



آزمون ۱ از ۱۲

دفترچه شماره ۱



شرکت تعاوی خدمات آموزشی کارکنان  
سازمان سنجش آموزش کشور

اگر دانشگاه اصلاح شود، مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)

نام:

نام خانوادگی:

شماره داوطلبی:

صبح جمعه  
۱۴۰۱/۵/۲۸

## آزمون آزمایشی سنجش یازدهم قابل استانه اول

# آزمون اختصاصی ریاضی و فیزیک (یازدهم)

مدت پاسخگویی: ۴۵ دقیقه

تعداد سؤال: ۳۰

عنوان مواد امتحانی، تعداد، شماره سؤالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۱	ریاضی (۱) و هندسه (۱)	۳۰	۱	۳۰	۴۵ دقیقه

-۱ اگر  $A$  و  $B$  دو مجموعه دلخواه و  $M$  مجموعه مرجع و  $(A \cup B') \subset (A' \cap B)$  باشد، کدام رابطه همواره درست است؟

$$A \cup B' = M \quad (۴)$$

$$A' \cap B = \emptyset \quad (۳)$$

$$A' \cap B = M \quad (۲)$$

$$A \cap B' = M \quad (۱)$$

-۲ با توجه به الگوی زیر، در جمله چندم دنباله، نسبت تعداد دایره‌های تو خالی به تعداد دایره‌های توپر برابر ۲۰ است؟

$$\bullet \quad \circ \quad \circ \quad \circ$$

$$\bullet \quad \circ \quad \circ \quad \circ \quad \circ \quad \bullet \quad \circ \quad \circ$$

$$\bullet \quad \circ \quad \circ \quad \circ \quad \bullet \quad \circ \quad \circ \quad \bullet \quad \circ$$

$$\circ \quad \bullet \quad \circ \quad \circ \quad \circ \quad \bullet \quad \circ \quad \circ \quad \bullet \quad \circ \quad \dots$$

(۱)

(۲)

(۳)

(۱) بیست و دوم

(۲) بیست و یکم

(۳) بیستم

(۴) نوزدهم

-۳ کدام مجموعه، مجموعه‌ای متناهی است؟ (مجموعه مرجع، مجموعه اعداد حقیقی است)

$$B = \left\{ n \mid n \in \mathbb{N}, n^2 - \frac{1}{4} \leq 0 \right\} \quad (۱)$$

$$C = (\mathbb{N} - Q') \cap (\mathbb{Z} - Q') \quad (۲)$$

$$D = (\mathbb{N}' - \mathbb{N}) \cap (\mathbb{Z}' - \mathbb{Z}) \quad (۳)$$

$$A = \left( \frac{1}{2}, 1 \right) \cap \left( \frac{1}{4}, 1 \right) \cap \left( \frac{1}{8}, 1 \right) \cap \dots \cap \left( \frac{1}{2^n}, 1 \right) \quad (۴)$$

-۴ اعداد  $a+1$  و  $a+\frac{1}{3}$  و  $b$  سه جمله متولی یک دنباله حسابی‌اند. اگر از جمله وسط  $\frac{1}{3}$  کم شود، جملات تشکیل دنباله هندسی می‌دهند. حاصل ضرب قدر نسبت دنباله هندسی در قدر نسبت دنباله حسابی کدام است؟

$$2 \quad (۴)$$

$$\frac{2}{3} \quad (۳)$$

$$3 \quad (۲)$$

$$\frac{3}{2} \quad (۱)$$

-۵ اندازه ضلع‌های یک مثلث قائم‌الزاویه تشکیل دنباله حسابی می‌دهند. اگر محیط این مثلث برابر ۱۳۲ باشد، اندازه ارتفاع وارد بروتر مثلث کدام است؟

$$27/2 \quad (۴)$$

$$26/4 \quad (۳)$$

$$25/8 \quad (۲)$$

$$24/6 \quad (۱)$$

-۶ حاصل عبارت 
$$\frac{\frac{1}{\sin^2 x} + \frac{1}{\cos^2 x} + (\tan x + \cot x)^2}{2(\tan x + \cot x)}$$
 کدام است؟

$$\tan x + \cot x \quad (۲)$$

$$1 \quad (۱)$$

$$\sin x \cdot \cos x \quad (۴)$$

$$\sin x + \cos x \quad (۳)$$

-۷ اگر  $\sin \alpha = \frac{m-1}{m+2}$  و  $\frac{\pi}{3} < \alpha < \frac{5\pi}{6}$  باشد، حدود  $m$  کدام است؟

$$-2 < m < 2 \quad (۴)$$

$$m < -2 \quad (۳)$$

$$-2 < m < 4 \quad (۲)$$

$$m > 4 \quad (۱)$$

-۸ اگر  $\cos \alpha \cdot \cot \alpha < 0$  و  $\frac{\sin \alpha - 1}{\cos \alpha} = \sqrt{\frac{1 - \sin \alpha}{1 + \cos \alpha}}$  باشد، انتهای کمان  $\alpha$  در کدام ناحیه قرار دارد؟

$$4 \text{ چهارم} \quad (۴)$$

$$3 \text{ سوم} \quad (۳)$$

$$2 \text{ دوم} \quad (۲)$$

$$1 \text{ اول} \quad (۱)$$

۹- حاصل عبارت  $\frac{(1+\sin 40^\circ) \cdot \tan 50^\circ}{(1-\sin 40^\circ) \cdot (1+\tan^2 50^\circ)}$  کدام است؟

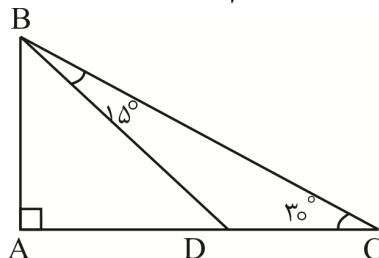
$(1+\sin 50^\circ)^2$  (۲)

$1+\sin^2 50^\circ$  (۱)

$(1+\cos 50^\circ)^2$  (۴)

$1+\cos^2 50^\circ$  (۳)

۱۰- در شکل زیر،  $\hat{DBC} = 15^\circ$  و  $\hat{C} = 30^\circ$  است. نسبت پاره خط  $AD$  به پاره خط  $DC$  کدام است؟



$\sqrt{2}-1$  (۱)

$\sqrt{3}-1$  (۲)

$\sqrt{5}-2$  (۳)

$\sqrt{6}-2$  (۴)

۱۱- حاصل عبارت  $\sqrt{17-12\sqrt{2}} \times (\frac{1}{2})^{-\sqrt[3]{99+70\sqrt{2}}} \times \sqrt[3]{17+12\sqrt{2}}$  کدام است؟

$12^3$  (۴)

$6^3$  (۳)

$12^6$  (۲)

$6^6$  (۱)

۱۲- حاصل عبارت  $\frac{1}{\sqrt{x^2-y}} \times \frac{1}{\sqrt{x-\sqrt{y}}} \times \frac{y-x^2}{\sqrt{x+\sqrt{y}}}$  کدام است؟

$-1$  (۴)

$x-\sqrt{y}$  (۳)

$1/2$  (۲)

$\sqrt{y}-x$  (۱)

۱۳- حاصل عبارت  $(\sqrt{a}\sqrt[3]{a}\sqrt[4]{a})(\sqrt[4]{a}\sqrt[3]{a}\sqrt{a})$  کدام است؟

$2^4$  (۴)

$a^2\sqrt[12]{a}$  (۳)

$1/2$  (۲)

$a^{1/12}$  (۱)

۱۴- حاصل عبارت  $(\frac{1}{\sqrt{2}+1} + \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{2}} + \frac{1}{2+\sqrt{3}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{10}+3})(\sqrt{11+2\sqrt{10}})$  کدام است؟

$81/4$  (۴)

$27/3$  (۳)

$9/2$  (۲)

$3/1$  (۱)

۱۵- اگر ریشه‌های معادله  $(m-n)x^2 - 10x + (m+n) = 0$ ، معکوس ریشه‌های معادله  $2x^2 + 5x - 3 = 0$  باشند، مقدار  $m+n$  کدام است؟

$4$  (۴)

$-4$  (۳)

$5$  (۲)

$-5$  (۱)

۱۶- اگر خط  $x=1$  معادله محور تقارن سهمی به معادله  $y=ax^2+bx+1$  باشد و خط  $y=-2$  بر نمودار سهمی مماس باشد، حاصل جمع طول‌های نقاطی که در آن نقاط، نمودار سهمی محور  $x$  را قطع می‌کند کدام است؟

$-4$  (۴)

$-3$  (۳)

$-2$  (۲)

$-1$  (۱)

۱۷- اگر  $x'$  و  $x''$  ریشه‌های معادله درجه دوم  $x^2 - 7x + 4 = 0$  باشند، حاصل  $x'' - x'^2 - 6x' + x''$  کدام است؟

$2$  (۴)

$3$  (۳)

$4$  (۲)

$5$  (۱)

۱۸- مجموعه جواب نامعادله  $x^2 - 3x + 1 < -x^2 + 2x - 1 \leq x^2 - 8x - 1$  کدام است؟

$(\frac{1}{2}, 2)$  (۴)

$[-2, -\frac{1}{2}]$  (۳)

$[-\frac{1}{2}, 2)$  (۲)

$[-2, \frac{1}{2})$  (۱)

- ۱۹- در یک مسابقه پرتاپ وزنه، مسیر طی شده وزنه، پس از پرتاپ آن توسط پرتاگر از رابطه  $y = -\frac{x^2}{4} + \frac{1}{2}x + 12$  به دست می‌آید که در آن  $y$  ارتفاع وزنه از سطح زمین و  $x$  مسافت افقی طی شده بر حسب متر است. وزنه پرتاپ شده پس از طی چند متر مسافت به سطح زمین برخورد می‌کند؟

۱۲ (۴)

۱۰ (۳)

۸ (۲)

۶ (۱)

- ۲۰- علامت عبارت  $P(x) = \frac{|x| \cdot \sqrt{x^2 - 4 \cdot (2x^2 - 3x + 1)}}{(x^3 + 27) \cdot x^2 \cdot (|x| - 2)}$  در کدام بازه منفی است؟

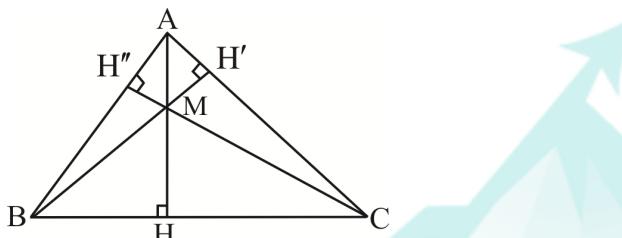
( $-\infty, -2$ ) (۴)

( $-3, -2$ ) (۳)

( $2, +\infty$ ) (۲)

( $-\infty, -3$ ) (۱)

- ۲۱- در شکل زیر، نقطه  $M$  محل تلاقی سه ارتفاع مثلث  $\triangle ABC$  است، نقطه  $C$  برای مثلث  $\triangle AMB$  محل تلاقی کدام است؟



(۱) سه عمود منصف

(۲) سه نیمساز خارجی

(۳) سه میانه

(۴) سه ارتفاع

- ۲۲- در مثلث  $\triangle ABC$  اندازه دو زاویه  $\hat{B}$  و  $\hat{C}$  به ترتیب برابر  $68^\circ$  و  $36^\circ$  است. اندازه زاویه بین نیمساز زاویه خارجی  $B$  و نیمساز زاویه  $C$  کدام است؟

$32^\circ$  (۴)

$38^\circ$  (۳)

$42^\circ$  (۲)

$48^\circ$  (۱)

- ۲۳- در شکل زیر، در مثلث  $\triangle ABC$   $AB = 6\sqrt{2}$  و  $\hat{B} = 15^\circ$ ،  $\hat{A} = 45^\circ$ ،  $\hat{C} = 42^\circ$  است. محیط مثلث  $\triangle ABC$  کدام است؟



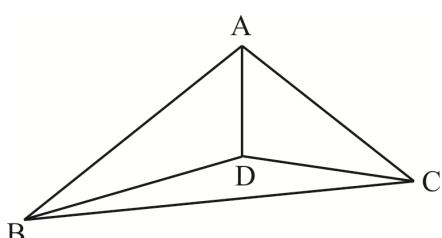
$6(1 + \sqrt{2}) + 2\sqrt{3}$  (۱)

$6(1 + \sqrt{2})$  (۲)

$6(2 + \sqrt{2})$  (۳)

$12(1 + \sqrt{2}) + 2\sqrt{3}$  (۴)

- ۲۴- در شکل زیر در مثلث  $\triangle ABC$   $AD = BD = CD = 2$  است. مساحت مثلث  $\triangle ABC$  کدام است؟



$2\sqrt{3}$  (۱)

$3\sqrt{3}$  (۲)

$4\sqrt{3}$  (۳)

$5\sqrt{3}$  (۴)

- ۲۵- اگر  $\frac{x+t+u}{y+r+s} = \frac{x}{y}$  باشد، آنگاه کدام رابطه همواره برقرار است؟

$$\frac{t+u}{r+s} = \frac{x}{y} \quad (۴)$$

$$\frac{t}{r} = \frac{u}{s} \quad (۳)$$

$$\frac{t+u}{r+s} = \frac{u}{s} \quad (۲)$$

$$\frac{t}{r} = \frac{x}{y} \quad (۱)$$

-۲۶ در مثلث  $\triangle ABC$ ، وسطهای میانه‌های مثلث را به هم وصل می‌کنیم تا مثلث  $\triangle DEF$  به دست آید. نسبت مساحت

مثلث  $\triangle ABC$  به مساحت مثلث  $\triangle DEF$  کدام است؟

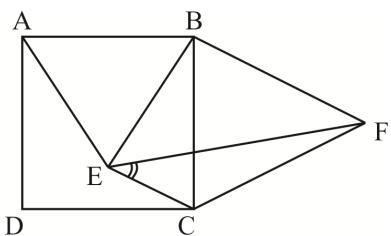
$$\frac{1}{64} \quad (۱)$$

$$\frac{1}{16} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{8} \quad (۳)$$

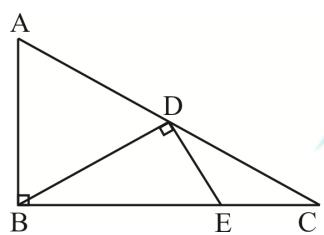
$$\frac{1}{4} \quad (۴)$$

-۲۷ در شکل زیر، چهارضلعی  $ABCD$  مربع و دو مثلث  $\triangle ABE$  و  $\triangle BCF$  متساوی‌الاضلاع هستند. اندازه زاویه  $\hat{CEF}$  چند درجه است؟



- (۱)  $27/5^\circ$   
 (۲)  $22/5^\circ$   
 (۳)  $45^\circ$   
 (۴)  $30^\circ$

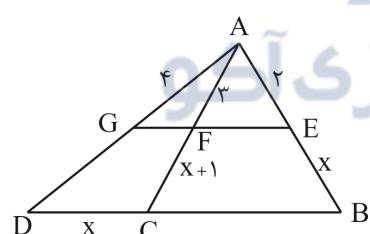
-۲۸ در شکل زیر،  $\triangle BDE$  و  $\triangle ABC$  متشابه باشند، نسبت محیط مثلث  $\triangle BDE$  به محیط مثلث  $\triangle DEC$  کدام است؟



$$\frac{16}{15} \quad (۱)$$

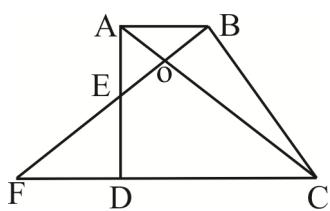
$$\frac{14}{13} \quad (۲)$$

-۲۹ در شکل زیر، در مثلث  $\triangle ABC$ ،  $EF \parallel BC$  است. با توجه به اندازه‌های روی شکل، مجموع طول‌های دو پاره خط



- (۱)  $4/5$   
 (۲)  $5$   
 (۳)  $5/5$   
 (۴)  $6$

-۳۰ در شکل زیر در ذوزنقه  $ABCD$  رأس  $B$  را به وسط ضلع  $AD$  وصل کرد، امتداد می‌دهیم تا امتداد ضلع  $CD$  را در نقطه  $F$  قطع کند. اگر  $AB = 6$  و  $OE = OB$  باشد، طول  $CD$  کدام است؟



- (۱) ۱۲  
 (۲) ۸  
 (۳) ۹  
 (۴) ۱۰





آزمون ۱ از ۱۲

دفترچه شماره ۲



شرکت تعاوی خدمات آموزشی کارکنان  
سازمان سنجش آموزش کشور

اگر دانشگاه اصلاح شود، مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)

نام:

نام خانوادگی:

شماره داوطلبی:

صبح جمعه  
۱۴۰۱/۵/۲۸

## آزمون آزمایشی سنجش یازدهم قبستانه اول

# آزمون اختصاصی ریاضی و فیزیک (یازدهم)

مدت پاسخگویی: ۶۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۵۰

عنوان مواد امتحانی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۲	فیزیک (۱)	۲۵	۳۱	۵۵	۳۵ دقیقه
۳	شیمی (۱)	۲۵	۵۶	۸۰	۲۵ دقیقه

- ۳۱- پمپ جایگاه بنزینی جابه‌جایی بنزین را  $50\text{ Lit}$  در دقیقه انجام می‌دهد. خودرویی که مصرف  $8\text{ Lit}$  برای  $100\text{ km}$  را دارد مقدار بنزین مصرفی و زمان لازم برای بنزین زدن آن در انجام یک مسافت  $1000\text{ km}$  کدام است؟

$$80\text{ sec} \quad 80\text{ dm}^3 \quad 80\text{ lit} \quad 80\text{ sec} \quad 8\text{ m}^3 \quad 96\text{ sec} \quad 1$$

- ۳۲- موتورسواری مسیرهای  $A, B, C, D$  را در زمان‌های  $t_A$  و  $t_B$  و  $t_C$  و  $t_D$  طی می‌کند. کل مسافت طی شده و زمان طی مسافت کدام است؟

$$A = 200\text{ hm}, \quad B = 1200\text{ dm}, \quad C = 0,20 \times 10^{-10}\text{ Tm}, \quad D = 24\text{ dam}$$

$$t_A = 30\text{ min}, \quad t_B = 10^5\text{ ms}, \quad t_c = 0,2\text{ h} \quad , \quad t_D = 380\text{ S}$$

$$20272\text{ m}, \quad 3000\text{ sec} \quad 12024/4\text{ m}, \quad 3000\text{ sec} \quad 1$$

$$20380\text{ dm}, \quad 552/5\text{ sec} \quad 20380\text{ m}, \quad 3000\text{ sec} \quad 3$$

- ۳۳- کدام گزینه برای کمیت‌های فیزیکی صحیح است؟

۱) هر چیزی که قابل اندازه‌گیری و یکای مشخصی باشد، کمیت فیزیکی عددی است.

۲) هر چیزی که دارای یکای مقدار مشخصی باشد، کمیت فیزیکی فرعی است.

۳) هر چیزی که دارای مقدار و جهت باشد، کمیت فیزیکی اصلی است.

۴) هر چیزی که دارای مقدار و جهت باشد، کمیت فیزیکی برداری است.

- ۳۴- دانش‌آموزان کلاسی در پنج روز هفته وارد کلاس می‌شوند. اگر برای هر دانش‌آموز صندلی مشخصی داشته باشیم کدام عبارت صحیح است؟

۱) اگر هر روز جای ثابتی غیر از صندلی خود بنشیند دقت در عملکرد دارد.

۲) اگر هر روز جای ثابتی غیر از صندلی خود بنشیند صحت در عملکرد دارد.

۳) اگر هر روز جای متفاوتی بنشیند صحت در عملکرد دارد ولی دقت ندارد.

۴) اگر هر روز جای متفاوتی بنشیند صحت در عملکرد و دقت هم ندارد.

- ۳۵- با وسیله اندازه‌گیری غیردیجیتالی که خطای آن  $51\text{ mm} \pm 0.5$  است، کدامیک از ابعاد طولی داده شده را می‌توان کنترل کرد؟

$$34/21\text{ mm} \quad 34/20\text{ mm} \quad 34/25\text{ cm} \quad 34/25\text{ mm} \quad 1$$

- ۳۶- کمیت اندازه حرکت از حاصل ضرب تندی، در جرم معین می‌شود. یکای آن کدام است؟

$$\text{j.s} \quad \frac{\text{j}}{\text{s}} \quad \frac{\text{j}}{\text{m}} \quad \frac{\text{j}}{\text{s}} \quad \frac{\text{j}}{\text{m}} \quad 1$$

- ۳۷- برای حل مسئله‌ای معادله  $A = \frac{1}{2}Bt^2 + Ct + D$  در اختیار است. اگر  $t$  معرف زمان و  $A$  معرف طول در دستگاه

SI باشد، نوع کمیت‌های  $D, C, B$  به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

۱) شتاب، تندی، طول      ۲) تندی، شتاب، طول      ۳) شتاب، تندی، مقدار ثابت      ۴) تندی، شتاب، مقدار ثابت

- ۳۸- چنانچه جرم یک کتاب چهارصد صفحه‌ای  $2/4\text{ kg}$  و ضخامت کتاب  $2\text{ cm}$  باشد، ضخامت و چگالی هر برگ کتاب کدام است؟ اگر ابعاد هر برگ کتاب  $(200 \times 300)$  میلیمتر باشد.

$$\rho = \frac{2\text{ gr}}{\text{cm}^3}, \quad t = 5 \times 10^{-3}\text{ mm} \quad 2$$

$$\rho = \frac{2\text{ kg}}{\text{dm}^3}, \quad t = 5 \times 10^{-3}\text{ cm} \quad 4$$

$$\rho = \frac{2\text{ kg}}{\text{cm}^3}, \quad t = 5 \times 10^{-3}\text{ cm} \quad 1$$

$$\rho = \frac{2\text{ gr}}{\text{cm}^3}, \quad t = 5 \times 10^{-2}\text{ mm} \quad 3$$

۳۹- وزن مخزن استوانه‌ای به قطر  $10\text{cm}$  و ارتفاع  $20\text{cm}$  پر از مواد شیمیایی با چگالی  $0.5 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$  کدام است؟

$$(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

$$785 \times 10^3 \frac{\text{kg.m}}{\text{s}^2} \quad (4) \quad 785 \times 10^3 \frac{\text{kg.m}}{\text{s}^2} \quad (3) \quad 785 \cdot \frac{\text{kg.m}^3}{\text{m.s}^2} \quad (2) \quad 785\text{kg} \quad (1)$$

۴۰- کدامیک از عبارات داده شده صحیح است؟

۱) انرژی هر سیستم، معیاری از استعداد آن سیستم برای انجام کار نیست.

۲) انرژی بر حسب ژول بیان می‌شود که با واحد کار متفاوت است.

۳) انرژی پتانسیل گرانشی جسمی، به جرم و ارتفاع بالاتر از سطح مرجع بستگی دارد.

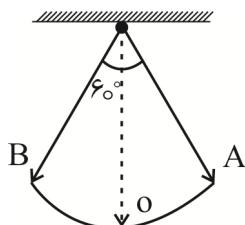
۴) می‌تواند به وجود آید و از بین برود.

۴۱- اگر در هنگام رانندگی سرعت خودرو به دو برابر برسد، انرژی جنبشی چه تغییری می‌کند؟

۱) دو برابر می‌شود.  
۲) چهار برابر می‌شود.

۳) تغییرات به اصطکاک بستگی دارد.  
۴) جرم ثابت باشد تغییری نمی‌کند.

۴۲- در پارک کودک تابی در حال نوسان است. اگر جرم کودک  $40\text{kg}$  باشد و تاب یک کمان  $60^\circ$  را طی کند کدام



عبارة برای نقاط مشخص شده صحیح است؟

۱) بیشترین انرژی جنبشی در نقاط A و B وجود دارد.

۲) کمترین انرژی پتانسیل در نقاط A و B وجود دارد.

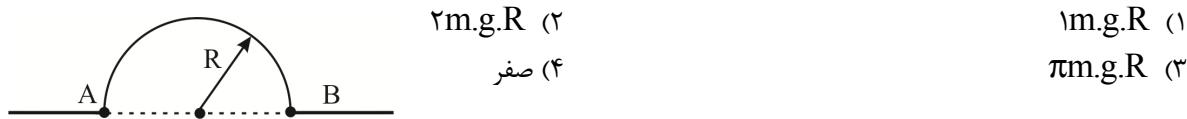
۳) بیشترین نیرو در نقطه O وجود دارد.

۴) انرژی در همه نقاط همواره ثابت است.

۴۳- چکش سنگینی به جرم  $5\text{kg}$  از ارتفاع  $\frac{m}{s}$  با تندی  $80\text{cm}$  بر جسم شکل‌پذیری کوبیده می‌شود. انرژی و سرعت برخورد چکش با جسم به ترتیب کدام است؟

$$4 \frac{\text{m}}{\text{s}}, 80\text{j} \quad (4) \quad 32 \frac{\text{m}}{\text{s}}, 80\text{j} \quad (3) \quad 4\sqrt{2} \frac{\text{m}}{\text{s}}, 0 \quad (2) \quad 4\sqrt{2} \frac{\text{m}}{\text{s}}, 80\text{j} \quad (1)$$

۴۴- اتومبیلی به جرم M از روی پلی نیم‌دایره می‌گذرد و در انتقال از A به B، مقدار کار نیروی وزن اتومبیل چقدر است؟



$$2m.g.R \quad (2) \quad m.g.R \quad (1)$$

$$0 \quad (3)$$

۴۵- جسمی در شرایط خلا از ارتفاع  $h$ ، بالای سطح زمین رها می‌شود. در لحظه‌ای که از ارتفاع  $\frac{1}{4}h$  عبور می‌کند

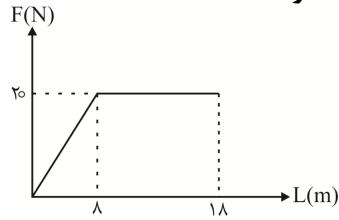
سرعت جسم کدام است؟

$$\frac{\sqrt{3}}{2}.gh \quad (4) \quad \sqrt{gh} \quad (3) \quad \frac{1}{2}\sqrt{gh} \quad (2) \quad \sqrt{\frac{3}{2}gh} \quad (1)$$

۴۶- نیروی موتور اتومبیلی که با سرعت ثابت حرکت می‌کند  $1500\text{N}$  است. اگر توان موتور در این حالت باشد، سرعت اتومبیل چند متر بر ثانیه است؟

$$117/6 \frac{\text{dm}}{\text{s}} \quad (4) \quad 18 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad (3) \quad 24 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad (2) \quad 12 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad (1)$$

- ۴۷- به جسمی با جرم  $2\text{kg}$  در یک سطح افقی نیروی متغیری وارد می‌شود و جسم را  $18\text{m}$  جابه‌جا می‌کند. اگر نمودار نیرو بر حسب جابه‌جایی مطابق شکل باشد. سرعت جسم در پایان مسیر چقدر است؟



$$\sqrt{440} \quad (1)$$

$$4\sqrt{35} \quad (2)$$

$$4\sqrt{5} \quad (3)$$

$$4\sqrt{17/5} \quad (4)$$

- ۴۸- اگر به دسته ماشین چمن‌زنی که با افق زاویه  $60^\circ$  دارد، نیروی  $100\text{N}$  وارد شود و آن را در سطح افق یک متر

$$(\cos 60 = \sin 30 = \frac{1}{2}, \cos 30 = \sin 60 = \frac{\sqrt{3}}{2})$$

$$100\sqrt{3} \quad (4)$$

$$100 \quad (3)$$

$$50\sqrt{3} \quad (2)$$

$$50 \quad (1)$$

- ۴۹- در ظرفی که قاعده آن به شکل مستطیل به ابعاد  $12 \times 10\text{cm}$  است تا ارتفاع  $8\text{cm}$  آب ریخته‌ایم، فشار وارد بر

$$(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

$$8 \times 10^{-3} \frac{\text{N}}{\text{cm}^2} \quad (4)$$

$$8 \times 10^{-2} \frac{\text{N}}{\text{cm}^2} \quad (3)$$

$$80 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} \quad (2)$$

$$8 \frac{\text{N}}{\text{cm}^2} \quad (1)$$

- ۵۰- داخل یک کره آلومینیومی به شعاع  $5\text{cm}$  و جرم  $1080\text{gr}$  یک حفره وجود دارد. حجم حفره کدام است؟

$$(\rho_{AL} = 3 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}, \pi = 3)$$

$$360 \text{dm}^3 \quad (4)$$

$$1/40 \text{dm}^3 \quad (3)$$

$$140 \text{cm}^3 \quad (2)$$

$$360 \text{cm}^3 \quad (1)$$

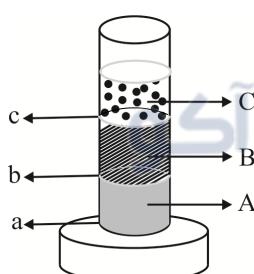
- ۵۱- داخل لوله‌ای استوانه‌ای، سه نوع مایع قرار دارد. کدام رابطه درست است؟

$$F_c > F_b > F_a, P_a > P_b > P_c, \rho_A > \rho_B > \rho_C \quad (1)$$

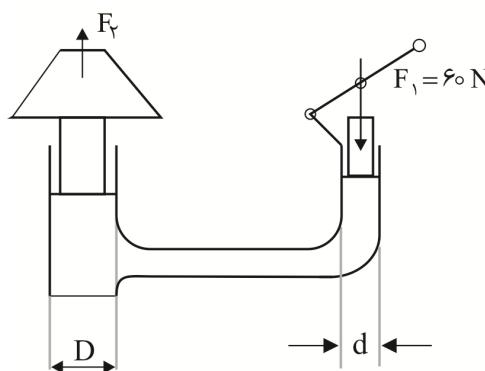
$$F_c < F_b < F_a, P_c > P_b > P_a, \rho_C < \rho_B < \rho_A \quad (2)$$

$$F_a > F_b > F_c, P_a > P_b > P_c, \rho_A > \rho_B > \rho_C \quad (3)$$

$$F_a > F_b < F_c, P_b = P_c > P_a, \rho_A = \rho_B > \rho_C \quad (4)$$



- ۵۲- برای بالا بردن جسمی از جکی مطابق شکل کمک گرفته، مقدار فشار وارد بر روغن و نیروی بالابر  $F_r$ ، به ترتیب  $(D = 20\text{mm}, d = 10\text{mm})$  کدام است؟



$$P = 8 \times 10^4 \text{ Pa} \quad (1)$$

$$F_r = 2/4 \times 10^4 \text{ N} \quad (2)$$

$$P = 8 \times 10^5 \text{ Pa} \quad (3)$$

$$F_r = 2/4 \times 10^5 \text{ N} \quad (4)$$

$$P = 8 \times 10^{-4} \text{ Pa} \quad (5)$$

$$F_r = 2400 \text{ N} \quad (6)$$

$$P = 8 \times 10^4 \text{ Pa} \quad (7)$$

$$F_r = 1000 \text{ N} \quad (8)$$

- ۵۳- برای خاموش کردن شعله آتشی لازم است تندي آب خروجی  $\frac{m}{s}$  ۸۰ باشد. اگر قطر دهانه خروجی ۲۵mm و قطر بدنه شیلنگ ۱۵۰mm باشد تندي لازم برای آب در داخل شیلنگ چقدر باشد؟

$$\frac{240}{s} \text{ (۴)}$$

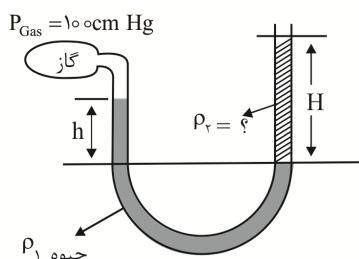
$$\frac{20}{s} \text{ (۳)}$$

$$\frac{32}{s} \text{ (۲)}$$

$$\frac{5}{s} \text{ (۱)}$$

- ۵۴- لوله‌ای مطابق شکل به منبع گازی وصل است. درون لوله مایع نامشخص و مقداری جیوه قرار دارد، جرم حجمی

$$(h = 20\text{cm}, H = 100\text{cm}, \rho_{Hg} = 13.6 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3})$$



$$10.88 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \text{ (۲)}$$

$$1632 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \text{ (۱)}$$

$$17.088 \frac{\text{kg}}{\text{cm}^3} \text{ (۴)}$$

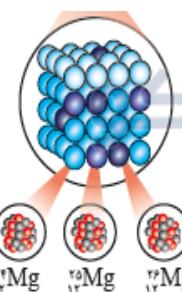
$$16.32 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \text{ (۳)}$$

- ۵۵- کدامیک از عبارت‌های زیر درست است؟

- (۱) نیروی چسبندگی بین مولکول‌های آب کمتر از نیروی چسبندگی بین آب و سطح چرب شده است.
- (۲) وقتی مولکول‌های مایع خیلی به هم نزدیک شوند، نیروی دافعه‌ای بین آن‌ها به وجود می‌آید و مایع متراکم می‌شود.
- (۳) جامدات بی‌شکل معمولاً در اثر آرام سرد کردن مایع تشکیل می‌شوند.
- (۴) وقتی مایع را سریع سرد کنیم، مولکول‌ها فرصت کافی جهت منظم شدن را نداشته و به شکل نامنظمی باقی می‌مانند.

- ۵۶- با توجه به شکل زیر کدام گزینه صحیح نیست؟

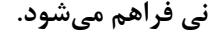
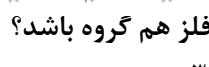
(۱) اغلب در یک نمونه طبیعی از عنصری معین، اتم‌های سازنده، جرم یکسانی ندارند.



(۲) همه اتم‌های منیزیم تعداد پروتون برابر دارند.

(۳) تعداد نوترون‌های  $^{26}_{12}\text{Mg}$  ،  $^{24}_{12}\text{Mg}$  ،  $^{25}_{12}\text{Mg}$  برابر نوترون‌های  $^{26}_{12}\text{Mg}$  است.

(۴) خواص فیزیکی  $^{26}_{12}\text{Mg}$  با  $^{24}_{12}\text{Mg}$  متفاوت است.



- ۶۰- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) در یون  $X^-$  تفاوت تعداد الکترون و نوترون برابر ۲ است، بنابراین تعداد نوترون یکی بیشتر از پروتون است.

ب) در  $\frac{A}{Z}X^-$  اگر تعداد الکترون و نوترون برابر باشد، نتیجه می‌گیریم:  $A = 2Z + 2$

پ) در  $x^{+2}$  که تفاوت تعداد الکترون و نوترون برابر ۷ است، نسبت تعداد الکترون به مجموع پروتون‌ها و نوترون برابر  $\frac{3}{7}$  است.

ت) اگر در یون  $x^{-3}$  تفاوت تعداد نوترون و الکترون برابر ۲ باشد، قطعاً تعداد نوترون‌ها دو تا بیشتر از تعداد الکترون‌ها است.

۴ (۱)                    ۳ (۲)                    ۱ (۳)                    ۲ (۴)

- ۶۱- تعداد اتم‌ها در ۳۵ گرم  $Li^7$  با تعداد اتم‌ها در چند گرم  $C^{12}$  برابر است؟

۴۸ (۱)                    ۶۰ (۲)                    ۱۷/۵ (۳)                    ۲۵ (۴)

- ۶۲- در  $509/50$  میلی‌گرم آب،  $1 \times 10^{11}$  عدد مولکول آب وجود دارد.  $n$  کدام عدد است؟ ( $H=1$ ,  $O=16$ : amu)

۱۹ (۱)                    ۲۰ (۳)                    ۲۱ (۴)                    ۱۷ (۲)

- ۶۳- چه تعداد از مقایسه‌های زیر درست‌اند؟

- انرژی امواج رادیویی < انرژی ریز موج
- طول موج فرابنفس > طول موج فرو سرخ
- انرژی پرتوهای ایکس < انرژی پرتوهای گاما
- طول موج نور زرد < طول موج نور آبی

۱ (۱)                    ۲ (۲)                    ۳ (۳)                    ۴ (۴)

- ۶۴- چه تعداد از عبارات زیر در مورد مقایسه اتم در حالت برانگیخته، نسبت به حالت پایه درست است؟

الف) انرژی بیشتری دارند.  
ب) الکترون‌های بیشتری دارند.  
پ) ناپایدارترند.

ت) به طور کلی فاصله الکترون‌های آن‌ها از هسته بیشتر است.  
ه) تمایل به نشر نور دارند.

۵ (۱)                    ۴ (۲)                    ۳ (۳)                    ۲ (۴)

- ۶۵- نسبت تعداد الکترون‌ها در زیرلایه چهارم ( $L$ )، یک اتم به تعداد الکترون‌های لایه دوم برابر است با :

۱/۴ (۱)                    ۲/۲۵ (۳)                    ۱/۸ (۲)                    ۱/۷۵ (۱)

- ۶۶- مجموع عددهای کوانتمی اصلی و فرعی الکترون‌های موجود در بیرونی‌ترین زیرلایه کدام عنصر در حالت پایه، برابر ۱۵ است؟

$^{36}Kr$  (۴)                     $^{35}Br$  (۳)                     $^{33}As$  (۲)                     $^{34}Sc$  (۱)

- ۶۷- هوای مایع مخلوطی است از:

$O_2, CO_2$  (۴)                     $N_2, Ar, O_2, CO_2$  (۳)                     $N_2, Ar$  (۲)                     $N_2, Ar, O_2$  (۱)

- ۶۸- در فرمول مولکولی ( $S=32, F=19: g.mol^{-1}$ ) ( $SF? = 10.8g.mol^{-1}$ ) به جای (?) چه زیروندي باید قرار گیرد؟

۳ (۴)                    ۶ (۳)                    ۴ (۲)                    ۲ (۱)

۶۹- بر اساس قانون پایستگی جرم در واکنش زیر مقدار  $x + y$  چقدر است؟



۴۵/۷ (۴)

۳۹/۱ (۳)

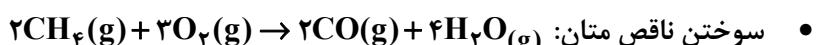
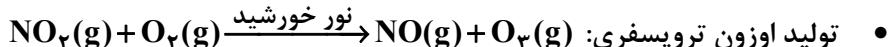
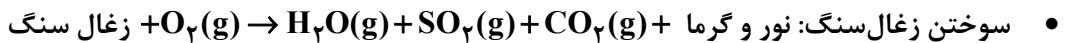
۰/۸ (۲)

۰/۴ (۱)

۷۰- نام ترکیب  $Co_2O_3$  چیست؟

- (۱) کبات (II) اکسید
- (۲) کبات (III) اکسید
- (۳) کبات تری اکسید
- (۴) کبات (III) تری اکسید

۷۱- در چند گزینه واکنش مورد نظر درست معرفی شده است؟



۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۷۲- با توجه به جدول زیر و اطلاعاتی که در آن وجود دارد، کدام گزینه نادرست است؟

D (جامد)	C (مایع)	B (غاز)	A (مایع)	سوخت و حالت فیزیکی
۲۲/۸	۴۷/۹	۱۴۱/۸	۲۹/۷	گرمای آزاد شده به ازای یک گرم کیلوژول
SO <sub>2</sub> , CO, CO <sub>2</sub> , H <sub>2</sub> O	NO <sub>x</sub> , CO, CO <sub>2</sub> , H <sub>2</sub> O	H <sub>2</sub> O	CO <sub>2</sub> , H <sub>2</sub> O بسیار ناچیز CO	فرآورده‌های سوختن

۱) بین سوختهای B و C، سوخت C در فرآیند گرم شدن زمین نقش بیشتری دارد.

۲) بین دو سوخت A و D، سوخت D از نظر ملاحظات زیست محیطی مناسب‌تر است.

۳) بین دو سوخت A و D، سوخت A سوخت سبز محسوب می‌شود.

۴) سوخت B می‌تواند گاز هیدروژن باشد.

۷۳- ۷۵۰ ml نمونه‌ای از یک ترکیب گازی خالص، در دمای ۲۵°C و فشار ۷۵۰ mm Hg دارای ۳/۴۵ g جرم است.

جرم مولی این ترکیب چند است؟

۱۱۴ g/mol (۴)

۹/۵۶ g/mol (۳)

۱۴۰ g/mol (۲)

۳۴۵ g/mol (۱)

۷۴- کدامیک از کاربردهای زیر به طور نادرست بیان شده است؟

۱) هلیم: خنک کردن قطعات الکترونیکی در دستگاه‌های تصویربرداری MRI

۲) آرگون: ساخت لامپ‌های رشتہ‌ای

۳) نیتروژن: نگهداری نمونه‌های بیولوژیک در پزشکی

۴) کربن دی‌اکسید: سرماسازی برای انجماد مواد غذایی

۷۵- شخصی در هر دقیقه ۱۶ بار نفس می‌کشد و هر بار ۵/۰ لیتر هوای پاک و خشک را وارد شش‌های خود می‌کند. اگر

این شخص در یک شبانه روز، ۷۵۰ لیتر اکسیژن مصرف کند، درصد حجمی اکسیژن در هوای بازدم آن به تقریب

کدام است؟ (از حجم اکسیژن مصرفی در هوای بازدم صرف نظر کنید.)

۱۴/۵ (۴)

۱۱/۵ (۳)

۹/۵ (۲)

۶/۵ (۱)

۷۶- در کدام دو مولکول، شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی، دو برابر شمار جفت الکترون‌های پیوندی است؟



۷۷- در مورد کدام ترکیب، شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی از شمار جفت الکترون‌های پیوندی بیشتر است؟



الف) کدام ماده بزرگ‌ترین ضریب را در این واکنش دارد؟

ب) مجموع ضرایب استوکیومتری مواد واکنش‌دهنده بیشتر است یا فرآورده؟

پ) کدام دو ماده ضرایب استوکیومتری برابری دارند؟

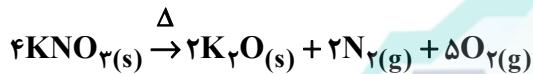


۷۹- کدام یک سوخت سبز محسوب می‌شود؟



۸۰- بر طبق واکنش انجام شده زیر، اگر ۵/۶ لیتر گاز اکسیژن در شرایط STP آزادشده باشد، کاهش جرم مواد جامد

پس از اتمام واکنش معادل چند گرم است؟ ( $\text{O} = 16, \text{N} = 14\text{g}\cdot\text{mol}^{-1}$ )



۷ (۴)

۱۰/۸ (۳)

۸ (۲)

۲/۸ (۱)

گروه مشاور و برنامه‌ریزی آکو





اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)

شرکت تعاونی خدمات آموزشی کارکنان  
سازمان سنجش آموزش کشور

## پاسخ تشریحی آزمون آزمایشی سنجش یازدهم - قابستانه اول (۱۴۰۱/۰۵/۲۸)

### ریاضی و فیزیک (یازدهم)

کارنامه آزمون، عصر روز برگزاری آن از طریق سایت اینترنتی زیر قابل مشاهده می‌باشد:

[www.sanjeshserv.ir](http://www.sanjeshserv.ir)

#### مدیران، مشاوران و دبیران محترم دبیرستان‌ها و مراکز آموزشی

به منظور فراهم نمودن زمینه ارتباط مستقیم مدیران، مشاوران و دبیران محترم دبیرستان‌ها و مراکز آموزشی همکار در امر آزمون‌های آزمایشی سنجش و بهره‌مندی از نظرات ارزشمند شما عزیزان در خصوص این آزمون‌ها، آدرس پست الکترونیکی [test@sanjeshserv.com](mailto:test@sanjeshserv.com) معرفی می‌گردد. از شما عزیزان دعوت می‌شود، دیدگاه‌های ارزشمند خود را از طریق آدرس فوق با مدیر تولیدات علمی و آموزشی این مجموعه در میان بگذارید.



کanal تلگرام آزمون‌های آزمایشی سنجش @sanjesheducationgroup

**ریاضی و هندسه (۱)**

.۱. گزینه ۲ درست است.

$$A' \cap B = (A \cup B')'$$

$$(A \cup B') \subset (A \cup B')' \Rightarrow A \cup B' = \emptyset \Rightarrow (A' \cap B)' = \emptyset \Rightarrow A' \cap B = M$$

.۲. گزینه ۳ درست است.

دنباله دایره‌های تو خالی  $2, 6, 12, \dots = 1 \times 2, 2 \times 3, 3 \times 4, \dots$

$$a_n = n(n+1)$$

دنباله دایره‌های توپر  $2, 3, 4, \dots \Rightarrow b_n = n+1$

$$\frac{a_n}{b_n} = \frac{n(n+1)}{n+1} = 2 \Rightarrow n = 2$$

.۳. گزینه ۱ درست است.

$$n^2 - \frac{1}{4} \leq 0 \Rightarrow -\frac{1}{2} \leq n \leq \frac{1}{2} \Rightarrow B = \{n \mid n \in \mathbb{N}, -\frac{1}{2} \leq n \leq \frac{1}{2}\} = \emptyset$$

.۴. گزینه ۴ درست است.

$$2(\alpha + \frac{1}{3}) = b + a + 1 \Rightarrow b = a - \frac{1}{3}$$

در دنباله حسابی:

$$a^2 = ab + b \Rightarrow a^2 = a(a - \frac{1}{3}) + a - \frac{1}{3}$$

در دنباله هندسی:

$$\frac{2}{3}a = \frac{1}{3} \Rightarrow a = \frac{1}{2} \Rightarrow b = \frac{1}{6}$$

در نتیجه:

$$\frac{1}{6}, \frac{5}{6}, \frac{3}{2} \Rightarrow d = \frac{2}{3} \Rightarrow q.d = 3(\frac{2}{3}) = 2$$

$$\frac{1}{6}, \frac{1}{2}, \frac{3}{2} \Rightarrow q = 3$$

.۵. گزینه ۳ درست است.

فرض:  $a$  و  $c$  اندازه ضلع‌های زاویه قائم و  $b$  اندازه وتر مثلث قائم‌الزاویه باشد.

$$\left. \begin{array}{l} a+b+c=132 \\ 2c=a+b \end{array} \right\} \Rightarrow 3c=132 \Rightarrow c=44$$

$$b^2 = a^2 + c^2 \Rightarrow b^2 - a^2 = 44^2 \Rightarrow (b-a)(b+a) = 1936$$

$$\left. \begin{array}{l} b-a=22 \\ b+a=88 \end{array} \right\} \Rightarrow b=55 \Rightarrow a=33$$

$$S = \frac{a \times c}{2} = \frac{33 \times 44}{2} = 726$$

$$S = \frac{b \times h}{2} = \frac{55 \times h}{2} = 726 \Rightarrow h = 26/4$$

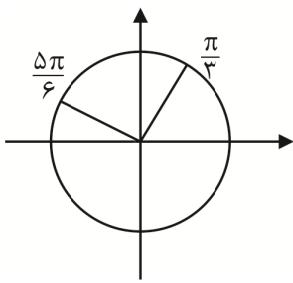
ارتفاع وارد بر وتر

.۶. گزینه ۲ درست است.

صورت کسر  $= \tan^2 x + \cot^2 x + 2 \tan x \cdot \cot x + 1 + \tan^2 x + 1 + \cot^2 x = 2 \tan^2 x + 2 \cot^2 x + 4 = 2(\tan^2 x + \cot^2 x + 2) = 2(\tan x + \cot x)^2$

$$\text{عبارت} = \frac{2(\tan x + \cot x)^2}{2(\tan x + \cot x)} = \tan x + \cot x$$

.۷. گزینه ۱ درست است.



$$\begin{aligned} \frac{\pi}{3} < \alpha < \frac{5\pi}{6} &\Rightarrow \frac{1}{2} < \sin \alpha \leq 1 \\ \frac{m-1}{m+2} \leq 1 &\Rightarrow \frac{-3}{m+2} < 0 \Rightarrow m+2 > 0 \Rightarrow m > -2 \\ \frac{m-1}{m+2} > \frac{1}{2} &\Rightarrow \frac{m-4}{2(m+2)} > 0 \Rightarrow m < -2 \text{ یا } m > 4 \end{aligned}$$

اشتراک جواب‌ها:  $m > 4$

.۸. گزینه ۳ درست است.

$$\frac{\sin \alpha - 1}{\cos \alpha} \geq 0 \Rightarrow \sin \alpha - 1 \leq 0 \Rightarrow \cos \alpha < 0$$

انتهای کمان در ناحیه دوم یا سوم

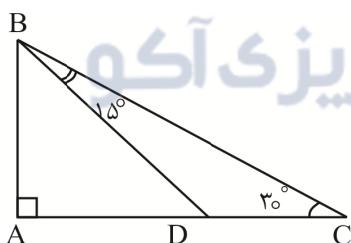
$$\cos \alpha \cdot \cot \alpha < 0 \Rightarrow \begin{cases} \cos \alpha > 0, \cot \alpha < 0 & \text{ناحیه چهارم} \\ \cos \alpha < 0, \cot \alpha > 0 & \text{ناحیه سوم} \end{cases}$$

اشتراک ناحیه‌ها: ناحیه سوم

.۹. گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} \frac{(1+\sin 4^\circ) \cdot \frac{\sin^2 5^\circ}{\cos^2 5^\circ}}{(1-\sin 4^\circ) \cdot \frac{1}{\cos^2 5^\circ}} &= \frac{(1+\cos 5^\circ)(1-\cos^2 5^\circ)}{1-\cos 5^\circ} \\ &= \frac{(1+\cos 5^\circ)(1+\cos 5^\circ)(1-\cos 5^\circ)}{1-\cos 5^\circ} = (1+\cos 5^\circ)^2 \end{aligned}$$

.۱۰. گزینه ۲ درست است.



$$\begin{aligned} 90^\circ + 30^\circ &= 120^\circ \\ 180^\circ - 120^\circ &= 60^\circ \\ \hat{ABD} &= 60^\circ - 15^\circ = 45^\circ \\ \hat{BDA} &= 30^\circ + 15^\circ = 45^\circ \end{aligned} \right\} \Rightarrow \triangle ABD \text{ متساوی الساقین}$$

$$AB = AD = \frac{1}{2} BC \quad \text{در نتیجه:}$$

$$AC^2 = BC^2 - AB^2 = 4AB^2 - AB^2 = 3AB^2 \Rightarrow AC = \sqrt{3}AB$$

$$AB + DC = \sqrt{3}AB \Rightarrow DC = (\sqrt{3} - 1)AB = (\sqrt{3} - 1)AD$$

$$\frac{AD}{DC} = \sqrt{3} - 1$$

.۱۱. گزینه ۱ درست است.

$$\begin{aligned} \sqrt{17 \pm 12\sqrt{2}} &= \sqrt{(3 \pm 2\sqrt{2})^2} = 3 \pm 2\sqrt{2} \\ e^{3-2\sqrt{2}} \times e^{3+2\sqrt{2}} \times e^{3+2\sqrt{2}} &= e^{3-2\sqrt{2}} \times e^{3+2\sqrt{2}} = e^{3-2\sqrt{2}+3+2\sqrt{2}} = e^6 \end{aligned}$$

۱۲. گزینه ۴ درست است.

$$\frac{1}{\sqrt{x-y}} \times \frac{1}{\sqrt{x-\sqrt{y}}} \times \frac{-\sqrt{x-y} \cdot \sqrt{x-y}}{\sqrt{x+\sqrt{y}}} = \frac{-\sqrt{x-\sqrt{y}} \cdot \sqrt{x+\sqrt{y}}}{\sqrt{x-\sqrt{y}} \cdot \sqrt{x+\sqrt{y}}} = -1$$

۱۳. گزینه ۱ درست است.

$$\sqrt[3]{a^3 \cdot a \sqrt{a}} \cdot \sqrt[3]{a^3 \cdot a \sqrt{a}} = \sqrt[3]{a^{17}} \cdot \sqrt[3]{a^9} = \sqrt[3]{a^{26}} = a^{12} \cdot a = a^{12}$$

۱۴. گزینه ۲ درست است.

$$A = \frac{1}{\sqrt{2}+1} + \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{10}+3}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}+1} \times \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}-1} = \sqrt{2}-1, \quad \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{\sqrt{3}-\sqrt{2}} = \sqrt{3}-\sqrt{2}, \dots$$

$$A = \sqrt{2}-1 + \sqrt{3}-\sqrt{2} + \sqrt{4}-\sqrt{3} + \sqrt{5}-\sqrt{4} + \dots + \sqrt{10}-\sqrt{9} = \sqrt{10}-1$$

$$(\sqrt{10}-1)(\sqrt{(\sqrt{10}+1)^2}) = (\sqrt{10}-1)(\sqrt{10}+1) = 10-1 = 9$$

۱۵. گزینه ۳ درست است.

در معادله درجه دوم  $ax^2 + bx + c = 0$ ، اگر جای  $a$  و  $c$  عوض شود معادله درجه دومی به دست می آید که ریشه های آن معکوس ریشه های معادله مورد نظر است.

$$\begin{cases} (m-n)x^2 - 10x + (m+n) = 0 \\ -2x^2 + 5x - 3 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (m-n)x^2 - 10x + (m+n) = 0 \\ -4x^2 - 10x + 6 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} m-n=6 \\ m+n=-4 \end{cases} \Rightarrow m=1, n=-5 \Rightarrow m+n=-4$$

۱۶. گزینه ۲ درست است.

$$x = -1 \Rightarrow x_0 = \frac{-b}{2a} = -1 \Rightarrow b = 2a$$

خط  $y = -2$  در نقطه رأس سهمی بر سهمی مماس است.

$$y_0 = \frac{-b + 4a(1)}{4a} = -2 \Rightarrow b + 4a = -8a \Rightarrow b - 12a = 0$$

$$\begin{cases} b = 2a \\ b - 12a = 0 \end{cases} \Rightarrow 4a - 12a = 0 \Rightarrow 4a(a-3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = 0 & \text{غ ق} \\ a = 3 & \text{ق ق} \end{cases}$$

$$b = 2a = 6 \Rightarrow y = 3x^2 + 6x + 1$$

$$x' + x'' = -\frac{b}{a} = -\frac{6}{3} = -2$$

۱۷. گزینه ۳ درست است.

$$(x-x')(x-x'') = 0 \Rightarrow x^2 - (x'+x'')x + x'x'' = 0$$

$$\begin{cases} x^2 - (x'+x'')x + x'x'' = 0 \\ x^2 - 7x + 4 = 0 \end{cases} \Rightarrow x' + x'' = 7, x'x'' = 4$$

$$x^3 - 7x = -4$$

$$x'' - 6x' + x'' = x'' - 7x' + (x' + x'') = -4 + 7 = 3$$

۱۸. گزینه ۴ درست است.

$$\begin{cases} 2x^2 - 5x + 2 < 0 \\ 2x^2 + 5x + 2 > 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (2x-1)(x-2) < 0 \Rightarrow \frac{1}{2} < x < 2 \\ (2x+1)(x+2) > 0 \Rightarrow x \leq -2 \text{ یا } x \geq -\frac{1}{2} \end{cases}$$

$(\frac{1}{2}, 2)$  اشتراک جواب‌ها

۱۹. گزینه ۲ درست است.

$$y = \frac{-x^2}{4} + \frac{1}{2}x + 12 = 0$$

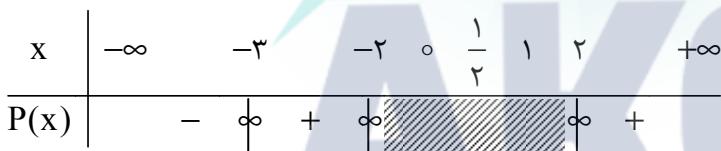
$$-x^2 + 2x + 48 = 0$$

$$x^2 - 2x - 48 = 0$$

$$(x-8)(x+6) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 8 \text{ متر} \\ x = -6 \end{cases}$$



۲۰. گزینه ۱ درست است.



در بازه  $(-\infty, -3)$  علامت عبارت منفی است.

۲۱. گزینه ۴ درست است.

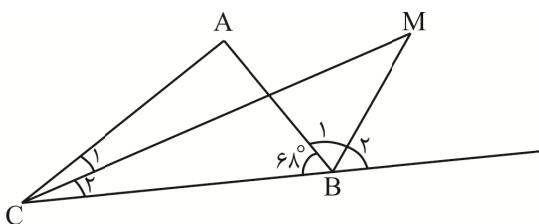
$$MH'' = AB$$

$$BH = AM$$

$$AH' = BM$$

امتداد ارتفاع‌های  $MH''$  و  $BH$  و  $AH'$  یکدیگر را در نقطه  $C$  قطع می‌کنند.

۲۲. گزینه ۳ درست است.



$$\hat{B}_1 = \frac{180^\circ - 68^\circ}{2} = \frac{112^\circ}{2} = 56^\circ$$

$$\hat{C}BM = 68^\circ + 56^\circ = 124^\circ$$

$$\hat{C}_2 = \frac{36^\circ}{2} = 18^\circ$$

$$\hat{M} = 180^\circ - (124^\circ + 18^\circ) = 180^\circ - 142^\circ = 38^\circ$$

۲۲. گزینه ۱ درست است.

از B عمود BH را بر امتداد ضلع AC فرود می‌آوریم در نتیجه:

$$\angle ABH = 45^\circ \Rightarrow \angle CBH = 30^\circ$$

$$AH = BH$$

$$\sin 30^\circ = \frac{AH}{AB} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow AH = 6\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2}$$

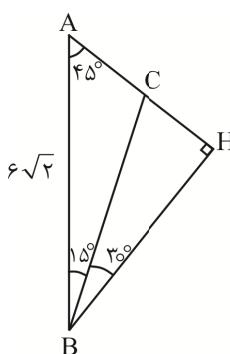
$$AH = BH = 6$$

$$\tan 30^\circ = \frac{CH}{BH} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$CH = 6 \times \frac{\sqrt{3}}{3} = 2\sqrt{3}$$

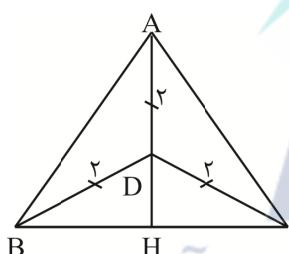
$$\cos 30^\circ = \frac{6}{BC} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow BC = 4\sqrt{3}$$

$$\text{محيط مثلث } \triangle ABC = (6 - 2\sqrt{3}) + 4\sqrt{3} + 6\sqrt{2} = 6 + 2\sqrt{3} + 6\sqrt{2} = 6(1 + \sqrt{2}) + 2\sqrt{3}$$



۲۳. گزینه ۲ درست است.

مثلثهای  $\triangle ABC$  و  $\triangle BDC$  و  $\triangle ACD$  و  $\triangle ABD$  متساوی الساقین هستند، بنابراین متساوی الاضلاع است.



$$AD = \frac{2}{3}AH = 2 \Rightarrow AH = 3$$

$$AH = \frac{\sqrt{3}}{2}a = 3 \Rightarrow a = 2\sqrt{3}$$

$$S_{\triangle ABC} = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = \frac{\sqrt{3}}{4}(2\sqrt{3})^2 = 3\sqrt{3}$$

AH ارتفاع مثلث برابر ۳ است.

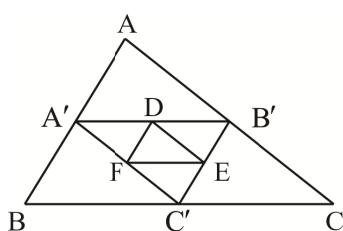
$\triangle ABC$  اندازه ضلع مثلث

۲۴. گزینه ۴ درست است.

$$\frac{t+u}{r+s} = \frac{x}{y} \Rightarrow \frac{x+t+u}{y+r+s} = \frac{x+x}{y+y} = \frac{2x}{2y} = \frac{x}{y}$$

۲۵. گزینه ۳ درست است.

از به هم وصل نقاط وسط اضلاع مثلث  $\triangle A'B'C'$ ، مثلث  $\triangle ABC$  به دست می‌آید.



$$S_{\triangle A'B'C'} = \frac{1}{4}S_{\triangle ABC}$$

از به هم وصل نقاط وسط اضلاع مثلث  $\triangle DEF$ ، مثلث  $\triangle A'B'C'$  به دست می‌آید.

$$S_{\triangle DEF} = \frac{1}{4}S_{\triangle A'B'C'}$$

$$\frac{S_{\triangle DEF}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{16}$$

۲۷. گزینه ۴ درست است.

$$\hat{EBA} = 6^\circ \quad \hat{EBC} = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$$

$$AB = BE = BC \Rightarrow \Delta BEC \text{ متساوی الساقین است}$$

$$180^\circ - 30^\circ = 150^\circ \quad 150^\circ \div 2 = 75^\circ$$

$$BE = BF \Rightarrow \hat{BEF} = \hat{BFE} = \frac{180^\circ - 90^\circ}{2} = 45^\circ$$

$$\hat{CEF} = 75^\circ - 45^\circ = 30^\circ$$

۲۸. گزینه ۱ درست است.

$$BE^2 = 12^2 + 5^2 = 169 \Rightarrow BE = 13 \Rightarrow \text{محیط } = 30$$

$$\Delta BDE \sim \Delta ABC \Rightarrow \frac{BE}{AC} = \frac{DE}{AB} = \frac{BD}{BC}$$

$$\frac{13}{AC} = \frac{5}{10} = \frac{BD}{BC} \Rightarrow AC = 26 \Rightarrow DC = 12$$

$$\frac{12}{BC} = \frac{1}{2} \Rightarrow BC = 24 \Rightarrow EC = 24 - 13 = 11 \Rightarrow \Delta DEC \text{ محیط } = 28$$

$$\frac{\Delta BDE \text{ محیط}}{\Delta DEC \text{ محیط}} = \frac{30}{28} = \frac{15}{14}$$

۲۹. گزینه ۲ درست است.

$$\frac{2}{x} = \frac{3}{x+1} \Rightarrow 2x + 2 = 3x \Rightarrow x = 2$$

$$\frac{3}{6} = \frac{GF}{2} \Rightarrow GF = 1$$

$$\frac{4}{GD} = \frac{3}{3} \Rightarrow GD = 4 \Rightarrow GF + GD = 1 + 4 = 5$$

۳۰. گزینه ۱ درست است.

$$\begin{cases} AE = DE \\ \hat{BAE} = \hat{EDF} \Rightarrow \Delta DEF, \Delta ABE \text{ همنهشتند} \\ \hat{E}_1 = \hat{E}_2 \end{cases}$$

$$EF = BE, AB = DF = 6 \quad \text{در نتیجه:}$$

$$\Delta AOB \sim \Delta FOC \Rightarrow \frac{CF}{AB} = \frac{OC}{OA} = \frac{OF}{OB}$$

$$\frac{6+DC}{6} = \frac{OE+EF}{OB} = \frac{OB+2OB}{OB} = 3$$

$$6+DC=18 \Rightarrow DC=12$$

### فیزیک (۱)

۳۱. گزینه ۲ درست است.

$$\begin{array}{ll} \text{lit} & \text{sec} \\ 5^\circ & 6^\circ \\ \text{lit} & x = \frac{8^\circ \times 6^\circ}{5^\circ} = 96^\circ \text{ sec} \\ km & \text{lit} \\ 100 & 8 \\ 1000 & x = \frac{1000 \times 8}{100} = 80 \text{ lit} \end{array}$$

۳۲. گزینه ۳ درست است.

$$\begin{array}{ll} A = 200 \times 10^3 \text{ m} = 20000 \text{ m} & t_A = 1800 \text{ sec} \\ B = 1200 \times 10^{-1} \text{ m} = 120 \text{ m} & t_B = 10^4 \times 10^{-3} \text{ s} = 100 \text{ sec} \\ C = 0.2 \times 10^{-10} \times 10^{12} \text{ m} = 20 \text{ m} & t_C = 0.2 \times 3600 \text{ s} = 720 \text{ sec} \\ D = 24 \times 10^1 \text{ m} = 240 \text{ m} & t_D = 380 \text{ sec} \\ L = 20000 + 120 + 20 + 240 = 20380 \text{ m} & \\ t = 1800 + 100 + 720 + 380 & \\ t = 3000 \text{ sec} & \end{array}$$

۳۳. گزینه ۴ درست است.

۳۴. گزینه ۱ درست است.

۳۵. گزینه ۳ درست است.

قابلیت تفکیک یا دقت  $0.2/20$  خواهیم داشت که خطای آن  $0.2 \times 0.2 = 0.04$  است.

$$M = M \times V = kg \cdot \frac{m}{s} \quad \text{اندازه حرکت}$$

$$\frac{j}{m} = \frac{N.m}{\frac{m}{s}} = \frac{kg \frac{m}{s^2} \cdot m}{\frac{m}{s}} = \frac{kg \cdot m \cdot s}{m \cdot s^2} = \frac{kg \cdot m}{s}$$

۳۷. گزینه ۱ درست است.

$$A = \frac{1}{2} B t^2 \Rightarrow m = B S^2 \Rightarrow B = \frac{m}{S^2} \quad \text{یکای شتاب}$$

$$A = C t \Rightarrow m = C S \Rightarrow C = \frac{m}{S} \quad \text{یکای تندی}$$

$$A = D \Rightarrow m = D \quad \text{یکای طول}$$

۳۸. گزینه ۳ درست است.

$$V = 200 \times 300 \times 20 = 12 \times 10^5 \text{ mm}^3$$

$$\text{ضخامت} = \frac{20 \text{ mm}}{400} = 0.05 \text{ mm} = 5 \times 10^{-3} \text{ cm} = 5 \times 10^{-2} \text{ mm}$$

$$\rho = \frac{M}{V} = \frac{2.4 \times 10^3 \text{ gr}}{12 \times 10^5 \text{ mm}^3} = \frac{2.4 \times 10^3 \text{ gr}}{12 \times 10^3 \text{ cm}^3} = 2 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$$

۳۹. گزینه ۴ درست است.

$$V = \frac{\pi d^2}{4} \times h = \frac{\pi / 4 \times 10^2}{4} \times 20 = 1570 \text{ dm}^3$$

$$M = \rho \cdot V = 0.5 \times 1570 = 785 \text{ kg}$$

$$W = M \cdot g = 785 \times 10 = 7850 \text{ N} = 7850 \times 10^3 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2}$$

۴۰. گزینه ۳ درست است.

۴۱. گزینه ۲ درست است.

$$K_1 = \frac{1}{2} m_1 V_1^2 \Rightarrow K_2 = \frac{1}{2} m_1 (2V_1)^2 = \frac{1}{2} m_1 (4V_1^2) = 4 \left( \frac{1}{2} m_1 V_1^2 \right)$$

۴۲. گزینه ۴ درست است.

در انتهای مسیر متوقف می‌شود و بیشترین ارتفاع را نسبت به سطح زمین دارد پس انرژی جنبشی صفر و پتانسیل ماکزیمم

می‌شود و بیشترین نیرو در انتهای مسیر یعنی A و B می‌باشد. بیشترین انرژی جنبشی را در نقطه O دارد.

۴۳. گزینه ۱ درست است.

$$k = \frac{1}{2} mv^2$$

$$mgh_1 + \cancel{\frac{1}{2} mv_1^2} = \frac{1}{2} mv_2^2 + \cancel{mgh_2}$$

$$5 \times 10 \times 0.8 + \frac{1}{2} \times 5 \times 4^2 = 80 \text{ J} \quad (\text{انرژی در شروع})$$

$$80 \text{ J} = \frac{1}{2} mv_2^2 \Rightarrow v_2^2 = \frac{160}{5} = 32$$

$$v_2 = 4\sqrt{2} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۴۴. گزینه ۴ درست است.

چون نقاط A و B هم سطح هستند تغییرات انرژی پتانسیل صفر است و کار نیروی وزن هم صفر است.

۴۵. گزینه ۱ درست است.

$$E_1 = E_2 \Rightarrow mgh + 0 = mg \frac{h}{4} + \frac{1}{2} mv^2$$

$$\frac{3}{4} mgh = \frac{1}{2} mv^2 \Rightarrow \frac{3}{2} gh = v^2 \rightarrow v = \sqrt{\frac{3}{2} gh}$$

۴۶. گزینه ۲ درست است.

$$\text{توان} = F \cdot V \Rightarrow 36000 = 1500 \times V \quad , \quad V = 24 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

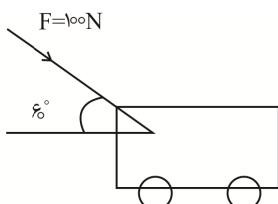
۴۷. گزینه ۴ درست است.

$$W = \Delta E \Rightarrow W = \frac{1}{2} \times 8 \times 20 + 10 \times 20 = 280 \text{ J}$$

$$E = \frac{1}{2} mv^2$$

$$280 = \frac{1}{2} \times 2 \times v^2 \Rightarrow v = \sqrt{280} = \sqrt{16 \times 17.5} = 4\sqrt{17.5}$$

۴۸. گزینه ۱ درست است.



$$W = F \cdot d \cdot \cos \theta$$

$$W = 100 \times 1 \times \frac{1}{2} = 50 \text{ J}$$

۴۹. گزینه ۳ درست است.

$$P = \frac{mg}{A} = \frac{1000 \times 12 \times 10 \times 8 \times 10^{-3} \times 10}{12 \times 10 \times 10^{-4}} = 800 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

$$P = 800 \frac{\text{N}}{\text{cm}^2}$$

۵۰. گزینه ۲ درست است.

$$V = \frac{4}{3} \pi R^3 = \frac{4}{3} \times 3 \times 5^3 = 500 \text{ cm}^3$$

$$m = \rho \cdot V = 3 \times 500 \times 10^{-3} = 1.5 \text{ kg} = 1500 \text{ gr}$$

$$\Delta m = m - m' = 1500 - 1000 = 500 \text{ gr}$$

$$v = \frac{m}{\rho} = \frac{500 \times 10^{-3} \text{ kg}}{\frac{3}{4} \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}} = 0.14 \text{ dm}^3 = 140 \text{ cm}^3$$

$$\text{یا } V = \frac{1000}{3} = 333 = 360 \text{ cm}^3$$

$$V = 500 - 360 = 140 \text{ cm}^3$$

۵۱. گزینه ۳ درست است.

۵۲. گزینه ۲ درست است.

$$P = \frac{F}{A_1} = \frac{60}{\frac{\pi \times 10^{-4}}{4}} = 0.8 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} = 8 \times 10^5 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

$$D = 20d \Rightarrow F_r = 20^2 F_1 = 400 \times 60 = 24000 \text{ N}$$

۵۳. گزینه ۱ درست است.

$$V_1 A_1 = V_r A_r \Rightarrow V_1 = \frac{V_r D_r}{D_1} = \frac{100 \times 25}{100} = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

.۵۴. گزینه ۳ درست است.

$$P_G + P_{Hg} = \rho gh$$

$$100 \times 10^{-2} \times 13/6 \times 10^3 \times 10 + 20 \times 10^{-2} \times 10 \times 13/6 \times 10^3 = \rho \times 10 \times 100 \times 10^{-2}$$

$$13/6 \times 10^4 (100 + 20) \times 10^{-2} = 10 \rho \Rightarrow \rho = \frac{1360 \times 120}{10}$$

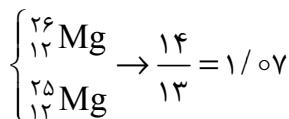
$$\rho = 1632 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$\rho = 16/32 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$$

.۵۵. گزینه ۴ درست است.

**شیمی (۱)**

.۵۶. گزینه ۳ درست است.



$$\begin{array}{r} 53 \\ | \\ 85 X \end{array} \quad A = 2 \times 85 + 40 = 210$$

.۵۷. گزینه ۲ درست است.

.۵۸. گزینه ۱ درست است.

.۵۹. گزینه ۲ درست است.

سه مورد اول نادرست هستند.

.۶۰. گزینه ۳ درست است.

فقط سومین مورد درست است.

$$\begin{cases} A = 2Z + (7 - (+2)) \rightarrow Z = 29 \\ e = 27 \end{cases} \rightarrow \frac{27}{63} = \frac{3}{7}$$

.۶۱. گزینه ۲ درست است.

$$1 = \frac{35\text{g} \times \frac{1\text{mol}}{7\text{g}} \times \frac{N_A}{1\text{mol}}}{x \times \frac{1\text{mol}}{12\text{g}} \times \frac{N_A}{1\text{mol}}} \rightarrow x = 60\text{g}$$

.۶۲. گزینه ۳ درست است.

$$N_P = 0.009\text{g} \times \frac{1\text{mol}}{18} \times \frac{6/02 \times 10^{23}}{1\text{mol}}$$

$$N_P = 3/01 \times 10^{20}$$

.۶۳. گزینه ۲ درست است.

موارد دوم و چهارم درست هستند.

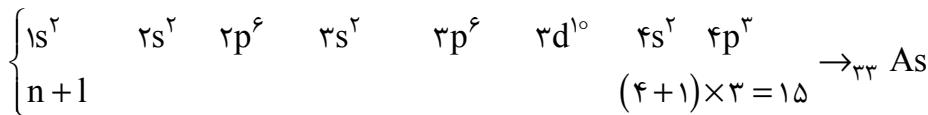
.۶۴. گزینه ۲ درست است.

فقط مورد دوم نادرست است.

۶۵. گزینه ۱ درست است.

$$\frac{41+2}{2n^2} = \frac{14}{\lambda} = 1/75$$

۶۶. گزینه ۲ درست است.



۶۷. گزینه ۱ درست است.

۶۸. گزینه ۲ درست است.

$$SF_x = 10 \lambda \rightarrow 32 + 19 \times x = 10 \lambda \rightarrow x = 4$$

۶۹. گزینه ۴ درست است.

$$\begin{cases} 0 / 2 \text{ mol AgCl} \times \frac{143 / 56 \text{ g}}{1 \text{ mol}} = 28 / 7 \text{ g} \\ 0 / 2 \text{ mol NaNO}_3 \times \frac{85 \text{ g}}{1 \text{ mol}} = 17 \end{cases} \rightarrow 28 / 7 + 17 = 45 / 7$$

۷۰. گزینه ۲ درست است.

۷۱. گزینه ۴ درست است.

۷۲. گزینه ۳ درست است.

۷۳. گزینه ۴ درست است.

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \rightarrow \frac{760 \times 22 / 4}{273} = \frac{750 \times V_2}{298} \rightarrow V_2 = 24 / 8 \text{ L}$$

$$0 / 750 \text{ L} = 3 / 45 \text{ g} \times \frac{1 \text{ mol}}{M} \times \frac{24 / 8 \text{ L}}{1 \text{ mol}} \Rightarrow M = 114 \text{ g mol}^{-1}$$

۷۴. گزینه ۴ درست است.

۷۵. گزینه ۳ درست است.

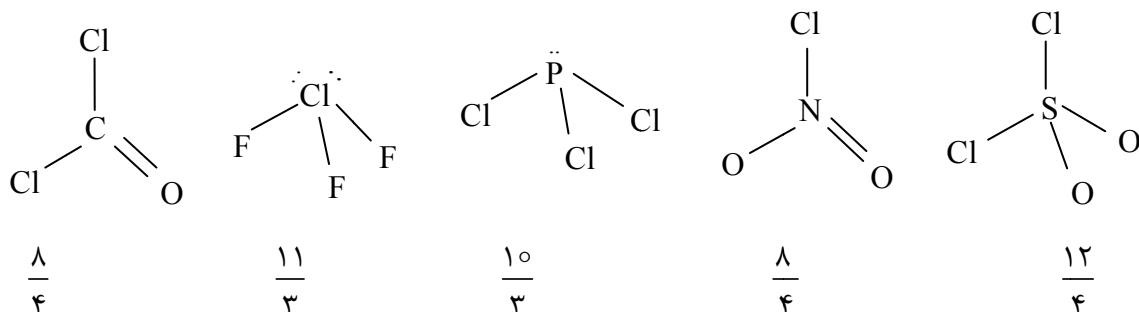
$$L_{O_2} = 24 \times 60 \text{ min} \times \frac{16}{1 \text{ min}} \times \frac{0 / 5 \text{ L}}{1} \times \frac{20 \text{ L}}{100 \text{ L}} = 2304$$

$$2034 - 750 = 1284 \text{ L}$$

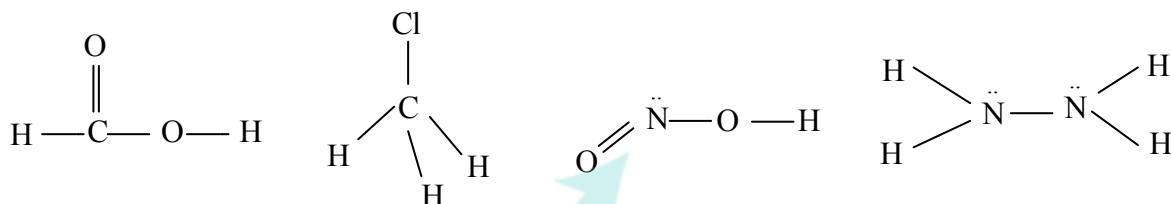
$$L_{air} = 24 \times 60 \text{ min} \times \frac{16}{1 \text{ min}} \times \frac{0 / 5 \text{ L}}{1} = 11520$$

$$V / V\% = \frac{1284}{11520} \times 100 = \% 11 / 5$$

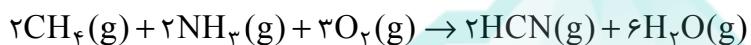
۷۶. گزینه ۲ درست است.



۷۷. گزینه ۳ درست است.



۷۸. گزینه ۱ درست است.



۷۹. گزینه ۲ درست است.

۸۰. گزینه ۳ درست است.

$$\left\{ \begin{array}{l} g_{\text{O}_2} = 5 / 6 L_{\text{O}_2} \times \frac{1 \text{ mol}_{\text{O}_2}}{22 / 4 \text{ L}} \times \frac{32 \text{ g}}{1 \text{ mol}_{\text{O}_2}} \Rightarrow g_{\text{O}_2} = 8 \text{ g} \\ g_{\text{N}_2} = 5 / 6 L_{\text{O}_2} \times \frac{1 \text{ mol}_{\text{O}_2}}{22 / 4 \text{ L}} \times \frac{2 \text{ mol}_{\text{N}_2}}{5 \text{ mol}_{\text{O}_2}} \times \frac{28 \text{ g}}{1 \text{ mol}_{\text{N}_2}} \Rightarrow g_{\text{N}_2} = 2 / 8 \text{ g} \end{array} \right. \Rightarrow g_{\text{O}_2} + g_{\text{N}_2} = 10 / 8 \text{ g}$$

شرکت تعاونی خدمات آموزشی کارکنان  
سازمان سنجش آموزش کشور



گروه سنجش آموزشی پر نامه ریزی آموزش

آنلاین و حضوری

# آزمون‌های آزمایشی سنجش ویژه‌آمادگی دانش آموزان پایه یازدهم

۱۲ نوبت آزمون

نوبت آزمون  
تابستانه

نوبت آزمون  
مرحله‌ای

۳ نوبت آزمون  
جامع