rightarrow v = \frac{\sqrt{6}}{3} \times \pi = \sqrt{6} \frac{m}{s}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$U_m = E = \frac{1}{2}mA^2\omega^2 \longrightarrow E = \frac{1}{2}kA^2$$

$$\begin{cases} F = -kx \\ F = -90x \end{cases} \Rightarrow k = 90 \frac{N}{m}$$

$$\Rightarrow E = \frac{1}{2}kA^2 \Rightarrow A^2 = \frac{2E}{k} \Rightarrow A = \sqrt{\frac{2E}{k}}$$

$$\Rightarrow A = \sqrt{\frac{2 \times 18 \times 10^{-3}}{90}} = \sqrt{4 \times 10^{-4}} = 2 \times 10^{-2} \text{ m} = 2 \text{ cm}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با نوسان آونگ شماره ۵ به آونگ‌های ۱، ۳ و ۴، انرژی منتقل می‌شود و آن‌ها را به حرکت درمی‌آورد، ولی بیشترین انرژی در حالت تشدید به نوسانگر منتقل می‌شود چون طول آونگ‌های ۵ و ۲ برابر و با آن هم دوره است و پدیده تشدید در مورد آونگ ۲ اتفاق می‌افتد.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. تندی انتشار موج در هر محیطی فقط به ویژگی‌های فیزیکی محیط انتشار بستگی دارد و از

$$\text{رابطه } \frac{V}{f} = \lambda \text{ با نصف شدن بسامد، طول موج دو برابر می‌شود.}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۱۵۵

$$\left\{ \begin{array}{l} V = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \Rightarrow V = \sqrt{\frac{F}{PA}} \Rightarrow \frac{V_A}{V_B} = \sqrt{\frac{F_A}{F_B} \cdot \frac{P_B}{P_A} \cdot \frac{A_B}{A_A}} = \sqrt{\gamma} \\ \mu = PA \end{array} \right.$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۵۶

$$\beta = 1 \cdot \log\left(\frac{I}{I_0}\right) \Rightarrow \gamma/\gamma = \log\left(\frac{I}{I_0}\right)$$

$$\log\left(\frac{I}{I_0}\right) = \gamma + \gamma/\gamma = \log 1 \cdot \gamma + \log \gamma = \log(2 \times 1 \cdot \gamma)$$

$$\frac{I}{I_0} = \gamma \times 1 \cdot \gamma \Rightarrow I = \gamma \times 1 \cdot \gamma \times 1 \cdot \gamma^{-12} = \gamma \times 1 \cdot \gamma^{-12}$$

$$I = \frac{P}{A} = \frac{E}{At} \Rightarrow E = IAt \Rightarrow E = \gamma \times 1 \cdot \gamma^{-12} \times 5 \times 1 \cdot \gamma^{-10} \times 6 = 6 \times 1 \cdot \gamma^{-11} J = 0.06 mJ$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۱۵۷

$$A_1 = A_2, K_1 = \frac{1}{\gamma} m_1 v_{max}^{\gamma}, K_2 = \frac{1}{\gamma} m_2 v_{max}^{\gamma}$$

$$K_1 = K_2 \Rightarrow \frac{1}{\gamma} m_1 A_1^{\gamma} \omega_1^{\gamma} = \frac{1}{\gamma} m_2 A_2^{\gamma} \omega_2^{\gamma} \Rightarrow m_1 \omega_1^{\gamma} = m_2 \omega_2^{\gamma} \quad (1)$$

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{1}{\gamma} \xrightarrow{\omega = \frac{\gamma \pi}{T}} \frac{\omega_1^{\gamma}}{\omega_2^{\gamma}} = \gamma \Rightarrow \frac{m_1}{m_2} = \left(\frac{\omega_2}{\omega_1}\right)^{\gamma} = \frac{1}{\gamma}$$

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{m_2 v_{m_2}}{m_1 v_{m_1}} = \gamma \times \frac{A_2^{\gamma} \omega_2^{\gamma}}{A_1^{\gamma} \omega_1^{\gamma}} = \gamma \times \frac{1}{\gamma} = 1$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به نمودار دورهٔ تناوب و بسامد زاویه‌ای را به دست می‌آوریم:

$$\frac{3}{4}T = \frac{15}{100} \Rightarrow T = \frac{1}{20}s \Rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T} = 10\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

محاسبهٔ لحظهٔ  $t_1$ :

$$x = 6 \cos(10\pi t) \Rightarrow -3 = 6 \cos(\omega t_1) \Rightarrow \cos(\omega t_1) = -\frac{1}{2} \Rightarrow \begin{cases} \omega t_1 = \frac{2\pi}{3} & \text{قابل قبول} \\ \omega t_1 = \frac{4\pi}{3} & \text{غیرقابل قبول} \end{cases}$$

چون لحظهٔ  $t_1$  در ربع دوم نمودار واقع است، پاسخ  $\frac{2\pi}{3}$  برای شناسهٔ کسینوس درست است:

$$10\pi t_1 = \frac{2\pi}{3} \Rightarrow t_1 = \frac{1}{15} \text{ (s)}$$

$$V_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{6 - (-3)}{\frac{1}{10} - \frac{1}{15}} = \frac{9}{\frac{6}{10} - \frac{2}{15}} = 67.5 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به نمودار مکان-زمان می‌توان گفت دورهٔ حرکت ۱s می‌باشد. در دورهٔ حرکت

دوم، حرکت مکان متحرکی در قسمت‌های مثبت و نیمی از دامنه می‌باشد:

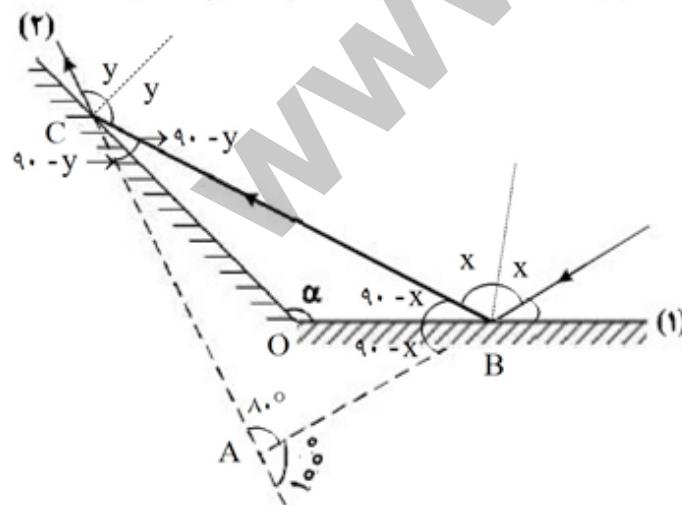
$$y = 4 \cos 2\pi t \Rightarrow \cos 2\pi t = \frac{1}{2} \Rightarrow 2\pi t = \frac{\pi}{3} \Rightarrow t = \frac{1}{6} \text{ s}$$

$$t_1 = 1 + \frac{1}{6} = \frac{7}{6} \text{ s}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\triangle ABC : (180 - 2y) + (180 - 2x) + 180^\circ = 180^\circ \quad (1)$$

$$\triangle OBC : (90 - y) + (90 - x) + \alpha = 180^\circ \quad (2)$$



$$\Rightarrow \begin{cases} (1) : x + y = 130^\circ \\ (2) : \alpha = x + y \end{cases} \\ \Rightarrow \alpha = 130^\circ$$

۱۶۱

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. در لحظه‌ی برابری انرژی جنبشی و پتانسیل داریم:

$$V = \frac{\sqrt{2}}{2} V_{\max} = \frac{\sqrt{2}}{2} A\omega = \frac{\sqrt{2}}{2} \times 5 \times \frac{2\pi}{0.1} = 50\pi\sqrt{2}$$

۱۶۲

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. انرژی مکانیکی نوسان‌گر ثابت است پس داریم:

$$E = U + K \Rightarrow 0.5mv^2 = 2K \Rightarrow K = 4 \times 10^{-3} J$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow 4 \times 10^{-3} = \frac{1}{2} \times 0.1 \times V^2 \Rightarrow V^2 = 8 \times 10^{-2} \Rightarrow V = 2\sqrt{2} \times 10^{-1} = \frac{\sqrt{2}m}{5s}$$

۱۶۳

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. دوره نوسان آونگ با جذر طول آونگ رابطه مستقیم دارد:

$$\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{l_2}{l_1}} \Rightarrow \frac{1}{2} = \sqrt{\frac{l_2}{80}} \Rightarrow \frac{1}{4} = \frac{l_2}{80} \Rightarrow l_2 = 20 \text{ cm}$$

پس باید ۶۰ سانتی‌متر کاهش دهیم.

۱۶۴

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\frac{n_1}{n_4} = \frac{n_1}{n_2} \times \frac{n_2}{n_3} \times \frac{n_3}{n_4} \Rightarrow n_1 \sin 45^\circ = n_4 \sin 45^\circ \Rightarrow \frac{n_1}{n_4} = \frac{\sin 45^\circ}{\sin 53^\circ} = \frac{v_2}{v_1} \times \frac{n_2}{n_3} \times \frac{v_4}{v_3}$$

$$\Rightarrow \frac{v/v}{v/v} = \frac{v/v_0 v_1}{v_1} \times \frac{n_2}{n_3} \times \frac{1/4 v_3}{v_3} \Rightarrow \frac{n_2}{n_3} = \frac{10}{12} = \frac{5}{6}$$

۱۶۵

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. با توجه به نسبت طول موج دو پرتوی A و B، به سادگی نسبت انرژی هر فوتون از A با انرژی هر فوتون از B در خلاصه صورت زیر قابل مقایسه است:

$$\lambda_A = \lambda_B + \frac{25}{100} \lambda_B = \frac{5}{4} \lambda_B$$

$$E \propto \frac{1}{\lambda} \Rightarrow \frac{E_A}{E_B} = \frac{\lambda_B}{\lambda_A} = \frac{\lambda_B}{\frac{5}{4} \lambda_B} = \frac{4}{5}$$

دقت کنید: با ورود هریک از فوتون‌ها به آب، فرکانس و انرژی آنها ثابت مانده و نسبت  $\frac{E_A}{E_B}$  در آب نیز برابر  $\frac{4}{5}$  می‌باشد.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. پرتو هنگام ورود از محیط رقیق به خط عمود بر سطح نزدیک می‌شود.

بنابراین می‌توان با استفاده از رابطه  $\hat{D} = \hat{i} - \hat{r}$  که  $\hat{D} = \hat{i} - \hat{r}$  است، زاویه‌ی شکست را به دست آورد.

$$\hat{D} = \hat{i} - \hat{r} \Rightarrow \hat{r} = \hat{i} - \hat{D} \Rightarrow \hat{i} = \hat{r} + \hat{D} = 2\hat{r} \Rightarrow 60^\circ = 2\hat{r} \Rightarrow \hat{r} = 30^\circ$$

اکنون با استفاده از قانون اسنل، نسبت ضریب شکست‌ها را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{\sin \hat{i}}{\sin \hat{r}} = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow \frac{\sin 60^\circ}{\sin 30^\circ} = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{2}} = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow \frac{n_2}{n_1} = \sqrt{3}$$

حال مطابق رابطه  $n = \frac{c}{v}$ ، ضریب شکست با سرعت، رابطه‌ی عکس دارد در نتیجه:

$$\frac{n_2}{n_1} = \frac{v_1}{v_2} \Rightarrow \sqrt{3} = \frac{c}{v_2} \Rightarrow \sqrt{3} = \frac{3 \times 10^8}{v_2} \Rightarrow v_2 = \frac{3 \times 10^8}{\sqrt{3}} = \sqrt{3} \times 10^8 \text{ m/s}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. وقتی صوتی به زحمت شنیده می‌شود، یعنی شدت آن برابر با شدت آستانه است. طبق

رابطه‌ی  $I = \frac{p}{4\pi r^2}$ ، شدت صوت با محدود فاصله رابطه‌ی عکس دارد، بنابراین:

$$\begin{cases} I_1 = \frac{\mu W}{m^2} \\ I_2 = I_1 = \frac{10^{-6} \mu W}{m^2} \end{cases} \Rightarrow \frac{I_1}{I_2} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{10^{-6}}{\frac{10^{-4}}{4}} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{2}{10^{-3}} = \frac{r_2}{2} \Rightarrow r_2 = 4 \times 10^{+3} \text{ m} = 4 \text{ km}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با توجه به شکل، مقدار نشان داده شده برابر  $\frac{\lambda}{2}$  است، بنابراین:

$$\frac{\lambda}{2} = 3 \times 10^{-7} \text{ cm} \Rightarrow \lambda = 6 \times 10^{-7} \text{ cm} = 6 \times 10^{-9} \text{ m}$$

$$\lambda = cT \Rightarrow 6 \times 10^{-9} = 3 \times 10^8 \times T \Rightarrow T = 2 \times 10^{-17} \text{ s}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به رابطه‌ی  $\beta_1 - \beta_2 = 10 \log \frac{I_1}{I_2}$  می‌توان نوشت:

$$\beta_1 - \beta_2 = 10 \log \frac{I_1}{I_2} \xrightarrow{I_1 = \left(\frac{d_2}{d_1}\right)^2} \beta_1 - \beta_2 = 10 \log \left(\frac{d_2}{d_1}\right)^2$$

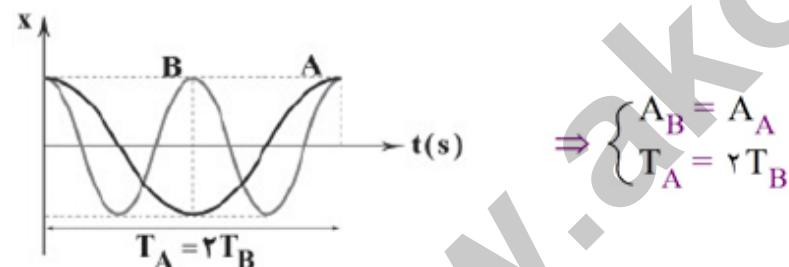
$$\Rightarrow 17 - 5 = 10 \log \left(\frac{d_2}{d_1}\right)^2 \Rightarrow 12 = \log \left(\frac{d_2}{d_1}\right)^2 \Rightarrow \log 12 = \log \left(\frac{d_2}{d_1}\right)^2$$

$$12 = \left(\frac{d_2}{d_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{d_2}{d_1} = \sqrt{12} \xrightarrow{d_1 = 4m} d_2 = \sqrt{12} \times 4 = 4\sqrt{3}m \Rightarrow \Delta d = 16 - 4\sqrt{3} = 12m$$

دقت کنید: تبدیل  $1/2$  به عدد لگاریتمی:

$$1/2 = \sqrt{e} \approx 1.64 = \sqrt{\log e} = \log \sqrt{e}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. گام اول: با توجه به نمودار مکان - زمان داده شده، دامنه و دوره‌ی تناوب دو نوسانگر را با هم مقایسه می‌کنیم:

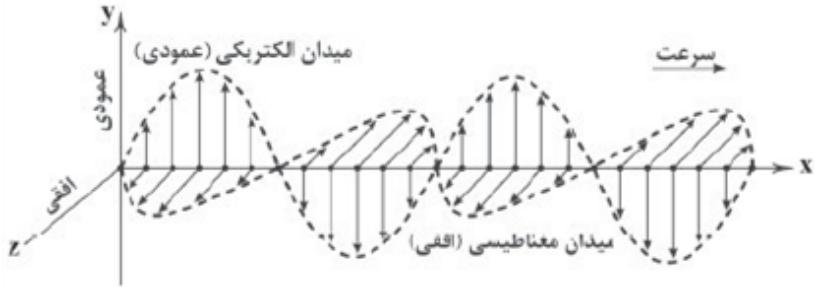


$$\Rightarrow \begin{cases} A_B = A_A \\ T_A = 2T_B \end{cases}$$

با توجه به رابطه‌ی  $E = K_{max} = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2$ , می‌توان نوشت:

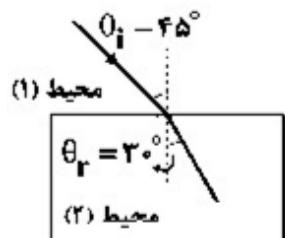
$$\frac{K_{maxA}}{K_{maxB}} = \frac{m_A}{m_B} \times \left(\frac{A_A}{A_B}\right)^2 \times \left(\frac{\omega_A}{\omega_B}\right)^2 \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}} \frac{1}{1} = \frac{m_A}{m_B} \times (1)^2 \times \left(\frac{T_B}{T_A}\right)^2$$

$$\Rightarrow 1 = \frac{m_A}{m_B} \times (1)^2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 \Rightarrow \frac{m_A}{m_B} = 4$$



گزینه ۴ پاسخ صحیح است. بسامد موج ثابت می‌ماند و سرعت انتشار موج افزایش می‌یابد با توجه به رابطه  $v = \lambda \cdot f$  طول موج نیز افزایش می‌یابد. ۱۷۲

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با توجه به این که پرتو نور از هوا وارد یک محیط شفاف شده است، تنデی آن کاهش یافت و به خط عمود بر سطح نزدیک می‌شود و داریم: ۱۷۳



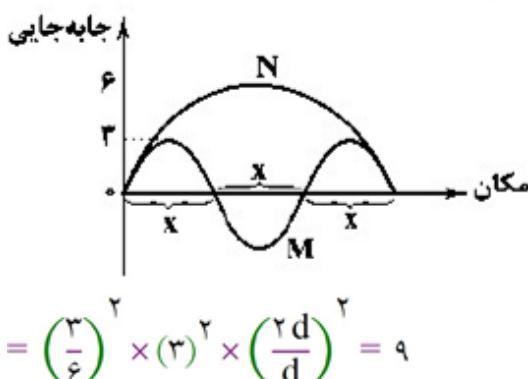
$$\theta_r = \theta_i - 15^\circ = 45^\circ - 15^\circ = 30^\circ$$

در ادامه با نوشتن یک تناوب ساده نسبت طول موج‌ها را به دست می‌آوریم:

$$\frac{\sin \theta_r}{\sin \theta_i} = \frac{v_2}{v_1} \xrightarrow{\lambda = \frac{v}{f}} \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{\sin \theta_r}{\sin \theta_i} = \frac{\sin 30^\circ}{\sin 45^\circ} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در شکل رسم شده در گزینه‌ی ۳ شنونده و چشم‌های صوت در حال نزدیک شدن به یکدیگر هستند، بنابراین بسامد دریافتی توسط شنونده بیشتر از بسامد صدای چشم‌های صوت، از طرف دیگر چون چشم‌های صوت در حال حرکت است و شنونده در جلوی چشم‌های صوت قرار دارد، طول موج دریافتی توسط شنونده کمتر از طول موج صدای چشم‌های صوت خواهد بود. ۱۷۴

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. همان‌طور که می‌دانید طبق رابطه‌ی  $I \propto \left(\frac{Af}{r}\right)^2$  شدت صوت با مجذور دامنه و مجذور بسامد رابطه‌ی مستقیم و با مجذور فاصله رابطه‌ی عکس دارد، بنابراین داریم:

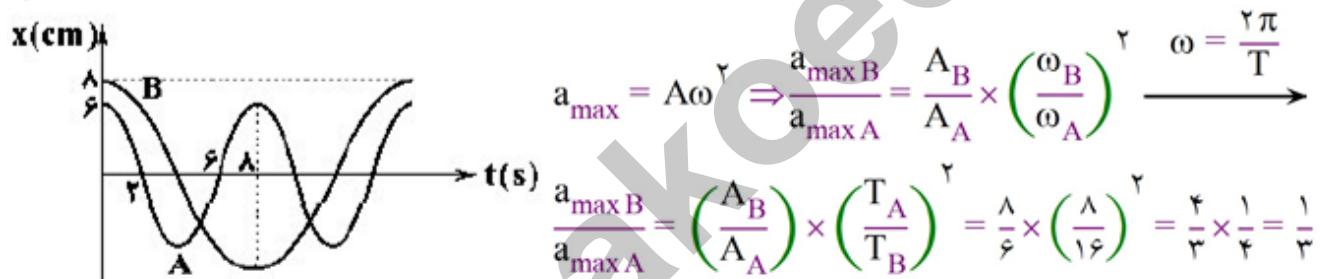


$$\frac{\lambda_M}{\lambda_N} = \frac{2x}{6x} = \frac{1}{3} \quad \rightarrow \quad \frac{\lambda}{f} = \frac{V}{f} \quad \rightarrow \quad \frac{f_M}{f_N} = \frac{\lambda_N}{\lambda_M} = 3$$

$$\frac{I_M}{I_N} = \left(\frac{A_M}{A_N}\right)^2 \times \left(\frac{f_M}{f_N}\right)^2 \times \left(\frac{r_N}{r_M}\right)^2$$

$$= \left(\frac{3}{6}\right)^2 \times (3)^2 \times \left(\frac{2d}{d}\right)^2 = 9$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. همان‌طور که در شکل زیر می‌بینید در لحظه‌ی  $t = 8s$  هر دو نوسانگر در نقطه‌ی بازگشته خود هستند. از طرف دیگر می‌دانیم که در نقاط بازگشتی، شتاب حرکت نوسانگر بیشینه است. بنابراین داریم:



$$a_{\max} = A\omega^2 \Rightarrow \frac{a_{\max B}}{a_{\max A}} = \frac{A_B}{A_A} \times \left(\frac{\omega_B}{\omega_A}\right)^2 \quad \rightarrow \quad \omega = \frac{2\pi}{T}$$

$$\frac{a_{\max B}}{a_{\max A}} = \left(\frac{A_B}{A_A}\right) \times \left(\frac{T_A}{T_B}\right)^2 = \frac{4}{6} \times \left(\frac{4}{16}\right)^2 = \frac{4}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{3}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ابتدا لحظه‌ی مورد نظر را در معادله‌ی مکان - زمان جایگذاری می‌کنیم:

$$x = A/2 \cos\left(\frac{\pi}{4}t\right) \quad \rightarrow \quad x = A/2 \cos\left(\frac{\pi}{4}(6)\right) = 0$$

بنابراین در لحظه‌ی مورد نظر جسم در حالت تعادل قرار دارد و تغییرات طول فنر نسبت به حالت عادی اش برابر صفر است. چون در این لحظه طول فنر به  $36\text{ cm}$  می‌رسد، می‌توانیم نتیجه بگیریم که طول عادی فنر برابر  $36\text{ cm}$  است. از طرف دیگر طبق معادله‌ی مکان - زمان دامنه‌ی حرکت  $20\text{ cm}$  است بنابراین داریم:

$$\text{بیشترین طول فنر} = 36 + 20 = 56\text{ cm}$$

$$\text{کمترین طول فنر} = 36 - 20 = 16\text{ cm}$$

$$\frac{\text{بیشترین طول فنر}}{\text{کمترین طول فنر}} = \frac{56}{16} = \frac{7}{2}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا رابطه‌ی بین تراز شدت صوت  $\beta$  و فاصله تا چشم‌هی صوت  $r$  را محاسبه می‌کنیم:

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log \frac{r_1}{r_2} \Rightarrow \beta_2 - \beta_1 = 20 \log \frac{r_1}{r_2}$$

در حالت اول  $r_2 = 2m$  و  $r_1 = 8m$  به ترتیب تراز شدت صوت آن  $\beta$  و  $5\beta$  است، بنابراین:

$$\beta_2 - \beta_1 = 20 \log \frac{r_1}{r_2} \Rightarrow 5\beta - \beta = 20 \log \frac{8}{2} \Rightarrow 4\beta = 20 \log 4 \Rightarrow \beta = 5 \log 4 = 10 \log 2$$

در حالت دوم فاصله‌ی  $r_2 = 2m$  و  $r_3 = 4m$  را محاسبه می‌کنیم:

$$\beta_3 - \beta_2 = 20 \log \frac{r_2}{r_3} \Rightarrow 3\beta - 5\beta = 20 \log \frac{2}{4} \Rightarrow -2\beta = 20 \log \frac{2}{4} \xrightarrow{\beta = 10 \log 2}$$

$$-2 \times 10 \log 2 = 20 \log \frac{2}{4} \Rightarrow -\log 2 = \log \frac{2}{4} \Rightarrow \log 2^{-1} = \log \frac{2}{4} \Rightarrow \log \frac{1}{2} = \log \frac{2}{4}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{2}{4} \Rightarrow r_3 = 4m$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بسامد امواج الکترومغناطیسی از ویژگی‌های منبع متشرکنندهی آن است. بنابراین بسامد

نور تکرنگ در هوا و آب با یکدیگر برابر هستند در نتیجه، با استفاده از رابطهی  $\frac{V}{f} = \lambda$  می‌توان فهمید که نسبت

$$\frac{\lambda_{\text{هوا}}}{\lambda_{\text{آب}}} = \frac{V_{\text{هوا}}}{V_{\text{آب}}} = \frac{4}{3} \xrightarrow{V_{\text{هوا}} = c} V_{\text{آب}} = \frac{3}{4}c \quad \text{سرعت نور تکرنگ در هوا به آب برابر } \frac{3}{4} \text{ است.}$$

حال می‌دانیم امواج الکترومغناطیسی در یک محیط با سرعت ثابت حرکت می‌کنند، بنابراین زمان کل حرکت نور از نقطه‌ی A تا B برابر است با مجموع زمان‌های حرکت نور در هوا و آب است.

$$\begin{aligned} t_{\text{کل}} &= \frac{AO}{V_{\text{هوا}}} + \frac{OB}{V_{\text{آب}}} \\ &\Rightarrow 18 \times 10^{-6} = \frac{AO}{c} + \frac{OB}{\frac{3}{4}c} \Rightarrow 18 \times 10^{-6} \\ &= \frac{AO}{c} + \frac{4}{3} \frac{OB}{c} \Rightarrow 18 \times 10^{-6} = \frac{AO}{3 \times 10^8} + \frac{4}{3} \times \frac{1800}{3 \times 10^8} \\ &\Rightarrow 18 \times 10^{-6} = \frac{AO + 2400}{3 \times 10^8} \Rightarrow 18 \times 10^{-6} \times 3 \times 10^8 = AO + 2400 \Rightarrow 54000 = AO + 2400 \\ &\Rightarrow AO = 54000 - 2400 = 30000 \text{ m} \end{aligned}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ابتدا نسبت طول موج نور در آزمایش را در دو محیط محاسبه می‌کنیم:

$$\lambda = \frac{V}{f} \xrightarrow{\text{ثابت}} \frac{\lambda_{\text{مایع}}}{\lambda_{\text{هوا}}} = \frac{V_{\text{مایع}}}{V_{\text{هوا}}} = \frac{2/5 \times 10^8}{3 \times 10^8} = \frac{2/5}{3} = \frac{25}{30} = \frac{5}{6}$$

پهنه‌ای هر نوار تاریک را W فرض می‌کنیم و W با طول موج نور رابطه‌ی مستقیم دارد، بنابراین:

$$\frac{W_{\text{مایع}}}{W_{\text{هوا}}} = \frac{\lambda_{\text{مایع}}}{\lambda_{\text{هوا}}} \xrightarrow{\text{ثابت}} \frac{W_{\text{مایع}}}{1/2} = \frac{5}{6} \Rightarrow W_{\text{مایع}} = 1 \text{ mm}$$

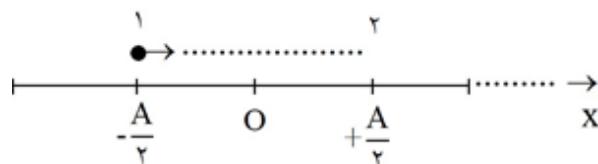
گزینه ۱ پاسخ صحیح است. با مقایسه رابطه در دو حالت خواهیم داشت:

$$f_n = \frac{nc}{\gamma L} \Rightarrow f_2 = \frac{n_2}{n_1} \times \frac{v_2}{v_1} \times \frac{L_1}{L_2} \quad (1)$$

$$v = \sqrt{\frac{F \cdot L}{m}} \Rightarrow v_2 = \sqrt{\frac{F_2}{F_1} \times \frac{L_2}{L_1}} = \sqrt{9 \times 4} = 6$$

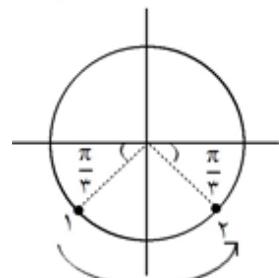
$$(1) \Rightarrow \frac{f_2}{f_1} = \frac{3}{2} \times 6 \times \frac{1}{4} = \frac{9}{4}$$

$$T = \tau s$$



$$\Delta t = ?$$

$$1 \rightarrow 2$$



$$\Delta\theta = \gamma \left( \frac{\pi}{6} \right) = \frac{\pi}{3} \Rightarrow \Delta t = \frac{T}{\gamma} = 1(s)$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$\omega_A = \gamma / 25 \omega_B + \omega_B$$

$$\omega_A = 1 / 25 \omega_B \Rightarrow f_A = 1 / 25 f_B \Rightarrow \frac{1}{T_A} = \frac{1}{T_B}$$

$$\frac{T_B}{T_A} = 1 / 25 \Rightarrow \frac{T_A}{T_B} = 25$$

$$\left( \frac{T_A}{T_B} - 1 \right) \times 100\% = \left( \frac{1}{1/25} - 1 \right) \times 100\% = \frac{24}{1/25} \times 100\% = 2400\%$$

پس دورهی A، ۲۰ درصد کمتر از دورهی B است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\omega_A = \gamma \omega_B \Rightarrow f_A = \gamma f_B \quad f_B = ?$$

$$n_A = n_B + \gamma \cdot \frac{n = tf}{t} \Rightarrow tf_A = tf_B + \gamma \cdot \Rightarrow 120 \cdot f_A = 120 \cdot f_B + \gamma \cdot$$

$$120 \cdot (2f_B) = 120 \cdot f_B + \gamma \cdot \Rightarrow 120 \cdot f_B = \gamma \cdot \Rightarrow f_B = \frac{\gamma \cdot}{120} = \frac{1}{120} \text{ Hz}$$

۱۸۵

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. چون تار با دو سر ثابت ارتعاش می‌کند، خواهیم داشت:

$$f_n = \frac{nv}{2L} \Rightarrow 100 = \frac{2\pi}{2 \times 0.4} \Rightarrow v = 40 \frac{m}{s}$$

$$v = \sqrt{\frac{FL}{m}} \Rightarrow 40 \times 40 = \frac{80 \times 0.4}{m} \Rightarrow m = \frac{2}{100} \text{ kg} = 20 \text{ g}$$

۱۸۶

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. بیشینه انرژی جنبشی نوسانگر ساده، برابر انرژی مکانیکی آن است. پس داریم:

$$k_{\max} = E = \frac{1}{2} kA^2 \Rightarrow 50 \times 10^{-3} = \frac{1}{2} k \times 25 \times 10^{-4} \Rightarrow k = 40 \frac{N}{m}$$

۱۸۷

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$V = 25 \frac{m}{s} \quad v = 240 \frac{m}{s}$$

$$t_{\text{total}} = t_1 + t_2$$

$$t_1 = \frac{\Delta x}{V} = \frac{x}{240} \quad t_2 = \frac{200-x}{V}$$

$$t_1 + t_2 = \frac{x}{25} \Rightarrow t_2 = \frac{x}{25} - \frac{15}{17}$$

$$I: \frac{15}{17} - \frac{x}{240} = \frac{x}{25} - \frac{15}{17} \Rightarrow x = 56 \text{ m} \Rightarrow t_{\text{total}} = \frac{\Delta x}{V} = \frac{56}{25} = 1.12 \text{ s}$$

۱۸۸

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. در نقاط تراکم، فشار دارای بیشترین مقدار است و علامت آن مثبت است. در نقاط انبساط نیز فشار دارای بیشترین مقدار است ولی علامت آن منفی است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۱۸۹

$$\left. \begin{array}{l} \mu : \frac{C}{m} \\ \varepsilon : \frac{C}{N.m} \\ \mu_s = \frac{T.m}{A} \end{array} \right\} \Rightarrow \left( \frac{C}{m} \right)^\alpha \left( \frac{C^\gamma}{N.m} \right)^\beta \left( \frac{T.m}{A} \right)^\gamma = \frac{N.m}{s} \xrightarrow{A = \frac{C}{s}}$$

$$\left( \frac{C}{m} \right)^\alpha \left( \frac{C^\gamma}{N.m} \right)^\beta \left( \frac{T.m.s}{C} \right)^\gamma = \frac{N.m}{s} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \alpha + \gamma\beta + \gamma = 1 \\ \gamma = -1 \\ -\alpha - \gamma\beta + \gamma = 1 \end{array} \right\} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \alpha = +1 \\ \gamma = -1 \\ \beta = -1 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta + \gamma = -1$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در آب‌های کم‌عمق، با افزایش عمق، تندی انتشار موج افزایش می‌یابد و طول موج طبق رابطه  $\lambda = VT$  افزایش می‌یابد. ۱۹۰

$$I = \frac{P}{4\pi r^2} = \frac{400\pi}{4\pi(20)^2} = \frac{1}{4} = 0.25$$

$$\beta = 10 \log \frac{0.25}{10^{-12}} = 10 \log (25 \times 10^{10}) = 10(\log 25 + \log 10^{10})$$

$$= 10(2 \times 1.4 + 10) = 10(1.4 + 10) = 114 \text{ dB}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۱۹۱

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} \Rightarrow \frac{r}{r} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} \Rightarrow L_2 = \frac{16}{9}L_1$$

$$L_2 + L_1 = \left( \frac{16}{9} + 1 \right) L_1 = \frac{25}{9}L_1$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} = \sqrt{\frac{25}{9}} = \frac{5}{3} \Rightarrow T_2 = \left( \frac{5}{3} \right)^2 = 25S$$

$$\omega S \Rightarrow 10 \Rightarrow T = \cdot / \omega S$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{\cdot / 5} = 4\pi$$

$$E = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times (5 \times 10^{-2})^2 \times (4\pi)^2 = \cdot / 1 J$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۱۹۳

$$\Delta t = \frac{\Delta x}{V_S} - \frac{\Delta x}{V_P} = \frac{\Delta x (V_P - V_S)}{V_S V_P} \Rightarrow \cdot S = \frac{200 \text{ km} (\cdot / 6 V_P)}{\cdot / 4 V_P^2} \Rightarrow V_P = 5 \frac{\text{km}}{\text{S}}$$

$$V_S = \cdot / 4 V_P = \frac{\text{km}}{\text{S}} \Rightarrow \Delta x = Vt \Rightarrow 200 \text{ km} = \left( \frac{\text{km}}{\text{S}} \right) t \Rightarrow t = 100 \text{ S}$$

$$\Rightarrow t = \frac{100}{60} = \frac{5}{3} \text{ min}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۱۹۴

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. در مدت زمانی که موج صوتی به دیوار رسیده و بر می‌گردد، خود را ۵ ثانیه حرکت کرده است.  $\Delta x = Vt = 40 \times 5 = 200 \text{ m}$  که برابر است. ۱۹۵

$$\begin{aligned} \Delta x = Vt &\Rightarrow \begin{cases} x = 240t_1 \\ x = 240t_2 \end{cases} \Rightarrow 200 = 240(t_1 - t_2) \Rightarrow t_1 - t_2 = \frac{10}{12} \\ t_1 + t_2 = 5 \\ t_1 - t_2 = \frac{10}{12} \end{aligned} \Rightarrow 2t_1 = 5 + \frac{10}{12} = \frac{95}{12} \Rightarrow t_1 = \frac{95}{240} \Rightarrow d = vt_1 = 240 \times \frac{95}{240} = 95 \text{ m}$$

$$V_m = AW = \frac{2\pi A}{T}$$

$$\frac{V_{m_A}}{V_{m_B}} = \frac{A_A}{A_B} \times \frac{T_B}{T_A} = 1$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۹۶

$$\begin{aligned} \beta_1 = 10 \log \frac{I_1}{I_0} \\ \beta_2 = 10 \log \frac{I_2}{I_0} \end{aligned} \Rightarrow \beta_2 - \beta_1 = 10 \left( \log \frac{I_2}{I_1} \right) \Rightarrow 20 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow I_2 = 100 I_1$$

$$I_2 - I_1 = 19/8 \times 10^{-10} \Rightarrow 99 I_1 = 19/8 \times 10^{-10} \Rightarrow I_1 = 2 \times 10^{-17}$$

$$I = \frac{P}{4\pi r^2} \Rightarrow 20 \times 10^{-17} = \frac{\cdot / 24 \times 10^{-12}}{4 \times 3 \times r^2} = \frac{2 \times 10^{-14}}{r^2} = 20 \times 10^{-17} \Rightarrow r = 1 \text{ cm}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۹۷

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۱۹۸

$$\beta = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow V_0 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = 10^V \Rightarrow I = 10^{-12} \times 10^V = 10^5 \frac{W}{m}$$

$$E = IAt = 10^{-5} \times (150 \times 10^{-4}) \times 60 = 9 \times 10^{-6} J = 9 \mu J$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. فاصله‌ی میان دو بازشدگی متوالی یا دو جمع شدگی متوالی برابر یک طول موج است. ۱۹۹

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. بسامد از ویژگی‌های چشممه نور است، پس ثابت می‌ماند اما سرعت انتشار نور در محیط با ضریب شکست محیط انتشار رابطه عکس دارد، پس  $\frac{c}{n}$  برابر می‌شود. ۲۰۰

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بسامد موج تنها به منع وابسته است و تغییر محیط آن را تغییر نمی‌دهد. ۲۰۱

$$\lambda = \frac{V}{f} \Rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{V_2}{V_1} \Rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{3 \times 10^8}{2/25 \times 10^8} = \frac{3}{2/25} = \frac{4}{3}$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{n_1}{n_2} = \frac{3}{4}$$

$$\lambda = \frac{V}{f} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{3}{4} \Rightarrow \lambda_2 = \frac{3}{4} \times 6 \mu m = 4.5 \mu m \Rightarrow \Delta \lambda = 6 - 4.5 = 1.5 \mu m$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. نور مرئی طول موجی در گستره‌ی ۴۰۰ تا ۷۰۰ میکرومتر دارد، اگر سطح بازتاب‌کننده دارای ناهمواری‌های کوچک‌تر از طول موج باشد، بازتاب آینه‌ای و اگر ناهمواری‌ها بزرگ‌تر از طول موج باشد، بازتاب پخششده است. ۲۰۳

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۲۰۴

$$\beta = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \beta_2 - \beta_1 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow -20 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \log \frac{I_2}{I_1} = -2 \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{1}{100}$$

$$I = \frac{P}{4\pi r^2} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \left( \frac{r_1}{r_2} \right)^2 = \frac{1}{100} \Rightarrow \frac{r_1}{r_2} = \frac{1}{10} \Rightarrow r_2 = 10 r_1 = 100 m \Rightarrow \Delta r = r_2 - r_1 = 90 m$$

$$I = \frac{P}{4\pi r^2} = \frac{400\pi}{4\pi(20)^2} = \frac{400\pi}{400\pi(4)} = \frac{1}{4} \Rightarrow \beta = 10 \log \frac{I}{I_0} = 10 \log \frac{1/25}{10^{-12}} \quad \text{گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۲۰۵}$$

$$= 10 \left( \log 10^{12} + \log 5^2 - \log 10^2 \right) \Rightarrow \beta = 10(12 + 1/4 - 2) = 10(11/4) = 114 dB$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۲۰۶

$$\beta = 10 \log \frac{I_2}{I_1} = 18 \Rightarrow \log \frac{I_2}{I_1} = 1.8 = 6 \times 0.3 = 6 \log 2 = \log 2^6 \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = 2^6$$

$$\Rightarrow I_2 = 6/4 \times 10^{-11} \frac{W}{m^2}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. اگر طول A و B را به ترتیب ۲ و ۳ برابر کنیم، اگر جرم واحد طول تغییر نکند، در این صورت با ثابت ماندن نیرو، سرعت انتشارها تغییری نخواهد کرد. ۲۰۷

$$V = \sqrt{\frac{F}{\mu}}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۲۰۸

$$\beta = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \beta_2 - \beta_1 = 10 \left( \log \frac{I_2}{I_1} - \log \frac{I_1}{I_1} \right) = 10 \log \frac{I_2}{I_1}$$

$$I = \frac{P}{4\pi r^2} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{P_2}{P_1} \times \left( \frac{r_1}{r_2} \right)^2 \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \left( \frac{A_2}{A_1} \right)^2 \times \left( \frac{r_1}{r_2} \right)^2 = 25 \times 4 = 100$$

$$E = \gamma m \pi^2 A^2 f^2$$

$$\Rightarrow \beta_2 - \beta_1 = 10 \log 100 = 20 \text{ dB}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. یکی از منابع پرتوی فروسرخ هسته‌های رادیوакتیو است. این پرتو توسط پوست جذب شده و آنرا گرم می‌کنند. ۲۰۹

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با وارد شدن موج صوتی از هوا به درون آب، سرعت انتشار آن افزایش می‌یابد و طبق رابطه‌ی  $\lambda = Vf$  طول موج آن نیز افزایش می‌یابد. ۲۱۰

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. پدیده تشدید برای وزنهای رخ می‌دهد که فرکانس طبیعی آنها با فرکانس طبیعی A

$$A : \omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{400}{2}} = \sqrt{200} = 2\pi f_A$$

یکی باشد.

$$B : \omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{300}{1/5}} = \sqrt{1500} = 2\pi f_B$$

$$C : \omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{500}{2/5}} = \sqrt{1250} = 2\pi f_C$$

$$D : \omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{200}{2}} = \sqrt{100} = 2\pi f_D$$

$$f_A = f_B = f_C$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۲۱۲

$$U = \frac{1}{2}kx^2 \Rightarrow \frac{U}{U_{\max}} = \left(\frac{x}{A}\right)^2 = \left(\frac{2}{5}\right)^2 = \frac{4}{25} \Rightarrow U = \frac{4}{25} \times (4/5) = 0.112 J$$

$$U_{\max} = E = 0.4 J$$

$$E = \frac{1}{2}mA^2 \omega^2 \Rightarrow 0.4 = \frac{1}{2}(4/5)(2)^2 \omega^2 \Rightarrow \omega^2 = \frac{2}{0.8} = 25 \Rightarrow \begin{cases} \omega = 5 \\ \omega = \frac{2\pi}{T} \end{cases}$$

$$\Rightarrow T = 1/2 s$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۲۱۳

$$F = -m\omega^2 x \Rightarrow m\omega^2 = 200 \Rightarrow \omega^2 = \frac{200}{0.32} = 625 \Rightarrow \omega = 25$$

$$V_m = A\omega = 1 \Rightarrow A = \frac{1}{\omega} = \frac{1}{25} = 0.04 m$$

$$E = \frac{1}{2}mA^2 \omega^2 = \frac{1}{2}(m\omega^2)(A^2) = \frac{1}{2}(200)(0.04)^2 = 0.16 J$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۲۱۴

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. در هر دوره، نوسانگر دو بار از مرکز نوسان عبور می‌کند:  
 $A = 50 \text{ mm} = 0.05 \text{ m}$

$$\text{دوره } 7200 = 3600 \text{ دوره از مرکز نوسان} \quad T = \frac{t}{n} \Rightarrow T = \frac{3600}{3600} = 1 \text{ ثانیه}$$

$$V_m = A\omega = \frac{A \cdot 2\pi}{T} = 0.05 \times 2\pi = 0.1\pi$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۲۱۶

$$x = A \cos \omega t = A \cos\left(\frac{\pi}{T}t\right) : x = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \cos\left(\frac{\pi}{T}t\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{\pi}{T}t = \frac{\pi}{6} \text{ یا } \frac{11\pi}{6} \Rightarrow t = \frac{T}{12} \text{ یا } \frac{11T}{12} \Rightarrow \Delta t = \frac{10T}{12} = \frac{5T}{6} = 1s \Rightarrow T = \frac{6}{5}s = 1.2s$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. دوره نوسان‌های فنر از رابطه‌ی  $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$  به دست می‌آید. ۲۱۷

$$F_k = F_g \Rightarrow k\Delta x = mg \Rightarrow k = \frac{mg}{\Delta x} = \frac{mg}{1} = 1 \cdot mg$$

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{1 \cdot g} = \frac{1}{2\pi} \cdot \sqrt{g} \text{ Hz}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۲۱۸

$$V_m = A\omega \Rightarrow A_A \omega_A = A_B \omega_B \Rightarrow A_A \left(\frac{\pi}{T_A}\right) = A_B \left(\frac{\pi}{T_B}\right) \Rightarrow \frac{A_A}{T_A} = \frac{A_B}{T_B}$$

$$\Rightarrow \frac{A_B}{A_A} = \frac{T_B}{T_A} = 2 \Rightarrow A_B = 2A_A = 1 \cdot 2\pi$$

$$T_B = 2T_A \Rightarrow \omega_B = \frac{1}{2}\omega_A \Rightarrow x_B = 1 \cdot 2\pi \cos\left(\frac{\pi}{2}t\right)$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۲۱۹

$$x = A \cos \omega t$$

$$\omega = \frac{\pi}{T}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۲۲۰

$$\omega = \frac{\pi}{T} = \frac{\pi}{2} \Rightarrow T = 4s$$

$$t = \frac{T}{2} = 2s$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. پس از گذشت نصف دوره، نوسانگر تغییر جهت داده و به نقطه‌ی بازگشت می‌رسد.

$$T = \frac{\text{ساعت شمار}}{\text{دقیقه شمار}} = \frac{12 \times 60 \times 60}{60 \times 60} = 12 \Rightarrow \frac{f}{\text{دقیقه شمار}} = \frac{\text{ساعت شمار}}{f} = \frac{1}{12}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۲۲۲

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۲۲۳

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۲۲۴

$$\beta = \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow \log \frac{nI}{I_0} = n \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow \frac{nI}{I_0} = \left( \frac{I}{I_0} \right)^n \Rightarrow \left( \frac{I}{I_0} \right)^{\frac{n-1}{n}} = \frac{nI}{I_0}$$

$$= nI^{\frac{1-n}{n}} \xrightarrow{\text{می‌توان رسانید}} \left( \frac{I}{I_0} \right)^{\frac{1}{1-n}} \left( \frac{I}{I_0} \right)^{-1} = I \Rightarrow \frac{I}{I_0} = \frac{1}{n^{n-1}}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۲۲۵

$$\beta_1 - \beta_2 = 40 - 20 = 20 = 10 \log \frac{I_1}{I_0} - 10 \log \frac{I_2}{I_0} \Rightarrow 2 = \log \frac{I_1}{I_2} \Rightarrow \frac{I_1}{I_2} = 100$$

$$I = \frac{P}{4\pi r^2} \Rightarrow \frac{I_1}{I_2} = \frac{P_1}{P_2} \times \left( \frac{r_2}{r_1} \right)^2 \Rightarrow \left( \frac{r_2}{r_1} \right)^2 = 100 \times 16 = 1600 \Rightarrow r_2 = 40r_1 \\ = 40(20) = 800 \text{ m}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۲۲۶

$$\frac{r\lambda}{2} = 6 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = 12 \text{ cm}$$

$$\lambda = \frac{V}{f} \Rightarrow f = \frac{V}{\lambda}$$

$$f = \frac{10}{0.4} = 25 \text{ Hz}$$

$$\omega = 2\pi f = 50\pi$$

$$V_{\max} = A\omega = (\pi \text{ cm})(50\pi) = 100\pi \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۲۲۷

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \frac{\pi}{\sqrt{g}} = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g'}} \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{g}} = \frac{1}{\sqrt{g'}} \Rightarrow g' = 1/6$$

$$\frac{g'}{g} = \left( \frac{r}{r'} \right)^2 \Rightarrow \frac{1/6}{1} = \left( \frac{R}{r'} \right)^2 \Rightarrow \left( \frac{R}{r'} \right)^2 = 1/16 \Rightarrow \frac{R}{r'} = 1/4 \Rightarrow r' = 4/5 R$$

$$r' = R - r = R - 1/5 R = 4/5 R \Rightarrow h = \frac{r'}{2} R$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. سطح کاو در اجاق خورشیدی صاف‌تر از سطح کاو در آنتن بشقابی است، چون طول موج پرتوهای رسیده از خورشید به سطح زمین کوتاه‌تر از طول موج امواج رادیویی است. ۲۲۸

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۲۲۹

$$V = \sqrt{\frac{FL}{M}} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \sqrt{\frac{F_2}{F_1} \times \frac{M_1}{M_2}} = \sqrt{\frac{\lambda}{1} \times \frac{1}{2}} = 2$$

$$t = \frac{\Delta x}{V} \Rightarrow \frac{t}{t'} = \frac{1}{\frac{1}{2}} = 2$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بررسی گزینه‌ها: ۲۳۰

گزینه‌ی ۱: ذرات M و N هر دو دارای حرکت کندشونده هستند.

گزینه‌ی ۲: طول موج برابر  $4m$  است، زیرا این عدد برابر دو نقطه‌ی هم‌فاز متوالی است.

گزینه‌ی ۳: جهت حرکت ذره M به سمت جهت مثبت محور y و جهت حرکت ذره N در جهت منفی محور y است.

گزینه‌ی ۴: در مورد دوره‌ی تناوب نمی‌توان ابزار نظری کرد چون اطلاعات کافی نیست.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۲۳۱

$$F = -m\omega^2 x = -180x = -\left(\frac{1}{5}\right)\omega^2 x \Rightarrow \omega = 30 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$km = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}(m)A^2\omega^2 = \frac{1}{2}(m\omega^2)A^2 = \frac{1}{2}(180)A^2 = 225 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow A = 5 \times 10^{-2} \text{ m} = 0.05 \Rightarrow x = A \cos \omega t = 0.05 \cos 30t$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۲۳۲

$$t = 180 \text{ s} \quad n = \frac{t}{T} \Rightarrow T = \frac{t}{n} = \frac{180}{100} = 1.8 \text{ s}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow 1/8 = 2\pi \sqrt{\frac{0.8}{g}} = \frac{2\pi \times 0.9}{\sqrt{g}} \Rightarrow g = \left(\frac{2\pi \times 0.9}{1/8}\right)^2 = \pi^2$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. زمانی‌که حرکت تندشونده است، یعنی حاصل ضرب سرعت در شتاب مثبت است و ۲۳۳

همواره جهت نیرو و شتاب به سمت مرکز نوسان است، حال از آنجا که متحرک در مکان‌های منفی قرار دارد، باید

جهت سرعت و شتاب به سمت مرکز تعادل باشد.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در نقطه‌ای که دو نمودار یکدیگر را قطع می‌کنند، انرژی جنبشی و پتانسیل با هم برابر می‌شوند.

توجه کنید: انرژی مکانیکی برابر با بیشینه‌ی انرژی جنبشی است.

$$\begin{aligned} U + K = E &\xrightarrow{U = K} 2K = E \Rightarrow K = \frac{1}{2}E \xrightarrow{E = \frac{1}{2}mv_{\max}^2} \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}mv_{\max}^2 \\ \Rightarrow v = \frac{\sqrt{2}}{2}v_{\max} &\xrightarrow{v = 40\sqrt{2} \frac{\text{cm}}{\text{s}}} 40\sqrt{2} = \frac{\sqrt{2}}{2}v_{\max} \Rightarrow v_{\max} = 80 \frac{\text{cm}}{\text{s}} = 0.8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{aligned}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. حد فاصل دو لحظه‌ای که مکان نوسان‌گر  $6\text{ cm}$  است، نوسان‌گر از فاز  $\frac{2\pi}{3}$  به  $\frac{4\pi}{3}$  رسیده است.

$$\begin{aligned} t &= 0 \quad x = A \cos(\omega t) \xrightarrow{x(0) = A} A = 12\text{ cm} \\ t = t_1 \rightarrow x = A \cos(\omega t_1) = -6 &\rightarrow \cos(\omega t_1) = -\frac{1}{2} \Rightarrow \omega t_1 = \pi - \frac{\pi}{3} = \frac{2\pi}{3} \text{ (rad)} \\ t = t_1 + \frac{1}{12} \rightarrow x = A \cos\left(\omega t_1 + \frac{\omega}{12}\right) = -6 &\rightarrow \cos\left(\omega t_1 + \frac{\omega}{12}\right) = -\frac{1}{2} \\ \Rightarrow \omega t_1 + \frac{\omega}{12} &= \pi + \frac{\pi}{3} = \frac{4\pi}{3} \text{ (rad)} \\ \Delta\Phi = \omega \cdot \Delta t \Rightarrow \frac{4\pi}{3} - \frac{2\pi}{3} &= \omega \times \frac{1}{12} \Rightarrow \frac{2\pi}{3} = \frac{\omega}{12} \Rightarrow \omega = 8\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}} \end{aligned}$$

برای تعیین  $k$  خواهیم داشت:

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow k = m\omega^2 = \frac{200}{1000} \times 64\pi^2 \Rightarrow k = 128 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بیشینه‌ی انرژی پتانسیل نوسان‌گر همان انرژی مکانیکی است. باید در این سؤال آنرا

بر حسب نیروی بیشینه به دست آوریم.

توجه کنید: دامنه نصف پاره خط مسیر است.

$$F_{\max} = ma_{\max} = mA\omega^2$$

$$U_m = \frac{1}{2}kA^2 = \frac{1}{2}m\omega^2 A^2$$

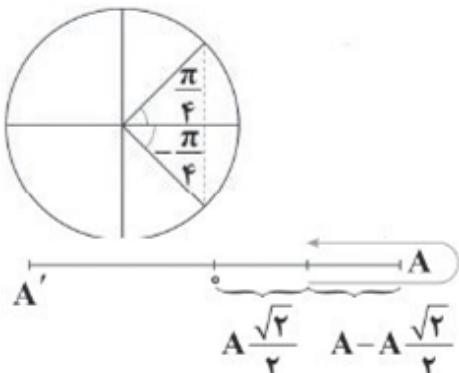
$$2A = 20\text{ cm} \Rightarrow A = 10\text{ cm} \Rightarrow U_{\max} = \frac{1}{2}F_{\max} \times A = \frac{1}{2} \times 0.4 \times 0.1 = 0.02\text{ J}$$

۲۳۷

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ابتدا دوره‌ی تناوب آونگ را محاسبه می‌کنیم:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} = 2\pi \sqrt{\frac{1}{\frac{\pi}{2}}} = 2s$$

منظور از بازه‌ی زمانی  $5s/0$  معادل با  $\frac{\pi}{4}$  است که در این مدت نوسان‌گر به اندازه‌ی  $\frac{\pi}{4}$  تغییر فاز می‌دهد. هر چه قدر نوسان‌گر به انتهای مسیر نزدیک‌تر باشد، سرعت حرکت آن کم‌تر است و در نتیجه مسافت کم‌تری توسط نوسان‌گر طی می‌شود. پس نوسان‌گر باید از فاز  $\frac{\pi}{4}$  به  $\frac{\pi}{4}$  برسد و مسافت پیموده شده با توجه به شکل زیر برابر است با:



$$2A = 4 \text{ cm} \Rightarrow A = 2 \text{ cm} \quad (1)$$

$$d = 2 \left( A - A \frac{\sqrt{2}}{2} \right) \Rightarrow d = 2A - A\sqrt{2}$$

$$\stackrel{(1)}{\Rightarrow} d = 4 - 2\sqrt{2}$$

$$\frac{T}{4} = 1 \Rightarrow T = 4s$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

۲۳۸

در لحظه‌ی  $t = 2s$  متحرک نصف یک نوسان کامل را پیموده است و از  $A + A$  به  $A$  رسیده است، بنابراین:

$$t = 2s \Rightarrow F = ma \Rightarrow \frac{2}{m} = m \times 0.5 \Rightarrow m = 0.8 \text{ kg}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow k = m\omega^2 = 0.8 \times \left(\frac{\pi}{2}\right)^2 \xrightarrow{\pi \approx 3.14} k = 0.8 \times \frac{10}{4} = 2 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. در حرکت نوسانی یک سامانه‌ی جرم - فنر رابطه‌ی  $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$  برقرار است، بنابراین

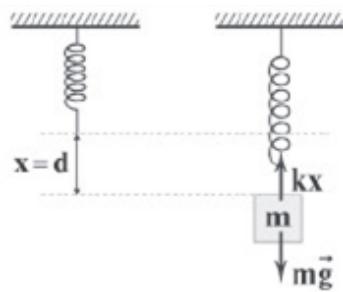
$$\omega = 2\pi f = 2\pi \times \frac{5\sqrt{2}}{2\pi} = 5\sqrt{2} \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow 5\sqrt{2} = \sqrt{\frac{5}{m}} \Rightarrow 5\omega = \frac{5}{m} \Rightarrow m = 1 \text{ kg}$$

حال می‌دانیم در حالت تعادل  $F_{\text{net}} = 0$  است، بنابراین:

$$F_{\text{net}} = 0 \Rightarrow F_c = mg \Rightarrow kx = mg \Rightarrow 5\omega \times x = 1 \times 10 \Rightarrow x = \frac{1}{5} \text{ m} \Rightarrow 20 \text{ cm}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۲۴۰



$$F_{\text{net}} = \cdot \Rightarrow kx = mg \Rightarrow kd = mg \Rightarrow \frac{m}{k} = \frac{d}{g} \quad (1)$$

می‌دانیم دوره‌ی نوسان فنر:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \xrightarrow{(1)} T = 2\pi \sqrt{\frac{d}{g}}$$

همان‌طور که می‌دانیم هنگامی که وزنه سقوط می‌کند، طول فنر به اندازه‌ی  $2d$  افزایش می‌یابد و به بیشترین طول خود می‌رسد و بازمی‌گردد و در مسیری که طول  $2d$  نوسان می‌کند که  $d$  دامنه‌ی نوسان سیستم وزنه و فنر است، بنابراین داریم:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{d}{g}} \Rightarrow \frac{1}{2} = 2 \times 3 \times \sqrt{\frac{d}{10}} \Rightarrow \frac{1}{2} = \sqrt{\frac{d}{10}} \Rightarrow \frac{1}{4} = \frac{d}{10} \Rightarrow d = \frac{1}{4} \times 10 = 40 \text{ cm}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۲۴۱ با نصف شدن زاویه‌ی انحراف، دامنه‌ی نوسان هم نصف می‌شود. از طرفی می‌دانیم حد اکثر سرعت آونگ در حرکت نوسانی از رابطه‌ی  $v = A\omega = A\omega$  محاسبه می‌شود، بنابراین:

$$v = A\omega \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \frac{A_2}{A_1} \times \frac{\omega_2}{\omega_1} \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \frac{1}{2} \times 1 = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{v_2}{0.8} = \frac{1}{2} \Rightarrow v_2 = \frac{0.4}{2} \text{ m/s}$$

دوره‌ی تناوب، تنها به طول نخ و شتاب بستگی دارد. به همین دلیل  $\frac{2\pi}{T} = \omega$  با تغییر دامنه تغییر نمی‌کند.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. دوره‌ی نوسان آونگ ساده از رابطه‌ی  $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$  محاسبه می‌گردد، بنابراین داریم: ۲۴۲

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow T^2 = 4\pi^2 \times \frac{L}{g} \Rightarrow L = \frac{T^2 g}{4\pi^2}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. هنگامی که آسانسور تندشونده رو به بالا حرکت می‌کند، شتاب وارد بر آونگ به صورت  $g'_1 = g + a$  و هنگامی که آسانسور تندشونده رو به پایین حرکت می‌کند، شتاب آونگ به صورت  $g'_2 = g - a$  است: ۲۴۳

$$\begin{aligned} \frac{T_1}{T_2} &= \sqrt{\frac{g'_1}{g'_2}} \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{\frac{g-a}{g+a}}} \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{\frac{16}{17}}} = \frac{g-a}{g+a} \Rightarrow 16g - 16a = g + a \Rightarrow 15g = 17a \\ \Rightarrow a &= \frac{15}{17}g \end{aligned}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با استفاده از رابطه  $v_{\max} = A\omega$  بیشینه سرعت نوسانگر را محاسبه می‌کنیم:

$$v_{\max} = A\omega = 0.05 \times \pi = 0.05\pi \frac{m}{s}$$

$$K_{\max} = \frac{1}{2}mv_{\max}^2 = \frac{1}{2} \times 0.05 \times 10^{-3} \times 25 \times 10^{-4} \pi^2 J = 625 \times 10^{-7} \pi^2 J = 625 \times 10^{-7} \pi^2 mJ \\ = 625 \times 10^{-7} mJ$$

$$\frac{K}{K_{\max}} = \left(\frac{v}{v_{\max}}\right)^2 \Rightarrow \frac{0.05 \times 10^{-3}}{625 \times 10^{-7}} = \frac{v^2}{25 \times 10^{-4} \pi^2}$$

$$\frac{0.05}{625} = \frac{v^2}{25 \times 10^{-4} \pi^2} \Rightarrow v^2 = \frac{0.05 \times 25 \times 10^{-4} \pi^2}{625} = 2 \times 10^{-4} \pi^2 \frac{m^2}{s^2}$$

$$v = \sqrt{2 \times 10^{-4} \pi} = 1/4 \times 10^{-2} \pi = 0.014\pi \frac{m}{s}$$

$$|v - v_{\max}| = |0.014\pi - 0.05\pi| = 0.036\pi \frac{m}{s}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۲۴۵

$$E = \frac{1}{2}kA^2 \xrightarrow{3 \times 10^{-2}} = \frac{1}{2}k(0.025)^2 \Rightarrow k = \frac{600}{625} \times 100 = \frac{24}{25} \times 100 = 96 \frac{N}{m}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. با توجه به صورت پرسش می‌توان نوشت:

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \beta_2 - \beta_1 = 20 \log \frac{r_1}{r_2} \Rightarrow 0.3 \beta_1 - \beta_1 = 20 \log \frac{d_1}{5d_1}$$

$$\Rightarrow 0.3 \beta_1 = 20 \log 5^{-1} \Rightarrow 0.3 \beta_1 = -20 \log \frac{1}{5}$$

$$\Rightarrow 0.3 \beta_1 = 20 (\log 10 - \log 2) \Rightarrow \beta_1 = 20 \text{dB}$$

طبق رابطه تراز شدت صوت، شدت صوت در فاصله  $d_1$  از چشم به برابر است با:

$$\beta_1 = 10 \log \frac{I_1}{I_0} \Rightarrow 20 = 10 \log \frac{I_1}{10^{-12}} \Rightarrow \log 10^2 = \log \frac{I_1}{10^{-12}}$$

$$\Rightarrow I_1 = 10^{-10} \frac{W}{m^2} = 10^{-10} \times 10^{-6} \frac{\mu W}{m^2} = 10^{-14} \frac{\mu W}{m^2}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. شدت این صوت در فاصله‌ی مورد نظر برابر است با:

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 56 = 10 \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 56 = \log \frac{I}{I_0}$$

$$\Rightarrow 5 + 0.6 = \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow \log 10^5 + 2 \log 2 = \log \frac{I}{I_0}$$

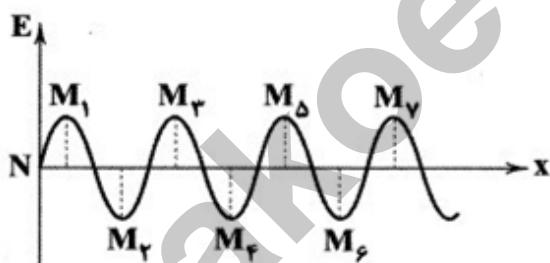
$$\Rightarrow 4 \times 10^5 = \frac{I}{10^{-12}} \Rightarrow I = 4 \times 10^{-7} \frac{W}{m^2}$$

برای محاسبه‌ی فاصله تا چشم‌هی صوت می‌توان نوشت:

$$I = \frac{\bar{P}}{A} \Rightarrow 4 \times 10^{-7} = \frac{120 \times 10^{-6}}{4\pi r^2} \Rightarrow r^2 = \frac{4 \times 10^{-5}}{4 \times 4 \times 10^{-7}} \Rightarrow r^2 = \frac{100}{4} = 25 \Rightarrow r = 5m$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در موج‌های الکترومغناطیسی، میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی هم‌گامند، یعنی در نقطه‌ای که B بیشینه می‌شود، در همان لحظه میدان الکتریکی E نیز بیشینه است، بنابراین برای محاسبه‌ی فاصله‌ی MN از نمودار X - E کمک می‌گیریم:

$$\lambda = \frac{c}{f} = \frac{3 \times 10^8}{0.2 \times 10^9} = 1/5 m \in \text{امواج رادیویی}$$



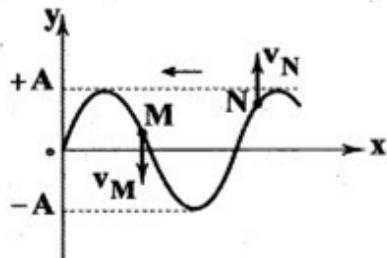
اگر نقطه‌ی N را منطبق بر مبدأ فرض کنیم نقطه‌ی M هر یک از نقاط M<sub>1</sub>, M<sub>2</sub>, M<sub>3</sub>, M<sub>4</sub>, ... می‌تواند باشد، پس فاصله‌ی MN در حالت کلی برابر است با:

$$MN = \frac{\lambda}{4} + \frac{3\lambda}{4} + \dots \Rightarrow MN = \frac{3}{8} \lambda \text{ m} \text{ یا } \frac{9}{8} \lambda \text{ m} \text{ یا } \frac{15}{8} \lambda \text{ m} \dots$$

دقت کنید: طول موج موج‌های رادیویی بین ۱m تا ۱۰<sup>8</sup> m است.

۲۴۹

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. برای تشخیص جهت حرکت ذرات M و N از ریسمان، به وضعیت نقاط قبل از آنها نگاه می‌کنیم که پس از مدتی به آنها می‌رسد. همان‌گونه که در شکل می‌بینید، ذرهی M به مرکز نوسانش نزدیک می‌شود و ذرهی N به انتهای مسیر حرکت نوسانی اش نزدیک می‌گردد، بنابراین حرکت ذرهی M تندشونده و حرکت ذرهی N کندشونده است.



دقت کنید: تندی نوسانگر ساده در مرکز نوسان بیشینه است، پس اگر نوسانگر به مرکز نوسان نزدیک شود، حرکتش تندشونده است و اگر از آن دور شود حرکت کندشونده دارد.

۲۵۰

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. تندی انتشار موج عرضی در سیم برابر است با:

$$v = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{F}{\pi \rho}} \Rightarrow v = \frac{1}{2 \times 10^{-3}} \sqrt{\frac{6}{3 \times 5000}} = 0.0 \sqrt{\frac{1}{2500}} \Rightarrow v = \frac{0.0}{50} = 0.0 \frac{m}{s}$$

با توجه به این‌که فاصله‌ی بین یک قله تا دره‌ی مجاورش در راستای انتشار موج برابر  $\frac{\lambda}{2}$  است، برای محاسبه‌ی بسامد موج در این سیم می‌توان نوشت:

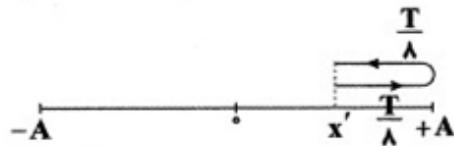
$$\frac{\lambda}{2} = 5\text{cm} \Rightarrow \lambda = 0.1 \text{ m}$$

$$v = \lambda \times f \Rightarrow 0.01 = 0.1 \times f \Rightarrow f = 100\text{Hz}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. مدت زمان مورد نظر پرسش، معادل یک چهارم دورهٔ تناوب است:

$$T = \frac{1}{f} = \frac{1}{50} \text{ s}, \Delta t = \frac{1}{200} \text{ s} \Rightarrow \frac{\Delta t}{T} = \frac{\frac{1}{200}}{\frac{1}{50}} = \frac{50}{200} = \frac{1}{4}$$

برای این‌که حداقل مسافت طی شود می‌بایست یکی از دو سر پاره‌خط (که تندی نوسانگر در آن‌ها صفر است) در وسط مسیر حرکت قرار گیرد:



برای محاسبهٔ  $x'$  می‌توان نوشت:

$$x = A \cos \omega t \Rightarrow x' = A \cos \left( \frac{\pi}{T} \times \frac{T}{4} \right) = A \cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2} A$$

$$l_{\min} = \pi \times (A - x') \Rightarrow \pi = \pi \left( A - \frac{\sqrt{2}}{2} A \right)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} = 1/4 \rightarrow 10 = A - \pi/4 A \Rightarrow 10 = \pi/4 A \Rightarrow A = 50 \text{ cm}$$

بزرگی بیشینهٔ تندی نوسانگر برابر است با:

$$v_{\max} = A\omega \rightarrow v_{\max} = \pi/5 \times \pi \times 50 = 50 \pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۰/۶ ثانیه معادل  $\frac{3T}{4}$  است (چرا؟)، بنابراین می‌توان نوشت:

$$0.6 = \frac{3T}{4} \Rightarrow T = 0.8 \text{ s} \Rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{0.8} = \frac{5\pi}{2} \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$t_2 = T + \frac{T}{4} = 0.8 + 0.2 = 1 \text{ s}$$

لحظهی  $t_2$ ، معادل  $T + \frac{T}{4}$  است:

با توجه به معادلهٔ حرکت نوسانی ساده  $x = A \cos \omega t$ ، لحظه‌ی  $t_1$  برابر است با:

$$-10 = 20 \cos \left( \frac{5\pi}{2} t_1 \right) \Rightarrow \cos \left( \frac{5\pi}{2} t_1 \right) = -\frac{1}{2} \Rightarrow \frac{5\pi}{2} t_1 = \pi - \frac{\pi}{3}$$

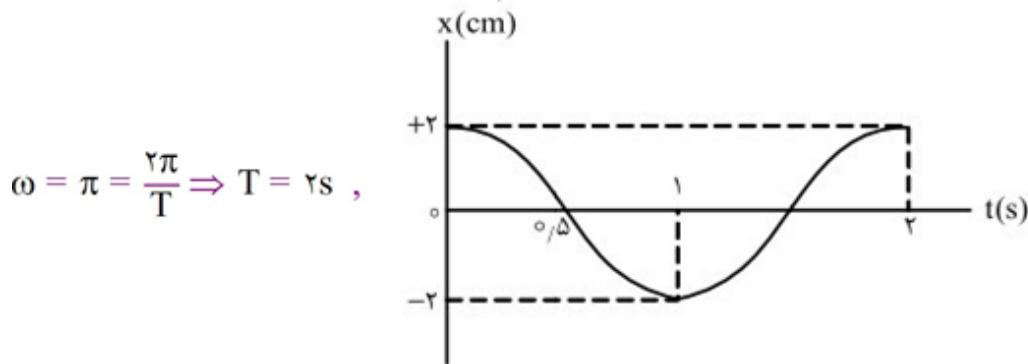
$$\Rightarrow \frac{5\pi}{2} t_1 = \frac{2\pi}{3} \Rightarrow t_1 = \frac{4}{15} \text{ s}$$

برای محاسبهٔ بزرگی سرعت متوسط نوسانگر در بازه‌ی زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  می‌توان نوشت:

$$v_{\text{av}} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow v_{\text{av}} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{0 - (-10)}{1 - \frac{4}{15}} = \frac{+10}{\frac{11}{15}} = \frac{+150}{11} \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

۲۵۳

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. با توجه به معادله  $\text{Cos}\pi t = 0$ ، خواهیم داشت:



در این لحظه  $t = 0.5\text{s}$  نوسانگر در مکان  $x = 0$  قرار دارد و در لحظه  $t = 2\text{s}$  در مکان  $x = 2\text{cm}$  قرار دارد و چون در این مدت از مکان  $x = 0$  به  $x = -2\text{cm}$  رفته است و سپس از آنجا به مکان  $x = 2\text{cm}$  می‌رود، پس مسافت طی شده برابر  $L = (2 + 2 + 2)\text{cm} = 6\text{cm}$  است. لذا داریم:

$$S_{av} = \frac{L}{\Delta t} = \left(\frac{6}{1/5}\right)\text{cm} = 4\frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

۲۵۴

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به شکل داده شده، نتیجه می‌شود که:

$$\frac{v\lambda}{2} = 30\text{cm} \Rightarrow \lambda = 0.2\text{m}, A = 2\text{cm}$$

$$\lambda = VT \Rightarrow T = \frac{0.2}{20} \text{s} = \frac{1}{100} \text{s} \Rightarrow n = \frac{t}{T} = \frac{0.02\text{s}}{0.01\text{s}} = 2$$

در مدت  $0.02\text{s}$  هریک از ذرات محیط دو نوسان کامل انجام می‌دهد و در هر نوسان ذره  $a$ ، مسافت  $4A$  را طی می‌کند، پس در دو نوسان، مسافت  $8A$  را طی می‌کند.

$$L = 8A = 8 \times 2\text{cm} = 16\text{cm}$$

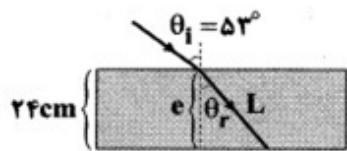
۲۵۵

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

با توجه به نمودار، نتیجه می‌شود که برای اولین بار سرعت در لحظه  $t = 0$  صفر است، لذا داریم:

$$\frac{T}{\lambda} = \frac{1}{4} \text{s} \Rightarrow T = 4\text{s} \Rightarrow t = \frac{T}{2} = \frac{2}{2} \text{s} = 1\text{s}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا با استفاده از قانون شکست عمومی و قانون شکست اسنل، زاویه‌ی شکست درون تیغه، سرعت حرکت پرتو در آن و مسافت طی شده توسط پرتو در درون تیغه را محاسبه می‌کنیم.



$$n_1 \sin \theta_i = n_2 \sin \theta_r$$

$$1 \times \sin 53^\circ = \frac{4}{3} \times \sin \theta_r \Rightarrow \sin \theta_r = \frac{4}{3} / \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow \theta_r = 37^\circ$$

$$\cos \theta_r = \frac{e}{L} \Rightarrow \cos 37^\circ = \frac{24}{L} \Rightarrow L = \frac{24}{\cos 37^\circ} = 30 \text{ cm} = 0.3 \text{ m}$$

طبق رابطه‌ی ضریب شکست داریم:

$$v = \frac{c}{n} = \frac{\frac{3}{4} \times 10^8}{\frac{4}{3}} = \frac{9}{4} \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

حرکت نور یک حرکت یکنواخت است.

$$\Delta x = v \Delta t \Rightarrow 0.3 = \frac{9}{4} \times 10^8 \Delta t \Rightarrow \Delta t = \frac{4}{9} \times 10^{-9} \text{ s}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با استفاده از رابطه‌ی تراز شدت صوت، شدت صوت چشممه را محاسبه می‌کنیم:

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 56 = 10 \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 5.6 = \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 5 + 0.6 = \log \frac{I}{I_0}$$

$$\Rightarrow 5 + 2 \times 0.6 = \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow \log 10^5 + 2 \log 2 = \log \frac{I}{I_0}$$

$$\Rightarrow \log 10^5 + \log 4 = \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow \log 10^5 \times 4 = \log \frac{I}{I_0}$$

$$\Rightarrow \frac{I}{I_0} = 10^5 \times 4 \Rightarrow \frac{I}{10^{-12}} = 4 \times 10^5 \Rightarrow I = 4 \times 10^{-7} \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

$$I = \frac{P}{4\pi r^2} \Rightarrow 4 \times 10^{-7} = \frac{P}{4 \times 3 \times 25} \Rightarrow P = 12 \times 10^{-5} \text{ W} \Rightarrow P = 0.12 \text{ mW}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. هنگامی که در  $A = x^+ A$  قسمتی از جرم وزنه کنده شود، جرم وزنه کاهش می‌یابد و

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow f \text{ افزایش می‌یابد:} \quad \text{می‌توان نوشت:}$$

اما دامنه‌ی نوسان تغییر نمی‌کند و در نتیجه طبق رابطه‌ی  $E = \frac{1}{2} kA^2$  درمی‌یابیم که انرژی مکانیکی نوسانگر نیز تغییر نخواهد کرد.

۲۵۹

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با توجه به رابطه  $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$ ، دوره‌ی تناوب این ساعت در استوا برابر است با:

$$\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{g_1}{g_2}} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{10}{9/8}} = \sqrt{\frac{100}{98}} = \sqrt{\frac{100}{49 \times 2}} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{10}{\sqrt{98}} \approx \frac{10}{\sqrt{100}} \approx \frac{10}{10} \approx \frac{10}{9/8}$$

$$\frac{T_1 = 2S}{\longrightarrow T_2 \approx \frac{10}{9/8} \times 2 \approx \frac{20}{9/8} S}$$

$$N_1 = \frac{\Delta t}{T_1} = \frac{3600 \text{ s}}{2} = 1800 \quad \text{تعداد نوسان‌های آونگ در هر ساعت، در تهران و استوا برابر است با:}$$

$$N_2 = \frac{\Delta t}{T_2} \approx \frac{3600}{\frac{20}{9/8}} \approx \frac{3600}{20} \times 9/8 \Rightarrow N_2 - N_1 \approx \frac{3600}{20} \times 1800 \approx -36$$

به بیان دیگر وقتی ساعت آونگ دار به استوا برد می‌شود، در هر ساعت به طور تقریبی ۳۶ نوسان کمتر از تهران انجام می‌دهد.

۲۶۰

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. با توجه به رابطه  $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$ ،  $T$  به جرم آونگ وابسته نیست اما با  $\sqrt{L}$  رابطه‌ی مستقیم دارد:

$$\begin{aligned} \frac{T_2}{T_1} &= \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_1 + 0/36L_1}{L_1}} = \sqrt{\frac{100}{64}} = \frac{10}{8} \Rightarrow T_2 = \frac{10}{8} T_1 \\ &= T_1 + 0/2 T_1 \end{aligned}$$

بنابراین دوره‌ی آونگ ۲۰ درصد کاهش می‌یابد.

۲۶۱

$$\beta_2 = \beta_1 + 14/1$$

$$\Delta\beta = 14/1 \text{ db}$$

$$\Delta\beta = 10 \cdot \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 14/1 = 10 \cdot \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 14/1 = \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 3 \times 10/4V = \log \frac{I_2}{I_1}$$

$$\Rightarrow 3 \log 3 = \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \log 3^3 = \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = 3^3 = 27 \Rightarrow I_2 = 27 I_1$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\Delta\beta = 10 \cdot \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 20 = 10 \cdot \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 2 = \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 10^2 = \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow I_2 = 100 I_1$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. با توجه به شکل داده شده، خواهیم داشت: ۲۶۳

$$T = \frac{\lambda}{V} = \left( \frac{0.2}{0.1} \right) s = 2s$$

چون  $\frac{T}{s}$  معادل  $\frac{1}{\lambda}$  است، با توجه به جهت انتشار موج، نتیجه می‌شود که در این مدت ذره M از موضع تعادل به مکان  $y = +2\text{cm}$  می‌رسد.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. زیرا می‌توان نوشت: ۲۶۴

$$\left\{ \begin{array}{l} |V_{\max}| = A\omega \\ \omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{10}{0.2}} = 10 \frac{\text{rad}}{\text{s}} \Rightarrow |V_{\max}| = (0.04 \times 20) \frac{\text{m}}{\text{s}} = 0.8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{array} \right.$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. زیرا خواهیم داشت: ۲۶۵

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} = \left( 2\pi \sqrt{\frac{64 \times 10^{-2}}{36}} \right) s = 0.8s \Rightarrow n = \frac{t}{T} = \frac{1}{0.8s} = 1.25$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۲۶۶

$$\left. \begin{array}{l} x = 0.02 \cos 100\pi t \\ t = \frac{1}{150} s \end{array} \right\} \Rightarrow x = 0.02 \cos \left( 100\pi \times \frac{1}{150} \right)$$

$$x = 0.02 \cos \left( \frac{\pi}{3} \right) = -0.01 \Rightarrow x = -\frac{A}{2}$$

$$\frac{U}{K} = \frac{\frac{1}{2} m \omega^2 x^2}{\frac{1}{2} m \omega^2 (A^2 - x^2)} = \frac{x^2}{A^2 - x^2} \Rightarrow \frac{U}{K} = \frac{\left(\frac{-A}{2}\right)^2}{A^2 - \left(\frac{-A}{2}\right)^2} = \frac{\frac{A^2}{4}}{\frac{3A^2}{4}} \Rightarrow \frac{U}{K} = \frac{1}{3}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۲۶۷

$$K = E - U \Rightarrow K = \frac{1}{2} k A^2 - \frac{1}{2} k x^2$$

$$\frac{1}{2} k x^2 = 400 \times 2 \Rightarrow \frac{1}{2} k = 400$$

$$E = \frac{1}{2} k A^2 \Rightarrow 0.16 = 400 A^2 \Rightarrow \frac{0.16}{400} = A^2 \Rightarrow \frac{0.4}{20} = A \Rightarrow A = 2\text{cm}$$

در بیشینه‌ی مکان (دامنه) سرعت و انرژی جنبشی نوسان‌گر صفر است.

$$K = 0.16 - 400 x^2 \xrightarrow{x=A} 400 A^2 = 0.16 \Rightarrow A = 0.02\text{m} = 2\text{cm}$$

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. اما اگر طول پاره خط نوسان را  $10\text{ cm}$  در نظر بگیریم، داریم:

$$\omega = \frac{\pi}{T} \Rightarrow \omega = \frac{\pi}{\frac{1}{2}} = \pi \text{ rad/s} \Rightarrow F_m = m A \omega^2 \Rightarrow F_m = 0.05 \times \frac{10 \times 10}{2} \times 16\pi^2 \Rightarrow F_m = 4\text{ N}$$

$$A = \frac{10}{2} = 5\text{ cm}$$

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$T = \pi \sqrt{\frac{L}{g}} = \pi \sqrt{\frac{1}{\pi}} = \pi \text{ s} \Rightarrow T = \frac{t}{n} \Rightarrow n = \frac{t}{T} = \frac{60}{\pi} = 30$$

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. با توجه به رابطه‌ی  $a = -\omega^2 x$ ، چون مقدار  $\omega^2$  همواره ثابت است، بردارهای شتاب و مکان همواره مختلف‌العلامه هستند. بنابراین زمانی که شتاب ثابت باشد، حتماً نوسان‌گر در بعد منفی قرار می‌گیرد.

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. چون در بعد ماکریم جرم کم شده، بنابراین دامنه‌ی نوسان ثابت می‌ماند و

$$\frac{A_2}{A_1} = \frac{\omega_2}{\omega_1} = \sqrt{\frac{K_2}{M_2}} = \sqrt{\frac{K_1}{M_1}} = \sqrt{\frac{M_1 - \frac{3}{4}M}{M_1}} = \sqrt{\frac{\frac{1}{4}M}{M}} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{f_2}{f_1} = 2$$

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{3}{1}} = 1\text{ rad/s}$$

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

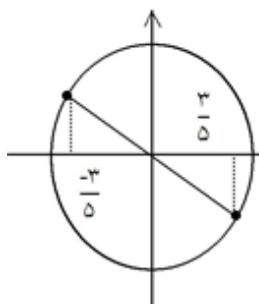
$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 0.6\text{ s} \quad \omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{0.6} = 100 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$A\omega = 12 \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow A \times 100 = 12 \Rightarrow A = 0.12\text{ m} = 12\text{ cm}$$

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۲۷۴

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{r..}{../r}} = \sqrt{1...} = 1 \cdot \sqrt{1} \cdot \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$



$$\begin{cases} L_{\max} = L_1 + A = r \\ L_{\min} = L_1 - A = 0 \end{cases} \Rightarrow L_1 = 5 \cdot \text{cm}, A = 5 \cdot \text{cm}$$

$$L_1 = 5 \cdot \text{cm} \Rightarrow x_1 = -r \cdot \text{cm} \Rightarrow \cos \phi_1 = \frac{-r}{5}$$

$$L_2 = 5 \cdot \text{cm} \Rightarrow x_2 = r \cdot \text{cm} \Rightarrow \cos \phi_2 = \frac{r}{5} \Rightarrow \Delta \phi = \pi \text{ rad} \Rightarrow \Delta t = \frac{T}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{2\pi}{\omega}$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{2\pi}{1 \cdot \sqrt{10}} \approx \frac{1}{10} \text{ s}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بنا به رابطه  $\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$ , مقدار  $\omega$  ثابت است. اما برای دامنه خواهیم داشت:

$$\theta = \frac{x}{L} \Rightarrow \theta_{\max} = \frac{x_{\max}}{L} = \frac{A}{L} \Rightarrow A = \theta_{\max} \cdot L \Rightarrow \frac{A_2}{A_1} = \frac{\theta_{\max 2}}{\theta_{\max 1}} = 2$$

$$V_m = A\omega \Rightarrow \frac{V_{m_2}}{V_{m_1}} = \frac{A_2}{A_1} = 2 \Rightarrow V_{m_2} = 2 / 2 \times 2 = 2 / 1 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۲۷۶

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. لحظه‌ی  $t_1 = 0$  که سرعت برای اولین بار صفر می‌شود.

$$t_2 = t_1 + 1 = 0 + 1$$

$$t_3 = t_2 + 1 = 1 + 1$$

$$x = A \cos(\omega t)$$

$$t = t_1 \Rightarrow x(t_1) = A \cos\left(\frac{\pi}{T}(0)\right) = A$$

$$t = t_2 \Rightarrow x(t_2) = A \cos\left(\frac{\pi}{T}(1)\right) = A \cos(\omega)$$

$$t = t_3 \Rightarrow x(t_3) = A \cos\left(\frac{\pi}{T}(2)\right) = A \cos(2\omega)$$

$$|\Delta x_{[t_1, t_2]}| = x - x(t_1) = x$$

$$\Rightarrow A - A \cos(\omega) = x \Rightarrow \cos(\omega) = \frac{A - x}{A} \quad \text{رابطه‌ی (۱)}$$

$$|\Delta x_{[t_1, t_3]}| = x - x(t_1) = x$$

$$A - A \cos(2\omega) = x \Rightarrow \cos(2\omega) = \frac{A - x}{A} \quad \text{رابطه‌ی (۲)}$$

نکته: رابطه‌ی مثلثاتی مهم زیر را به خاطر داریم،

$$\cos 2\theta = 2 \cos^2 \theta - 1 \quad \cos(2\omega) = 2 \cos^2(\omega) - 1 \xrightarrow{(1)} \frac{A - x}{A} = 2 \left(\frac{A - x}{A}\right)^2 - 1 \xrightarrow{\times A} A(A - x) = 2(A - x)^2$$

$$= 2(A^2 - 2Ax + x^2) - A^2$$

$$\Rightarrow A^2 - 2Ax = 2A^2 - 4Ax + 2x^2 - A^2 \Rightarrow Ax = 2x^2 \Rightarrow A = 2x$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. تا لحظه‌ای که نوسانگری دومین بار به انتهای مسیر می‌رسد، جایه‌جایی برابر دامنه و زمان دوره است.

$$\bar{V} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-A}{T} = \frac{-1}{2\pi} \times \frac{4}{2} \times A \times \frac{2\pi}{T} = -\frac{2}{3\pi} \times A\omega = -\frac{2}{3\pi} V_M$$



گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۲۷۹

$$n = \frac{t}{T} = \frac{t}{\pi \sqrt{\frac{L}{g}}} = \frac{t}{\pi \sqrt{L}}$$

$$n - n' = 50 \Rightarrow \frac{t}{\pi \sqrt{L}} - \frac{t}{\pi \sqrt{L'}} = 50$$

$$L' = L + \frac{120}{100}L = 2/25L, t = 4\text{min} = 240\text{s}$$

$$\Rightarrow \frac{24}{\sqrt{L}} - \frac{24}{\pi \sqrt{L}} = 10 \Rightarrow \frac{240}{\pi \sqrt{L}} - \frac{240}{\pi \sqrt{2/25L}} = 50$$

$$\Rightarrow \sqrt{L} = \frac{8}{10} \Rightarrow L = 0.64\text{m} \Rightarrow \frac{24}{\sqrt{L}} - \frac{16}{\sqrt{L}} = 10 \Rightarrow \frac{8}{\sqrt{L}} = 10$$

$$T = \pi \sqrt{\frac{L}{g}} = \pi \sqrt{L} = \pi \sqrt{0.64} = 1.6\text{s}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در مرکز نوسان چنین اتفاقی می‌افتد. ۲۸۰

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. در هر ۲۰ ثانیه ۵ نوسان کامل (رفت و برگشت) انجام داده است. پس: ۲۸۱

$$T = \frac{20}{5} = 4\text{s}$$

$$\omega = \frac{\pi}{T} = \frac{\pi}{4} \frac{\text{rad}}{\text{s}} = \frac{\pi}{4} \text{ rad/s}$$

$$m = 200\text{ g} = 0.2\text{ kg}$$

$$A = \frac{4}{\pi} \text{ cm} = 4\text{ cm} = 0.04\text{ m}$$

$$E = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 = \frac{1}{2} \times 0.2 \times (0.04)^2 \left(\frac{\pi}{4}\right)^2 \text{ J} = 10^{-4} \text{ J} = 100 \mu\text{J}$$

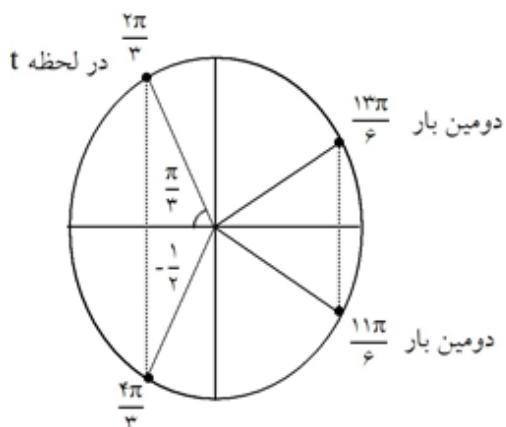
گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. دامنه‌ی نوسان برابر  $6\text{ m}$  می‌باشد، از طرفی با توجه به معادله‌ی مکان - زمان می‌دانیم:

$$\cos \varphi = \frac{x}{A} \xrightarrow{\text{در لحظه } t} \cos \varphi = -\frac{3}{6} = -\frac{1}{2} \Rightarrow \begin{cases} \varphi = \frac{2\pi}{3} & \checkmark \\ \varphi = \frac{4\pi}{3} & \times \end{cases}$$

چون نوسان‌گر در لحظه‌ی  $t$  در حال دور شدن از مرکز است، بنابراین فاز آن  $\frac{2\pi}{3}$  (ربع دوم) می‌باشد.

$$\cos \varphi = \frac{x}{A} \xrightarrow{\text{در لحظه } t+9} \cos \varphi = \frac{3\sqrt{3}}{6} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \varphi = \frac{11\pi}{6} & \text{برای اولین بار} \\ \varphi = \frac{13\pi}{6} & \text{برای دومین بار} \end{cases}$$



$$T = \frac{t}{n} \Rightarrow n = \frac{t}{T} = \frac{60}{12} = 5$$

$$\Delta\varphi = \omega \cdot \Delta t$$

$$\frac{13\pi}{6} - \frac{20\pi}{3} = \frac{2\pi}{T} \times 9$$

$$\frac{9\pi}{6} = \frac{2\pi}{T} \times 9 \Rightarrow T = 12\text{ s}$$

بنابراین داریم:

از طرفی نیز داریم:

بنابراین این نوسان‌گر در مدت یک دقیقه ۵ نوسان کامل را انجام می‌دهد.

گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. دوره‌ی تناوب یک آونگ ساده از رابطه‌ی  $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g'}}$  به دست می‌آید. این رابطه در آسانسور در حال حرکت به شکل زیر در می‌آید.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g'}}$$

$g'$  شتاب گرانش ظاهری در آسانسور است که برای آن خواهیم داشت:  
 $g' = g \pm a$

$$\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{g_1}{g_2}} \Rightarrow 2 = \sqrt{\frac{g+a}{g-a}} \Rightarrow \frac{g+a}{g-a} = 4 \Rightarrow g+a = 4g - 4a \Rightarrow 5a = 3g$$

$$\Rightarrow a = \frac{3}{5}g = 0.6g$$

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. از M تا O به اندازه‌ی  $\frac{1}{4}$  دوره است و از O تا P معادل آن است که جسم به نصف دامنه برسد.

$$OP: \cos \varphi = \frac{x}{A} = \frac{1}{2} \Rightarrow \varphi = \frac{\pi}{3} \Rightarrow \Delta\varphi = \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{6} \Rightarrow \Delta t = \frac{T}{12}$$

پس مدت زمانی که از O تا P می‌رسد  $\frac{1}{12}$  دوره است.

$$\frac{T}{4} = 1 \Rightarrow T = 4(s)$$

$$\Delta t_{OP} = \frac{T}{12} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}(s)$$

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. ۲۸۵

نکته: کمترین مسافت طی شده در یک بازه‌ی متقاضی در اطراف دو انتهای پاره‌خط نوسان رخ می‌دهد. (چرا که در دو انتهای پاره‌خط نوسان سرعت برابر صفر است.)

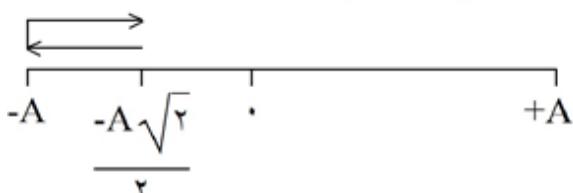
در این سؤال کمترین مسافت‌در بازه‌ی زمانی  $\frac{T}{4}$  مورد سؤال است. می‌دانیم در لحظه‌ی  $t = \frac{T}{4}$  مورد سؤال است. می‌دانیم

در لحظه‌ی  $t = \frac{T}{2}$  سرعت برابر صفر است. پس برای این مثال کمترین مسافت در بازه‌ی زمانی  $\left(\frac{T}{2} - \frac{T}{4}\right)$  تا

در لحظه‌ی  $t = \frac{T}{2}$  سرعت برابر صفر است. پس برای این مثال کمترین مسافت در بازه‌ی زمانی  $\left(\frac{T}{2} + \frac{T}{4}\right)$  رخ می‌دهد.

$$x = A \cos \omega t$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x_1 = A \cos \left( \frac{\pi}{T} \times \frac{3T}{8} \right) = -\frac{A\sqrt{2}}{2} \\ x_2 = A \cos \left( \frac{\pi}{T} \times \frac{5\pi}{8} \right) = -\frac{A\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$



$$\Rightarrow 2 \times \left| \left( -A - \left( -\frac{A\sqrt{2}}{2} \right) \right) \right| = A(2 - \sqrt{2})$$

مسافت کمینه

$$\Rightarrow 0.6A$$

کمترین مسافت

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. دامنه‌ی حرکت نوسانگر با توجه به رابطه‌ی  $x = A \cos \omega t$  برابر است با: ۲۸۶

$$\begin{cases} x = 0.05 \cos 20t \\ x = A \cos \omega t \end{cases} \Rightarrow A = 0.05 \text{ m}$$

از طرفی می‌دانیم که بیشینه‌ی انرژی جنبشی برابر  $K_{\max} = \frac{1}{2} kA^2$  می‌باشد و می‌توان نوشت:

$$K_{\max} = 6 \times 10^{-2} \text{ J}, A = 0.05 \text{ m}, k = ?$$

$$K_{\max} = \frac{1}{2} kA^2 \Rightarrow 6 \times 10^{-2} = \frac{1}{2} k (0.05)^2 \Rightarrow k = \frac{12 \times 10^{-2}}{25 \times 10^{-2}} = 48 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. نوسان‌گر در هر دقیقه (۶۰ ثانیه)، ۲۴۰ مرتبه از مرکز نوسان می‌گذرد. پس در این مدت  $\frac{240}{2} = 120$  نوسان کامل انجام می‌دهد.

$$f = \frac{120}{60} \text{ Hz} = 2 \text{ Hz}$$

پس:

$$\omega = 2\pi f = 2\pi \times 2 \frac{\text{rad}}{\text{s}} = 4\pi = \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$A = (6 \div 2) \text{ cm} = 3 \text{ cm} = 0.03 \text{ m}$$

دامنه برابر با نصف پاره خط نوسان است. پس:

$$|V_{\max}| = A\omega = 0.03 \times 4\pi = \frac{12}{100}\pi = \frac{3}{25}\pi \Rightarrow |V_{\max}| = \frac{3}{25}\pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. برای یک آونگ ساده دوره‌ی تناوب از رابطه‌ی  $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$  بدست می‌آید.

$$T_1 = 2\pi \sqrt{\frac{L_1}{g}} \Rightarrow 12 = 2\pi \sqrt{\frac{L_1}{10}} \Rightarrow L_1 = \frac{360}{\pi^2}$$

$$T_2 = 2\pi \sqrt{\frac{L_2}{g}} \Rightarrow 5 = 2\pi \sqrt{\frac{L_2}{10}} \Rightarrow L_2 = \frac{125}{\pi^2}$$

طول آونگ جدید برابر مجموع طول دو آونگ قبلی است.

$$L = L_1 + L_2 = \frac{360}{\pi^2} + \frac{125}{\pi^2} = \frac{720 + 125}{\pi^2} = \frac{845}{\pi^2}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} = 2\pi \sqrt{\frac{845}{20\pi^2}} = 2\pi \sqrt{\frac{169}{4\pi^2}} = 2\pi \times \frac{13}{2\pi} = 13 \text{ s}$$

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. هنگامی که نوسان‌گر ۲ بار پاره خط مسیر یعنی ۸ سانتی‌متر را طی می‌کند ۱ نوسان کامل انجام می‌دهد، پس طی ۸۰ سانتی‌متر مسافت معادل ۱۰ نوسان کامل است.

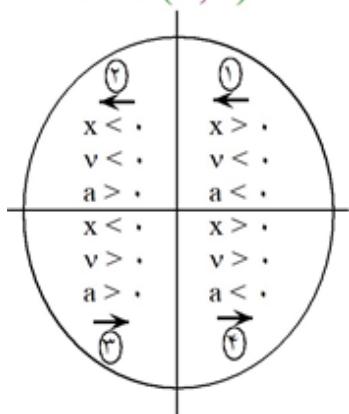
$$f = \frac{n}{t} = \frac{10}{60} = \frac{1}{6} \text{ Hz} \Rightarrow \omega = 2\pi f = 2\pi \times \frac{1}{6} = \frac{\pi \text{ rad}}{3 \text{ s}}$$

برای محاسبه‌ی بیشترین مقدار سرعت خواهیم داشت:

$$V_M = A \cdot \omega = \frac{2}{100} \times \frac{\pi}{3} = \frac{2\pi}{300} = \frac{\pi \text{ m}}{150 \text{ s}}$$

۲۹۰

$$T = \frac{4}{3}s \rightarrow (\frac{2}{3}, \frac{2}{3})$$



گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. ابتدا شتاب گرانش را نسبت به سطح زمین می‌یابیم:

$$\frac{g_2}{g_1} = \left( \frac{Re}{Re + h} \right)^2 = \left( \frac{Re}{\frac{1}{2}Re} \right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow g_2 = \frac{1}{4}g_1$$

$$T' = 2\pi \sqrt{\frac{L'}{g'}} = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{1}{4}L}{\frac{1}{4}g}} = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} = T \Rightarrow T' = s$$

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. این که در یک مدت معین تعداد نوسان زیاد شود یعنی بسامد زیاد می‌شود. دوره و بسامد به دامنه نوسان بستگی ندارند. (گزینه‌های ۱ و ۲ نادرست هستند.)

افزایش  $k$  و کاهش جرم باعث زیاد شدن بسامد می‌شوند.

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}, f = \frac{\omega}{2\pi} \Rightarrow$$

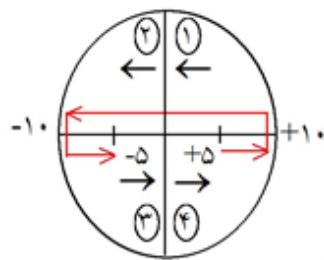
گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = T = \frac{2\pi}{2\pi} = s$$

دوره‌ی حرکت متحرک برابر یک ثانیه است و در مدت  $25/0$  ثانیه یعنی  $\frac{\pi}{4}$  تغییر می‌کند. یعنی متحرک

باید از فاز  $\frac{\pi}{4}$  به فاز  $\frac{\pi}{2}$  برود.

$$\left. \begin{aligned} x_1 &= 0.05 \cos\left(-\frac{\pi}{4}\right) = -0.05 \frac{\sqrt{2}}{2} \\ x_2 &= 0.05 \cos\left(\frac{\pi}{4}\right) = +0.05 \frac{\sqrt{2}}{2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \Delta x = x_2 - x_1 = 0.05 \sqrt{2} m = 5\sqrt{2} \text{ cm}$$



گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. در ابتدا در مکان  $x_1 = +5$  و در حال دور شدن از مرکز است. بنابراین در مرحله ۴ نوسان قرار داریم:

$$x = A \cos \theta \Rightarrow +5 = 10 \cos \theta_1 \Rightarrow \cos \theta_1 = +\frac{1}{2} \Rightarrow \theta_1 = \frac{\pi}{3}$$

در  $5/0$  پس از این زمان متوجه در  $x_2 = -5$  و در حال نزدیک شدن به مرکز است. بنابراین در مرحله ۳ نوسان قرار داریم، (متوجه یک دور  $2\pi$  را طی کرده است).

$$-5 = 10 \cos \theta_2 \Rightarrow \cos \theta_2 = -\frac{1}{2} \Rightarrow \theta_2 = 2\pi + \pi + \frac{\pi}{3} \Rightarrow \theta_2 = \frac{10\pi}{3}$$

$$\omega = 2\pi f = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} \Rightarrow 2\pi f = \frac{\frac{10\pi}{3} - \frac{5\pi}{3}}{0.5} = \frac{10\pi}{3} = f = \frac{5}{3} \text{ Hz}$$

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \pi \Rightarrow T = 2 \text{ s}$$

در  $\frac{1}{4}$  آخر هر دوره، سرعت و مکان هر دو مثبت است (носانگر در جهت مثبت از مبدأ دور می‌شود). و در  $\frac{1}{4}$  دوم هر دوره نیز سرعت و مکان هر دو منفی است. نوسانگر در جهت منفی از مبدأ دور می‌شود. بنابراین در کل به اندازه‌ی نصف دوره (یک ثانیه) سرعت و مکان هم جهت‌اند.

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$x(t) = 4 \Rightarrow 4 = A \cos 2\pi t \Rightarrow \cos 2\pi t = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow 2\pi t = \begin{cases} = \frac{\pi}{3} \\ = \frac{5\pi}{3} \end{cases} \rightarrow \text{درست} \quad \text{زیرا گفته سرعت منفی است.} \quad \text{غیرق} \quad \text{ق}$$

$$\Rightarrow 2\pi t = \frac{\pi}{3} \Rightarrow t = \frac{1}{6} \text{ s}$$

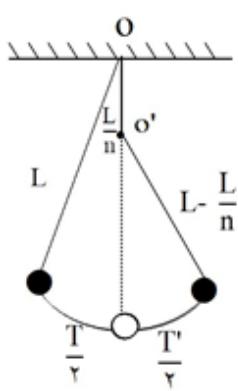
$$x(t + 0.15) = x\left(\frac{1}{6} \times \frac{15}{100}\right) = x\left(\frac{1}{4}\right) = A \cos 2\pi\left(\frac{1}{4}\right) \Rightarrow x\left(\frac{1}{4}\right) = -4 \text{ cm}$$

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. دوره‌ی تناوب نوسان یک آونگ به طول  $l$  که در میدان گرانشی  $g$  نوسان می‌کند، از رابطه‌ی  $T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$  به دست می‌آید. پس این مقدار با دوره‌ی تناوب حالت اولیه‌ی آونگ برابر است.

هنگامی‌که آونگ با میخ واقع در نقطه‌ی  $O$  برخورد می‌کند که آونگ جدیدی با طول  $\frac{l}{n}$  ایجاد می‌شود، اگر آونگی

$$T'' = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{l}{n}}{g}} = 2\pi \sqrt{\frac{1}{g} \times \sqrt{\frac{n-1}{n}}}$$

به این طول داشته باشیم دوره‌ی تناوب آن طبق رابطه‌ی اخیر برابر

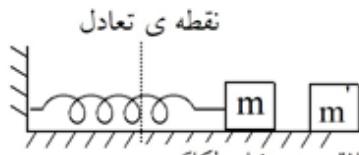


خواهد شد که بر حسب  $T$  به صورت مقابل بیان می‌شود. باتوجه به

شکل مقابل اگر این آونگ نوسان کند، در یک دوره‌ی تناوب خود، نیمی از دوره‌ی تناوب  $T$  و نیمی از دوره‌ی تناوب  $T''$  را مورد استفاده قرار می‌دهد. یعنی  $T' = \frac{T}{2} + \frac{T''}{2}$

باتوجه به مقدارهای  $T'' = T \sqrt{\frac{n-1}{n}}$  و  $T' = \frac{T}{2} + \frac{T''}{2}$  مقدار  $T'$  برابر است با:

$$T' = \frac{T}{2} + \frac{T}{2} \sqrt{\frac{n-1}{n}} \rightarrow \frac{T'}{T} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{\frac{n-1}{n}} = \frac{1}{2} + \sqrt{\frac{n-1}{4n}}$$



گرینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. برای این‌که دستگاه نوسان کند، کافی است که یک عامل خارجی وزنه‌ها را روی سطح افقی بدون اصطکاک در راستای طول فنر بکشد یا هل دهد به طوری‌که طول فنر از حالت عادی بیشتر یا کمتر شود و سپس آن را رها کند. پس از رها شدن وزنه‌ها نیروی بازگرداننده‌ی فنر به سطح افقی بدون اصطکاک آن‌ها شتاب می‌دهد و سرعت وزنه‌هارا زیادتر می‌کند. با حرکت وزنه‌ها به طرف نقطه‌ی تعادل، طول فنر به طول عادی آن نزدیک می‌شود. هنگامی‌که وزنه‌ها به نقطه‌ی تعادل برسند، دیگر نیروی بازگرداننده‌ی فنر به آن‌ها وارد نمی‌شود و سرعت وزنه‌ها در این نقطه بیشترین است. از این پس وزنه‌ها به علت سرعتی که دارند ادامه‌ی مسیر می‌دهند و با این کار نیروی بازگرداننده‌ی فنر در خلاف جهت سرعت وزنه‌ها ظاهر می‌شود و به آن‌ها وارد می‌شود و سرعت آن‌ها را کم می‌کند تا سرانجام در بیشترین طول فنر برای لحظه‌ای متوقف می‌شوند و خواهند ایستاد. در حرکت نوسانی دستگاه جرم - فنر، انرژی موجود در دستگاه میان انرژی جنبشی وزنه و انرژی پتانسیل کشسانی فنر توزیع می‌شود. انرژی جنبشی وزنه مربوط به جرم و سرعت آن و انرژی پتانسیل کشسانی فنر مربوط به تغییر طول آن است. در دو انتهای حرکت که فنر بیشترین یا کمترین طول را دارد، سرعت وزنه‌ها صفر است، در این نقاط انرژی جنبشی دستگاه صفر است و تمام انرژی دستگاه به صورت انرژی پتانسیل کشسانی در می‌آید. در نقطه‌ی تعادل که تغییر طول فنر صفر است، انرژی پتانسیل کشسانی فنر صفر است و تمام انرژی به صورت انرژی جنبشی ظاهر می‌شود، در نتیجه سرعت وزنه‌ها در گذر از نقطه‌ی تعادل بیشترین است. در لحظه‌ای که وزنه‌ی  $m$  را جدا می‌کنیم، جرم‌ها در دورترین فاصله از نقطه‌ی تعادل هستند، پس سرعت آن‌ها و انرژی جنبشی وزنه‌ها صفر است و تمام انرژی دستگاه به صورت انرژی پتانسیل کشسانی فنر ماندن وزنه‌ی  $m$ ، انرژی مکانیکی دستگاه تغییر نمی‌کند و همان انرژی پتانسیل کشسانی فنر در دستگاه باقی می‌ماند. حال این انرژی مکانیکی ثابت و مشخص در مراحل بعدی بین انرژی جنبشی وزنه‌ی  $m$  و انرژی پتانسیل کشسانی فنر توزیع می‌شود. با توجه به ثابت بودن این انرژی نتیجه می‌گیریم که در حداقل فشردگی فنر و دامنه‌ی نوسان جرم تغییری ایجاد نمی‌شود و دامنه‌ی نوسان ثابت باقی می‌ماند. نکته‌ی بسیار مهمی که باید در اینجا به آن اشاره کنیم آن است که دامنه‌ی نوسان مستقل از جرم وزنه‌های دستگاه است، در اینجا با کاهش جرم وزنه‌ها از  $m + m'$  و با توجه به این‌که فنر، نیروی کشسانی فنر و دامنه‌ی نوسان دستگاه ثابت است، شتاب حرکت نوسانی افزایش می‌باید در نتیجه انتظار داریم که بیشترین سرعت دستگاه در نقطه‌ی تعادل افزایش یابد و این انرژی مکانیکی به صورت انرژی جنبشی جرم  $m$  درآید و در ضمن زمان نوسان و دوره تناوب نوسان دستگاه کاهش یابد زیرا دوره‌ی تناوب طبق رابطه‌ی  $T = 2\pi \sqrt{\frac{M}{K}}$  با جرم رابطه‌ی مستقیم دارد.

$$A = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}$$

$$f = 25 \text{ Hz} \rightarrow \omega = 2\pi f = 50\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}, \quad f = 25 \text{ Hz} \rightarrow T = \frac{1}{25} \text{ s} = 0.04 \text{ s}$$

بیشترین سرعت نوسانگر در لحظه‌ی عبور از نقطه‌ی تعادل است. بنابراین، فاصله‌ی زمانی  $\frac{T}{4}$  را چنان تنظیم می‌کنیم که

آن مربوط به زمان قبل از رسیدن به نقطه‌ی تعادل و  $\frac{T}{4}$  باقی مانده مربوط به زمان بعد از عبور از نقطه‌ی تعادل باشد.

بنابراین، اگر معادله‌ی مکان نوسانگر را به صورت  $x = A \cos(\omega t)$  فرض کنیم،  $t_1$  و  $t_2$  را به ترتیب برابر با  $\frac{T}{4}$  و

$\frac{T}{4} + \frac{T}{4}$  فرض کنیم و  $x_1$  و  $x_2$  مربوطه را حساب می‌کنیم.

$$t_1 = -\frac{T}{4} \rightarrow x_1 = A \cos \left[ \frac{2\pi}{T} \left( -\frac{T}{4} \right) \right] = A \cos \left( -\frac{\pi}{2} \right) = -\frac{\sqrt{2}}{2} A$$

$$\rightarrow x_1 = +\frac{\sqrt{2}}{2} \times 0.1 = +0.05\sqrt{2} \text{ m}$$

$$t_2 = +\frac{T}{4} \rightarrow x_2 = A \cos \frac{2\pi}{T} \left( \frac{T}{4} \right) = A \cos \frac{\pi}{2} = 0.1 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 0.05\sqrt{2} \text{ m}$$

$$x = A \cos \theta$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} A = \cos \theta_1 \Rightarrow \theta_1 = \frac{\pi}{6}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} A = \cos \theta_2 \Rightarrow \theta_2 = \frac{\pi}{4}$$

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. ۳۰۰

گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. ۳۰۱

$$\frac{f_A}{f_B} = \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{\omega_A}{\omega_B} = \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{\sqrt{\frac{g}{L_A}}}{\sqrt{\frac{g}{L_B}}} = \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{L_B}{L_A} = \frac{9}{16} \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = \frac{16}{9}$$

|    |   |   |   |   |
|----|---|---|---|---|
| ۱  | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲  | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۳  | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۴  | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۵  | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۶  | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۷  | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۸  | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۹  | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۳۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۳۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۳۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |

|    |   |   |   |   |
|----|---|---|---|---|
| ۳۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۳۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۳۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۳۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۳۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۳۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۳۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۴۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۴۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۴۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۴۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۴۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۴۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۴۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۴۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۴۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۴۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۵۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۵۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۵۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۵۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۵۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۵۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۵۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۵۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۵۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۵۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۶۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۶۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۶۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۶۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۶۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |

|    |   |   |   |   |
|----|---|---|---|---|
| ۶۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۶۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۶۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۶۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۶۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۷۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۷۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۷۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۷۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۷۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۷۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۷۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۷۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۷۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۷۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۸۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۸۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۸۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۸۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۸۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۸۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۸۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۸۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۸۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۸۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۹۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۹۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۹۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۹۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۹۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۹۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۹۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |

|     |   |   |   |   |
|-----|---|---|---|---|
| ۹۷  | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۹۸  | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۹۹  | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۰۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۰۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۰۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۰۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۰۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۰۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۰۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۰۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۰۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۰۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۱۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۱۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۱۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۱۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۱۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۱۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۱۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۱۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۱۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۱۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۲۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۲۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۲۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۲۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۲۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۲۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۲۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۲۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۲۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |

|     |   |   |   |   |
|-----|---|---|---|---|
| ۱۲۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۳۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۳۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۳۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۳۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۳۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۳۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۳۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۳۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۳۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۳۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۴۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۴۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۴۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۴۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۴۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۴۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۴۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۴۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۴۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۴۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۵۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۵۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۵۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۵۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۵۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۵۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۵۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۵۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۵۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۵۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۶۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |

|     |   |   |   |   |
|-----|---|---|---|---|
| ۱۶۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۶۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۶۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۶۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۶۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۶۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۶۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۶۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۶۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۷۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۷۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۷۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۷۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۷۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۷۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۷۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۷۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۷۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۷۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۸۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۸۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۸۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۸۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۸۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۸۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۸۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۸۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۸۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۸۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۹۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۹۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۹۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |

|     |   |   |   |   |
|-----|---|---|---|---|
| ۱۹۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۹۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۹۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۹۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۹۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۹۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۱۹۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۰۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۰۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۰۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۰۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۰۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۰۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۰۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۰۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۰۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۰۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۱۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۱۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۱۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۱۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۱۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۱۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۱۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۱۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۱۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۱۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۲۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۲۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۲۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۲۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۲۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |

|     |   |   |   |   |
|-----|---|---|---|---|
| ۲۲۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۲۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۲۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۲۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۲۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۳۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۳۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۳۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۳۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۳۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۳۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۳۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۳۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۳۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۳۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۴۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۴۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۴۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۴۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۴۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۴۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۴۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۴۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۴۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۴۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۵۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۵۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۵۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۵۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۵۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۵۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۵۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۵۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |

|     |   |   |   |   |
|-----|---|---|---|---|
| ۲۵۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۵۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۵۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۶۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۶۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۶۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۶۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۶۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۶۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۶۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۶۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۶۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۶۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۷۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۷۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۷۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۷۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۷۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۷۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۷۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۷۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۷۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۷۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۸۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۸۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۸۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۸۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۸۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۸۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۸۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۸۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۸۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |

|     |   |   |   |   |
|-----|---|---|---|---|
| ۲۸۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۹۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۹۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۹۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۹۳ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۹۴ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۹۵ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۹۶ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۹۷ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۹۸ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۲۹۹ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۳۰۰ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| ۳۰۱ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |