

علوم
ریاضی
و فنی

دفترچه اختصاصی - ۱

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۱ (از ۲)



آزمون ۲۱ مهر ۱۴۰۲

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۱	حسابان	۲۰	۱	۲۰	۳۰ دقیقه
۲	هندسه	۱۰	۲۱	۳۰	۱۵ دقیقه
۳	ریاضیات گسسته	۱۰	۳۱	۴۰	۱۵ دقیقه
۴	هندسه ۱	۱۰	۴۱	۵۰	۱۵ دقیقه
	هندسه ۲		۵۱	۶۰	



آزمون «۲۱ مهر ماه ۱۴۰۲» اختصاصی دوازدهم ریاضی

ریاضی سوال

مدت پاسخ‌گویی: ۷۵ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۵۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی
حسابان ۲	۲۰	۱-۲۰	۳۰'
هندسه ۳	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵'
ریاضیات گسته	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵'
هندسه ۱	۱۰	۴۱-۵۰	۱۵'
هندسه ۲		۵۱-۶۰	
جمع کل	۵۰	۱-۶۰	۷۵'

بدید آورندگان

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲	امیرمحمد باقری نصرآبادی-مسعود برملای-شاهین پروازی-عادل حسینی-طاهر دادستانی-علی سرآبادانی-کامیار علییون مهدی ملارضانی-علیرضا ندافزاده-جهانبخش نیکنام
هندسه	امیرحسین ابومحبوب-محمد حمیدی-افشین خاصه‌خان-محمد خدان-کیوان دارابی-فراز دعاگوی تهرانی-سوگند روشی فرشاد صدیقی فر-امیر مالیر-مهرداد ملوندی-حمد ناصر
ریاضیات گسته	امیرحسین ابومحبوب-رضا توکلی-کیوان دارابی-سوگند روشی-علی منصف‌شکری

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه	ریاضیات گسته
گزینشگر	علیرضا ندافزاده	امیرحسین ابومحبوب	سوگند روشی
گروه ویراستاری	مهدی خانبابایی	عادل حسینی مهرداد ملوندی	عادل حسینی مهرداد ملوندی
ویراستاری رتبه های برق	پارسا نوروزی‌منش	کیارش صانعی	کیارش صانعی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب
مستند سازی	سمیه اسكندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی

گروه فنی و تولید

مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده	مهرداد ملوندی	مدیر گروه
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محبی اصغری	مسئول دفترچه: الهه شهریاری	
حروف نگار	فرزانه فتح‌المزاده		
ناظر چاپ	سوران نعیمی		

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۳۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱.



وقت پیشنهادی: ۳۰ دقیقه

حسابان ۳: تابع: صفحه های ۱۲ / ریاضی ۱: تابع: صفحه های ۹۶ تا ۱۱۷ / حسابان ۱: تابع: صفحه های ۳۷ تا ۵۳

۱- رابطه $\{(1, 3), (a, 6), (1, a^2 - 2a), (-1, 4)\}$ معرف یک تابع است. مقدار a کدام است؟

۱ (۲)

-۳ (۱)

۳ (۴)

-۱ (۳)

۲- کدام یک می تواند هم دامنه تابع $y = |x+1| - 3$ باشد؟

(-∞, -1] (۲)

[-2, +∞) (۱)

(-∞, 3] (۴)

[-5, +∞) (۳)

$$3- \text{در تابع } f(x) = \begin{cases} a - (x-1)^r & ; |x| \leq 1 \\ \frac{x^r + bx - 1}{x+2} & ; |x| \geq 1 \end{cases} \text{ کدام است؟}$$

۴ (۲)

۵ (۱)

 $\frac{7}{2}$ (۴) $\frac{9}{2}$ (۳)۴- توابع $f(x) = \frac{x+2}{x+3}$ و $g(x) = \frac{x^r - ax + b}{x^r - 2cx + 9}$ مساوی هستند. حاصل $a+b+c$ کدام است؟

-۲ (۲)

۸ (۱)

۷ (۴)

۲ (۳)

۵- اگر دامنه و برد تابع خطی f به ترتیب $[-1, 2]$ و $[7, 4]$ باشد، ضابطه تابع $y = f(2x) - 3$ کدام می تواند باشد؟

2x+7 (۲)

-2x+3 (۱)

2x+5 (۴)

-2x+4 (۳)

۶- f تابع خطی است. اگر $g(x) = f(x+3) + f(2x+1)$ تابع همانی باشد، مساحت سطح محدود بین نمودار تابع f و محورهای

مختصات کدام است؟

 $\frac{4}{3}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۱)

۲ (۴)

 $\frac{1}{3}$ (۳)



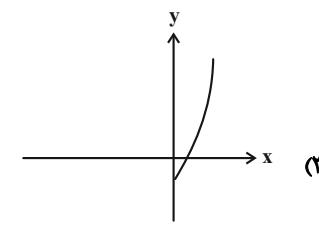
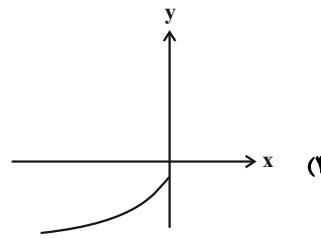
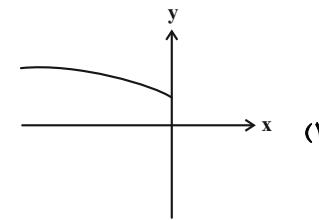
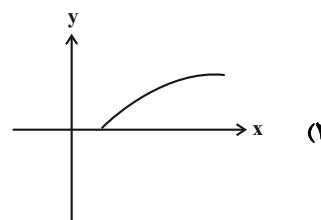
۷- در تابع خطی f داریم، مقدار $f(x) + f\left(\frac{y}{x}\right)$ کدام است؟

۱ (۲)

-۱ (۱)

 $-\frac{1}{2}$ (۴) $\frac{1}{2}$ (۳)

۸- بخشی از نمودار تابع $f(x) = \frac{2x-5}{x+3}$ در کدام گزینه به درستی رسم شده است؟



۹- نمودار تابع $f(x) = x^3 - ax + b$ را ۲ واحد به چپ و ۳ واحد به پایین انتقال می‌دهیم تا به نمودار تابع $g(x) = x^3 - 2x + b$ برسیم. حاصل $a+b$ کدام است؟

۸ (۲)

۲۰ (۱)

۱۰ (۴)

-۴ (۳)

۱۰- اگر نقطه $A(2, 5)$ روی نمودار تابع f باشد، حداقل مقدار m کدام باشد تا نقطه نظیر A روی نمودار تابع $y = 2f(2x - m) + 1$ پایین‌تر از خط $y = 2x - 1$ نباشد؟

۹ (۲)

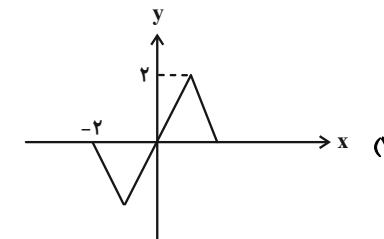
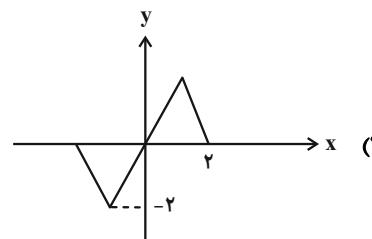
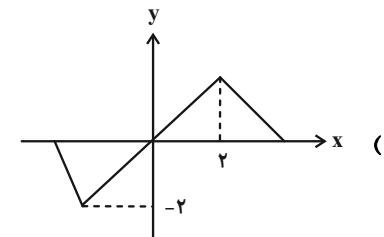
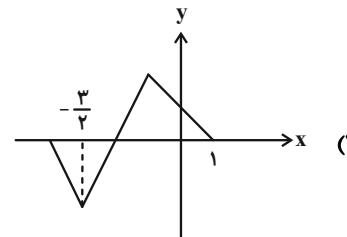
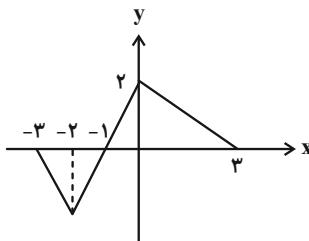
۸ (۱)

۱۱ (۴)

۱۰ (۳)



۱۱- نمودار تابع f در شکل زیر رسم شده است. نمودار تابع $g(x) = f(2x - 1)$ کدام است؟



۱۲- مساحت سطح محصور بین نمودارهای توابع $f(x) = |x+2| - 1$ و $g(x) = |2x-1|$ و محور x ها کدام است؟

$$\frac{5}{4} \quad (4)$$

$$\frac{3}{2} \quad (3)$$

$$\frac{3}{4} \quad (2)$$

$$\frac{5}{2} \quad (1)$$

۱۳- می خواهیم به کمک نمودار تابع f ، نمودار تابع $y = 2f(\frac{1}{2}x - 1) + 1$ را رسم کنیم. کدام مسیر انتقال در رسیدن به نمودار خواسته شده درست نیست؟

(۱) ابتدا یک واحد به سمت راست می رویم و سپس نمودار را در راستای افقی و عمودی دو برابر منبسط کرده و پس از آن یک واحد به بالا می رویم.

(۲) ابتدا $\frac{1}{2}$ واحد بالا و یک واحد راست می رویم و سپس نمودار را در راستای عمودی و افقی دو برابر منبسط می کنیم.

(۳) ابتدا $\frac{1}{2}$ واحد بالا رفته و سپس نمودار را در راستای عمودی و افقی دو برابر منبسط کرده و سپس از آن یک واحد راست می رویم.

(۴) ابتدا نمودار را در راستای عمودی و افقی دو برابر منبسط می کنیم و سپس دو واحد به سمت راست و یک واحد بالا می رویم.



۱۴- اگر دامنه تابع $f(x) = ax - 1 + \sqrt{4x+b}$ دو عضوی باشد، نمودار تابع $g(x) = \sqrt{4-x^2} + \sqrt{2x^2+ax+b}$ از کدام ناحیه (نواحی)

دستگاه مختصات عبور می‌کند؟

۲) اول و چهارم

۱) اول

۳) دوم و سوم

۴) اول و دوم

۱۵- تابع $f(x) = x + \frac{x}{\sqrt{2}}$ با دامنه $(0, \infty)$ مفروض است. مساحت سطح بین نمودار تابع f و محور x ها کدام است؟

(۱)، نماد جزء صحیح است.

۸) ۲

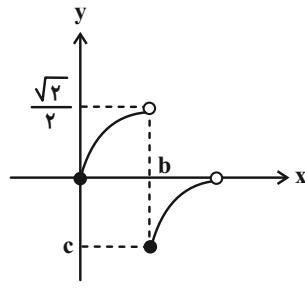
۱۱) ۱

۹) ۴

۱۰) ۳

۱۶- قسمتی از نمودار تابع $f(x) = \sqrt{x-[x]} - [ax]$ در شکل زیر رسم شده است. اگر $a > 0$ باشد، مقدار c کدام است؟ (۱)، نماد

جزء صحیح است.



۱) $-\sqrt{2}$

۲) $\frac{\sqrt{2}}{2} - 1$

۳) $-\frac{\sqrt{2}}{2}$

۴) -1

۱۷- تعداد جواب‌های معادله $\frac{x^2}{2x} + 1 = 0$ کدام است؟ (۱)، نماد جزء صحیح است.

۴) ۲

۳) ۱

۶) ۴

۵) ۳



۱۸- نمودار تابع f را واحد به پایین انتقال می‌دهیم. سپس نسبت به محور y ها قرینه می‌کنیم. در جهت محور x ها با ضریب ۲ منبسط می‌کنیم و در نهایت ۴ واحد به راست انتقال می‌دهیم. اگر ضابطه تابع نهایی به صورت $-6 - 3x - \sqrt{x^2}$ باشد،

مجموع صفرهای تابع f کدام است؟

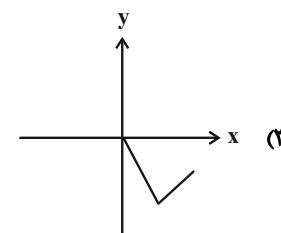
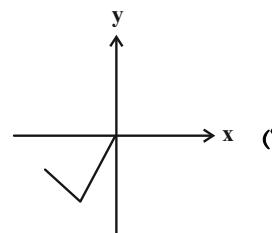
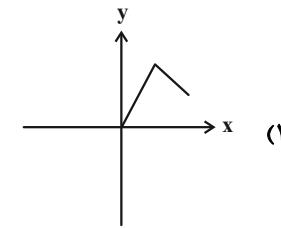
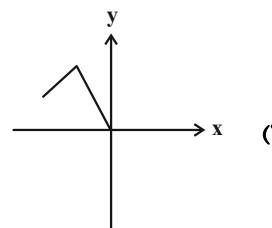
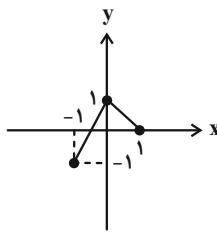
$$\frac{7}{2} (۴)$$

$$3 (۳)$$

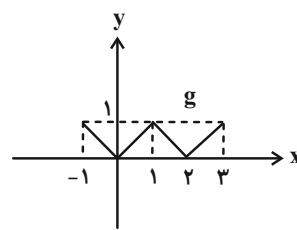
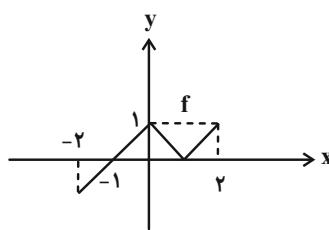
$$\frac{5}{2} (۲)$$

$$2 (۱)$$

۱۹- اگر نمودار تابع $1 - y = f(2x + 3)$ به صورت زیر باشد، نمودار تابع $y = 2f(-\frac{1}{2}x + 1)$ شبیه کدام نمودار است؟



۲۰- نمودارهای دو تابع f و g در شکل‌های زیر رسم شده است. کدام رابطه درست است؟



$$g(x) = f(|x|) (۱)$$

$$g(x) = f(|1-x|) (۲)$$

$$g(x) = f(|x-1|) (۳)$$

$$g(x) = f(|x+1|) (۴)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندهسه ۳: ماتریس و کاربردها (تا پایان ضرب ماتریس در ماتریس); صفحه‌های ۹ تا ۱۹

۲۱- اگر A , B و C سه ماتریس و r عددی حقیقی باشد، چه تعداد از روابط زیر همواره درست است؟

$$A + (-A) = 0 \quad (ب)$$

$$A + (B + C) = (A + B) + C \quad (الف)$$

$$rA = rB \Rightarrow A = B \quad (پ)$$

۱ (۲)

(۱) صفر

۳ (۴)

۲ (۳)

۲۲- دو ماتریس $my + na = B$ را در نظر بگیرید. اگر A ماتریسی قطری و $B = A$ باشد، حاصل na

کدام است؟

-۲۰ (۲)

-۲۵ (۱)

-۵ (۴)

-۱۰ (۳)

۲۳- اگر $3A + 2B = \begin{bmatrix} 11 & 12 \\ 13 & 14 \end{bmatrix}$ و $2A - 3B = -5 \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ باشند، آنگاه مجموع درایه‌های ماتریس A کدام است؟

۱۱ (۲)

۱۰ (۱)

۱۳ (۴)

۱۲ (۳)

۲۴- اگر $BA = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$ باشند، ماتریس AB کدام است؟

[۶] (۲)

[۱ ۰ ۲] (۱)

[۴] (۴)

[۱ ۲ ۳] (۳)

۲۵- اگر ماتریس‌های b_{ij} تعریف شده $b_{ij} = \begin{cases} i^2 - 1 & ; i=j \\ i+2j & ; i > j \\ i-j+1 & ; i < j \end{cases}$ و $a_{ij} = \begin{cases} i^2 - 1 & ; i=j \\ 2i-j & ; i > j \\ j-i & ; i < j \end{cases}$ به صورت $B = [b_{ij}]_{3 \times 2}$ و $A = [a_{ij}]_{3 \times 3}$ باشند، مجموع درایه‌های قطر اصلی ماتریس AB کدام است؟

۸ (۲)

۴ (۱)

۱۸ (۴)

۱۲ (۳)



۲۶- برای دو ماتریس مربعی و هم مرتبه A و B داریم C ماتریسی اسکالر و مجموع $A + 3B = C$ و $A - B = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$. اگر C ماتریسی اسکالر و مجموع

درایه‌های ماتریس A برابر ۲ باشد، مجموع درایه‌های ماتریس C کدام است؟

۸ (۲)

۶ (۱)

-۴ (۴)

-۱۰ (۳)

۲۷- اگر ماتریس $A = [a_{ij}]_{3 \times 4}$ تعریف شده باشد، حاصل $\sum_{j=1}^4 a_{3j}$ کدام است؟

۱۶ (۲)

۱۵ (۱)

۱۸ (۴)

۱۷ (۳)

۲۸- اگر $BA = \begin{bmatrix} 2 & y \\ 1 & 0 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 & 0 \\ 5 & 3 & 4 & -3 \end{bmatrix}$ به صورت $A = [a_{ij}]_{3 \times 4}$ ماتریسی قطری باشد، بزرگ‌ترین درایه ماتریس BA کدام است؟

۸ (۲)

۶ (۱)

۱۲ (۴)

۱۰ (۳)

۲۹- اگر $ABC = \begin{bmatrix} 1 & x & y & 1 \\ 1 & 0 & z & 1 \\ x & 0 & y & 0 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \\ 2 & 3 & 1 \end{bmatrix}$ ، $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 3 & 0 & 3 \end{bmatrix}$ باشند، آن‌گاه مجموع درایه‌های ستون چهارم ماتریس ABC کدام است؟

کدام است؟

۴۰ (۲)

۲۰ (۱)

۶۰ (۴)

۵۰ (۳)

۳۰- اگر حاصل ضرب جواب‌های معادله $\begin{bmatrix} a & 1 & 1 \\ -4 & 0 & -2 \\ 1 & 2 & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ 2x \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ 2x \\ 1 \end{bmatrix}$ برابر ۵ باشد، مجموع جواب‌های آن کدام است؟

-۲ (۲)

۲ (۱)

۱ (۴)

-۱ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: آشنایی با نظریه اعداد: صفحه های ۱ تا ۸

-۳۱- اگر α و β دو عدد گنگ و عدد $\frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{3}$ عددی گویا باشد، آن‌گاه عدد $3\alpha + 2\beta$ عددی و عدد $2\alpha + 3\beta$ عددی است.

(۲) گویا- گویا

(۱) گنگ- گنگ

(۴) گنگ- گویا

(۳) گویا- گنگ

-۳۲- در مورد سه مجموعه ناتهی A ، B و C کدام رابطه با مثال نقض رد نمی‌شود؟

$$A \cap B = A \cap C \Rightarrow B = C \quad (۲)$$

$$A \cup B = A \cup C \Rightarrow B = C \quad (۱)$$

$$A \times B = A \times C \Rightarrow B = C \quad (۴)$$

$$A - B = A - C \Rightarrow B = C \quad (۳)$$

-۳۳- عدد $x = \frac{\sqrt{5} + 1}{2}$ مثال نقض مناسبی برای رد کردن حکم زیر است. ضابطه $f(x)$ کدام می‌تواند باشد؟

«اگر x گنگ باشد، آن‌گاه $f(x)$ هم گنگ است.»

$$f(x) = x^2 - x + 5 \quad (۲)$$

$$f(x) = 2x^2 - x + 1 \quad (۱)$$

$$f(x) = 3x^2 - x + 2 \quad (۴)$$

$$f(x) = x^2 - 5x + 1 \quad (۳)$$

-۳۴- فرض کنید $a, b \in \mathbb{Z}$ و گزاره q به صورت زیر تعریف شده باشد. q با کدام گزاره هم‌ارز است؟

« q : $5a + 3b$ عدد زوج می‌باشد»

$a^2 + b^2$ زوج است.

ab زوج است. (۱)

$2a + 5b$ زوج است.

$3a + 4b$ زوج است. (۳)

-۳۵- فرض کنید x و y دو عدد حقیقی باشند. در اثبات نامساوی زیر به روش بازگشتی به کدام رابطه بدیهی می‌رسیم؟

$$x^r + y^r \geq x + y - \frac{1}{2}$$

$$(x-1)^r + (y-1)^r + (x^r + y^r) \geq 0 \quad (۲)$$

$$(x-1)^r + (y-1)^r \geq 0 \quad (۱)$$

$$(x-y+1)^r + (x+y)^r \geq 0 \quad (۴)$$

$$(x+y-1)^r + (x-y)^r \geq 0 \quad (۳)$$



۳۶- به ازای چند عدد طبیعی n از مجموعه $\{20, 21, 22, \dots, 100\}$ عدد $A = \frac{n^2(n+1)^2}{9}$ زوج است؟

۵۳ (۲)

(۱) ۵۲

۵۵ (۴)

(۳) ۵۶

۳۷- کدام یک از احکام زیر فاقد مثال نقض است؟

(۱) حاصل ضرب هر عدد گویا در عددی گنگ، عددی گنگ است.

(۲) به ازاء هر عدد طبیعی مانند n ، حداقل یکی از اعداد $1 - 2^n$ یا $1 + 2^n$ اول است.

(۳) عدد $1 + 2^{2n}$ به ازاء همه اعداد طبیعی n ، عددی اول است.

(۴) هیچ دو عدد طبیعی مانند a و b در رابطه $\sqrt{a+b} = \sqrt{a} + \sqrt{b}$ صدق نمی‌کنند.

۳۸- اگر a_1, a_2 و a_3 عددهایی صحیح و b_1, b_2 و b_3 همان اعداد ولی با ترتیب دیگری باشند، چه تعداد از عبارت‌های زیر قطعاً زوج هستند؟

• $(a_1 - b_1)(a_2 - b_2)(a_3 - b_3)$

• $3a_1a_2a_3 + b_1b_2b_3$

• $(a_1 - b_1)(a_2 - b_2)^2(a_3 - b_3)$

• $a_1b_1 + 2a_2b_2 + 3a_3b_3$

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

(۱) ۱

۳۹- اگر $n \in \mathbb{N}$ باشد، آن‌گاه عبارت $a^3 + b^3 + ab = (3n+1)^n + (3n+2)^n$ چگونه است؟

(۲) همواره فرد

(۱) همواره زوج

(۴) گاهی زوج و گاهی فرد

(۳) همواره اول

۴۰- در اثبات نامساوی $a^3 + b^3 + k^3 \geq a + ab + b$ به روش اثبات بازگشتی، حداقل مقدار k برای این که به یک رابطه بدیهی برسیم

و تمامی مراحل برگشت پذیر باشند، کدام است؟

۲ (۲)

(۱) ۱

$\frac{1}{2}$ (۴)

$\sqrt[3]{2}$ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

۳۷ تا ۹ صفحه های کاربردهای آن: قصیه قالس، تشابه و کاربردهای هندسه ۱ و ۲

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال هندسه ۱ (۴۱ تا ۵۰) و هندسه ۲ (۵۱ تا ۶۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۴۱- در مثلث ABC، زاویه A برابر 75° است. کدام یک از نتیجه‌گیری‌های زیر همواره درست است؟

(۱) ضلع BC بزرگ‌ترین ضلع مثلث ABC است.

(۲) ضلع BC کوچک‌ترین ضلع مثلث ABC نیست.

۴۲- خط L و نقطه M به فاصله ۳ واحد از آن مفروض است. به ازای کدام مقادیر x و y، سه نقطه در صفحه وجود دارد به گونه‌ای

که فاصله هر کدام از این نقاط از خط L، برابر x و از نقطه M، برابر y باشد؟

$x = 1 \text{ و } y = 3 \quad (1)$

$x = 1 \text{ و } y = 2 \quad (2)$

$x = 1 \text{ و } y = 4 \quad (3)$

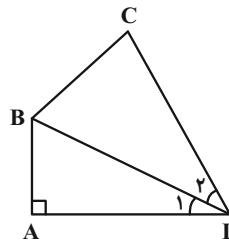
۴۳- در چهارضلعی ABCD، $\hat{D}_1 = \hat{D}_2 = 19^\circ$ ، $AD = 15$ ، $BD = 17$ ، $ABCD = 144$ است. مساحت این چهارضلعی کدام است؟

۱۳۶ (۱)

۱۴۴ (۲)

۱۸۰ (۳)

۱۹۶ (۴)

۴۴- در مثلث ABC، رابطه $\hat{A} = \frac{\hat{B}}{3} + \hat{C}$ بین اندازه زوایا برقرار است. محل تلاقي ارتفاعات این مثلث کجا قرار دارد؟

(۱) درون مثلث

(۲) بیرون مثلث

(۳) روی یکی از رأس‌های مثلث

۴۵- در مثلث ABC، اندازه زاویه B برابر α است. اگر عمودمنصف ضلع BC، ضلع AC را در نقطه M قطع کند به‌طوری که AB = CM باشد، آن‌گاه اندازه زاویه C کدام است؟

$60^\circ + \frac{\alpha}{3} \quad (4) \qquad 60^\circ - \frac{\alpha}{3} \quad (3) \qquad 60^\circ + \frac{\alpha}{2} \quad (2) \qquad 60^\circ - \frac{\alpha}{2} \quad (1)$

۴۶- در مثلثی اندازه‌های دو ضلع ۱۲ و ۱۵ است. اگر مجموع طول ارتفاعاتی وارد بر این دو ضلع، ۳ برابر طول ارتفاع وارد بر ضلع سوم این مثلث باشد، اندازه ضلع سوم کدام است؟

۲۴ (۴)

۲۲/۵ (۳)

۲۰ (۲)

۱۸ (۱)



۴۷- در ذوزنقه‌ای با طول قاعده بزرگ ۱۰ واحد، از نقطه برخورد قطرها، خط d را موازی قاعده‌ها رسم می‌کنیم. اگر نقطه برخورد خط d با ساق کوچک‌تر، آن ساق را به نسبت ۲ و ۳ تقسیم کند، طول پاره‌خطی که ساق‌های ذوزنقه از d جدا می‌کنند، کدام است؟

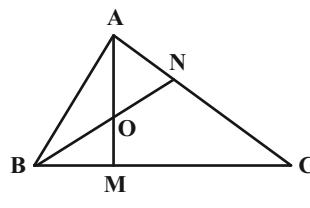
۶ (۴)

 $\frac{20}{3}$ (۳)

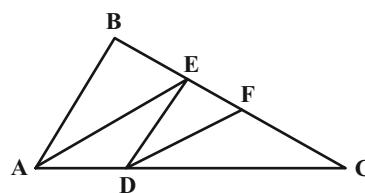
۸ (۲)

۷/۵ (۱)

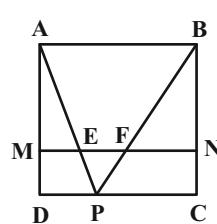
۴۸- در شکل زیر، اگر $\frac{BM}{CM} = \frac{AN}{AC} = \frac{1}{3}$ باشد، حاصل $ON = OB$ کدام است؟

 $\frac{1}{3}$ (۱) $\frac{1}{4}$ (۲) $\frac{3}{4}$ (۳) $\frac{2}{5}$ (۴)

۴۹- در شکل زیر، اگر $FC = 2EF$ و $AB \parallel DE$ ، $AE \parallel DF$ باشد، حاصل $\frac{S_{DEF}}{S_{BDC}}$ کدام است؟

 $\frac{1}{9}$ (۱) $\frac{2}{9}$ (۲) $\frac{4}{9}$ (۳) $\frac{5}{9}$ (۴)

۵۰- در شکل زیر، $ABCD$ یک مربع و P نقطه دلخواهی روی ضلع CD است. پاره‌خط MN را موازی با DC رسم می‌کنیم تا پاره‌خط‌های AP و BP را به ترتیب در نقاط E و F قطع کند. $ME + FN$ برابر کدام است؟



PC (۱)

AE (۲)

BF (۳)

BN (۴)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده (۲): دایره: صفحه های ۹ تا ۳۱

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال هندسه ۱ (۵۰ تا ۶۰) و هندسه ۲ (۴۱ تا ۵۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

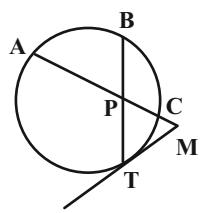
۵۱- در یک دایره، وتر AB برابر شعاع دایره است. اگر خط d مماس رسم شده در نقطه A بر دایره باشد، زاویه بین d و AB چند درجه است؟

۴۵ (۲)

۳۰ (۱)

۹۰ (۴)

۶۰ (۳)

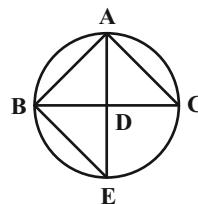
۵۲- در شکل زیر، اگر مثلث MPT متساوی الاضلاع باشد، کدام رابطه همواره درست است؟

$\widehat{AB} = \widehat{BC}$ (۱)

$\widehat{BC} = \widehat{CT}$ (۲)

$\widehat{AB} = \widehat{CT}$ (۳)

$\widehat{AT} = 2\widehat{AB}$ (۴)

۵۳- در شکل زیر، AD نیمساز زاویه A است. حاصل $AB \cdot AC$ کدام است؟

$CD \cdot CB$ (۱)

$BD \cdot BC$ (۲)

$AB \cdot BE$ (۳)

$AD \cdot AE$ (۴)

۵۴- اگر $\cos 10^\circ = a$ باشد، اندازه هر ضلع نهضلعی منتظم محاط در یک دایره چند برابر اندازه هر ضلع هجدهضلعی منتظم محیط بر

آن دایره است؟

$\frac{1}{2}a$ (۲)

$2a$ (۱)

$\frac{1}{2}a^2$ (۴)

$2a^2$ (۳)

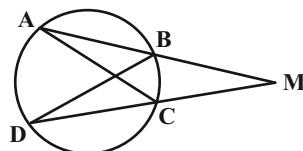
۵۵- در شکل زیر $AB = AD = 2\widehat{BC}$ و BD قطر دایره است. اندازه زاویه BDM چند درجه است؟

$27/5$ (۱)

25 (۲)

30 (۳)

$22/5$ (۴)

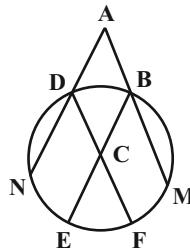


محل انجام محاسبات



۵۶- در شکل زیر چهارضلعی $ABCD$ متوازی‌الاضلاع است. اگر $\hat{A} = 50^\circ$ و مجموع طول‌های دو کمان BM و DN برابر یک سوم

محیط دایره باشد، اندازه کمان EF چند درجه است؟



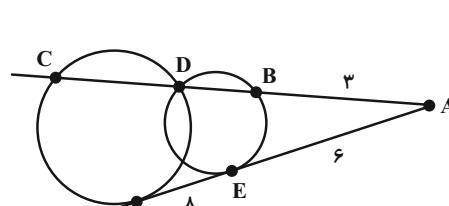
۲۵ (۱)

۳۰ (۲)

۳۵ (۳)

۴۰ (۴)

۵۷- در شکل زیر، پاره خط AF بر دو دایره مماس است. طول DC کدام است؟

 $\frac{11}{3}$ (۱)

۴ (۲)

 $\frac{13}{3}$ (۳) $\frac{14}{3}$ (۴)

۵۸- یک ذوزنقه متساوی‌الساقین با طول قاعده‌های ۳ و $\frac{16}{3}$ بر دایره‌ای محیط است. کمترین فاصله رئوس ذوزنقه تا نقاط واقع بر

محیط دایره کدام است؟

 $\frac{1}{4}$ (۴) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{3}{4}$ (۲)

۱ (۱)

۵۹- اگر شعاع دایره محاطی داخلی و شعاع دایره محاطی خارجی نظیر و تر یک مثلث قائم‌الزاویه متساوی‌الساقین به ترتیب برابر

$4 - 2\sqrt{2}$ و $4 + 2\sqrt{2}$ باشد، شعاع دایره محاطی خارجی نظیر اضلاع قائم‌الزاویه متساوی‌الساقین به ترتیب کدام است؟

 $4\sqrt{2}$ (۴) $4\sqrt{3}$ $2\sqrt{2}$ (۲)

۲ (۱)

۶۰- طول مماس مشترک خارجی دو دایره سه برابر طول مماس مشترک داخلی آن‌ها است. اگر طول خط‌المرکزین دو دایره $\sqrt{10}$ برابر

شعاع دایره کوچک‌تر باشد، شعاع دایره بزرگ‌تر چند برابر شعاع دایره کوچک‌تر است؟

 $\frac{4}{3}$ (۴) $\frac{3}{2}$ (۳) $\frac{5}{3}$ (۲)

۲ (۱)

علوم
ریاضی
و فنی

دفترچه اختصاصی — ۲

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۲ (از ۲)



آزمون ۲۱ مهر ۱۴۰۲

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۱	فیزیک ۳	۲۰	۶۱	۸۰	۲۵ دقیقه
۲	فیزیک ۱	۱۰	۸۱	۹۰	۱۵ دقیقه
	فیزیک ۲		۹۱	۱۰۰	
۳	شیمی ۳	۱۰	۱۰۱	۱۱۰	۱۰ دقیقه
۴	شیمی ۱	۱۰	۱۱۱	۱۲۰	۱۰ دقیقه
	شیمی ۲		۱۲۱	۱۳۰	



آزمون «۲۱ مهر ماه ۱۴۰۲» اختصاصی دوازدهم ریاضی

رُضْمَه سؤال

مدت پاسخ‌گویی: ۶۰ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۵۰ سؤال

نام درس	جمع کل	شیمی	فیزیک	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی
فیزیک ۳	۶۱-۸۰	۲۰	۱۰	۸۱-۹۰	۲۵'
فیزیک ۳-آشنا	۹۱-۱۰۰	۱۰	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۵'
شیمی ۲	۱۰۱-۱۱۰	۱۰	۱۰	۱۲۱-۱۳۰	۱۰'
شیمی ۳	۱۱۱-۱۲۰	۱۰	۱۰	۱۲۱-۱۳۰	۶۰'
زوج کتاب		زوج کتاب		جمع کل	

پذیدآورندگان

نام طراحان	نام درس	فرمایش
عبدالرضا امینی نسب-علی بروزگر-علیرضا جباری-مسعود خندانی-محمدعلی راست پیمان-سید محمد رضا روحانی راد-مریم شیخ ممو شیلا شیرزادی-پوریا علاقه مند-مسعود قره خانی-محسن قدچار-مصطفی کیانی-علیرضا گونه-حسین مخدومی محمد کاظم منشادی-حسام نادری-مجتبی نکویان-شادمان ویسی	فیزیک	
هدی بهاری پور-محمد رضا پور جاوید-امیر حاتمیان-پیمان خواجه مجید-روزبه رضوانی-میلاد شیخ‌الاسلامی خیاوی-مسعود طبرسا امیر حسین طبی-علیرضا کیانی دوست-حسن لشکری-امیر حسین مسلمی	شیمی	

گزینشگران و ویراستاران

شیمی	فیزیک	نام درس
ایمان حسین نژاد	بابک اسلامی	گزینشگر
امیر رضا حکمت‌نیا محمدحسن محمدزاده مقدم امیر حسین مسلمی	مصطفی کیانی زهرا آقامحمدی حیدر زرین کفش	گروه ویراستاری
ماهان زواری بنیامن یعقوبی احسان پنجه شاهی	دانایل راستی کیارش صانعی	ویراستاری رتبه های برتر
ایمان حسین نژاد	محمد ساکی	مسئول درس
سمیه اسکندری	احسان صادقی	مسئول سازی

گروه فنی و تولید

مهرداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنی‌زاده	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: الهه شهیازی	گروه مستندسازی
فرزانه فتح المزاده	حروف نگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

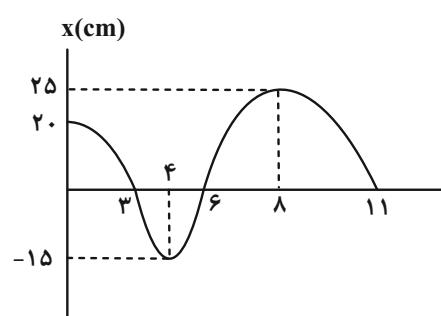
دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۷۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱.



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: حرکت بر خط راست (تا پایان سرعت لحظه‌ای به کمک نمودار مکان-زمان): صفحه‌های ۱ تا ۱۰

۶۱- نمودار مکان-زمان متاخرکی، مطابق شکل زیر است. کل مسافت طی شده توسط این متاخرک در ۱۱ ثانیه اول حرکت چند متر است؟



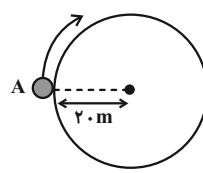
است؟

۱ (۱)

۱۰ (۲)

۱۰۰ (۳)

۱۰۰۰ (۴)

۶۲- مطابق شکل زیر، متاخرکی از نقطه A شروع به حرکت می‌کند و در مدت 2π با تندی متوسط $\frac{m}{s}$ در جهت ساعتگرد(می‌چرخد. اندازه سرعت متوسط این متاخرک در این بازه زمانی چند متر بر ثانیه است؟ ($\pi = 3$))

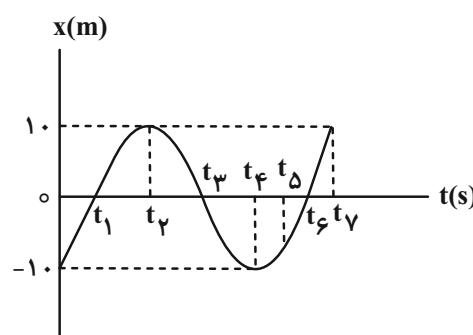
$$\frac{3\sqrt{2}}{4} \quad (۲)$$

۲۷۲ (۱)

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (۴)$$

۷۲ (۳)

۶۳- شکل زیر نمودار مکان-زمان متاخرکی را نشان می‌دهد. چه تعداد از عبارت‌های زیر در رابطه با این متاخرک درست است؟



الف) متاخرک ۳ بار از مبدأ مکان عبور کرده است.

ب) جهت حرکت متاخرک ۳ بار تغییر کرده است.

پ) جابه‌جایی متاخرک در کل زمان برابر -20 m است.

ت) تندی متخرک ۲ بار به صفر رسیده است.

۳ (۴)

۲ (۳)

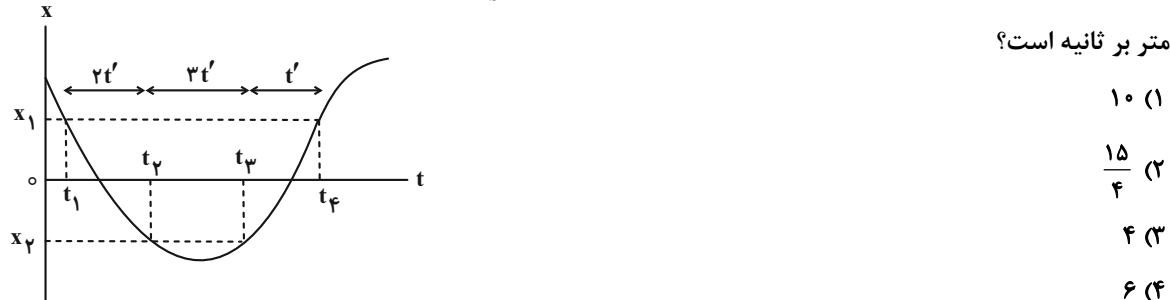
۱ (۲)

۴ (۱)



۶۴- نمودار مکان- زمان متوجهی که روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر اختلاف بیشترین و کمترین اندازه

سرعت متوسط این متوجه در جایه‌جایی بین مکان‌های x_1 و x_2 باشد، سرعت متوسط در بازه زمانی t_2 تا t_4 چند



متر بر ثانیه است؟

(۱) ۱۰

(۲) $\frac{15}{4}$

(۳) ۴

(۴) ۶

۶۵- در شکل زیر، نمودار مکان- زمان دو متوجه A و B رسم شده است. کدام گزینه در مورد تندي متوسط دو متوجه از مبدأ

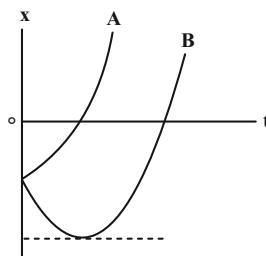
زمان تا لحظه‌ای که از مبدأ مکان عبور می‌کنند، درست است؟

(۱) تندي متوسط A بیشتر است.

(۲) تندي متوسط B بیشتر است.

(۳) تندي متوسط هر دو یکسان است.

(۴) بسته به شرایط هر سه گزینه می‌تواند درست باشد.



۶۶- متوجهی روی خط راست حرکت می‌کند و ۲۰ ثانیه با سرعت ثابت $\frac{m}{s} ۳۰$ و ۲۵ ثانیه در همان جهت با سرعت ثابت $\frac{m}{s} ۴۰$ و

سپس ۵ ثانیه با سرعت ثابت $\frac{m}{s} ۱۰$ در خلاف جهت اول حرکت می‌کند. تندي متوسط و اندازه سرعت متوسط متوجه در کل

مدت حرکت به ترتیب چند متر بر ثانیه می‌شوند؟

(۱) ۳۱، ۳۳ (۲) ۳۱، ۳۳ (۳) ۱۵/۵، ۱۵/۵ (۴) ۱۶/۵، ۱۶/۵

۶۷- متوجهی در لحظه t_1 از مکان $x_1 = -18\text{ m}$ در جهت محور x ها شروع به حرکت می‌کند و در لحظه t_2 به مکان $x_2 = 12\text{ m}$ می‌رسد. اگر در بازه زمانی t_1 تا t_2 ، تندي متوسط متوجه، 40 درصد بیشتر از اندازه سرعت متوسط آن باشد، کدام گزینه در مورد حرکت این متوجه در بازه زمانی t_1 تا t_2 الزاماً درست است؟ (متوجه دو بار تغییر جهت می‌دهد و اولین تغییر جهت در مکان‌های مثبت است).

الف) متوجه در لحظه t_2 در حال دور شدن از مبدأ مکان است.

ب) جهت بردار مکان متوجه، حداقل دو بار تغییر می‌کند.

پ) فاصله دو نقطه‌ای که متوجه در آن‌ها تغییر جهت می‌دهد، 6 m است.

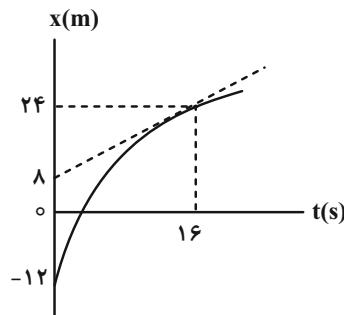
ت) در دومین تغییر جهت، فاصله متوجه از مکان x_2 ، کمتر از 18 m است.

(۱) الف، پ (۲) ب، ت (۳) ب، پ (۴) ب، ت



۶۸- شکل زیر نمودار مکان- زمان متغیر کی را نشان می دهد و خط مماس بر نمودار در لحظه $t = 16\text{s}$ رسم شده است. سرعت متوسط

متغیر در بازه زمانی صفر تا 16s چند برابر سرعت در لحظه 16s است؟



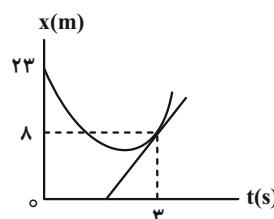
$$\frac{7}{4} \quad (1)$$

$$\frac{9}{4} \quad (2)$$

$$\frac{4}{9} \quad (3)$$

$$1 \quad (4)$$

۶۹- نمودار مکان- زمان متغیر کی مطابق شکل زیر است. برای این متغیر کدام مورد درست است؟



$$1) \text{ سرعت در لحظه } t = 3\text{s}, \text{ برابر } \frac{\lambda}{3} \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ است.}$$

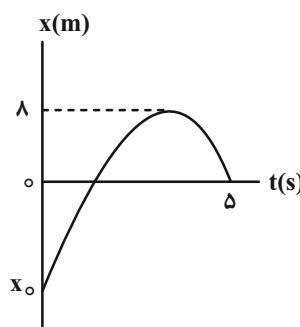
$$2) \text{ تنید در لحظه } t = 3\text{s}, \text{ برابر } \frac{\lambda}{3} \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ است.}$$

$$3) \text{ اندازه سرعت متوسط در بازه زمانی } 0 \text{ تا } t = 3\text{s} \text{ برابر } \frac{\text{m}}{\text{s}} 5 \text{ است.}$$

$$4) \text{ تنید متوسط در بازه زمانی } 0 \text{ تا } 3\text{s} \text{ برابر } \frac{\text{m}}{\text{s}} 5 \text{ است.}$$

۷۰- نمودار مکان- زمان متغیر کی مطابق شکل زیر است. اگر تنید متوسط متغیر در ۵ ثانیه اول حرکت برابر با $\frac{6}{5} \text{ m/s}$ باشد، اندازه

سرعت متوسط متغیر در ۵ ثانیه اول حرکت چند متر بر ثانیه است؟



$$4/4 \quad (1)$$

$$2/8 \quad (2)$$

$$22 \quad (3)$$

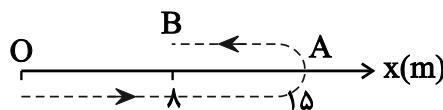
$$14 \quad (4)$$



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

فیزیک ۳: آشنا: صفحه های ۱ تا ۱۰

۷۱- متحرکی مطابق شکل روی محور x از نقطه O (مبداً محور) به A رفته و سپس به B برگشته است. در این مدت جابه جایی متحرک در SI و بردار مکان متحرک



(۱) ۸۱، یک بار تغییر جهت داده است.

(۲) ۷۱، یک بار تغییر جهت داده است.

(۳) ۸۱، تغییر جهت نداده است.

(۴) ۷۱، تغییر جهت نداده است.

۷۲- متحرکی در مبدأ زمان حرکت خود را از مبدأ مکان در جهت مثبت محور x شروع کرده است و در لحظات $t_1 = 4s$ و $t_2 = 8s$

به ترتیب در مکان های $x_1 = 10m$ و $x_2 = 6m$ قرار دارد. اگر در ۸ ثانیه اول جهت حرکت متحرک فقط یک بار تغییر کرده باشد،

چه تعداد از عبارت های زیر برای بازه زمانی $4s$ تا $8s$ قطعاً صحیح است؟

(الف) بزرگی بردار مکان ابتدا افزایش و سپس کاهش می یابد. (ب) بردار جابه جایی در خلاف جهت محور x است.

(ت) بردار مکان همواره در جهت مثبت محور x است. (پ) در این بازه زمانی جهت حرکت تغییر کرده است.

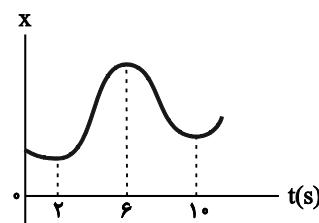
۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۷۳- نمودار مکان- زمان متحرکی مطابق شکل زیر است. تندی متوسط در کدام یک از بازه های زمانی مشخص شده در گزینه ها بیشتر است؟



۱) صفر تا ۲s

۲) صفر تا ۶s

۳) ۱۰s تا ۲s

۴) ۱۰s تا ۶s

۷۴- معادله مکان- زمان متحرکی که بر روی خط راست حرکت می کند، در SI به صورت $x = -t^2 + 6t - 5$ است. مسافت طی شده از

مبداً زمان تا لحظه ای که بردار مکان آن به $-21\hat{i}$ می رسد، چند متر است؟

۳۴ (۴)

۳۰ (۳)

۲۷ (۲)

۱۶ (۱)

محل انجام محاسبات



۷۵- متحرکی که بر روی خط راست حرکت می‌کند در لحظه‌های $t_1 = 2\text{s}$ و $t_2 = 10\text{s}$ به ترتیب در نقاط $x_1 = 1\text{m}$ و $x_2 = -5\text{m}$ قرار دارد. تندی متوسط آن بین دو لحظه t_1 و t_2 بر حسب متر بر ثانیه ازاماً کدام است؟

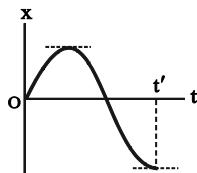
$$s_{av} = 0/75 \text{ m/s} \quad (2)$$

$$s_{av} = 0/5 \text{ m/s} \quad (1)$$

$$s_{av} \leq 0/75 \text{ m/s} \quad (4)$$

$$s_{av} \geq 0/75 \text{ m/s} \quad (3)$$

۷۶- در نمودار مکان- زمان زیر، بزرگی سرعت متحرک در بازه زمانی $t = t'$ تا $t = 0$ چگونه تغییر کرده است؟



(۱) ابتدا کاهش و سپس افزایش

(۲) ابتدا افزایش و سپس کاهش

(۳) ابتدا کاهش و سپس افزایش و مجددًا کاهش

(۴) ابتدا افزایش و سپس کاهش و مجددًا افزایش

۷۷- معادله مکان- زمان متحرکی روی خط راست در SI به صورت $x = 2t^3 - 8t + 12$ است. اگر در بازه زمانی صفر تا t ، سرعت متوسط متحرک صفر باشد، تندی متوسط متحرک در این مدت چند متر بر ثانیه است؟

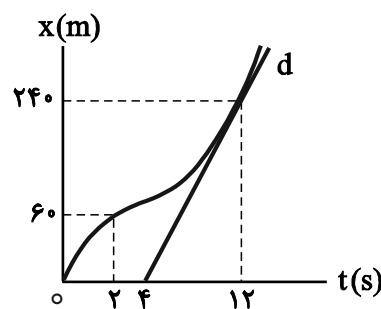
$$(4) \text{ صفر}$$

$$6 \quad (3)$$

$$4 \quad (2)$$

$$3 \quad (1)$$

۷۸- نمودار مکان- زمان متحرکی مطابق شکل زیر است. اگر تندی در لحظه $t = 12\text{s}$ برابر تندی متوسط در بازه $t_1 = 2\text{s}$ تا $t_2 = 14\text{s}$ باشد، سرعت متوسط ۲ ثانیه اول چند برابر سرعت متوسط ۲ ثانیه هفتم است؟ (خط d مماس بر نمودار در لحظه $t = 12\text{s}$ است).



$$\frac{1}{3} \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{3}{5} \quad (3)$$

$$\frac{2}{3} \quad (4)$$

۷۹- معادله مکان- زمان متحرکی در SI به صورت $x = -t^3 + 4t + 21$ است. سرعت متوسط متحرک در بازه زمانی که همواره طول بردار مکان آن بدون تغییر جهت در حال کاهش است، چند متر بر ثانیه است؟

$$(4) \text{ } -3$$

$$3 \quad (3)$$

$$-5 \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

۸۰- متحرکی که بردار مکان آن در لحظه $t_1 = 2\text{s}$ به صورت $\vec{r}_1 = 10\hat{i} \text{ m}$ می‌باشد با سرعت متوسط $+6 \text{ m/s}$ تا لحظه $t_2 = 4\text{s}$ حرکت می‌کند و پس از آن به مدت ۶ ثانیه با سرعت متوسط $+3 \text{ m/s}$ به حرکت خود ادامه می‌دهد. بردار مکان در پایان جابه جایی و سرعت متوسط متحرک از لحظه $t_1 = 2\text{s}$ تا پایان حرکت به ترتیب از راست به چپ در SI کدامند؟

$$(4) \text{ } 16 \text{ و } 16$$

$$3/75 \text{ و } 3/75 \quad (3)$$

$$3/75 \text{ و } 16 \quad (2)$$

$$0/75 \text{ و } 0/75 \quad (1)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: فیزیک و اندازه‌گیری: صفحه‌های ۱ تا ۲۲

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال فیزیک ۱ (۹۱ تا ۱۰۰) و فیزیک ۲ (۸۱ تا ۹۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۸۱- از بالنی که با تندي ۷ به طرف بالا حرکت می‌کند، در ارتفاع ۵۰ متری از سطح زمین گلوله‌ای رها می‌شود. در مدل‌سازی برای حرکت گلوله از کدام یک از کمیت‌های زیر می‌توان صرف‌نظر کرد؟

(۲) تندي بالن

(۱) وزن گلوله

(۴) وزن گلوله و تندي بالن

(۳) مقاومت هوای

۸۲- کدام یک از یکاهای SI زیر با یکای فرعی خود تطابق ندارد؟

$$\frac{\text{kg}}{\text{m} \cdot \text{s}^2}$$
 (۲) پاسکال

$$\frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2}$$
 (۱) نیوتون

$$\frac{\text{kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}^3}$$
 (۴) وات

$$\frac{\text{kg}}{\text{m}^2 \cdot \text{s}^2}$$
 (۳) ژول

۸۳- کدام گزینه ۲۱۸ نانومتر را بر حسب میکرومتر و با استفاده از نمادگذاری علمی به درستی نشان می‌دهد؟

$$218 \times 10^{-6}$$
 (۲)

$$218 \times 10^{-3}$$
 (۱)

$$2 / 18 \times 10^1$$
 (۴)

$$2 / 18 \times 10^{-1}$$
 (۳)

۸۴- در رابطه فیزیکی $A = \frac{D^2}{BC^2}$ ، A از جنس نیرو، B از جنس چگالی و C از جنس مسافت هستند. D از جنس چه کمیتی است؟

(۲) حجم

(۱) جرم

(۴) آهنگ شارش حجمی

(۳) آهنگ شارش جرمی

۸۵- یک ریزسنج رقمی (دیجیتالی) ضخامت یک ورقه را 0.46 cm / ۰ اندازه‌گیری کرده است. دقت اندازه‌گیری این ریزسنج چند میلی‌متر است؟

۱ (۴)

۰/۱ (۳)

۰/۰۱ (۲)

۰/۰۰۱ (۱)

۸۶- شعاع ظاهری یک کره فلزی برابر 5 cm و چگالی آن $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3} 1200$ است. اگر جرم کره 180 g باشد، حجم حفره درون آن چند سانتی‌متر مکعب است؟ ($\pi = 3$)

۴۵۰ (۴)

۵۰۰ (۳)

۳۵۰ (۲)

۱۵۰ (۱)



۸۷- مایعی که چگالی آن $\frac{g}{cm^3} \frac{1/5}{1/2}$ است در اثر از دست دادن گرما به یک جامد با چگالی $\frac{g}{cm^3}$ تبدیل می‌شود. در این حالت

حجم مایع چند درصد کاهش می‌یابد؟

۲۰ (۲)

۳۰ (۱)

۴۰ (۴)

۲۵ (۳)

۸۸- وقتی جرم مایعی را ۶ برابر کنیم، حجم آن $400 cm^3$ تغییر می‌کند. حجم نهایی مایع چند لیتر است؟ (دما ثابت فرض شود.)

۰/۴۸ (۲)

۴/۸ (۱)

۰/۲۴ (۴)

۲/۴ (۳)

۸۹- داخل ظرفی به حجم $400 cm^3$ مقدار $2000 g$ از مایعی به چگالی $\frac{kg}{m^3}$ ریخته‌ایم. اگر یک قطعه فلزی به جرم $840 g$ و چگالی

6 را به آرامی داخل ظرف بیندازیم، چند گرم مایع از ظرف سرربز می‌شود؟

۱۸۰ (۲)

۲۸۰ (۱)

۵۴۰ (۴)

۳۰۰ (۳)

۹۰- جرم یکسانی از دو مایع A و B را درون دو ظرف خالی مشابه می‌ریزیم. $\frac{1}{5}$ از حجم مایع A و $\frac{1}{4}$ از حجم مایع B از دو ظرف سرربز

می‌شوند. اگر چگالی مایع A، $\frac{g}{cm^3} \frac{3/2}{2}$ باشد، حال اگر جرم مساوی از دو مایع با یکدیگر مخلوط شوند چگالی مخلوط دو مایع

بدون تغییر حجم، چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟

 $\frac{31}{96}$ (۲) $\frac{96}{31}$ (۱) $\frac{48}{31}$ (۴) $\frac{31}{48}$ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: الکتریسیته ساکن: صفحه های ۱ تا ۳۲

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال فیزیک ۱ (۸۱ تا ۹۰) و فیزیک ۲ (۹۱ تا ۱۰۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۹۱- اگر یک میله خنثی را با پارچه ابریشمی مالش دهیم، تعداد الکترون های افزایش و تعداد الکترون های کاهش

می باید.

انتهای مثبت سری
موی انسان
شیشه
:
ابریشم
پلاستیک
انتهای منفی سری

الف) شیشه‌ای- پارچه- شیشه

ب) پلاستیکی- پارچه- پلاستیک

پ) شیشه‌ای- شیشه- پارچه

ت) پلاستیکی- پلاستیک- پارچه

۴) پ و ت

۳) الف و ب

۲) ب و ت

۱) الف و ت

۹۲- دو ذره با بارهای الکتریکی هماندازه در فاصله 64cm از یکدیگر ثابت نگه داشته شده‌اند. کدام یک از گزینه‌های زیر می‌تواند

$$\text{نیروی الکتریکی بین دو ذره بر حسب نیوتون باشد؟} \quad (e = 1/6 \times 10^{-19} \text{C} \quad k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

$$\frac{9}{4} \times 10^{-27} \quad (2)$$

$$\frac{4}{9} \times 10^{-27} \quad (1)$$

$$\frac{25}{16} \times 10^{-27} \quad (4)$$

$$\frac{16}{25} \times 10^{-27} \quad (3)$$

۹۳- دو بار الکتریکی نقطه‌ای $q_1 = -4\mu\text{C}$ و $q_2 = 36\mu\text{C}$ در فاصله 20cm از یکدیگر قرار دارند. بار q_3 را در فاصله چندسانتی‌متری بار q_2 قرار دهیم تا در آن مکان به حال تعادل باقی بماند؟

۴۰ (۴)

۱۰ (۳)

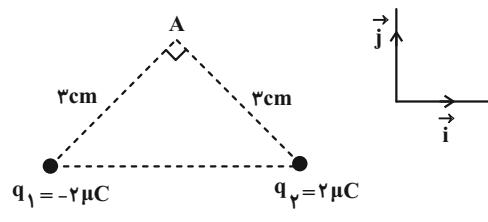
۲۰ (۲)

۳۰ (۱)

محل انجام محاسبات



۹۴- در شکل زیر، میدان الکتریکی خالص در نقطه A کدام است؟ ($k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$)



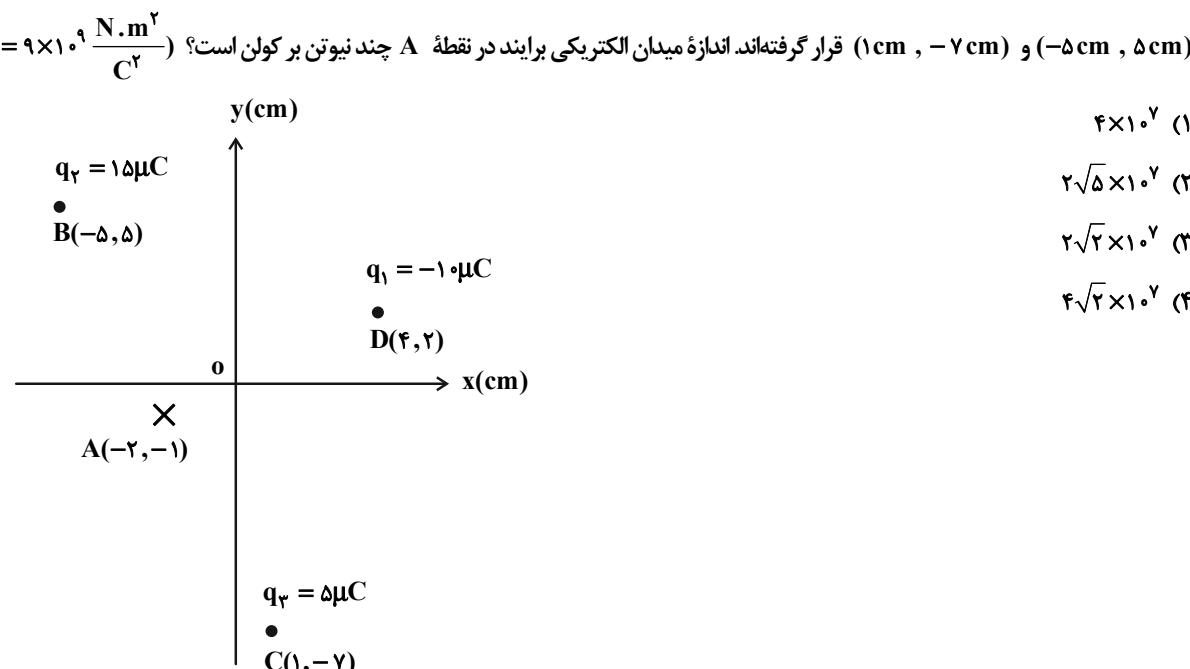
$$(2\sqrt{2} \times 10^7 \frac{N}{C}) \hat{j} \quad (1)$$

$$(2 \times 10^7 \frac{N}{C}) \hat{j} \quad (2)$$

$$(-2\sqrt{2} \times 10^7 \frac{N}{C}) \hat{i} \quad (3)$$

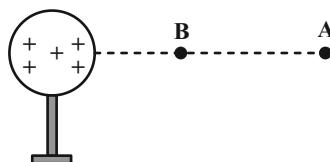
$$(-2 \times 10^7 \frac{N}{C}) \hat{i} \quad (4)$$

۹۵- مطابق شکل زیر، سه ذره باردار $q_1 = -10 \mu C$ ، $q_2 = 15 \mu C$ و $q_3 = 5 \mu C$ در صفحه xoy به ترتیب در نقاط $(4 \text{ cm}, 2 \text{ cm})$ ، $(-2 \text{ cm}, 2 \text{ cm})$ و $(1 \text{ cm}, -7 \text{ cm})$ قرار گرفته‌اند. اندازه میدان الکتریکی برایند در نقطه A چند نیوتون بر کولن است؟ ($k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$)



۹۶- مطابق شکل زیر، ذره باردار منفی و کوچکی را از حالت سکون، از نقطه B به سمت نقطه A که در مجاورت کره باردار قرار دارد، جابه‌جا می‌کنیم. در این جایه‌جایی، کار میدان الکتریکی، تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی و اختلاف پتانسیل الکتریکی

($\Delta V = V_B - V_A$) بین نقطه‌های A و B، مطابق کدام گزینه است؟



$$\Delta V > 0, \Delta U > 0, W_E < 0 \quad (1)$$

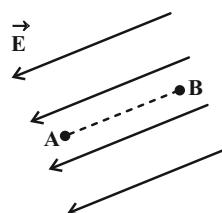
$$\Delta V < 0, \Delta U < 0, W_E > 0 \quad (2)$$

$$\Delta V > 0, \Delta U < 0, W_E > 0 \quad (3)$$

$$\Delta V > 0, \Delta U < 0, W_E < 0 \quad (4)$$



۹۷- مطابق شکل زیر، ذرهای با بار $q = -5\mu C$ ، با تنگی ثابت در میدان الکتریکی یکنواخت $\frac{N}{C} = 4 \times 10^5$ از نقطه A تا نقطه B جابه‌جا می‌شود. اگر فاصله A تا B، ۱۲cm باشد، تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی ذره باردار چند میکروژول است؟



(۱) $-2 / 4 \times 10^7$

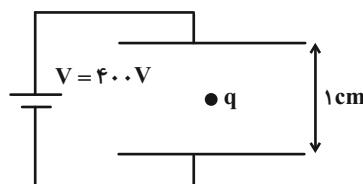
(۲) $-2 / 4 \times 10^5$

(۳) $2 / 4 \times 10^5$

(۴) $2 / 4 \times 10^7$

۹۸- مطابق شکل، ذرهای به جرم $0.2g$ در فضای بین دو صفحه رسانای موازی که به اختلاف پتانسیل $400V$ متصل هستند به حالت

$$(g = 10 \frac{N}{kg}) \text{ معلق قرار دارد. نوع بار ذره چیست و اندازه آن در SI چقدر است؟}$$



(۱) مثبت، ۵

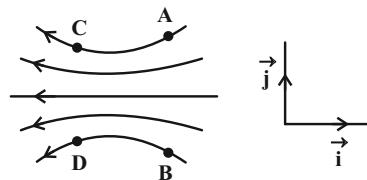
(۲) منفی، ۵

(۳) مثبت، 5×10^{-9}

(۴) منفی، 5×10^{-9}

۹۹- الکترونی در میدان الکتریکی شکل زیر قرار دارد و بر آن نیروی $\vec{F} = (1mN)\vec{i} + (1mN)\vec{j}$ وارد می‌شود. این الکترون در کدام

یک از نقاط میدان الکتریکی می‌تواند قرار بگیرد؟



A (۱)

B (۲)

D یا C (۳)

A یا D (۴)

۱۰۰- به دو کره رسانا به قطرهای ۴cm و ۸cm به مقدار مساوی بار الکتریکی می‌دهیم. اختلاف چگالی سطحی دو کره چند درصد

چگالی سطحی کره کوچک‌تر است؟

۷۵ (۴)

۵۰ (۳)

۲۵ (۲)

۱۰ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: مولکول‌ها در خدمت تندرستی (تا انتهای اسیدها و بازها): صفحه‌های ۱ تا ۱۶

۱۰۱- کدام گزینه درست است؟ ($H = 1, C = 12, O = 16 : g \cdot mol^{-1}$)

۱) اتیلن گلیکول برخلاف اتانول امکان تشکیل پیوند هیدروژنی با مولکول‌های آب را ندارد.

۲) در فرمول پیوند- خط واژلين ($C_{25}H_{52}$)، ۲۵ خط وجود دارد.

۳) عسل از مولکول‌های قطبی تشکیل شده است که در ساختار آن‌ها شمار قابل توجهی گروه هیدروکسیل وجود دارد.

۴) بیش از یک چهارم جرم یک مولکول اوره را اتم‌های کربن موجود در آن تشکیل داده‌اند.

۱۰۲- با توجه به ترکیب‌های زیر، کدام موارد از مطالب زیر نادرست است؟

(A)



(B)



(C)

الف) ترکیب (A) برخلاف (C)، در آب حاوی مقادیر چشمگیر یون‌های منیزیم و کلسیم، خاصیت پاک‌کنندگی دارد.

ب) زنجیره آلکیل ترکیب (C) همانند (A) خطی و سیر شده است.

پ) از واکنش هر مول ماده B با سه مول سدیم هیدروکسید، ۳ مول ماده (A) و ترکیبی با فرمول مولکولی $C_7H_8O_3$ تولید می‌شود.

ت) بین اتم‌های تشکیل دهنده آنیون ماده (C) پیوند کوالانتی وجود دارد و این ماده، در صنعت طی واکنش‌های پیچیده‌ای تولید می‌شود.

۴) الف ، ب

۳) ب ، ت

۲) پ ، ت

۱) الف ، پ

۱۰۳- در ساختار یک صابون مایع با زنجیر هیدروکربنی سیر شده، نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی بخش آنیونی به بخش

کاتیونی برابر با $11/5$ می‌باشد. از واکنش $1/3$ مول از این صابون با مقداری آب سخت حاوی یون منیزیم، چند گرم رسوبسفیدرنگ ایجاد می‌شود؟ ($Mg = 24, O = 16, C = 12, H = 1 : g \cdot mol^{-1}$)

۶۵۹/۶ (۴)

۳۲۹/۸ (۳)

۶۷۵/۸ (۲)

۳۲۸/۹ (۱)

۱۰۴- با توجه به مخلوط‌های A، B و C، کدام موارد از عبارت‌های زیر، نادرست است؟

A = محلول مس (II) سولفات

B = مخلوط آب و روغن و صابون

C = شربت معده

الف) محلول A، شامل یون‌هایی است که نور را عبور می‌دهند و تهشیش نمی‌شوند.

ب) مخلوط B، شامل توده‌های مولکولی است و نور را پخش نمی‌کند.

پ) C یک مخلوط ناهمگن بوده و نور را پخش می‌کند.

ت) مخلوط A و C در پایداری متناول و در پخش نور یکسان عمل می‌کنند.

۴) پ ، ت

۳) ب ، ت

۲) ب ، پ

۱) الف ، ب



۱۰۵- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

- * در فرایند پاک شدن لکه چربی قرار گرفته بر روی پارچه توسط آب و صابون، سطح خارجی صابون و قطره چربی دارای بار منفی است.
- * جنس پارچه در میزان پاک‌کنندگی صابون تأثیرگذار است.
- * تأثیر افزودن آنزیم به صابون و افزایش قدرت پاک‌کنندگی آن، مشابه اثر افزایش دمای آب در بهبود پاک‌کنندگی است.
- * هر مول یون منیزیم محلول در آب، می‌تواند دو برابر جرم خود، صابون را از فرایند پاک‌کنندگی حذف کند.
- * هر چه سرعت هم زدن مخلوط آب و صابون بیشتر باشد، به ازای مقادیر یکسان از آب و صابون، کف بیشتری تولید می‌شود.

۳ (۲)

۲ (۱)

۵ (۴)

۴ (۳)

۱۰۶- کدام موارد از مطالب زیر، درست هستند؟

- الف) اتیلن گلیکول به دلیل داشتن دو قسمت قطبی و ناقطبی، هم در آب و هم در هگزان حل می‌شود.
- ب) مولکول‌های اسیدهای چرب امکان تشکیل پیوند هیدروژنی با مولکول‌های آب را دارند.
- پ) ماده‌ای با فرمول شیمیایی C_3H_7COOH انتخاب مناسبی برای تولید صابون جامد نیست.
- ت) صابون هم در آب و هم در چربی حل می‌شود، پس می‌توان نتیجه گرفت مخلوط سه تایی آب، صابون و چربی یک محلول است.

۲ (۲) ب ، پ

الف ، ب

۴ (۴) الف ، ت

پ ، ت

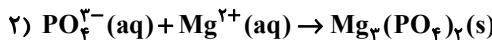
۱۰۷- در یک لیتر از محلول منیزیم کلرید، غلظت یون‌های کلرید برابر 2840 ppm است. برای جلوگیری از تشکیل رسوب در این محلول، در 400 گرم از صابون به کار رفته، به تقریب چند درصد جرمی آن باید شامل یون‌های فسفات باشد؟ (75% یون‌های فسفات موجود در صابون در واکنش شرکت می‌کنند؛ چگالی محلول برابر $1 \text{ g} \cdot \text{mL}^{-1}$ است؛ واکنش‌ها موازن‌هشوند).

$$(\text{Cl} = 35 / 5, \text{P} = 31, \text{O} = 16 : \text{g} \cdot \text{mol}^{-1})$$



۲۵/۳۳ (۲)

۱۶/۹۰ (۱)



۸/۴۵ (۴)

۱۲/۶۶ (۳)



۱۰۸- نوعی پاک کننده که به شکل پودر عرضه می‌شود شامل مخلوط سدیم هیدروکسید و پودر آلومینیم است. اگر در این واکنش ۲۶۸

گرم پودر با خلوص ۹۰ درصد استفاده شود، حداکثر چند لیتر گاز تولید می‌شود؟ (مخلوط پودری با نسبت استوکیومتری با هم

مخلوط شده‌اند. بازده واکنش ۶۰ درصد می‌باشد و چگالی گاز تولیدی $1/2\text{g} \cdot \text{L}^{-1}$ است).

$$(Al = 27, Na = 23, O = 16, H = 1 : \text{g} \cdot \text{mol}^{-1})$$



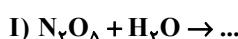
۱۰/۸ (۲)

۲/۷ (۱)

۶/۶ (۴)

۵/۴ (۳)

۱۰۹- با توجه به واکنش‌های (I) و (II) چند مورد از عبارت‌های زیر، نادرست است؟



الف) شمار انواع گونه‌های تولید شده در واکنش (I) و (II) برابر است.

ب) N_2O_5 ضمن حل شدن در آب برخلاف CaO ، اسید آرنیوس است.

پ) غلظت $[\text{OH}^-]$ در محلول حاصل از واکنش (I)، بیشتر از غلظت $[\text{OH}^-]$ در محلول حاصل از واکنش (II) است.

ت) N_2O_5 همانند فراورده واکنش (I)، نوعی ترکیب مولکولی ولی CaO همانند فراورده واکنش (II) نوعی ترکیب یونی است.

۳ (۲)

۴ (۱)

۱ (۴)

۲ (۳)

۱۱۰- ۳۳/۹۲ گرم از یک استر بلند زنجیر سه عاملی که اسیدهای چرب یکسان با زنجیر هیدروکربنی سیرشده در ساختار آن وجود

دارند، با ۱۲ لیتر محلول ۰/۰۰ مولار پتانسیم هیدروکسید واکنش داده و طی آن صابون تولید می‌شود. کدام یک از فرمول‌های

زیر را می‌توان به این استر نسبت داد و در ساختار استر مورد نظر چند پیوند اشتراکی وجود دارد؟

$$(C = 12, H = 1, O = 16 : \text{g} \cdot \text{mol}^{-1})$$

۱۷۲ ، $\text{C}_{54}\text{H}_{104}\text{O}_6$ (۲)۱۷۲ ، $\text{C}_{57}\text{H}_{104}\text{O}_6$ (۱)۱۶۶ ، $\text{C}_{54}\text{H}_{104}\text{O}_6$ (۴)۱۶۶ ، $\text{C}_{54}\text{H}_{104}\text{O}_6$ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: کیهان زادگاه الگای هستی: صفحه های ۱ تا ۲۳

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال شیمی ۱ (۱۱۱ تا ۱۲۰) و شیمی ۲ (۱۲۱ تا ۱۳۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و باسخ دهید.

۱۱۱- چند مورد از عبارت های زیر در مورد عنصر منیزیم، درست است؟

- دارای سه ایزوتوپ است که فراوانی ^{26}Mg از دو ایزوتوپ دیگر آن کمتر است.

- چهارمین عنصر فراوان در کره زمین محسوب می شود.

- در پایدارترین ایزوتوپ آن، شمار پروتون ها با شمار نوترون ها برابر است.

- سرعت واکنش ^{26}Mg با گاز کلر در شرایط یکسان، بیشتر از سرعت واکنش دو ایزوتوپ دیگر آن با گاز کلر است.

- برای جداسازی ایزوتوپ های آن از یکدیگر روش های شیمیایی مناسب تر از روش های فیزیکی است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۱۲- اگر نسبت تعداد الکترون های یون A^{3+} به تعداد ذره های زیراتمی بدون بار آن، $\frac{2}{3}$ باشد، شماره دوره و گروه عنصر A به

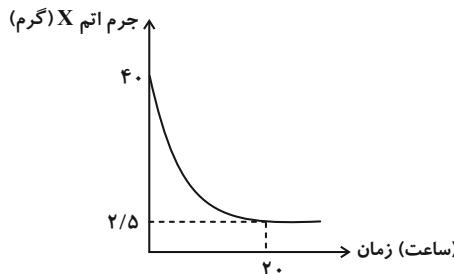
ترتیب از راست به چپ کدام است؟

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴ (۵) ۵ (۶) ۶ (۷) ۷ (۸) ۸ (۹) ۹ (۱۰) ۱۰ (۱۱) ۱۱ (۱۲) ۱۲ (۱۳) ۱۳ (۱۴) ۱۴ (۱۵) ۱۵ (۱۶) ۱۶ (۱۷) ۱۷ (۱۸) ۱۸ (۱۹) ۱۹ (۲۰) ۲۰ (۲۱) ۲۱ (۲۲) ۲۲ (۲۳) ۲۳ (۲۴) ۲۴ (۲۵) ۲۵ (۲۶) ۲۶ (۲۷) ۲۷ (۲۸) ۲۸ (۲۹) ۲۹ (۳۰) ۳۰ (۳۱) ۳۱ (۳۲) ۳۲ (۳۳) ۳۳ (۳۴) ۳۴ (۳۵) ۳۵ (۳۶) ۳۶ (۳۷) ۳۷ (۳۸) ۳۸ (۳۹) ۳۹ (۴۰) ۴۰

۱۱۳- پاسخ صحیح هر سه پرسش زیر، به ترتیب از راست به چپ، در کدام گزینه آمده است؟

آ) در یون فسفات (PO_4^{3-}) مجموع شمار ذرات زیر اتمی کدام است؟ (^{31}P و ^{16}O)

ب) با توجه به نمودار مقابل، نیم عمر عنصر X چند ساعت است؟

پ) اگر در یون پایدار $^{31}\text{A}^{3+}$ اختلاف تعداد نوترون و الکترون برابر ۲ باشد، عدد اتمی A کدام می تواند باشد؟

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴ (۵) ۵ (۶) ۶ (۷) ۷ (۸) ۸ (۹) ۹ (۱۰) ۱۰ (۱۱) ۱۱ (۱۲) ۱۲ (۱۳) ۱۳ (۱۴) ۱۴ (۱۵) ۱۵ (۱۶) ۱۶ (۱۷) ۱۷ (۱۸) ۱۸ (۱۹) ۱۹ (۲۰) ۲۰ (۲۱) ۲۱ (۲۲) ۲۲ (۲۳) ۲۳ (۲۴) ۲۴ (۲۵) ۲۵ (۲۶) ۲۶ (۲۷) ۲۷ (۲۸) ۲۸ (۲۹) ۲۹ (۳۰) ۳۰ (۳۱) ۳۱ (۳۲) ۳۲ (۳۳) ۳۳ (۳۴) ۳۴ (۳۵) ۳۵ (۳۶) ۳۶ (۳۷) ۳۷ (۳۸) ۳۸ (۳۹) ۳۹ (۴۰) ۴۰

۱۱۴- اگر A، B، C، D و E عنصرهای متواالی در دوره پنجم جدول تناوبی باشند و در جدول تناوبی برای عنصر B جرم اتمی

میانگین تعريف نشده باشد، کدام مطلب درست است؟ (نمادها فرضی هستند).

۱) اختلاف عدد اتمی D با گاز نجیب دوره سوم جدول دورهای برابر ۲۷ است.

۲) عدد اتمی A سه برابر عدد اتمی یکی از عنصرهای گروه ۲ جدول دورهای است.

۳) نسبت شمار نوترون ها به پروتون ها در ایزوتوپی از B که در پژوهشی کاربرد دارد، بزرگ تر از $1/5$ است.

۴) یکی از عنصرهای هم گروه E در جدول تناوبی، بیشترین درصد فراوانی را در کره زمین دارد.



۱۱۵- با توجه به جدول داده شده، جرم $10^{22} \times 10^3 / ۹$ مولکول A_2B_3 چند گرم است؟ (نماد عنصرها فرضی است).

۱۳/۲۷ (۱)

اتم	^{14}A	^{15}A	^{16}B	^{17}B	^{18}B
درصد فراوانی	۷۵	۲۵	۸۰	۱۰	۱۰

۱۱/۶۱ (۲)

۱۶/۱۱ (۳)

۱۲/۳۷ (۴)

۱۱۶- عنصر A، دارای ۴ ایزوتوپ A^{14} ، A^{15} ، A^{16} و A^{17} (به طوری که $b < c < d < e < 14$) است. اگر درصد فراوانی A^b با A^c یکسان

و برابر ۲۰ درصد باشد، جرم اتمی میانگین این عنصر بر حسب a در کدام گزینه آمده است؟ (a درصد فراوانی A^{11} است).

(نمادها فرضی هستند).

۱۳/۹ - ۰/۰۶a (۴)

۱۳/۴ - ۰/۰۳a (۳)

۱۲/۵ - ۰/۰۸a (۲)

۱۳ - ۰/۰۵a (۱)

۱۱۷- مجموع شمار اتم‌ها در ۵۴ گرم N_xO_y برابر $10^7 \times 10^{24} / 2$ است. حاصل $\frac{y}{x}$ کدام است؟ ($N = ۱۴$ ، $O = ۱۶$: g.mol⁻¹)

۰/۵ (۴)

۲/۵ (۳)

۱/۵ (۲)

۲ (۱)

۱۱۸- کدام گزینه، درست است؟

(۱) پرتوهای نور اجاق گاز در سوختن کامل، پس از عبور از منشور شکست بیشتری نسبت به نور ناشی از گرم شدن سشوار صنعتی دارد.

(۲) گلوکز نشان دار برخلاف گلوکز معمولی، توسط توده‌های سرطانی جذب می‌شود.

(۳) ناپایدارترین ایزوتوپ طبیعی هیدروژن، H^7 است.

(۴) تکنسیم مورد نیاز در فرایند تصویربرداری پزشکی را می‌توان در واکنش‌گاههای هسته‌ای ذخیره کرد.

۱۱۹- چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

الف) دانشمندان نور رسیده از ستارگان را با دستگاه طیف‌سنج تجزیه کرده و نوع عنصرهای آن‌ها را تشخیص می‌دهند.

ب) امواج نشر شده از کنترل تلویزیون مستقیماً با چشم قابل مشاهده است.

پ) رنگین کمان در اثر تجزیه نور سفید خورشید به وسیله قطره‌های آب حاصل شده و گسترهای از رنگ‌های سرخ تا بنفش را در بر می‌گیرد.

ت) پرتوهای الکترومغناطیسی با خود انرژی حمل می‌کنند که طول موج آن‌ها با انرژی رابطه عکس دارد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۲۰- ماده‌ای ناشناخته را روی شعله قرار داده‌ایم. اگر طول موج پرتو حاصل از رنگ شعله، بلندتر از رنگ آبی و کوتاه‌تر از رنگ زرد

باشد، این ماده ناشناخته کدام گزینه می‌تواند باشد؟

(۴) سدیم کلرید

(۳) لیتیم نیترات

(۲) مس (II) سولفات

(۱) لیتیم کلرید



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: قدر هدایای زمینی را بدانیم: صفحه های ۱ تا ۲۵

توجه:

دانش آموzan گرامی: از دو مجموعه سوال شیمی ۱ (۱۱۱ تا ۱۲۰) و شیمی ۲ (۱۲۱ تا ۱۳۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۲۱- چند مورد از عبارت های زیر درست است؟

الف) امروزه به دلیل صرفه جویی اقتصادی، تقاضای جهانی برای استفاده از هدایای زمینی کاهش یافته است.

ب) تمام قطعه های دوچرخه، از فراوری مواد نفتی موجود در زمین به دست می آیند.

پ) شکوه و عظمت تمدن امروزی تا حدود زیادی مدیون مواد جدیدی است که از شیشه، فلز، الیاف و ... ساخته شده اند.

ت) همه مواد طبیعی و بخش اندکی از مواد مصنوعی از کره زمین به دست می آیند.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۲۲- پاسخ درست هر سه پرسش زیر به ترتیب از راست به چپ در کدام گزینه بیان شده است؟

الف) در گروه ۱۴ جدول تناوبی تفاوت عدد اتمی دومین عنصر شبکه فلزی و نخستین عنصر فلزی کدام است؟

ب) تعداد عنصرهای فلزی در دوره چهارم جدول تناوبی که در نام‌گذاری ترکیب یونی آن‌ها از عدد رومی استفاده نمی‌شود، کدام است؟

پ) در دوره سوم جدول دوره‌ای (به جز آرگون)، بیشترین اختلاف شعاع اتمی بین کدام دو عنصر است؟

Cl و Na ، ۵ ، ۱۸ (۲)

Si و Al ، ۵ ، ۳۶ (۱)

Cl و Na ، ۴ ، ۳۶ (۴)

Si و Al ، ۴ ، ۱۸ (۳)

۱۲۳- اگر یون‌های A^{2+} ، B^{3-} و C^{-} هر سه هم الکترون باشند و مجموع عدد اتمی آن‌ها برابر ۲۹ باشد، چند مورد از عبارت‌های زیردر مورد آن‌ها نادرست است؟ (نمادها فرضی هستند).الف) مقایسه شعاع اتمی آن‌ها به صورت $A < B < C$ است.

ب) در جدول تناوبی، حالت فیزیکی عنصرهای قبل و بعد از عنصر B در دمای اتاق، با عنصر ماقبل A متفاوت است.

پ) عنصرهای B و C برخلاف A فاقد خاصیت چکش خواری بوده و در حالت جامد در اثر ضربه خرد می‌شوند.

ت) عنصر بعد از A در جدول دوره‌ای برخلاف عنصر ماقبل B، یون پایدار تشکیل نمی‌دهد و الکترون به اشتراک می‌گذارد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)



۱۲۴- اگر تفاوت شمار نوترون‌ها و الکترون‌ها در یون X^{3+} برابر ۸ باشد، چند مورد از عبارت‌های زیر درباره عنصر X درست است؟

(نماد عنصرها فرضی است).

* این عنصر به دسته d از دوره چهارم جدول تناوبی و گروه ۸ تعلق دارد و یون‌های آن رنگی است.

* نسبت شمار الکترون‌های بیرونی‌ترین زیرلایه اشغال شده به الکترون‌های لایه اول اتم آن، برابر $\frac{3}{5}$ است.

* تعداد زیرلایه‌های الکترونی اشغال شده در آن و Z_۵ متفاوت است.

* مجموع n و l الکترون‌های ظرفیتی آن برابر ۴۳ است.

* شمار الکترون‌ها با l = 1 آن با شمار الکترون‌های l = 1 در Y_۴ برابر است.

۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۲۵- کدام موارد از مطالبات زیر درست‌اند؟

آ) در معادله « $FeO(s) + Cu(s) \rightarrow CuO(s) + Fe(s)$ » واکنش پذیری فراورده‌ها از واکنش دهنده‌ها کمتر است.

ب) در معادله « $C(s) + 2CuO(s) \rightarrow CO(g) + 2Cu(s)$ » واکنش پذیری واکنش دهنده‌ها از فراورده‌ها بیشتر است.

پ) در معادله « $3Mg(s) + Fe_3O_4(s) \rightarrow 3MgO(s) + 2Fe(s)$ » واکنش پذیری فراورده‌ها از واکنش دهنده‌ها بیشتر است.

ت) در معادله « $C(s) + 2Na_2O(s) \rightarrow 4Na(s) + CO(g)$ » واکنش پذیری واکنش دهنده‌ها از فراورده‌ها کمتر است.

۴) ب، ت

۳) آ، ب

۲) ب، پ، ت

۱) آ، پ، ت

۱۲۶- کدام موارد از مطالبات زیر، نادرست است؟

الف) ششمین عنصر واسطه دوره چهارم جدول تناوبی در طبیعت به شکل سنگ معدن هماتیت یافت می‌شود.

ب) در میان عنصرهای دوره چهارم جدول تناوبی، تعداد عنصرها با زیرلایه ۳d کاملاً پر ۷ واحد بیشتر از تعداد عنصرهای با زیرلایه ۴d نیمه پر است.

پ) مجموع اعداد کوانتمی اصلی و فرعی الکترون‌های لایه ظرفیت اولین فلز واسطه که زیرلایه ۳d آن پر می‌شود، برابر با ۵۸ است.

ت) نخستین عنصر واسطه دوره چهارم جدول تناوبی در ساخت وسایل خانه مانند تلویزیون رنگی و برخی شیشه‌ها کاربرد دارد.

۲) الف، ب، پ

۴) الف، ت

۱) ب، ت

۳) ب، پ



۱۲۷- اگر در واکنش تجزیه CaCO_3 پس از انجام واکنش جرم کل مواد جامد موجود $8/30\%$ کاهش پیدا کند، بازده درصدی واکنش



$$(Ca = 40, C = 12, O = 16 : g \cdot mol^{-1})$$

۶۰ (۲)

۴۰ (۱)

۷۰ (۴)

۳۰ (۳)

۱۲۸- از واکنش کامل تیغه‌ای فلزی از جنس مس به جرم $2/0$ گرم با 2 لیتر محلول $10^{-3} \text{ mol} \cdot L^{-1}$ نیتریک اسید، چند میلی‌لیتر

فراورده گازی در شرایطی که حجم مولی گازها 25 لیتر بر مول است، به دست می‌آید و درصد ناخالصی این تیغه مسی کدام

$$(Cu = 64 : g \cdot mol^{-1})$$



(معادله واکنش موازن شود.)

۸۰ ، ۱۲۵ (۲)

۲۰ ، ۶۲/۵ (۱)

۸۰ ، ۶۲/۵ (۴)

۲۰ ، ۱۲۵ (۳)

۱۲۹- بهای مصرف 400 میلی‌لیتر محلول $2/0$ مولار KMnO_4 ، به تقریب چند گرم فراورده آلی با خلوص 75% به دست می‌آید؟

$$(C = 12, O = 16, H = 1 : g \cdot mol^{-1})$$



۶/۶ (۲)

۳/۹۹ (۱)

۱۷/۳ (۴)

۴/۹۴ (۳)

۱۳۰- 1120 گرم گاز نیتروژن با مقدار کافی گاز هیدروژن، با بازده 75 درصد، واکنش داده و آمونیاک تولید می‌کند. در فراورده حاصل

چه تعداد پیوند کووالانسی وجود دارد و اگر فراورده حاصل را بسوزانیم و فراورده‌ها را به شرایط STP برسانیم، چند لیتر گاز

$$(N = 14, H = 1 : g \cdot mol^{-1})$$

۱۷۹۲ ، $1/4444 \times 10^{26}$ (۲)۱۷۹۲ ، $1/0836 \times 10^{26}$ (۱)۱۳۴۴ ، $1/0836 \times 10^{26}$ (۴)۱۳۴۴ ، $1/4444 \times 10^{26}$ (۳)

رانلور، ایگان تماس‌آفرینشی در کنال ما:

@Azmoonha_Azmayeshi

علوی

تماریز، پایه و شرکت



مرکز سنجش آموزش مدارس برتر



آزمونها آزمایشی

T.me/Azmoonha_Azmayeshi



دانش



دوسسه آموزشی فرهنگی



شرکت تعاونی خدمات آموزشی کارکنان
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمونها آزمایشی

T.me/Azmoonha_Azmayeshi

آزمون‌های سراسری
کاج

حل
مسئلہ



برترین دبیران کنکور ایران در کتاب های تست آنلاین مُنیاز



علی مقدم نیا



امید مصلایی



محمد نوکنده



فرزانه رجایی



ارسلان رحمانی



محمد چلاجور

ویژگی های کتاب های تست آنلاین مُنیاز

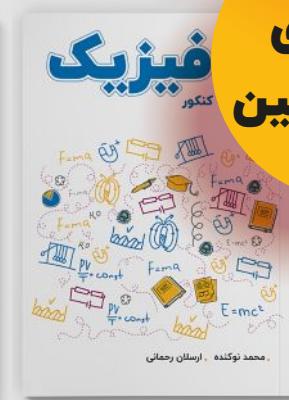
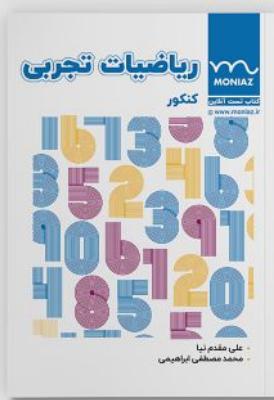
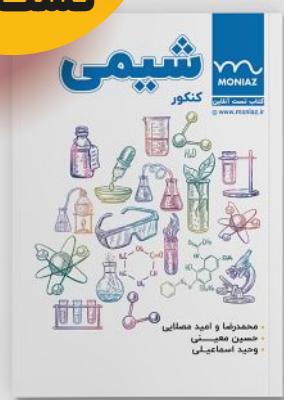
منتخب تست های آزمون های آزمایشی
در کتاب های تست آنلاین مُنیاز

تحلیل
ویدیویی
تمامی
تست ها



آپدیت
مستمر

هزینه هی
بسیار پائین



کتاب تست آنلاین **ریاضی تجربی مُنیاز** منبع اصلی من در سال دوازدهم بود. چون ایده های جالب **تست های مُنیاز** باعث پیشرفت و سرعت تست زدن من شده بود.



فاطمه هدایتی
راتبه ۷ کنکور



۱۴۰۲ مهر ماه آزمون ۲۱

اختصاصی دوازدهم ریاضی

رقمی پاسخ

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲	امیر محمد باقری نصر آبادی - مسعود بر ملا شاهین پروازی - عادل حسینی - طاهر دادستانی - علی سرآبادانی - کامیار علیسوی مهدی ملارمضانی - علیرضا نداف زاده - جهانبخش نیکنام
هندسه	امیرحسین ابو محیوب - محمد حمیدی - افسین خاصه خان - محمد خندان - کیوان دارابی - فراز دعاگوی تهرانی - سوگند روشنی فرشاد صدقی فر - امیر مالیر - مهرداد ملوندی - حمید ناصر
ریاضیات گستره	امیرحسین ابو محیوب - رضا توکلی - کیوان دارابی - سوگند روشنی - علی منصف شکری
فیزیک	عبدالرضا امینی نسب - علی بزرگر - علیرضا جباری - مسعود خندانی - محمدعلی راست پیمان - سید محمد رضا روحانی راد - مریم شیخ ممو شیلا شیرزادی - یوریا علاقه مند - مسعود قرده خانی - محسن قدچار - مصطفی کیانی - علیرضا گونه - حسین مخدومی محمد کاظم منشادی - حسام نادری - مجتبی نکویان - شادمان ویسی
شیمی	هدی بهاری پور - محمد رضا پور جاوید - امیر حاتمیان - پیمان خواجه ای - روزبه رضوانی - میلاد شیخ‌الاسلامی خیاوی - مسعود طبرسا امیرحسین طبی - علیرضا کیانی دوست - حسن لشکری - امیرحسین سلمی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه	ریاضیات گستره	فیزیک	شیمی	کیانی
گزینشگر	علیرضا نداف زاده	امیرحسین ابو محیوب	سوگند روشنی	بابک اسلامی	ایمان حسین نژاد	
گروه ویراستاری	سعید خان بابایی	مهرداد ملوندی	عادل حسینی	مصطفی کیانی زهره آقامحمدی حیدر زرین کفش	امیر رضا حکمت نیا محمد حسن محمدزاده مقدم امیرحسین مسلمی	
ویراستاری رقبه های برق	پارسا نوروزی منش	کیارash صانعی	کیارash صانعی	دانیال راستی کیارash صانعی	ماهان زواری بنیامین یعقوبی احسان پنجه شاهی	
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابو محیوب	امیرحسین ابو محیوب	محمد ساکی	ایمان حسین نژاد	
مسئله اسکندری	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری	

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	ترگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: معینا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروفنگار	فرزانه فتح‌الهزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۷۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱



$$x^2 - 2cx + 9 = (x+3)^2 = x^2 + 6x + 9$$

$$\Rightarrow -2c = 6 \Rightarrow c = -3$$

ضابطه ها هم باید برابر باشند، پس $f(x)$ باید برابر $\frac{(x+2)(x+3)}{(x+3)^2}$ باشد.

$$\Rightarrow x^2 - ax + b = (x+2)(x+3) = x^2 + 5x + 6$$

$$\Rightarrow a = -5, b = 6$$

$$a+b+c = -2 \quad \text{در نهایت داریم:}$$

(حسابان ا- تابع: صفحه های ۱۴۳ تا ۱۴۴)

(علیرضا نرافزاره)

۵- گزینه «۵»

ضابطه تابع f می تواند دو حالت داشته باشد. اگر شبیب آن را مثبت فرض کنیم، باید از نقاط $(-1, 4)$ و $(2, 7)$ عبور کند و اگر شبیب را منفی در نظر بگیریم، باید از نقاط $(-1, 7)$ و $(2, 4)$ بگذرد. در این دو حالت ضابطه تابع f به صورت زیر به دست می آید:

$$(-1, 4), (2, 7) : \text{شبیب: } \frac{7-4}{2-(-1)} = 1 \Rightarrow f(x) = x + 5$$

$$(-1, 7), (2, 4) : \text{شبیب: } \frac{4-7}{2-(-1)} = -1 \Rightarrow f(x) = -x + 6$$

$$\text{در نتیجه ضابطه تابع } -3 = y = f(2x) - 3 \text{ می تواند}$$

$$2x + 5 - 3 = -2x + 3 \text{ یا } 2x + 5 - 3 = -2x + 2 \text{ باشد.}$$

(ریاضی ا- تابع: صفحه ۱۴۳)

(بهانپخش یکنام)

۶- گزینه «۶»

ضابطه تابع f را به صورت $f(x) = ax + b$ در نظر می گیریم. داریم:

$$g(x) = f(x+3) + f(2x+1) = (a(x+3) + b) + (a(2x+1) + b)$$

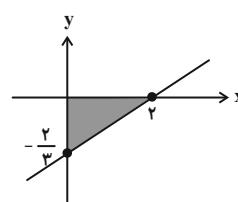
$$= 3ax + 4a + 2b$$

ضابطه این تابع باید با ضابطه $y = x$ متحدد باشد.

$$\Rightarrow \begin{cases} 3a = 1 \Rightarrow a = \frac{1}{3} \\ 4a + 2b = 0 \Rightarrow b = -2a = -\frac{2}{3} \end{cases}$$

پس ضابطه تابع $f(x) = \frac{x-2}{3}$ است. نمودار این تابع در شکل زیر

رسم شده است:



مثلث رنگی شکل، سطح مورد نظر است که مساحت آن برابر است با:

$$S = \frac{\frac{2}{3} \times 2}{2} = \frac{2}{3}$$

(ریاضی ا- تابع: صفحه ۱۴۳)

حسابان ۲

۱- گزینه «۱»

(مسعود برمل)

دو زوج $(3, 1)$ و $(1, a^2 - 2a)$ در این رابطه حضور دارند. پس برای تابع بودن f ، لازم است مؤلفه های دوم این دو زوج برابر باشند:

$$a^2 - 2a = 3 \Rightarrow a^2 - 2a - 3 = (a-3)(a+1) = 0$$

$$\Rightarrow a = 3 \quad \text{یا} \quad -1$$

به ازای $a = -1$ به خاطر دو زوج $(4, -1)$ و $(-1, 6)$ رابطه f تابع نمی شود. به ازای $a = 3$ به صورت زیر خواهد بود:

$$f = \{(1, 3), (3, 6), (-1, 4)\}$$

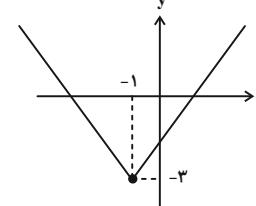
(ریاضی ا- تابع: صفحه های ۹۴ تا ۱۰۰)

۲- گزینه «۲»

(علیرضا نرافزاره)

برای رسم نمودار تابع $y = |x+1| - 3$ ، نمودار تابع $|x|$ را بک

واحد به چپ و ۳ واحد به پایین منتقل می کیم و داریم:



برد این تابع بازه $(-\infty, -3]$ است و می دانیم برد زیرمجموعه هم دامنه باید باشد. پس در گزینه ها، بازه $(-\infty, -5]$ می تواند هم دامنه باشد.

(ریاضی ا- تابع: صفحه های ۱۰۷ تا ۱۱۷)

۳- گزینه «۳»

(کامیار علیپون)

در دامنه هر دو ضابطه $x = \pm 1$ حضور دارد، پس مقدار ضابطه ها به ازای $x = \pm 1$ باید برابر باشند:

$$x = -1 : a - (-2)^2 = \frac{(-1)^2 + b(-1) - 1}{(-1)+2} \Rightarrow a - 4 = -b$$

$$\Rightarrow a + b = 4 \quad (\text{I})$$

$$x = 1 : a - (0)^2 = \frac{(1)^2 + b(1) - 1}{(1)+2} \Rightarrow a = \frac{b}{3} \quad (\text{II})$$

از دستگاه دو معادله-دو مجهول بالا $b = 3$ و $a = 1$ به دست می آید.

$$\Rightarrow f(x) = \begin{cases} 1 - (x-1)^2 & ; |x| \leq 1 \\ \frac{x^2 + 3x - 1}{x+2} & ; |x| \geq 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f(a+b) = f(4) = \frac{27}{6} = \frac{9}{2}$$

(ریاضی ا- تابع: صفحه های ۹۴ تا ۱۰۰)

۴- گزینه «۴»

(علیرضا نرافزاره)

دامنه تابع g مجموعه $\mathbb{R} - \{-3\}$ است. باید دامنه f هم همین مجموعه

باشد، این یعنی مخرج ضابطه $f(x)$ باید ریشه مضاعف $-3 = x$ را داشته باشد، پس داریم:



(کامیار علیویان)

گزینه «۳»

ابتدا مختصات A' ، نقطه نظیر A روی تابع $y = 2f(2x - m) + 1$ را به دست می‌آوریم:

$$f(2) = 5 \Rightarrow 2x - m = 2 \Rightarrow x = \frac{m+2}{2}$$

$$y = 2f(2) + 1 = 11 \Rightarrow A'(\frac{m+2}{2}, 11)$$

حال برای این که نقطه A' پایین‌تر از خط $y = 2x - 1$ نباشد، داریم:

$$y_{A'} \geq 2x_{A'} - 1 \Rightarrow 11 \geq 2\left(\frac{m+2}{2}\right) - 1 \Rightarrow m \leq 10.$$

(حسابان ۲- تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

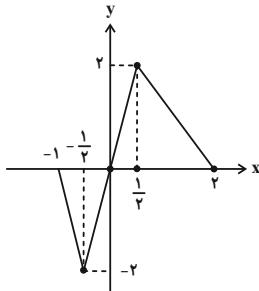
(مسعود برمل)

گزینه «۴»

در ابتدا عرض نقطه با طول $-2 = x$ را حساب می‌کنیم. از دو نقطه $(0, 2)$ و $(-1, 0)$ خطی با معادله $y = 2x + 2$ می‌گذرد. با

جای‌گذاری $x = -2$ در آن، عرض نقطه $= -2 = y$ به دست می‌آید.

حال برای رسم نمودار تابع g ، نمودار f را ابتدا یک واحد به راست می‌بریم و سپس طول نقاط آن را بر ۲ تقسیم می‌کنیم. نمودار تابع g به صورت زیر خواهد شد.



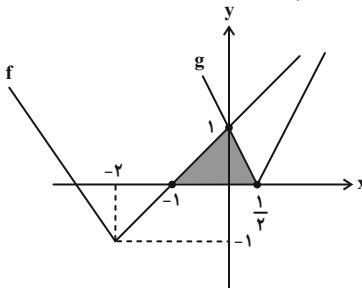
(حسابان ۲- تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(عادل حسینی)

گزینه «۵»

برای رسم نمودار تابع f ، نمودار $|x| = y$ را دو واحد به چپ و یک واحد به پایین انتقال می‌دهیم. برای رسم g نیز، نمودار تابع $|x| = y$ را ابتدا ۱ واحد به راست انتقال می‌دهیم و سپس طول نقاط آن را بر ۲ تقسیم می‌کنیم.

نمودار توابع f و g در شکل زیر رسم شده‌اند:



مثلث رنگی در شکل، سطح مورد نظر است که مساحت آن برابر است با:

$$S = \frac{1}{2} \left(\frac{3}{2} \right) (1) = \frac{3}{4}$$

(ریاضی ۱- تابع: صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۷)

(مهری ملار مختاری)

گزینه «۶»

در تابع خطی $f(x) = ax + b$ داریم:

$$f(x) = ax + b, \quad f\left(\frac{2}{x}\right) = \frac{2a}{x} + b$$

$$\Rightarrow ax + b + \frac{2a}{x} + b = \frac{3x^2 - x + 6}{3x}$$

$$\Rightarrow \frac{3ax^2 + 6bx + 6a}{3x} = \frac{3x^2 - x + 6}{3x}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 3a = 3 \Rightarrow a = 1 \\ 6b = -1 \Rightarrow b = -\frac{1}{6} \end{cases}$$

بنابراین ضابطه f به صورت زیر است و داریم:

$$f(x) = x - \frac{1}{6} \Rightarrow f\left(\frac{7}{6}\right) = 1$$

(ریاضی ۱- تابع: صفحه ۱۰۳)

(عادل حسینی)

گزینه «۷»

ابتدا ضابطه تابع f را به صورت زیر بازنویسی می‌کنیم:

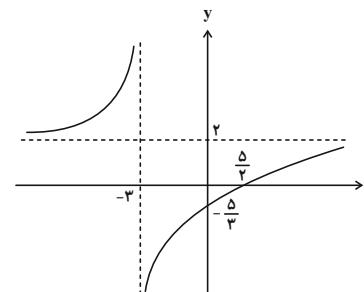
$$f(x) = \frac{2x + 6 - 11}{x + 3} = 2 - \frac{11}{x + 3}$$

يعني اگر داشته باشیم $\frac{1}{x}$ ، ضابطه تابع f برابر است با:

$$f(x) = 2 - 11g(x + 3)$$

این یعنی برای رسم نمودار تابع f ، نمودار تابع $g(x) = \frac{1}{x}$ را ۳ واحد به

چپ می‌بریم، سپس عرض نقاط آن را در ۱۱- ضرب می‌کنیم و سپس ۲ واحد به بالا می‌بریم. نمودار این تابع مطابق شکل زیر است:



(حسابان ۱- تابع: صفحه‌های ۱۳۴ و ۱۳۵)

(علی سر آبدارانی)

گزینه «۸»

راه حل بهتر این است که نمودار تابع g را ۲ واحد به راست و ۳ واحد به بالا

$$f(x) = g(x - 2) + 3$$

$$\Rightarrow f(x) = ((x - 2)^2 - 2(x - 2) + 3) + 3 = x^2 - 6x + 14$$

پس $a = 6$ و $b = 14$ و در نتیجه $a + b = 20$ است.

(ریاضی ۱- تابع: صفحه‌های ۱۳۳ تا ۱۳۷)



(امیرمحمد باقری نصر آبادی)

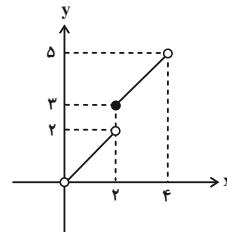
گزینه ۳

به صورت زیر، در بازه‌های مختلف ضابطه‌های مختلف تابع f را به دست می‌آوریم:

$$0 < x < 2 \Rightarrow 0 < \frac{x}{2} < 1 \Rightarrow [\frac{x}{2}] = 0 \Rightarrow f(x) = x$$

$$2 \leq x < 4 \Rightarrow 1 \leq \frac{x}{2} < 2 \Rightarrow [\frac{x}{2}] = 1 \Rightarrow f(x) = x + 1$$

و نمودار تابع به صورت زیر است:



سطح زیر این نمودار از یک مثلث و یک ذوزنقه تشکیل شده است که مساحت آن برابر است با:

$$S = (\frac{2 \times 2}{2}) + (\frac{3+5}{2}) \times 2 = 2 + 8 = 10$$

(مسابان - تابع: صفحه‌های ۳۹ تا ۵۳)

(علیرضا نرافزاره)

گزینه ۴

شاخه اول نمودار (یعنی قسمتی که در بازه $[0, b]$ است)، زمانی رخ می‌دهد که x و $[ax]$ هر دو صفر باشند. این نکته هم بدیهی است که تابع جزء‌صحیحی، در جایی دچار ناپیوستگی می‌شود که در حداقل یکی از عبارت‌های جزء‌صحیحی مقدار عبارت داخل جزء‌صحیح، صحیح شود.

در این سؤال، در $x = b$ حداقل یکی از عبارت‌های x یا ax صحیح به خود می‌گیرد. اگر $[x]$ را محدود کننده در نظر بگیریم، $b = 1$ و $a < 0$ خواهد بود. در این صورت حد چپ تابع در $x = b$ باید $\sqrt{2}$ باشد، نه $\frac{\sqrt{2}}{2}$. به این نکته دقت کنید که با شرط $a < 0$ ، در بازه

(۱) $[0, b]$ تابع $y = \sqrt{x}$ را خواهیم داشت. پس در نتیجه $a > 1$ است و عبارت محدود کننده است، یعنی $x = b = ax$ در $x = b$ مقداری صحیح به خود می‌گیرد. چون اولین عدد صحیح سمت راست $x = 1$ است، $a = 1$ و

$y = \sqrt{x}$ است. در بازه $(\frac{1}{a}, 1)$ ، تابع f با تابع $y = \sqrt{x}$ مساوی است و حال داریم:

$$\lim_{x \rightarrow (\frac{1}{a})^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow (\frac{1}{a})^-} \sqrt{x} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\Rightarrow \sqrt{\frac{1}{a}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow a = 2$$

پس تابع f به صورت $f(x) = \sqrt{x - [2x]} - [2x]$ است. در بازه

$$(1), \text{ تابع } f \text{ با تابع } y = \sqrt{x - 1} - 1 \text{ برابر است، در نتیجه مقدار } c$$

برابر عرض این تابع در نقطه‌ای با طول $b = \frac{1}{2}$ است.

(کامیار علییون)

گزینه ۳

مسیر انتقال تک تک گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

$$1 \text{ واحد راست} \rightarrow y = f(x-1) \xrightarrow[\text{راستای عمودی و افقی}]{} \text{دو برابر منبسط در}$$

$$y = 2f(\frac{1}{2}x-1) \xrightarrow[1 \text{ واحد بالا}]{\text{دو برابر منبسط در}} y = 2f(\frac{1}{2}x-1) + 1$$

$$2) y = f(x) \xrightarrow[\frac{1}{2} \text{ واحد بالا و 1 واحد راست}]{\text{دو برابر منبسط در}} y = f(x-1) + \frac{1}{2}$$

$$3) y = f(x) \xrightarrow[\frac{1}{2} \text{ واحد بالا}]{\text{دو برابر منبسط در}} y = f(x) + \frac{1}{2} \xrightarrow[\text{راستای عمودی و افقی}]{} \text{دو برابر منبسط در}$$

$$y = 2(f(\frac{1}{2}x) + \frac{1}{2}) = 2f(\frac{1}{2}x) + 1 \xrightarrow[1 \text{ واحد راست}]{\text{دو برابر منبسط در}} y = 2f(\frac{1}{2}(x-1)) + 1 = 2f(\frac{1}{2}x - \frac{1}{2}) + 1$$

$$4) y = f(x) \xrightarrow[\text{راستای عمودی و افقی}]{\text{دو برابر منبسط در}} y = 2f(\frac{1}{2}x)$$

$$2 \text{ واحد راست} \rightarrow y = 2f(\frac{1}{2}(x-2)) = 2f(\frac{1}{2}x-1)$$

$$1 \text{ واحد بالا} \rightarrow y = 2f(\frac{1}{2}x-1) + 1$$

بنابراین گزینه ۳، مسیر نادرست می‌باشد.

(مسابان - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(مسعود برملا)

گزینه ۲

در ضابطه تابع f عبارت $\sqrt{-4-x^2}$ را داریم که محدوده قابل قبول x برای آن $[0, -2]$ است، پس برای این که دامنه f دو عضوی باشد، باید $x = \pm 2$ ریشه‌های عبارت $2x^2 + ax + b = 0$ باشند، تا دامنه تابع f همین $x = -2$ و $x = +2$ شوند. داریم:

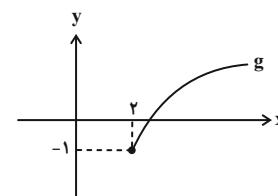
$$2x^2 + ax + b = 2(x+2)(x-2) = 2x^2 - 8$$

$$\Rightarrow a = 0, b = -8$$

پس ضابطه تابع $g(x) = \sqrt{4x-8} - 1$ است.

$$g(x) = 2\sqrt{x-2} - 1$$

با انتقال دو واحد به راست نمودار تابع $y = \sqrt{x}$ ، ابساط عمودی آن با ضریب ۲ و انتقال آن به اندازه یک واحد به پایین، نمودار تابع g حاصل می‌شود.



این نمودار فقط از ربع اول و چهارم می‌گذارد.

(مسابان - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

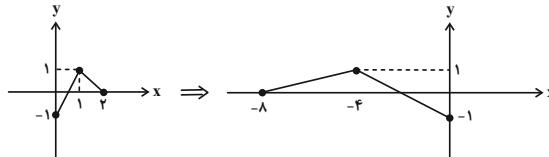
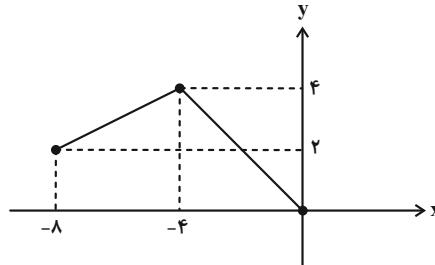


(به انگلیش نیکنام)

$$2t+3 = -\frac{1}{2}x+1 \Rightarrow t = -\frac{1}{4}x-1$$

برای تبدیل نمودار تابع $y = f(2x+3)$ به نمودار تابع

$$y = f(-\frac{1}{2}x+1)$$

نمودار را در -4 - ضرب کنیم.برای محور y ها باید نمودار اولیه را در راستای محور y ها، 1 واحد به سمت بالا ببریم، در نهایت عرض نقاط را در 2 ضرب کنیم. در نهایت داریم:

(حسابان ۲- تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

گزینه «۲» -۱۹

$$c = \sqrt{\frac{1}{2}} - 1 = \frac{\sqrt{2}}{2} - 1$$

(حسابان ۱- تابع: صفحه‌های ۱۴۹ تا ۱۵۳)

گزینه «۲» -۱۷

$$[2x] = \frac{x^2}{2} + 1 = z \quad \text{هم صحیح باشد. این دو}$$

عبارت را برابر عدد صحیح Z می‌گیریم:

$$[2x] = \frac{x^2}{2} + 1 = z \Rightarrow \begin{cases} z \leq 2x < z+1 \\ x = \sqrt{2z-2} \end{cases}$$

از دو عبارت بالا نتیجه می‌گیریم:

$$z \leq 2\sqrt{2z-2} < z+1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} z \leq 2\sqrt{2z-2} \xrightarrow{z \geq 1} z^2 \leq 4z-4 \\ \Rightarrow z^2 - 4z + 4 \leq 0 \Rightarrow 4 - 2\sqrt{2} \leq z \leq 4 + 2\sqrt{2} \\ 4 - 2\sqrt{2} < z+1 \Rightarrow z < 3 + 2\sqrt{2} \\ \Rightarrow z^2 - 6z + 9 = (z-3)^2 > 0 \Rightarrow z \in \mathbb{R} - \{3\} \end{cases}$$

اعداد صحیح مجموعه $[4 - 2\sqrt{2}, 4 + 2\sqrt{2}] - \{3\}$ هستند. چهار مقدار برای Z و در نتیجه چهار مقدار برای X به دست می‌آید.

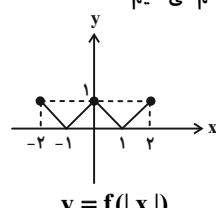
(حسابان ۱- تابع: صفحه‌های ۱۴۹ تا ۱۵۳)

(طاهر (ادرستان))

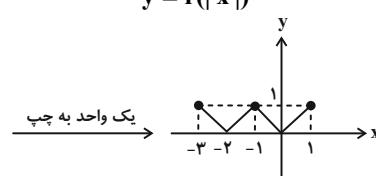
گزینه «۲» -۲۰

می‌توانیم نمودار مربوط به هر 4 رابطه را رسم کنیم و گزینه درست را پیدا کنیم. اما در اینجا ما گزینه درست را توضیح می‌دهیم. گزینه‌های نادرست تمرین خودتان باشد.

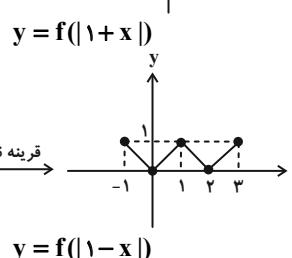
$$g(x) = f(|1-x|)$$

ابتدا $|x|$ را رسم می‌کنیم:

$$y = f(|x|)$$



یک واحد به چپ



$$y = f(|1-x|)$$

(حسابان ۲- تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(به انگلیش نیکنام)

گزینه «۲» -۱۸

ابتدا ضابطه تابع نهایی را به دست می‌آوریم.

$$y = f(x) - 4 \xrightarrow{4 \text{ واحد پایین}} y = f(x) - 4$$

$$y = f(-x) - 4 \xrightarrow{\text{انسیاط با ضریب } x \text{ در جهت محور } x} y = f(-\frac{1}{2}x) - 4$$

$$\xrightarrow{4 \text{ واحد به راست}} y = f(-\frac{1}{2}(x-4)) - 4 = y = f(-\frac{1}{2}x + 2) - 4$$

این ضابطه را با ضابطه $\sqrt{x^2 - 3x} - 6$ برابر قرار می‌دهیم.

$$f(-\frac{1}{2}x + 2) - 4 = \sqrt{x^2 - 3x} - 6$$

$$\Rightarrow f(-\frac{1}{2}x + 2) = \sqrt{x^2 - 3x} - 2$$

حال صفرهای تابع $y = f(-\frac{1}{2}x + 2)$ را به دست می‌آوریم:

$$\sqrt{x^2 - 3x} - 2 = 0 \Rightarrow \sqrt{x^2 - 3x} = 2$$

$$\Rightarrow x^2 - 3x = 4 \Rightarrow x^2 - 3x - 4 = 0 \Rightarrow x = -1, x = 4$$

$$\text{این یعنی } \frac{1}{2}(4) + 2 = 0 \text{ و } -\frac{1}{2}(-1) + 2 = \frac{5}{2}$$

 $\frac{5}{2}$ هستند که مجموع آنها برابر است.

(حسابان ۲- تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)



(کیوان (دارایی))

گزینه «۴» - ۲۴

ابتدا مرتبه ماتریس B را تعیین می کنیم:

$$B_{m \times n} \times A_{1 \times 3} = (BA)_{3 \times 3} \Rightarrow \begin{cases} m = 3 \\ n = 1 \end{cases}$$

بنابراین B یک ماتریس 3×1 است، یعنی داریم:

$$B = \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix}$$

$$BA = \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & 2a & 3a \\ b & 2b & 3b \\ c & 2c & 3c \end{bmatrix}$$

از طرفی داریم:

$$BA = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = 0 \\ c = 1 \end{cases} \Rightarrow B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = [4]$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۷ و ۱۹)

(امیرحسین ابومصوب)

گزینه «۲» - ۲۵

طبق تعریف برای درایه های ماتریس های A و B داریم:

$$A = \begin{bmatrix} 1^2 - 1 & 2 - 1 \\ 2(2) - 1 & 2^2 - 1 \\ 2(3) - 1 & 2(3) - 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 3 \\ 5 & 4 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 1^2 - 1 & 1 - 2 + 1 & 1 - 3 + 1 \\ 2 + 2(1) & 2^2 - 1 & 2 - 3 + 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 4 & 3 & 0 \end{bmatrix}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 3 \\ 5 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 4 & 3 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 9 & -5 \\ \end{bmatrix}$$

بنابراین مجموع درایه های قطر اصلی برابر است با:

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۰ و ۱۹)

(مهرداد ملورندی)

گزینه «۴» - ۲۶

با توجه به این که ماتریس C اسکالر است، داریم:

$$\begin{cases} A + ۳B = \begin{bmatrix} k & 0 \\ 0 & k \end{bmatrix} \\ A - B = \begin{bmatrix} 2 & ۳ \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \xrightarrow{\times ۳} ۳A - ۳B = \begin{bmatrix} 6 & ۹ \\ -3 & 0 \end{bmatrix} \end{cases}$$

هندسه ۳

گزینه «۲» - ۲۱

(امیرحسین ابومصوب)

در بین روابط داده شده، فقط رابطه «الف» یعنی شرکت پذیری جمع ماتریس ها همواره برقرار است.

رابطه «ب» نادرست است؛ چون جمع یک ماتریس و قرینه آن برابر ماتریس صفر یعنی $\bar{0}$ است نه عدد صفر.

رابطه «پ» نیز در حالتی برقرار است که $0 \neq I$ باشد که در عبارت داده شده این شرط دیده نمی شود.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۵ و ۱۶)

گزینه «۳» - ۲۲

با توجه به قطری بودن ماتریس A داریم:

$$\begin{cases} a - ۳ = ۰ \Rightarrow a = ۳ \\ b + ۲ = ۰ \Rightarrow b = -۲ \end{cases} \Rightarrow A = \begin{bmatrix} ۲ & ۰ \\ ۰ & -۵ \end{bmatrix}$$

$$B = A \Rightarrow \begin{bmatrix} m & x \\ n & y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ۲ & ۰ \\ ۰ & -۵ \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} m = ۲ \\ x = n = ۰ \\ y = -۵ \end{cases}$$

بنابراین داریم:

$$my + na = ۲(-۵) + ۰ \times ۳ = -۱۰$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۲ و ۱۳)

گزینه «۱» - ۲۲

برای پیدا کردن ماتریس A ، مانند حل دستگاه دو معادله دو مجهول عمل می کنیم:

$$\begin{cases} ۲A - ۳B = \begin{bmatrix} -10 & -5 \\ 0 & 5 \end{bmatrix} \xrightarrow{\times ۲} ۴A - ۶B = \begin{bmatrix} -20 & -10 \\ 0 & 10 \end{bmatrix} \\ ۳A + ۲B = \begin{bmatrix} 11 & 12 \\ 13 & 14 \end{bmatrix} \xrightarrow{\times ۳} ۹A + 6B = \begin{bmatrix} 33 & 36 \\ 39 & 42 \end{bmatrix} \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{جمع دو رابطه}} ۱۳A = \begin{bmatrix} 13 & 26 \\ 39 & 52 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A = \frac{1}{13} \begin{bmatrix} 13 & 26 \\ 39 & 52 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \text{جمع درایه ها} = 1 + 2 + 3 + 4 = 10$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۰ و ۱۱)



(کیوان دراین)

گزینه «۲» -۲۹

به جای محاسبه کل ماتریس ABC ، همان ستون مطلوب را پیدا می کنیم.

$$ABC = A(BC)$$

$$\Rightarrow (A(BC)) = A \times (BC) = \text{ستون چهارم}$$

$$BC = B \times (C) = \text{ستون چهارم}$$

$$= \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \\ 2 & 3 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ 4 \\ 5 \end{bmatrix}$$

حال ماتریس A را از سمت چپ در ستون به دست آمده ضرب می کنیم:

$$= \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 3 & 0 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ 4 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8 \\ 8 \\ 24 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow 8 + 8 + 24 = 40 = \text{مجموع درایهها}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

(امیرحسین ابومصیوب)

گزینه «۱» -۳۰

با ضرب کردن ماتریس‌ها از سمت چپ، معادله را ساده می کنیم:

$$\begin{bmatrix} a & 1 & 1 \\ -4 & 0 & -2 \\ 1 & 2 & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ 2x \\ 1 \end{bmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow [(a-1)x + 1]x + 2(-4x) - 2x + a = 0$$

$$\Rightarrow [(a-1)x^2 + x + 2x^2 - 4x - 2x + a] = 0$$

$$\Rightarrow (a-6)x^2 + 2x + a = 0$$

$$\text{حاصل ضرب جوابها} = \frac{a}{a-6} = -\Delta$$

$$\Rightarrow a = -\Delta a + 30 \Rightarrow 6a = 30 \Rightarrow a = \Delta$$

$$\text{مجموع جوابها} = \frac{-2}{a-6} \xrightarrow{a=\Delta} \frac{-2}{-\Delta} = 2$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

$$\text{جمع دو رابطه} \rightarrow 4A = \begin{bmatrix} k+6 & 9 \\ -3 & k \end{bmatrix}$$

مجموع درایه‌های ماتریس A برابر ۲ است، پس مجموع درایه‌های ماتریس $4A$ برابر ۸ است و داریم:

$$(k+6) + 9 - 3 + k = 8 \Rightarrow 2k = -4 \Rightarrow k = -2$$

بنابراین مجموع درایه‌های ماتریس C ، برابر $-4 - 2k = -4$ است.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(سوکندر روشن)

گزینه «۳» -۲۷

ابتدا عبارت خواسته شده در صورت سؤال را باز می کنیم:

$$\sum_{j=1}^4 a_{3j} = a_{31} + a_{32} + a_{33} + a_{34}$$

بنابراین مجموع درایه‌های سطر سوم ماتریس A خواسته شده است. برای پیدا کردن این درایه‌ها کافی است سطر سوم ماتریس سمت چپ را در ماتریس سمت راست ضرب کنیم.

$$\begin{bmatrix} 4 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 & 0 \\ 5 & 3 & 4 & -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & -1 & 12 & -3 \end{bmatrix}$$

$$\sum_{j=1}^4 a_{3j} = 9 - 1 + 12 - 3 = 17$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۹)

(امیرحسین ابومصیوب)

گزینه «۳» -۲۸

$$AB = \begin{bmatrix} 2 & -1 & 4 \\ 2 & x & 1 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & y \\ 1 & 0 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -25 & 2y+4 \\ x-3 & 2y+1 \end{bmatrix}$$

ماتریس AB قطری است. بنابراین داریم:

$$\begin{cases} 2y + 4 = 0 \Rightarrow y = -2 \\ x - 3 = 0 \Rightarrow x = 3 \end{cases}$$

حال ماتریس BA را محاسبه می کنیم:

$$BA = \begin{bmatrix} 2 & -2 \\ 1 & 0 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & -1 & 4 \\ 2 & 3 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -8 & 6 \\ 2 & -1 & 4 \\ -12 & 10 & -27 \end{bmatrix}$$

همان‌طور که مشاهده می شود، بزرگ‌ترین درایه ماتریس BA ، برابر 10 است.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۹)



(رضا توکلی)

گزینه «۳» - ۳۴

ابتدا بررسی می‌کنیم چه موقع $5a + 3b$ زوج است.

$$\text{باید } a+b \text{ زوج باشد. } 5a + 3b = 5a + 2b + a + b \Rightarrow$$

پس a و b هر دو زوج و یا هر دو فرد هستند پس a^2 و b^2 هم یا هر دو زوج یا هر دو فرد هستند و در نتیجه $a^2 + b^2$ زوج است.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۵ و ۶)

(امیرحسین ابومنوب)

گزینه «۳» - ۳۵

طبق اثبات به روش بازگشتی، حکم را درست فرض کرده و در نتیجه داریم:

$$x^2 + y^2 \geq x + y - \frac{1}{2} \quad \xrightarrow{x \geq y} \quad 2x^2 + 2y^2 \geq 2x + 2y - 1$$

$$\Leftrightarrow x^2 + x^2 + y^2 + y^2 - 2x - 2y + 1 \geq 0$$

$$\Leftrightarrow (x^2 + y^2 + 1 + 2xy - 2x - 2y) + (x^2 + y^2 - 2xy) \geq 0$$

$$\Leftrightarrow (x + y - 1)^2 + (x - y)^2 \geq 0$$

رابطه اخیر همواره درست است و تمام روابط برگشت‌پذیر هستند.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۶ تا ۸)

(سوکندر روشن)

گزینه «۳» - ۳۶

برای عدد صحیح a ، اگر a^2 زوج باشد، a نیز زوج است. بنابراین چون

$$n(n+1) \quad \text{زوج است.} \quad \frac{n(n+1)}{3} \quad \text{نیز زوج است.}$$

حاصل ضرب دو عدد متولی و قطعاً زوج است. بنابراین کافی است $n = 3k$ یا $n+1 = 3k$ باشد.

$$n = 3k \Rightarrow 20 \leq 3k \leq 100 \Rightarrow 7 \leq k \leq 33$$

$$\Rightarrow 33 - 7 + 1 = 27 \quad : \text{ تعداد}$$

$$n = 3k - 1 \Rightarrow 20 \leq 3k - 1 \leq 100 \Rightarrow 7 \leq k \leq 33$$

$$\Rightarrow 27 \quad : \text{ تعداد}$$

بنابراین مجموعاً ۵۴ عدد طبیعی برای n از مجموعه مورد نظر وجود دارد.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۵)

(کیوان درایی)

ریاضیات گسسته

گزینه «۳» - ۳۱

می‌دانیم حاصل ضرب عدد گویا در عدد گویا، عددی گویا است. بنابراین:

$$6\left(\frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{3}\right) \in \mathbb{Q}$$

بنابراین $3\alpha + 2\beta$ عددی گویا است. از طرفی:

$$2\alpha + 3\beta = \frac{2}{3}(3\alpha + 2\beta) + \frac{1}{3}\beta$$

که $\frac{2}{3}(3\alpha + 2\beta)$ طبق نتیجه بالا عددی گویا است و $\frac{1}{3}\beta$ طبق فرض عددی

گنگ است و در عین حال با برهان خلف ثابت می‌شود مجموع عددی گویا و

عددی گنگ همیشه گنگ است و در نتیجه $2\alpha + 3\beta$ گنگ خواهد بود.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۵)

(کیوان درایی)

گزینه «۴» - ۳۲

برای گزینه‌های «۱» تا «۴» مثال‌های تقضی زیر وجود دارد.

$$A = \{1, 2\} \quad B = \{1\} \quad C = \{2\} \quad (1)$$

$$A = \{1\} \quad B = \{1, 2\} \quad C = \{1, 3\} \quad (2)$$

$$A = \{1, 2\} \quad B = \{2\} \quad C = \{2, 3\} \quad (3)$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲ و ۳)

(رضا توکلی)

گزینه «۲» - ۳۳

گزینه درست گزینه‌ای است که $f\left(\frac{\sqrt{5}+1}{2}\right)$ عدد گویا شود.

$$x = \frac{\sqrt{5}+1}{2} \Rightarrow 2x - 1 = \sqrt{5} \Rightarrow 4x^2 - 4x + 1 = 5 \Rightarrow x^2 - x = 1$$

$$\text{اگر } f(x) = x^2 - x + 5 \text{ آن‌گاه } f\left(\frac{\sqrt{5}+1}{2}\right) \text{ می‌شود.}$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲ و ۳)



عبارت سوم نیز قطعاً زوج است زیرا b_1 با یکی از اعداد a_1 یا a_2 یا a_3

برابر است و در نتیجه یکی از پرانتزها برابر عدد صفر است. ولی عبارت

چهارم می‌تواند زوج نباشد؛ مثال نقض:

$$\begin{array}{ccc} a_1 & a_2 & a_3 \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ 2 & 3 & 1 \end{array} \quad \begin{array}{ccc} b_1 & b_2 & b_3 \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ 1 & 2 & 3 \end{array}$$

$$\Rightarrow a_1b_1 + 2a_2b_2 + 3a_3b_3 = 2 + 2(6) + 3(3) = 23$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۶)

(علی منصف شکری)

گزینه «۱» - ۳۹

اعداد $n+1$ و $3n+2$ متولی هستند و مجموع هر توانی از آن‌ها فرد

است. بنابراین ab فرد و a و b هر کدام فرد هستند. در نتیجه

$$a^2 + b^2 \text{ همواره زوج است.}$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۵)

(علی منصف شکری)

گزینه «۱» - ۴۰

طرفین نامساوی را در ۲ ضرب می‌کنیم و خواهیم داشت:

$$2a^2 + 2b^2 + 2k^2 \geq 2a + 2ab + 2b$$

$$a^2 + b^2 - 2ab + a^2 - 2a + b^2 - 2b + 2k^2 \geq 0.$$

$$(a-b)^2 + (a-1)^2 - 1 + (b-1)^2 - 1 + 2k^2 \geq 0.$$

$$(a-b)^2 + (a-1)^2 + (b-1)^2 \geq 2 - 2k^2$$

$$\Rightarrow 2 - 2k^2 \leq 0 \Rightarrow k^2 \geq 1 \Rightarrow k \geq 1 \Rightarrow \min(k) = 1$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۶ تا ۸)

(سوکندر، روشنی)

گزینه «۴» - ۳۷

بررسی گزینه‌ها:

$$1) \text{ نادرست؛ مثال نقض: عدد گویا: صفر - عدد گنگ: } \sqrt{5}$$

$$2) \text{ نادرست؛ مثال نقض: به ازای } n = 6, \text{ اعداد } 6^3 \text{ و } 6^5 \text{ به دست می‌آیند}$$

که هیچ کدام عدد اول نیستند.

$$3) \text{ نادرست؛ مثال نقض: } n = 3$$

4) درست؛ زیرا برای این‌که رابطه گفته شده، درست باشد، باید حداقل یکی

از اعداد a یا b صفر باشد:

$$\sqrt{a+b} = \sqrt{a} + \sqrt{b} \xrightarrow{\text{توان ۲}} a+b = a+b+2\sqrt{ab}$$

$$\Rightarrow 2\sqrt{ab} = 0 \Rightarrow a = 0 \text{ یا } b = 0.$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲ و ۳)

(سوکندر، روشنی)

گزینه «۳» - ۳۸

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول قطعاً زوج است و با برهان خلف اثبات می‌شود. فرض می‌کنیم

$$(a_1 - b_1)(a_2 - b_2)(a_3 - b_3) \text{ فرد باشد، بنابراین هر کدام از}$$

$$(a_3 - b_3) \text{ و } (a_2 - b_2) \text{ و } (a_1 - b_1) \text{ فرد هستند و می‌دانیم جمع }$$

عدد فرد، فرد است.

$$a_1 - b_1 + a_2 - b_2 + a_3 - b_3 = \text{فرد}$$

$$\Rightarrow (a_1 + a_2 + a_3) - (b_1 + b_2 + b_3) = 0 \quad (\text{تناقض})$$

عبارت دوم نیز قطعاً زوج است. زیرا حاصل $a_1a_2a_3$ و $b_1b_2b_3$ با هم

برابر است. در نتیجه:

$$3a_1a_2a_3 + b_1b_2b_3 = 4(a_1a_2a_3) \quad \text{زوج است.}$$



روی نیمساز زاویه $\hat{A}DC$ قرار دارد، پس از دو ضلع این زاویه به یک فاصله است، یعنی مطابق شکل $BH = AB = 8$ و در نتیجه داریم:

$$S_{ABCD} = S_{ABD} + S_{BDC} = \frac{1}{2} \times 8 \times 15 + \frac{1}{2} \times 8 \times 19$$

$$= \frac{1}{2} \times 8(15+19) = 4 \times 34 = 136$$

(هنرسه ا - ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه‌های ۱۱ و ۱۲)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

گزینه «۴» - ۴۴

$$\text{با توجه به این که } \hat{A} = \frac{\hat{B}}{2} + \hat{C}, \text{ پس } \hat{A} > \hat{C}$$

$$\hat{B} > 0 : \frac{\hat{B}}{2} < \hat{B} \Rightarrow \hat{A} + \underbrace{\frac{\hat{B}}{2}}_{\hat{A}} + \hat{C} < \underbrace{\hat{A} + \hat{B} + \hat{C}}_{180^\circ}$$

$$\Rightarrow 2\hat{A} < 180^\circ \Rightarrow \hat{A} < 90^\circ$$

اما در مورد اندازه زاویه B نمی‌توان قضاوت کرد و این زاویه می‌تواند حاده، قائمه یا منفرجه باشد. به عنوان مثال داریم:

$$1) \hat{B} = 80^\circ, \hat{C} = 30^\circ, \hat{A} = 70^\circ \Rightarrow \text{ مثلث حاده الزاویه}$$

$$2) \hat{B} = 90^\circ, \hat{C} = 22/5^\circ, \hat{A} = 67/5^\circ \Rightarrow \text{ مثلث قائم الزاویه}$$

$$3) \hat{B} = 100^\circ, \hat{C} = 15^\circ, \hat{A} = 65^\circ \Rightarrow \text{ مثلث منفرجه الزاویه}$$

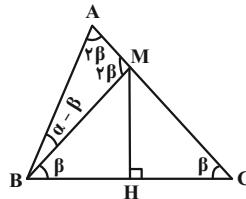
پس محل تلاقی ارتفاع‌های این مثلث، می‌تواند درون یا بیرون مثلث و یا روی یکی از رأس‌های آن باشد.

(هنرسه ا - ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه ۱۹)

(امیر مالیر)

گزینه «۳» - ۴۵

نقطه M روی عمودمنصف پاره خط BC قرار دارد، پس از دو این پاره خط به یک فاصله است، یعنی داریم:



$$BM = CM \xrightarrow{AB = CM} BM = AB$$

بنابراین مثلث ABM متساوی الساقین است. از طرفی مطابق شکل با فرض $\hat{MBC} = \beta$

$$\Delta BMC: \hat{AMB} \text{ زاویه خارجی است:}$$

$$\Rightarrow \hat{AMB} = \beta + \beta = 2\beta \xrightarrow{\Delta AMB} \hat{A} = \hat{AMB} = 2\beta$$

$$\Delta ABM: \alpha - \beta + 2\beta = 180^\circ \Rightarrow \alpha + \beta = 180^\circ$$

هندسه ۱

گزینه «۴» - ۴۱

(امیرحسین ابوالمحبوب)

می‌دانیم در یک مثلث اگر دو زاویه نابرابر باشند، آن‌گاه ضلع رویه‌رو به زاویه بزرگ‌تر، از ضلع رویه‌رو به زاویه کوچک‌تر است.

زاویه A نمی‌تواند کوچک‌ترین زاویه مثلث ABC باشد، چون در این صورت مجموع زوایای مثلث ABC بزرگ‌تر از 180° خواهد شد که غیرممکن است. بنابراین ضلع BC (ضلع رویه‌رو به زاویه A) نمی‌تواند کوچک‌ترین ضلع مثلث ABC باشد. وقت کنید که در مورد این که ضلع بزرگ‌ترین ضلع ABC باشد، نمی‌توان قضاوت کرد. به عنوان مثال داریم:

$$\hat{A} = 75^\circ, \hat{B} = 60^\circ, \hat{C} = 45^\circ$$

بزرگ‌ترین ضلع است $\Rightarrow BC$

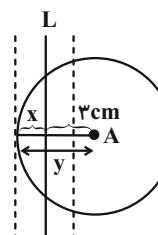
$$\hat{A} = 75^\circ, \hat{B} = 90^\circ, \hat{C} = 15^\circ$$

بزرگ‌ترین ضلع نیست $\Rightarrow BC$

(هنرسه ا - ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

گزینه «۳» - ۴۲

نقاطی که از خط L به فاصله x هستند دو خط به موازات آن و در دو طرف و به فاصله x از آن می‌باشند. همچنین نقاطی که از A به فاصله y هستند دایره‌ای به مرکز A و شعاع y می‌باشد. برای آن که مسئله سه جواب داشته باشد، باید دایره یکی از خطوط را در دو نقطه قطع کند و بر دیگری مماس باشند، به عبارت دیگر باید: $y = 3 + x$ برقرار باشد.

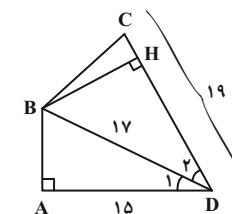


(هنرسه ا - ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(خرابز (عکوی تهرانی))

گزینه «۱» - ۴۳

طبق قضیه فیثاغورس در مثلث ABD داریم:



$$AB^2 = BD^2 - AD^2 = 17^2 - 15^2 = 64 \Rightarrow BD = 8$$



$$\begin{aligned} \Delta CAM : NP \parallel AM &\xrightarrow{\text{قضیه تالس}} \frac{CP}{MP} = \frac{CN}{NA} = 2 \\ \Rightarrow CP = 2MP &\quad (2) \end{aligned}$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} \frac{BM}{CM} = \frac{BM}{CP+MP} = \frac{MP}{2MP} = \frac{1}{2}$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۷ تا ۳۴)

(همیر ناصر) گزینه «۲» - ۴۹

طبق قضیه تالس در دو مثلث ABC و AEC داریم:

$$DF \parallel AE \Rightarrow \frac{CF}{EF} = \frac{CD}{AD} \quad (1)$$

$$DE \parallel AB \Rightarrow \frac{CE}{BE} = \frac{CD}{AD} \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} \frac{CF}{EF} = \frac{CE}{BE} \xrightarrow{CF=2EF} \frac{CE}{BE} = 2 \Rightarrow CE = 2BE$$

بنابراین اگر EF = x باشد، آن‌گاه داریم:

$$\begin{cases} FC = 2x \\ BE = \frac{3}{2}x \end{cases}$$

دو مثلث BDC و DEF در ارتفاع رسم شده از رأس D مشترک‌اند.
پس نسبت مساحت‌های آن‌ها برابر نسبت قاعده‌های آن‌ها است و در نتیجه داریم:

$$\frac{S_{DEF}}{S_{BDC}} = \frac{EF}{BC} = \frac{x}{\frac{9}{2}x + x + \frac{3}{2}x} = \frac{x}{\frac{13}{2}x} = \frac{2}{13}$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۷)

(اغشیان فاضمه‌خان) گزینه «۴» - ۵۰

$$\Delta PAB : EF \parallel AB \xrightarrow{\text{تعمیم قضیه تالس}} \frac{EF}{AB} = \frac{PF}{PB} \quad (1)$$

$$\Delta PBC : FN \parallel PC \xrightarrow{\text{قضیه تالس}} \frac{PF}{PB} = \frac{CN}{BC} \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} \frac{EF}{AB} = \frac{CN}{BC} \xrightarrow{AB=BC} EF = CN$$

با توجه به شکل داریم:

$$ME + FN = MN - EF = BC - CN = BN$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۷)

$$\Rightarrow \beta = \frac{180^\circ - \alpha}{3} \Rightarrow \hat{C} = \frac{180^\circ - \alpha}{3} = 60^\circ - \frac{\alpha}{3}$$

(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

- ۴۶ گزینه «۲»

در هر مثلث، نسبت ارتفاع‌های وارد بر دو ضلع عکس نسبت اندازه‌های آن دو ضلع است. حال فرض کنیم $a = 12$ و $b = 15$ باشد. با توجه به فرض سؤال داریم:

$$h_a + h_b = 3h_c \xrightarrow{+h_c} \frac{h_a}{h_c} + \frac{h_b}{h_c} = 3$$

$$\Rightarrow \frac{c}{a} + \frac{c}{b} = 3 \Rightarrow \frac{c}{12} + \frac{c}{15} = 3$$

$$\xrightarrow{\times 60^\circ} 5c + 4c = 180 \Rightarrow 9c = 180 \Rightarrow c = 20$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۷)

- ۴۷ گزینه «۲»

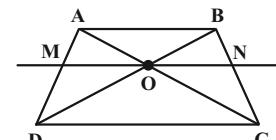
توجه: در ذوزنقه، دو مثلث COD و AOB با هم متشابه‌اند و داریم:

$$\frac{AO}{OC} = \frac{AB}{CD} \text{ و از آنجا که } AB < CD \text{ در نتیجه } 1 < \frac{AO}{OC} \text{ از طرفی}$$

طبق قضیه تالس در مثلث (MO || CD)، ACD داریم:

$$\frac{AM}{MD} = \frac{2}{3} \text{ که با توجه به فرض همچنین طبق قضیه}$$

$$\frac{AM}{MD} = \frac{AO}{OC} \text{ است، پس داریم: } \frac{BN}{NC} = \frac{2}{3}$$



$$\left\{ \begin{array}{l} \Delta ACD : \frac{MO}{DC} = \frac{AM}{AD} \Rightarrow \frac{MO}{10} = \frac{2}{5} \Rightarrow MO = 4 \\ \Delta BCD : \frac{ON}{DC} = \frac{BN}{BC} \Rightarrow \frac{ON}{10} = \frac{2}{5} \Rightarrow ON = 4 \end{array} \right.$$

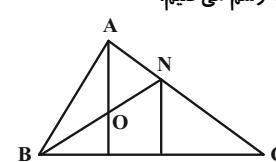
$$\Rightarrow MN = MO + ON = 8$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۷)

(فرشاو، صریق‌فر)

- ۴۸ گزینه «۱»

رسم می‌کنیم: AM را موازی NP



$$\frac{AN}{AC} = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{AN}{AC-AN} = \frac{1}{3-1} \Rightarrow \frac{AN}{CN} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{CN}{NA} = 2$$

$$\Delta BNP : OM \parallel NP \xrightarrow{\text{قضیه تالس}} \frac{BM}{MP} = \frac{OB}{ON} = 1$$

$$\Rightarrow BM = MP \quad (1)$$



(امیرحسین ابوالعبوب)

«۳» - ۵۴

اندازه هر ضلع n ضلعي منتظم محاط در دایره ای به شعاع R برابر

$$\text{و اندازه هر ضلع } n \text{ ضلعي منتظم محیط بر آن دایره برابر} \\ 2R \sin \frac{180^\circ}{n}$$

$$\text{است، پس خواسته سؤال برابر است با:} \\ 2R \tan \frac{180^\circ}{n}$$

$$\frac{\sqrt{R} \sin \frac{180^\circ}{n}}{\frac{180^\circ}{n}} = \frac{\sin 20^\circ}{\tan 10^\circ} = \frac{\sin 20^\circ}{\frac{\sin 10^\circ}{\cos 10^\circ}} = \frac{2 \sin 10^\circ \cos 10^\circ}{\sin 10^\circ}$$

$$= 2 \cos 10^\circ = 2a$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه های ۱۳ تا ۲۱)

(احسان فاضلیان)

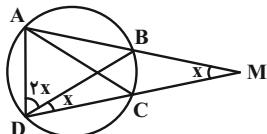
«۴» - ۵۵

فرض کنیم $\widehat{AB} = \widehat{AD} = 4x$ باشد. در این صورت $\widehat{BC} = 2x$ است و داریم:

$$\hat{AMD} = \frac{\widehat{AD} - \widehat{BC}}{2} = \frac{4x - 2x}{2} = x$$

$$\hat{BDC} = \frac{\widehat{BC}}{2} = \frac{2x}{2} = x \quad (\text{زاویه محاطی})$$

$$\hat{ADB} = \frac{\widehat{AB}}{2} = \frac{4x}{2} = 2x \quad (\text{زاویه محاطی})$$

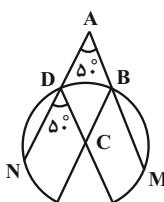
زاویه \hat{DAB} زاویه محاطی رو به قطر BD و برابر 90° است، پس مطابق شکل داریم:

$$\Delta AMD: 3x + x + 90^\circ = 180^\circ \Rightarrow 4x = 90^\circ \Rightarrow x = 22.5^\circ$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه های ۱۳ تا ۱۶)

(محمد فخران)

«۲» - ۵۶

فرض کنید $\widehat{BD} = \alpha$ باشد. در این صورت داریم:

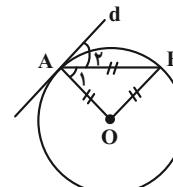
$$BM \parallel DF \Rightarrow \widehat{MF} = \widehat{BD} = \alpha$$

$$DN \parallel BE \Rightarrow \widehat{NE} = \widehat{BD} = \alpha$$

(محمد فخران)

۲ هندسه

«۱» - ۵۱

 مثلث OAB متساوی الاضلاع است، پس داریم:

$$A\hat{O}B = 60^\circ \Rightarrow \widehat{AB} = 60^\circ$$

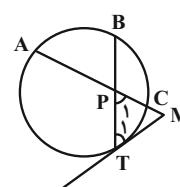
خط d در نقطه A بر دایره مماس است، پس زاویه $A\hat{B}$ زاویه ظلی است و در نتیجه داریم:

$$\hat{A}_1 = \frac{\widehat{AB}}{2} = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه های ۱۳ تا ۱۶)

(احسان فاضلیان)

«۱» - ۵۲



$$\hat{T}_1 = \frac{\widehat{TC} + \widehat{BC}}{2}$$

$$\hat{P}_1 = \frac{\widehat{AB} + \widehat{TC}}{2}$$

مثلث MPT متساوی الاضلاع است، پس داریم:

$$\hat{T}_1 = \hat{P}_1 = 60^\circ \Rightarrow \widehat{TC} + \widehat{BC} = \widehat{AB} + \widehat{TC} \Rightarrow \widehat{AB} = \widehat{BC}$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه های ۱۳ تا ۱۶)

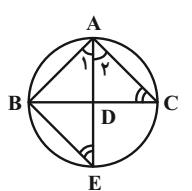
(فرشاد صدیقی فر)

«۴» - ۵۳

$$\left\{ \begin{array}{l} \hat{C} \text{ محاطی} \\ \hat{E} \text{ محاطی} \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} \hat{C} = \frac{\widehat{AB}}{2} \\ \hat{E} = \frac{\widehat{AB}}{2} \end{array} \quad \text{و} \quad \hat{A}_1 = \hat{A}_2 \Rightarrow \Delta ABE \sim \Delta ADC$$

$$\Rightarrow \frac{AB}{AD} = \frac{AE}{AC} \Rightarrow AB \cdot AC = AD \cdot AE$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه های ۱۳ و ۱۶)





کمترین فاصله رئوس ذوزنقه تا نقاط واقع بر محیط دایره برابر طول پاره خط BM در شکل فوق است. با توجه به شکل داریم:

$$BM = OB - OM = \frac{5}{2} - 2 = \frac{1}{2}$$

(هنرسه ۳ - دایره، صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

(امیرحسین ابوالهوب)

گزینه «۲» - ۵۹

طبق فرض $r_a = 4 + 2\sqrt{2}$ و $r = 4 - 2\sqrt{2}$ است. چون مثلث متساوی‌الساقین است، پس $r_b = r_c$ بوده و در نتیجه داریم:

$$\frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c} = \frac{1}{r} \Rightarrow \frac{1}{4+2\sqrt{2}} + \frac{2}{r_b} = \frac{1}{4-2\sqrt{2}}$$

$$\Rightarrow \frac{2}{r_b} = \frac{1}{4-2\sqrt{2}} - \frac{1}{4+2\sqrt{2}} = \frac{4+2\sqrt{2}-4+2\sqrt{2}}{(4-2\sqrt{2})(4+2\sqrt{2})}$$

$$\Rightarrow \frac{2}{r_b} = \frac{4\sqrt{2}}{8} \Rightarrow r_b = \frac{4}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$$

(هنرسه ۳ - دایره، صفحه‌های ۲۶ و ۲۹)

(امیرحسین ابوالهوب)

گزینه «۱» - ۶۰

فرض کنید شعاع دایرة کوچک‌تر برابر R و شعاع دایرة بزرگ‌تر nR باشد. در این صورت داریم:

$$\sqrt{(\sqrt{10}R)^2 - (nR - R)^2} = \sqrt{(\sqrt{10}R)^2 - (nR + R)^2}$$

$$\xrightarrow{\text{به توان ۲}} 10R^2 - (n-1)^2 R^2 = 9(10R^2 - (n+1)^2 R^2)$$

$$\xrightarrow{+R^2} 10 - (n-1)^2 = 9(10 - (n+1)^2)$$

$$\Rightarrow 10 - n^2 + 2n - 1 = 90 - 9n^2 - 18n - 9$$

$$\Rightarrow 8n^2 + 20n - 72 = 0 \Rightarrow n^2 + \frac{5}{2}n - 9 = 0$$

$$\Rightarrow (n-2)(n+\frac{9}{2}) = 0 \Rightarrow \begin{cases} n = 2 \\ n = -\frac{9}{2} \end{cases}$$

پس شعاع دایرة بزرگ‌تر، ۲ برابر شعاع دایرة کوچک‌تر است.

(هنرسه ۳ - دایره، صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

$$AB \parallel DC \Rightarrow \hat{D} = \hat{A} = 50^\circ$$

$$\Rightarrow \widehat{NEF} = 100^\circ \Rightarrow \widehat{EF} = 100^\circ - \alpha$$

از طرفی مجموع طول‌های دو کمان BM و DN ، $\frac{1}{3}$ محیط دایره است.

پس داریم:

$$\widehat{DN} + \widehat{BM} = \frac{1}{3} \times 360^\circ = 120^\circ$$

$$(\widehat{DN} + \widehat{BM}) + \widehat{BD} + \widehat{MF} + \widehat{EF} + \widehat{NE} = 360^\circ$$

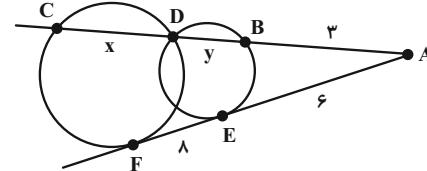
$$\Rightarrow 120^\circ + \alpha + \alpha + (100^\circ - \alpha) + \alpha = 360^\circ$$

$$\Rightarrow 2\alpha = 140^\circ \Rightarrow \alpha = 70^\circ \Rightarrow \widehat{EF} = 100^\circ - 70^\circ = 30^\circ$$

(هنرسه ۳ - دایره، صفحه‌های ۱۳ و ۱۵)

(همید ناصر)

گزینه «۳» - ۵۷



طبق روابط طولی برای دایرة کوچک‌تر داریم:

$$AE^2 = AB \times AD \Rightarrow 6^2 = 3(3+y) \Rightarrow 36 = 9 + 3y$$

$$\Rightarrow 3y = 27 \Rightarrow y = 9$$

طبق روابط طولی برای دایرة بزرگ‌تر داریم:

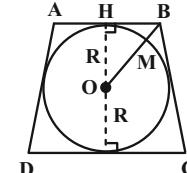
$$AF^2 = AD \times AC \Rightarrow 14^2 = 12(12+x)$$

$$\Rightarrow 196 = 144 + 12x \Rightarrow 12x = 52 \Rightarrow x = \frac{52}{12} = \frac{13}{3}$$

(هنرسه ۳ - دایره، صفحه‌های ۱۱ و ۱۹)

(سوکندر، روشنی)

گزینه «۳» - ۵۸



در ذوزنقه متساوی‌الساقینی که بر یک دایرة محیط است، قطر دایرة محاطی واسطه هندسی قاعده‌های ذوزنقه است. بنابراین داریم:

$$(2R)^2 = AB \times CD \Rightarrow 4R^2 = 3 \times \frac{16}{3} = 16$$

$$\Rightarrow R^2 = 4 \Rightarrow R = 2$$

$$\Delta OHB : OB^2 = OH^2 + BH^2 = 2^2 + \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{25}{4} \Rightarrow OB = \frac{5}{2}$$



(علی بزرگ)

«گزینه ۳» - ۶۳

بررسی موارد:

الف) درست؛ متحرک در لحظه‌های t_1 , t_3 و t_4 از مبدأ مکان عبور کرده است.

ب) نادرست؛ جهت حرکت متحرک دو بار در لحظه‌های t_2 و t_4 تغییر کرده است.

پ) نادرست؛ جابه‌جایی متحرک در کل زمان حرکت برابر است: $\Delta x = 10 - (-10) = 20\text{m}$

ت) درست؛ در لحظه‌های t_2 و t_4 که شیب خط مماس بر نمودار مکان‌زمان صفر می‌شود، تندی متحرک صفر می‌شود.

(فیزیک ۳- مکنت بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۱۰)

(مبینی تکوین)

«گزینه ۴» - ۶۴

برای به دست آوردن سرعت متوسط $\vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t}$ در جابه‌جایی بین مکان‌های x_1 و x_2 ، چهار حالت زیر را می‌توان در نظر گرفت:

$$t_1 < t < t_2 : |v_{av_1}| = \frac{|x_2 - x_1|}{\Delta t'}$$

$$t_1 < t < t_3 : |v_{av_2}| = \frac{|x_2 - x_1|}{\Delta t'}$$

$$t_2 < t < t_4 : |v_{av_3}| = \frac{|x_1 - x_2|}{\Delta t'}$$

$$t_3 < t < t_4 : |v_{av_4}| = \frac{|x_1 - x_2|}{\Delta t'}$$

مالحظه می‌شود که $|v_{av_4}|$ بیشترین و $|v_{av_1}|$ کمترین اندازه سرعت متوسط می‌باشد. بنابراین داریم:

$$|v_{av_1}| - |v_{av_4}| = 12 \Rightarrow \frac{|x_1 - x_2|}{\Delta t'} - \frac{|x_2 - x_1|}{\Delta t'} = 12$$

$$\Rightarrow \frac{4(x_1 - x_2)}{\Delta t'} = 12 \Rightarrow \frac{x_1 - x_2}{\Delta t'} = 15$$

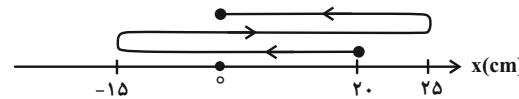
$$v_{av_4} = \frac{x_1 - x_2}{\Delta t'} = \frac{15}{4} \text{ m/s}$$

(فیزیک ۳- مکنت بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۱۰)

(پوریا علاقه‌مند)

«گزینه ۳» - ۶۱

می‌دانیم مسافت طی شده برابر طول مسیر حرکتی است که متحرک طی می‌کند. بنابراین با توجه به مسیر حرکت رسم شده در زیر، مسافت طی شده برابر است با:



$$\ell = |-15 - 20| + |25 - (-15)| + |0 - 25|$$

$$\ell = 35 + 40 + 25 = 100\text{cm} = 1\text{m}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۳ و ۱۳)

(مسعود قره‌فانی)

«گزینه ۴» - ۶۲

ابتدا محیط دایره را به دست می‌آوریم:

$$L = 2\pi r \xrightarrow[r=20\text{m}]{\pi=3} d = 2 \times 3 \times 20 = 120\text{m}$$

اکنون با استفاده از رابطه تندی متوسط، مسافت طی شده توسط متحرک را در مدت 2s پیدا می‌کنیم:

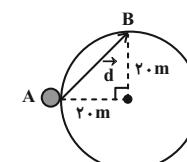
$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} \xrightarrow[\substack{s_{av}=7/5\text{m} \\ s=2\text{s}}]{\Delta t=2\text{s}} v = \frac{\ell}{s} = \frac{120}{2} = 60\text{m/s}$$

می‌بینیم، مسافت طی شده توسط متحرک به اندازه 30m

بیشتر از محیط دایره است. با توجه به این که 30m برابر $\frac{1}{4}$ محیط دایره

(120m) می‌باشد، مطابق شکل زیر، متحرک بعد از 2s و یک دور کامل از نقطه A عبور می‌کند و به نقطه B می‌رسد. بنابراین، با محاسبه

جابه‌جایی متحرک، اندازه سرعت متوسط آن را می‌یابیم:



$$d = \sqrt{20^2 + 20^2} = 20\sqrt{2}\text{m}$$

$$v_{av} = \frac{d}{\Delta t} \xrightarrow[\substack{d=20\sqrt{2}\text{m} \\ \Delta t=2\text{s}}]{\Delta t=2\text{s}} v_{av} = \frac{20\sqrt{2}}{2} = \sqrt{2} \text{ m/s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۳ تا ۱۰)



(مبینی کوئیان)

«۳» گزینه

-۶۷

با توجه به رابطه تندی متوسط $s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t}$ و سرعت متوسط

$$\vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t} \quad \text{می‌توان نوشت:}$$

$$s_{av} = v_{av} + \frac{40}{100} v_{av} \Rightarrow s_{av} = \frac{140}{100} v_{av}$$

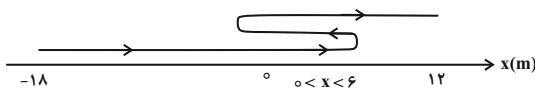
$$\Rightarrow \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{7}{5} \frac{d}{\Delta t} \Rightarrow \ell = \frac{7}{5} d$$

$$\frac{d=12-(-18)=30m}{\ell = \frac{7}{5} \times 30 = 42m}$$

بررسی موارد:

(الف) درست؛ متوجه می‌تواند در مکان x_2 ، بعد از مکان x_1 و یا قبل از مکان x_2 تغییر جهت حرکت دهد که در همه این حالتها با توجه به شرایط سوال، در لحظه t_2 در حال دور شدن از مبدأ مکان است.

(ب) نادرست؛ اگر متوجه در مکان‌های کمتر از $6m$ برای اولین بار تغییر جهت دهد، جهت بردار مکان سه بار تغییر می‌کند.



(پ) درست؛ با توجه به این که اختلاف مسافت و جابه‌جایی، $12m$ است، در همه حالت‌ها فاصله دو نقطه‌ای که متوجه در آن‌ها تغییر جهت می‌دهد، $6m$ است.

(ت) درست؛ با توجه به این که اولین تغییر جهت در مکان‌های مثبت اتفاق می‌افتد و اختلاف مسافت و جابه‌جایی، 12 متر است، در دومین تغییر جهت، فاصله متوجه از مکان x_2 ، قطعاً کمتر از 18 متر است.

(فیزیک ۳- هرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۱۰)

(پوریا علّاقه‌مند)

«۲» گزینه

-۶۸

ابتدا اندازه سرعت متوسط را به دست می‌آوریم. با توجه به داده‌های روی نمودار داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{24 - (-12)}{16} = \frac{36}{16} = \frac{9}{4} \frac{m}{s}$$

اکنون سرعت در لحظه $t = 16s$ را که برابر شیب خط مماس بر نمودار

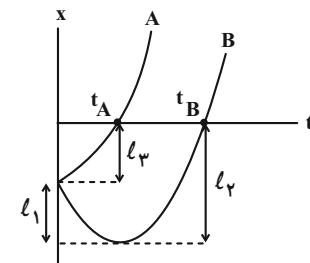
مکان-زمان است، می‌باییم:

(مسعود فخرانی)

«۴» گزینه

-۶۵

می‌دانیم لحظه‌ای که نمودار مکان-زمان محور زمان را قطع می‌کند، متوجه از مبدأ مکان عبور می‌کند و مطابق شکل زیر، متوجه A در لحظه t_A و متوجه B در لحظه t_B از مبدأ مکان عبور می‌کند. مطابق این شکل، مسافتی که متوجه A در بازه زمانی صفر تا t_A طی می‌کند برابر t_A و مسافتی که متوجه B در بازه زمانی صفر تا t_B طی $t_B = \ell_3$ است. بنابراین طبق تعریف تندی متوسط $s_{av,B} = \frac{\ell_1 + \ell_2}{t_B}$ و $s_{av,A} = \frac{\ell_3}{t_A}$ است، اما مشخص نیست $\ell_1 + \ell_2$ چه مقدار از ℓ_3 بزرگ‌تر است. بسته به شرایط هر سه گزینه می‌تواند درست باشد.

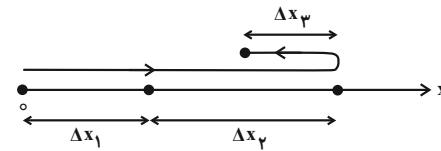


(فیزیک ۳- هرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۱۰)

(مسام نادری)

«۱» گزینه

با توجه به شکل زیر و استفاده از رابطه‌های تندی متوسط و سرعت متوسط داریم:



$$v_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2 - \Delta x_3}{\Delta t_1 + \Delta t_2 + \Delta t_3} \quad \Delta x = v_{av} \Delta t$$

$$v_{av} = \frac{v_{av,1} \Delta t_1 + v_{av,2} \Delta t_2 - v_{av,3} \Delta t_3}{\Delta t_1 + \Delta t_2 + \Delta t_3}$$

$$v_{av} = \frac{30 \times 20 + 40 \times 25 - 10 \times 5}{20 + 25 + 5} = \frac{1550}{50} = 31 \frac{m}{s}$$

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{|\Delta x_1| + |\Delta x_2| + |\Delta x_3|}{\Delta t_1 + \Delta t_2 + \Delta t_3} = \frac{30 \times 20 + 40 \times 25 + 10 \times 5}{20 + 25 + 5}$$

$$= \frac{1650}{50} = 33 \frac{m}{s}$$

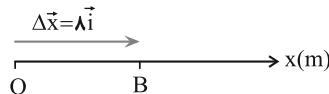
(فیزیک ۳- هرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۱۰)



فیزیک ۳ - آشنا

(کتاب آین)

«۳» - ۷۱



جابه‌جایی برداری است که نقطه آغازین حرکت (O) را به نقطه پایانی آن

(B) متصل می‌کند که مطابق شکل بردار \overrightarrow{OB} و در سوی مثبت محور x

$\overrightarrow{OB} = 8\hat{i}$ است و داریم:

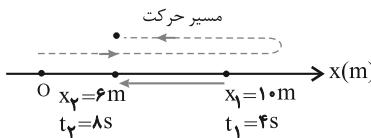
اما بردار مکان، برداری است که در هر لحظه، مبدأ مکان را به محل جسم وصل می‌کند چون در تمام مدت جسم در نقاط مثبت محور قرار دارد، بنابراین بردار مکان همواره مثبت است و تغییر جهت نمی‌دهد.

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۷ تا ۱۰)

(کتاب آین)

«۴» - ۷۲

با توجه به شکل هر یک از موارد داده شده را بررسی می‌کنیم:



با توجه به شکل فوق، چون متوجه در لحظه $t_1 = 4s$ در مکان $x_1 = 10m$

است و فقط یک بار تغییر جهت داده است، قطعاً در مکان‌های $x > 10m$ یا

$x = 10m$ این تغییر جهت رخ داده است؛ زیرا اگر در مکان‌های

$x < 10m$ تغییر جهت رخ دهد، دیگر نمی‌تواند در لحظه $t = 4s$ به

مکان $x_1 = 10m$ برسد. با توجه به این توضیحات،

الف) نادرست است. در صورتی که متوجه در لحظه $t_1 = 4s$ تغییر جهت

دهد، در بازه زمانی $4s$ تا $8s$ (چهار ثانیه دوم) طول بردار مکان همواره

کاهش می‌یابد.

ب) درست است. با توجه به شکل جهت بردار جابه‌جایی (\vec{d}) در خلاف

جهت محور x است.

پ) نادرست. اگر بردار سرعت متوجه در لحظه $t_1 = 4s$ در جهت منفی

محور x ها باشد، در این صورت قبل از لحظه $t = 4s$ جهت حرکت

متوجه تغییر کرده است یعنی در لحظه $t = 4s$ تغییر جهت رخ داده است.

ت) درست است. در این بازه زمانی بردار مکان همواره مثبت است.

$$\text{شیب خط مماس} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{24 - 8}{16 - 0} = 1 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\frac{v_{av}}{v_{16s}} = \frac{\frac{9}{4}}{\frac{1}{4}} = \frac{9}{4}$$

در آخر داریم:

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۷ تا ۱۰)

(عبدالله‌ها امینی نسب)

«۵» - گزینه «۳»

گزینه‌های «۱» و «۲» نادرست است.

سرعت متوجه در هر لحظه برابر شیب خط مماس بر نمودار مکان- زمان است. در این شکل نمی‌توان شیب خط مماس در لحظه $t = 3s$ را محاسبه

کرد زیرا اندازه قسمت افقی را نداریم که بتوانیم شیب خط را محاسبه کنیم.

گزینه «۳» درست؛ سرعت متوسط متوجه در بازه زمانی صفر تا $3s$ برابر

است با:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_3 - x_0}{3 - 0} = \frac{8 - 23}{3} = -5 \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow |v_{av}| = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

گزینه «۴» نادرست؛ چون متوجه تغییر جهت داده است، تندی متوسط در

بازه زمانی صفر تا $3s$ بیشتر از اندازه سرعت متوسط در این بازه است.

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۷ تا ۱۰)

(محمدکاظم منشاری)

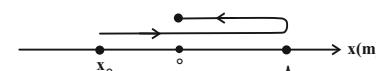
«۶» - گزینه «۴»

ابتدا با استفاده از رابطه تندی متوسط، مسافت طی شده در ۵ ثانیه اول

حرکت را می‌یابیم:

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta t = 5s} s_{av} = \frac{\ell}{5} \Rightarrow \ell = 5 \cdot s_{av} = 5 \cdot 30 = 150 \text{ m}$$

با توجه به داده‌های روی نمودار در شکل زیر، x را می‌یابیم:



$$\ell = |\lambda - x_0| + |0 - \lambda| \xrightarrow{\ell = 150m} 30 = \lambda - x_0 + \lambda \Rightarrow x_0 = -150 \text{ m}$$

اکنون اندازه سرعت متوسط را پیدا می‌کنیم:

$$v_{av} = \frac{x_2 - x_1}{\Delta t} \xrightarrow{x_2 = 0, \Delta t = 5s, x_1 = x_0 = -150} v_{av} = \frac{0 - (-150)}{5} = 30 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۷ تا ۱۰)



با توجه به این که ضریب t^2 منفی است، سهمی دارای ماقزیم و نمودار مطابق شکل خواهد بود. با توجه به نمودار مسافت طی شده از $t=0$ تا t' به

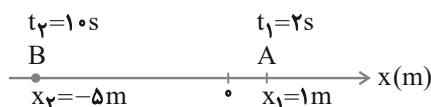
$$\ell = 5 + 4 + 4 + 21 = 34 \text{ m}$$

صورت مقابل حساب می‌شود:

(فیزیک ۳) - هرگزت بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۱۰)

(کتاب آنی)

«۳» گزینه -۷۵



در اینجا موقعیت متحرک در دو لحظه t_1 و t_2 مشخص است. اما این که در این بین، متحرک تغییر جهت داده است یا خیر، نامعلوم است. بنابراین نمی‌توان به طور قطعی تندی متوسط را محاسبه کرد. اما الزاماً بزرگ‌تر یا مساوی سرعت متوسط متحرک خواهد بود.

$$s_{av} \geq v_{av}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{-5 - 1}{10 - 2} = \frac{-6}{8} \Rightarrow |v_{av}| = 0.75 \text{ m/s}$$

بنابراین خواهیم داشت:

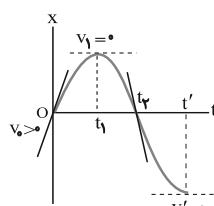
(فیزیک ۳) - هرگزت بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۱۰)

(کتاب آنی)

«۳» گزینه -۷۶

سرعت متحرک در هر لحظه برابر شیب خط مماس بر نمودار $x-t$ است.

مطابق شکل $v > 0$ و $v' < 0$ بنابراین تا لحظه t_1 بزرگ‌تر سرعت در حال کاهش است. (در t_1 به صفر می‌رسد) و از t_1 به بعد افزایش می‌یابد و چون در نهایت در لحظه t' به صفر می‌رسد در یک لحظه (t_2) به بعد الزاماً بزرگ‌تر سرعت کاهش می‌یابد تا به صفر برسد. این نقطه را در ریاضی، نقطه عطف منحنی می‌گوییم. (در این نمودار لحظه t_2)



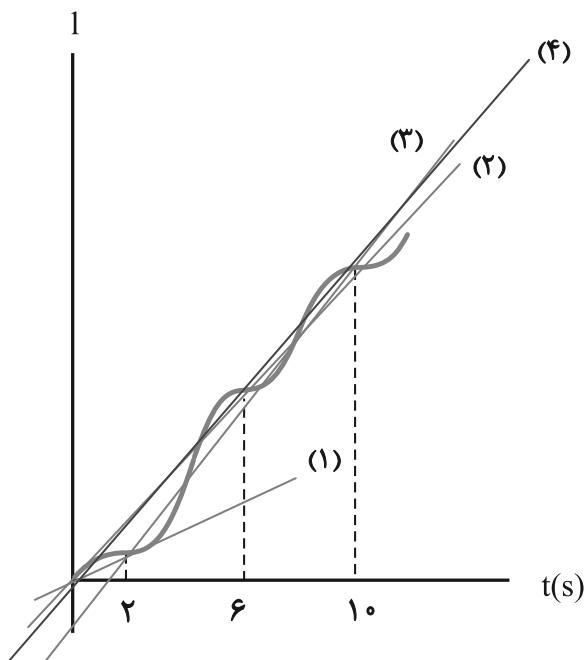
(فیزیک ۳) - هرگزت بر فقط راست: صفحه‌های ۷ تا ۱۰)

بنابراین، ۲ عبارت از عبارت‌های داده شده درست است.

(فیزیک ۳) - هرگزت بر فقط راست: صفحه‌های ۷ تا ۱۰)

«۳» گزینه -۷۳

ابتدا از روی نمودار مکان - زمان، نمودار مسافت - زمان را رسم می‌کنیم. برای رسم نمودار مسافت - زمان در بازه‌های زمانی که جایه‌جایی منفی (بخش‌های نزولی تابع) است، قرینه نمودار مکان - زمان را نسبت به محور زمان رسم می‌کنیم و در بازه‌هایی که جایه‌جایی مثبت (تابع صعودی است) است، نمودار، تغییر نمی‌کند. شیب نمودار مسافت - زمان در هر بازه زمانی برابر تندی متوسط در آن بازه است. همانطور که در شکل دیده می‌شود، شیب خط در بازه $t = 10 \text{ s}$ تا $t = 2 \text{ s}$ بیشتر از بقیه است.



(فیزیک ۳) - هرگزت بر فقط راست: صفحه‌های ۷ تا ۱۰)

«۴» گزینه -۷۴

ابتدا نمودار $x-t$ را رسم می‌کنیم، سپس مسافت خواسته شده را می‌یابیم:

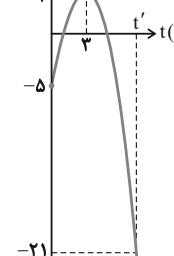
$$x = -t^2 + 6t - 5$$

$$t_s = \frac{-b}{2a} = \frac{-6}{-2} = 3 \text{ s}$$

$$\Rightarrow x_s = 4 \text{ m} \Rightarrow S(3, 4)$$

$$\begin{array}{c|cc} t(s) & 0 & 3 \\ \hline x(m) & -5 & 4 \end{array}$$

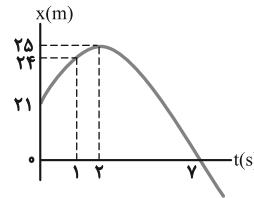
(کتاب آنی)





$$x_s = -(2)^2 + 4 \times 2 + 21 = -4 + 8 + 21 = 25 \text{ m}$$

t	۰	۱	۲	۳	۴
x	۲۱	۲۴	۲۵	۲۴	۲۱



با توجه به نمودار از لحظه $t = 2s$ تا $t = 4s$ اندازه بردار مکان متوجه

همواره در حال کاهش است که سرعت متوسط در این بازه زمانی برابر است با:

$$v_{av} = \frac{x_4 - x_2}{t_4 - t_2} \Rightarrow v_{av} = \frac{0 - 25}{4 - 2} = -12.5 \text{ m/s}$$

(فیزیک ۳) - هرگز بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۱۰)

(کتاب آموزشی)

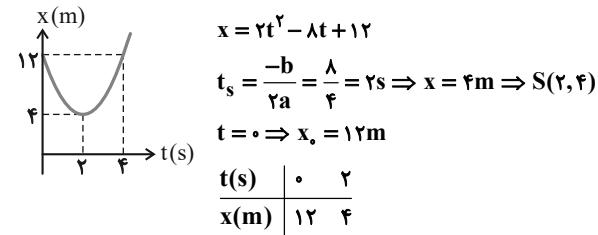
«۱» گزینه

(کتاب آموزشی)

«۲» گزینه

-۷۷

هنگامی که سرعت متوسط متوجه در بازه زمانی Δt صفر است، بدان معنی است که متوجه در این بازه به جای اولش بازگشته است. با رسم نمودار مکان-زمان، ℓ و سپس s_{av} را می‌یابیم:



با توجه به تقارن سه‌می در s از روی شکل مکان متوجه در لحظه $t = 4s$ نیز همان مکان در لحظه $t = 0$ یعنی $12m$ می‌باشد، بنابراین

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{16 - 12}{4 - 2} \Rightarrow s_{av} = \frac{4}{2} = 2m/s$$

(فیزیک ۳) - هرگز بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۱۰)

(کتاب آموزشی)

«۱» گزینه

(کتاب آموزشی)

«۱» گزینه

-۷۸

در ابتدا مکان متوجه در لحظه $t = 14s$ را می‌یابیم. برای پیدا کردن تندی در لحظه $t = 12s$ ، شب خط مماس بر نمودار را در این لحظه می‌یابیم.

$$v_{t=12s} = \frac{24 - 12}{14 - 12} = \frac{12}{2} = 6m/s$$

حال داریم:

$$v_{t=12s} = v_{av} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \Rightarrow 6 = \frac{12 - 6}{14 - 12} \Rightarrow x_2 = 42m$$

در نهایت داریم:

$$v'_{av} = \frac{x'_2 - x'_1}{t'_2 - t'_1} = \frac{12 - 6}{14 - 12} = \frac{6}{2} = 3m/s$$

$$v''_{av} = \frac{x''_2 - x''_1}{t''_2 - t''_1} = \frac{12 - 12}{14 - 12} = \frac{0}{2} = 0m/s$$

$$\frac{v'_{av}}{v''_{av}} = \frac{3}{0} = \infty$$

(فیزیک ۳) - هرگز بر فقط راست: صفحه‌های ۷ تا ۱۰)

حال x_2 را می‌یابیم:

$$\Delta x_1 = v_{av_1} \times \Delta t_1 \quad v_{av_1} = -6m/s, \Delta t_1 = 4 - 2 = 2s$$

$$\Delta x_1 = -6 \times 2 = -12m$$

اکنون اگر روی محور $12m$ به چپ برویم به $x_2 = -2m$ می‌رسیم.

در مرحله دوم داریم:

$$\Delta x_2 = v_{av_2} \times \Delta t_2 \quad v_{av_2} = 3m/s, \Delta t_2 = 6s$$

$$\Delta x_2 = 3 \times 6 = 18m$$

بنابراین سرعت متوسط کل به صورت زیر بدست می‌آید:

$$v_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2}{\Delta t_1 + \Delta t_2} = \frac{-12 + 18}{2 + 6} = \frac{6}{8} = 0.75m/s$$

برای یافتن مکان پایانی (x_3) از شکل کمک می‌گیریم. با توجه به مسیر حرکت و تغییر جهت، ابتدا از $+10m$ به $-2m$ و از این نقطه به $+16m$ می‌رسد و نقطه پایانی و بردار مکان آن به صورت زیر می‌باشد:

$$x_3 = 16m \Rightarrow \vec{r}_3 = 16\hat{i}$$

(فیزیک ۳) - هرگز بر فقط راست: صفحه‌های ۷ تا ۱۰)

(کتاب آموزشی)

«۲» گزینه

-۷۹

ابتدا نمودار مکان-زمان متوجه را که یک سه‌می است، رسم می‌کنیم:

$$x = -t^2 + 4t + 21 \Rightarrow -t^2 + 4t + 21 = 0$$

$$\Rightarrow -(t+3)(t-7) = 0 \Rightarrow \begin{cases} t = -3s \\ t = 7s \end{cases}$$

$$t_s = -\frac{b}{2a} \Rightarrow t_s = -\frac{4}{2 \times (-1)} = 2s$$



اکنون رابطه فیزیکی داده شده را به صورتی می‌نویسیم که D در یک طرف معادله قرار گیرد و سپس یکای آن را به دست می‌آوریم:

$$D^r = ABC^r \Rightarrow [D^r] = [A][B][C^r] = \frac{kg \cdot m}{s^r} \times \frac{kg}{m^r} \times m^r = \frac{kg^r}{s^r}$$

$$\Rightarrow [D] = \frac{kg}{s}$$

با توجه به این که آهنگ هر کمیت، نسبت تغییر آن کمیت به زمان است.

$$\text{آنچه شارش جرم به صورت } \frac{\Delta m}{\Delta t} \text{ می‌باشد و یکای آن } \frac{kg}{s} \text{ است.}$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۷ تا ۱۱)

(مصطفی‌کلیان)

«گزینه ۴» -۸۵

دقت اندازه‌گیری در ابزارهای رقمی (دیجیتالی)، برابر یک واحد از آخرین رقمی است که آن ابزار می‌خواند که در اینجا برای عدد $۰/۰۴۶\text{ cm}$ ، آخرین رقمی که می‌خواند $۰/۰۰۶\text{ cm}$ است؛ لذا یک واحد از آخرین رقم آن برابر $۰/۰۰۱\text{ cm}$ می‌شود. بنابراین، دقتش اندازه‌گیری ریزنچ برابر است با:

$$1\text{ cm} = 10\text{ mm} \rightarrow$$

$$0/001 \times 10 = 0/001\text{ mm} = \text{دقتش اندازه‌گیری}$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۶)

(علیرضا گوشه)

«گزینه ۴» -۸۶

$$\text{ابتدا با استفاده از رابطه } V = \frac{4}{3}\pi r^3, \text{ حجم ظاهری کره را می‌یابیم:}$$

$$V = \frac{4}{3}\pi r^3 \xrightarrow[\pi=3]{r=5\text{ cm}} V = \frac{4}{3} \times 3 \times 5^3 = 500\text{ cm}^3$$

$$\text{اکنون با استفاده از رابطه } \rho = \frac{m}{V}, \text{ حجم واقعی کره را پیدا می‌کنیم:}$$

$$V = \frac{m}{\rho} \xrightarrow[\rho=120\text{ g/cm}^3]{m=18\text{ g}} V = \frac{180}{1/2} = 150\text{ cm}^3$$

در آخر، حجم حفره را حساب می‌کنیم:

$$V_{\text{حفره}} = V - V_{\text{واقعی}} = 500 - 150 = 350\text{ cm}^3$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۸)

(محمدعلی راست‌پیمان)

«گزینه ۴» -۸۷

وقتی یک مایع به جامد تبدیل شود، جرم آن ثابت می‌ماند. بنابراین می‌توان نوشت:

$$m_{\text{جامد}} = m_{\text{مایع}} \xrightarrow{m=\rho V} \rho_{\text{جامد}} V = \rho_{\text{مایع}} V$$

فیزیک ۱

«۳» -۸۱

(محمدعلی راست‌پیمان)

وقتی گلوله از بالن رها می‌شود، با همان تندی بالن شروع به حرکت می‌کند. بنابراین، چون تندی اولیه گلوله همان تندی بالن است، از تندی بالن نمی‌توان صرف نظر کرد. از طرف دیگر، چون وزن گلوله عامل حرکت و شتاب گلوله است، لذا از وزن گلوله نیز نمی‌توان صرف نظر نمود. می‌بینیم، عامل تقریباً بی‌تأثیر مقاومت هوا است.

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه ۵)

«۳» -۸۲

(حسین مقدمی)

$$\text{ژول یکای انرژی در SI است که یکای فرعی آن } \frac{kg \cdot m^2}{s^2} \text{ است.}$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۷ تا ۹)

«۳» -۸۳

(شیلا شیرزادی)

ابتدا به روش تبدیل زنجیره‌ای $218\text{ nm} = 218\text{ nm} \times \frac{10^{-9}\text{ m}}{1\text{ nm}} \times \frac{1\mu\text{m}}{10^{-6}\text{ m}} = 218 \times 10^{-3}\text{ }\mu\text{m}$

$$218 \times 10^{-3}\text{ }\mu\text{m} = 2/18 \times 10^{-3}\text{ }\mu\text{m} = 2/18 \times 10^{-1}\text{ }\mu\text{m}$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۲)

«۳» -۸۴

(علیرضا بباری)

با توجه به رابطه $F = ma$ ، یکای نیرو از حاصل ضرب یکای جرم در یکای

$$[F] = \frac{kg \cdot m}{s^2}$$

$$[A] = \frac{kg \cdot m}{s^2}$$

همچنین، با توجه به رابطه $\rho = \frac{m}{V}$ یکای چگالی $\frac{kg}{m^3}$ است. بنابراین

$$[B] = \frac{kg}{m^3} \quad [C] = m \quad \text{یکای B که از جنس چگالی است } \frac{kg}{m^3} \text{ می‌باشد.}$$

و یکای کمیت C که از جنس مسافت است، متر می‌باشد.



با توجه به این که حجم مایع جایه جا شده برابر حجم فلز است، لذا، با انداختن قطعه فلزی درون مایع، حجم مایع درون ظرف به اندازه 140 cm^3 افزایش می‌یابد که بیشتر از حجم خالی ظرف می‌باشد. بنابراین چون حجم خالی ظرف $V' = 140 - 50 = 90\text{ cm}^3$ است، لذا، $V' = 50\text{ cm}^3$ مایع از درون ظرف سرریز می‌شود که جرم آن برابر است با:

$$m = \rho V' = 2 \times 90 = 180\text{ g}$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۸)

(علیرضا هباری)

گزینه «۱»

وقتی $\frac{1}{5}$ از حجم مایع A از ظرف سرریز شود، $\frac{4}{5}$ از حجم مایع

درون ظرف قرار می‌گیرد. همچنین، وقتی $\frac{1}{4}$ از حجم مایع B از ظرف

سرریز شود، $\frac{3}{4}$ از حجم مایع B درون ظرف قرار می‌گیرد. بنابراین، چون

حجم ظرف‌ها یکسان است، داریم:

$$V_{\text{ظرف}} = \frac{4}{5}V_A = \frac{3}{4}V_B \Rightarrow V_A = \frac{15}{16}V_B$$

اکنون با توجه به یکسان بودن جرم مایع‌ها و با استفاده از رابطه چگالی می‌توان نوشت:

$$m_A = m_B \xrightarrow{m=\rho V} \rho_A V_A = \rho_B V_B \xrightarrow{\rho_A = \frac{3}{2} \frac{g}{cm^3}, V_A = \frac{15}{16} V_B} \rho_A = \frac{15}{16} \rho_B$$

$$\frac{3}{2} \times \frac{15}{16} \rho_B = \rho_B \times V_B \Rightarrow \rho_B = \frac{3}{cm^3}$$

در آخر چگالی مخلوط جرم برابر از دو مایع A و B را به دست می‌آوریم:

$$\rho_{\text{مخلوط}} = \frac{m_A + m_B}{V_A + V_B} \xrightarrow{V = \frac{m}{\rho}} \rho_{\text{مخلوط}} = \frac{m_A + m_B}{\frac{m_A}{\rho_A} + \frac{m_B}{\rho_B}}$$

$$\frac{\rho_A = \frac{3}{2} \frac{g}{cm^3}, m_A = m_B = m}{\rho_B = \frac{3}{cm^3}} \xrightarrow{\rho_{\text{مخلوط}}} \rho_{\text{مخلوط}} = \frac{m + m}{\frac{m}{3/2} + \frac{m}{3}} = \frac{2m}{6/2m} = \frac{2m}{3/2 \times 3}$$

$$\Rightarrow \rho_{\text{مخلوط}} = \frac{2 \times 3 \times 3/2}{6/2} = \frac{96}{31} \frac{g}{cm^3}$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۸)

$$\begin{aligned} \rho_{\text{مایع}} &= 1/2 \frac{g}{cm^3} \rightarrow 1/2 \times V = 1/5 \times V \\ \rho_{\text{جامد}} &= 1/5 \frac{g}{cm^3} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow V_{\text{جامد}} = \frac{1/2}{1/5} V = 5 \text{ cm}^3$$

$$\Rightarrow V_{\text{جامد}} = 5 \text{ cm}^3$$

می‌بینیم، وقتی مایع به جامد تبدیل می‌شود، حجم جامد آن 5 cm^3 درصد حجم مایع است. بنابراین 5 درصد از حجم مایع کاهش می‌یابد.

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۸)

(پوریا علاقه‌مند)

گزینه «۲»

$$\text{با استفاده از رابطه } \rho = \frac{m}{V} \text{ و با توجه به این که } m_2 = 6m_1,$$

$V_2 = V_1 + 400\text{ cm}^3$ و چگالی ثابت است، به صورت زیر را می‌یابیم. دقت کنید، چون جرم افزایش یافته است و حجم با جرم متناسب است، حجم نیز افزایش می‌یابد.

$$\rho = \frac{m_1}{V_1} = \frac{m_2}{V_2} \xrightarrow{m_2 = 6m_1, V_1 = V_2 - 400} \frac{m_1}{V_2 - 400} = \frac{6m_1}{V_2}$$

$$\Rightarrow 6V_2 - 2400 = V_2 \Rightarrow 5V_2 = 2400 \Rightarrow V_2 = 480\text{ cm}^3$$

$$\xrightarrow{1L = 1000\text{ cm}^3} V_2 = \frac{480}{1000} L = 0.48L$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۸)

(علی برزکر)

گزینه «۳»

ابتدا حجم مایع درون ظرف را می‌یابیم.

$$\rho_{\text{مایع}} = \frac{m_{\text{مایع}}}{V_{\text{مایع}}} \xrightarrow{\rho_{\text{مایع}} = 2000 \frac{kg}{m^3}, m_{\text{مایع}} = 700\text{ g}} \frac{2000}{700} = \frac{g}{cm^3} \Rightarrow 2 = \frac{700}{V_{\text{مایع}}}$$

$$\Rightarrow V_{\text{مایع}} = 350\text{ cm}^3$$

چون حجم ظرف 400 cm^3 و حجم مایع 350 cm^3 است، بنابراین

$$400 - 350 = 50\text{ cm}^3$$

از حجم ظرف خالی می‌ماند. اکنون حجم قطعه فلزی را می‌یابیم:

$$V_{\text{فلز}} = \frac{m_{\text{فلز}}}{\rho_{\text{فلز}}} \xrightarrow{\rho_{\text{فلز}} = 840 \frac{g}{cm^3}, m_{\text{فلز}} = 840} V_{\text{فلز}} = \frac{840}{840} = 140\text{ cm}^3$$



$$\frac{16}{25} \times 10^{-27} = \frac{9}{16} \times 10^{-27} n^2 \Rightarrow n^2 = \frac{16 \times 16}{25 \times 9}$$

$$\Rightarrow n = \frac{16}{5 \times 3} = \frac{16}{15}$$

گزینه «۴» n عدد صحیح نیست.

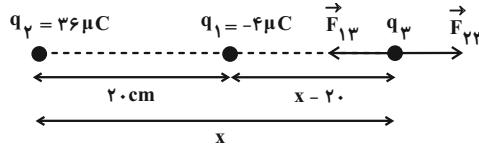
$$\frac{25}{16} \times 10^{-27} = \frac{9}{16} \times 10^{-27} n^2 \Rightarrow n^2 = \frac{25}{9} \Rightarrow n = \frac{5}{3}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساکن: صفحه های ۳ و ۵)

(پوریا علاقه مند)

گزینه «۱»

چون بارهای q_1 و q_2 ناهم نامند، باید بار q_3 را خارج از فاصله بین دو بار و روی امتداد خط واصل آنها و نزدیک به باری که قدر مطلق اندازه بار کمتر است، قرار دهیم تا ساکن و در حال تعادل باشد. بنابراین، با توجه به شکل زیر، فاصله از بار q_2 را می یابیم، دقت کنید، اندازه و نوع بار q_3 در تعادل آن بی تاثیر است.



$$F_{13} = F_{23} \Rightarrow k \frac{|q_1||q_3|}{r_{13}^2} = k \frac{|q_2||q_3|}{r_{23}^2}$$

$$\Rightarrow \frac{|q_1|}{r_{13}^2} = \frac{|q_2|}{r_{23}^2} \xrightarrow{r_{13}=x-20, r_{23}=x} \frac{4}{(x-20)^2} = \frac{36}{x^2}$$

$$\xrightarrow{\text{حدر می گیریم}} \frac{2}{x-20} = \frac{6}{x} \Rightarrow 6x - 120 = 2x$$

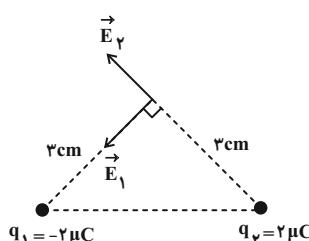
$$\Rightarrow 4x = 120 \Rightarrow x = 30 \text{ cm}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساکن: صفحه های ۵ و ۱۰)

(مریم شیخ ممدو

گزینه «۳»

ابتدا اندازه و جهت میدان الکتریکی بارهای q_1 و q_2 را در نقطه A تعیین می کنیم:



(شادمان ویس)

فیزیک ۲

۹۱ - گزینه «۱»

با توجه به جدول سری الکتریسیتă مالشی، در مالش یک میله شیشه ای خنثی با پارچه ابریشمی، الکترون ها از میله شیشه ای به پارچه ابریشمی منتقل می شوند، در نتیجه، میله شیشه ای بار ثابت پیدا می کند. یعنی، تعداد الکترون های پارچه ابریشمی افزایش و تعداد الکترون های میله شیشه ای کاهش خواهد یافت. (مورد «الف» درست است).

در مالش میله پلاستیکی با پارچه ابریشمی، الکترون ها از پارچه ابریشمی به میله پلاستیکی منتقل می شوند، در نتیجه، میله پلاستیکی بار منفی پیدا می کند. یعنی، تعداد الکترون های آن افزایش می یابد و تعداد الکترون های پارچه ابریشمی کاهش خواهد یافت. (مورد «ت» درست است).

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساکن: صفحه ۱۰)

۹۲ - گزینه «۲»

اگر بار هر ذره برابر $q = ne$ باشد، با استفاده از قانون کولن باید مشخص کنیم در کدام گزینه، n عدد صحیح به دست می آید:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \xrightarrow{|q_1|=|q_2|=ne} F = \frac{ne \times ne}{64 \times 64 \times 10^{-4}}$$

$$F = \frac{9 \times 10^9 \times n^2 \times 1 / 6 \times 10^{-19} \times 1 / 6 \times 10^{-19}}{64 \times 64 \times 10^{-4}} \xrightarrow{e=1/6 \times 10^{-19} C}$$

$$F = \frac{9 \times 10^9 \times n^2 \times 1 / 6 \times 10^{-19} \times 1 / 6 \times 10^{-19}}{64 \times 64 \times 10^{-4}} = \frac{9}{16} \times 10^{-27} n^2$$

اکنون به بررسی گزینه ها می پردازیم:

گزینه «۱»: n عدد صحیح نیست.

$$F = \frac{9}{16} \times 10^{-27} n^2 \xrightarrow{F=\frac{4}{9} \times 10^{-27} N} \frac{4}{9} \times 10^{-27} = \frac{9}{16} \times 10^{-27} n^2$$

$$\Rightarrow n^2 = \frac{16 \times 4}{9 \times 9} \Rightarrow n = \frac{8}{9}$$

گزینه «۲»: n عدد صحیح است.

$$\frac{9}{4} \times 10^{-27} = \frac{9}{16} \times 10^{-27} n^2 \Rightarrow n^2 = 4 \Rightarrow n = 2$$

گزینه «۳»: n عدد صحیح نیست.

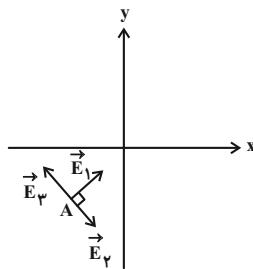


اگنون با استفاده از رابطه $y - y_0 = m(x - x_0)$ معادله خط و اصل نقاط (A, D) و (B, C) را می‌نویسیم:

$$B \text{ و } C : y - 5 = -2(x + 5) \Rightarrow y = -2x - 5$$

$$D \text{ و } A : y + 1 = \frac{1}{2}(x + 2) \Rightarrow y = \frac{1}{2}x$$

با توجه به این که این دو خط در نقطه $(-1, -2)$ متقاطع بوده و بر هم عمود هستند، میدان الکتریکی برایند را می‌توان مطابق با شکل زیر به دست آورد:



$$E_{2,3} = E_2 - E_3 = 3 \times 10^7 - 10^7 = 2 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

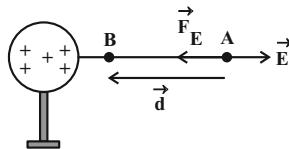
$$E_t = \sqrt{E_1^2 + E_{2,3}^2} = \sqrt{(2 \times 10^7)^2 + (2 \times 10^7)^2} = 2\sqrt{2} \times 10^7 \frac{N}{C}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

(سید محمد رضا رومانی‌زاده)

«۳» گزینه

میدان الکتریکی کره باردار مثبت به طرف راست است. با توجه به این که بر بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی نیرو وارد می‌شود، جایه جایی بار الکتریکی و نیرو هم جهت‌اند، بنابراین، زاویه بین \vec{F} و \vec{d} برابر 0° است. لذا، طبق رابطه $W = (F \cos \theta)d$ ، کار میدان الکتریکی مثبت می‌باشد. یعنی $W_E > 0$ است.



$$\Delta U = -W_E \xrightarrow{W_E > 0} \Delta U < 0$$

همچنین برای ΔV داریم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \xrightarrow{q < 0} \Delta V > 0$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

$$\begin{cases} |q_1| = |q_2| = 2 \times 10^{-6} C \\ r_1 = r_2 = 3 \text{ cm} = 3 \times 10^{-2} \text{ m} \end{cases} \Rightarrow E_1 = E_2 = k \frac{|q_1|}{r_1}$$

$$\Rightarrow E_1 = E_2 = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-4}} = 2 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

اگنون اندازه و جهت میدان الکتریکی خالص را می‌یابیم. دقت کنید، چون E_1 هم اندازه و بر هم عموداند، بردار برایند آن‌ها در راستای نیمساز زاویه بین آن‌ها و به طرف چپ است.

$$\begin{aligned} E_A &= \sqrt{E_1^2 + E_2^2} \xrightarrow{E_1 = E_2} \\ E_A &= \sqrt{2E_1^2} = E_1\sqrt{2} \\ \Rightarrow E_A &= 2\sqrt{2} \times 10^7 \frac{N}{C} \end{aligned}$$

چون \vec{E}_A در جهت منفی محور x است، بردار آن به صورت زیر است:

$$\vec{E}_A = (-2\sqrt{2} \times 10^7 \frac{N}{C}) \hat{i}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

(مبتنی نکوتیان)

«۴» گزینه

ابتدا با استفاده از رابطه $r = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$ ، فاصله

ذرات باردار q_1 , q_2 و q_3 را از نقطه A به دست می‌آوریم:

$$r_1 = \sqrt{(4+2)^2 + (2+1)^2} = \sqrt{45} \text{ cm}$$

$$r_2 = \sqrt{(-5+2)^2 + (5+1)^2} = \sqrt{45} \text{ cm}$$

$$r_3 = \sqrt{(1+2)^2 + (-2+1)^2} = \sqrt{45} \text{ cm}$$

با توجه به رابطه میدان الکتریکی ذره باردار می‌توان نوشت:

$$E_1 = \frac{k |q_1|}{r_1^2} = \frac{(9 \times 10^9)(10 \times 10^{-6})}{45 \times 10^{-4}} = 2 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$\xrightarrow{|q_2|=|q_3|} E_2 = \frac{3}{2} E_1 = \frac{3}{2} \times 2 \times 10^7 = 3 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$\xrightarrow{r_2=r_3} E_3 = \frac{1}{2} E_1 = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^7 = 10^7 \frac{N}{C}$$



$$\frac{m=0.2g=0.2 \times 10^{-3} \text{ kg}}{E=4 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}}$$

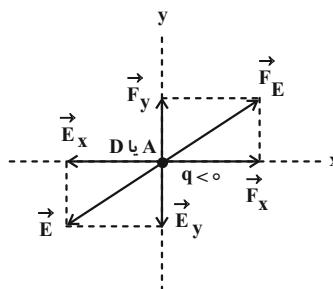
$$|q| \times 4 \times 10^4 = 0.2 \times 10^{-3} \times 10 \Rightarrow |q| = 5 \times 10^{-9} \text{ C}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۲۱ تا ۲۷)

(علیرضا بیاری)

گزینه «۴» - ۹۹

می دانیم جهت میدان الکتریکی در هر نقطه مماس بر خط میدان الکتریکی در آن نقطه است. از طرف دیگر، چون الکترون بار منفی دارد، طبق رابطه $\vec{F} = q\vec{E}$ ، نیروی الکتریکی وارد بر آن، در خلاف جهت میدان الکتریکی می باشد. با توجه به این که نیروی وارد بر الکترون برابر باشد. بنابراین می تواند بار منفی محور x و در جهت مثبت محور y باشد. لذا، باید \vec{E}_x در جهت منفی محور x و \vec{E}_y در جهت منفی محور y باشد. بنابراین، با توجه به شکل زیر، در نقاط D و A نیروی وارد بر الکترون می تواند برابر باشد.



(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۱۷ تا ۱۹)

(پورا علاقه مند)

گزینه «۴» - ۱۰۰

با استفاده از رابطه چگالی سطحی بار الکتریکی به صورت زیر اختلاف چگالی سطحی بار دو کره را بر حسب چگالی سطحی بار کره کوچک تر می یابیم:

$$\sigma = \frac{q}{A} \xrightarrow{q_1=q_2} \frac{\sigma_2}{\sigma_1} = \frac{A_1}{A_2} \xrightarrow{A=\pi D^2} \frac{\sigma_2}{\sigma_1} = \left(\frac{D_1}{D_2} \right)^2$$

$$\frac{D_1=4\text{cm}}{D_2=8\text{cm}} \xrightarrow{\sigma_2=\sigma_1} \frac{\sigma_2}{\sigma_1} = \left(\frac{4}{8} \right)^2 \Rightarrow \sigma_2 = \frac{1}{4} \sigma_1$$

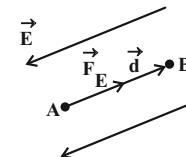
$$\left| \frac{\sigma_2 - \sigma_1}{\sigma_1} \times 100 \right| = \left| \frac{\frac{1}{4} \sigma_1 - \sigma_1}{\sigma_1} \times 100 \right| = 75\%$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۲۷ تا ۳۱)

(مصطفی کیانی)

گزینه «۲» - ۹۷

چون بر بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی نیروی الکتریکی وارد می شود و جایه جایی نیز در خلاف جهت میدان است، زاویه بین نیرو و جایه جایی برابر صفر می باشد. بنابراین می توان نوشت:



$$\Delta U = -|q| Ed \cos \theta \xrightarrow{d=12\text{cm}=0.12\text{m}, \theta=0^\circ, E=4 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}, |q|=5 \times 10^{-9} \text{ C}} \rightarrow$$

$$\Delta U = -5 \times 10^{-9} \times 4 \times 10^4 \times 0.12 \times \cos 0^\circ \xrightarrow{\cos 0^\circ = 1} \rightarrow$$

$$\Delta U = -0 / 24 \text{ J} \xrightarrow{1 \text{ J} = 10^6 \mu\text{J}} \rightarrow$$

$$\Delta U = -0 / 24 \times 10^6 \mu\text{J} = -2 / 4 \times 10^6 \mu\text{J}$$

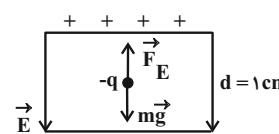
(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۲۱ تا ۲۳)

(عبدالرضا امین نسب)

گزینه «۴» - ۹۸

بر ذره باردار نیروی وزن و نیروی الکتریکی وارد می شود. چون ذره در حال تعادل است، باید نیروی الکتریکی رو به بالا باشد. با توجه به این که جهت میدان الکتریکی به طرف پایین و جهت نیروی الکتریکی به طرف بالا است، نوع بار منفی می باشد. زیرا، بر بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی نیرو وارد می شود. از طرف دیگر، چون ذره باردار در حال تعادل است نیروی وزن و نیروی الکتریکی هم اندازه اند، لذا با محاسبه اندازه میدان الکتریکی بین دو

صفحة رسانا به صورت زیر اندازه بار q را می یابیم:



$$E = \frac{\Delta V}{d} \xrightarrow{\Delta V=400\text{V}, d=1\text{cm}=10^{-2}\text{m}} E = \frac{400}{10^{-2}} = 4 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$F_E = mg \xrightarrow{F_E=|q|E} |q| E = mg$$



$$\begin{aligned} ? g (C_{14}H_{29}COO)_2Mg &= 1/3 mol C_{14}H_{29}COONH_4 \\ \times \frac{1 mol (C_{14}H_{29}COO)_2Mg}{2 mol C_{14}H_{29}COONH_4} \times \frac{506 g (C_{14}H_{29}COO)_2Mg}{1 mol (C_{14}H_{29}COO)_2Mg} \\ &= 328/9 g (C_{14}H_{29}COO)_2Mg \end{aligned}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۵ تا ۹)

(حسن لشکری)

«۳- گزینه»

محلول مس (II) سولفات، یک مخلوط همگن و پایدار بوده که نور را از خود عبور می‌دهد.
 مخلوط آب و روغن و صابون، یک کلوبید با توده‌های مولکولی است که ناهمنگ بوده و نور را پخش می‌کند.
 شربت معده سوسپانسیون بوده و ناپایدار است و نور را پخش می‌کند.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۶ و ۷)

(میلار شیخ‌الاسلامی فیاضی)

«۳- گزینه»

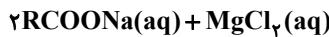
عبارت‌های اول، دوم، سوم و پنجم درست هستند.
 بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: با توجه به شکل ۳ صفحه ۸ کتاب شیمی ۳ درست است.

عبارت دوم: برای مثال پاک‌کنندگی صابون در پارچه‌های نخی بیشتر از پارچه‌های پلی‌استری است. زیرا جربی با پارچه‌های پلی‌استری جاذبه قوی‌تری ایجاد می‌کند.

عبارت سوم: با توجه به خود را بیازمایید صفحه ۹ کتاب شیمی ۳، هر دو تغییر بیان شده سبب افزایش قدرت پاک‌کنندگی می‌شود.

عبارت چهارم: با توجه به معادله واکنش صابون با یون منیزیم، هر مول منیزیم، دو مول صابون را از فرایند پاک‌کنندگی حذف می‌کند.



عبارت پنجم: با توجه به کاوش کید صفحه‌های ۸ و ۹ شیمی ۳، در اثر هم زدن سریع‌تر، هوای بیشتری در مخلوط حل شده و میزان کف تولیدی بیشتر است.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۷ تا ۱۰)

(میلار شیخ‌الاسلامی فیاضی)

«۲- گزینه»

عبارت‌های (ب) و (پ) درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

(الف) در اتیلن گلیکول بخش قطبی بر ناقطبی غالب است؛ بنابراین اتیلن گلیکول در آب، برخلاف هگزان حل می‌شود.

(ب) در اسیدهای چرب، گروه عاملی کربوکسیل (COOH) می‌تواند با مولکول‌های آب پیوند هیدروژنی برقرار کند. دقت کنید در این مواد بخش ناقطبی بر قطبی غالب است و این مواد در آب نامحلول هستند. اما باید توجه داشت در این سؤال صرفاً امکان تشکیل پیوند مورد پرسش واقع شده نه قدرت یا شمار پیوندهای هیدروژنی.

شیمی ۳

۱۰۱- گزینه «۳»

بررسی گزینه‌های نادرست:
 گزینه ۱: اتیلن گلیکول و اتانول هر دو امکان تشکیل پیوند هیدروژنی با مولکول‌های آب را دارند.

گزینه ۲: فرمول مولکولی واژلين $C_{25}H_{52}$ بوده و یک آلان به شمار می‌رود که در فرمول پیوند- خط آن از ۲۴ خط (مریط) به پیوندهای (C-C) استفاده می‌شود.

گزینه ۴: ۲۰ درصد جرمی اوره با فرمول $CO(NH_2)_2$ از کربن تشکیل شده است:

$$\%C = \frac{(1 \times 12)gC}{60gO} \times 100 = 20\%$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۴ و ۵)

۱۰۲- گزینه «۴»

عبارت‌ها (پ) و (ت) درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

(الف) ترکیب (A) برخلاف ترکیب (C)، در آب سخت که حاوی مقادیر چشمگیری یون منیزیم یا کلسیم است خاصیت پاک‌کنندگی خود را از دست می‌دهد.

(ب) زنجیره آکلیل صابون (A) سیرنشده است و فرمول صابون (A) با زنجیره آکلیل سیر شده به صورت $C_{17}H_{35}COONa$ می‌باشد.

(پ) واکنش تهیه صابون از چربی یا ترکیب (B) به صورت زیر است:



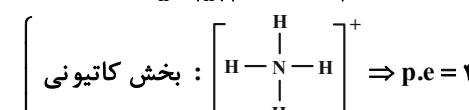
(ت) ترکیب (C) حاوی کاتیون و آئیون است که بین اتم‌های آئیون آن پیوند کوالانسی وجود دارد.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۵ تا ۱۲)

۱۰۳- گزینه «۱»

از اطلاعات صورت سؤال در می‌یابیم که کاتیون این صابون مایع باید چند اتنی (NH_4^+) باشد، چون اگر تک اتنی باشد، جفت الکترون پیوندی (p.e) نخواهد داشت.

فرمول صابون: $C_nH_{2n+1}COONH_4$



: بخش آنیونی $C_nH_{2n+1}COO^-$

$$\Rightarrow p.e = \frac{4n + 2n + 1 + (4 \times 1) + (2 \times 2) - 1}{2} = 3n + 4$$

$$\frac{3n + 4}{4} = 11/5 \Rightarrow 3n + 4 = 46 \Rightarrow 3n = 42 \Rightarrow n = 14$$

$C_{14}H_{29}COONH_4$ = فرمول نهایی صابون

$2C_{14}H_{29}COONH_4 + Mg^{2+}$: واکنش تشکیل رسوب



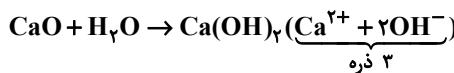
(امیر هاتمیان)

گزینه «۴»

فقط عبارت (ب) نادرست است.

بررسی عبارت‌ها:

الف) هر دو اکسید، دو نوع ذره تولید می‌کنند:

 ب) N_2O_5 اکسید نافلزی بوده و در آب خاصیت اسیدی دارد و اکسید فلزی بوده و در آب خاصیت بازی دارد. پ) در محلول‌های بازی (محلول (II)) غلظت $[\text{OH}^-]$ و در محلول‌های اسیدی (محلول (I)) غلظت $[\text{H}^+]$ بیشتر است. ت) ترکیب مولکولی $\text{Ca}(\text{OH})_2$ ، N_2O_5 و CaO و HNO_4 ترکیب یونی هستند.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۱۶ تا ۲۰)

(امیر هاتمیان)

گزینه «۳» هر مول استر سه عاملی با ۳ مول KOH واکنش می‌دهد.

$$? \text{ mol} = 12 \text{ L KOH} \times \frac{1 \text{ mol KOH}}{1 \text{ L KOH}}$$

$$\text{استر} \times \frac{1 \text{ mol}}{3 \text{ mol KOH}} = 0.04 \text{ mol}$$

$$\text{جرم مولی} = \frac{m}{n} = \frac{1 \text{ mol(g)}}{0.04 \text{ mol}} = \frac{33/92}{0.04} = 848 \text{ g.mol}^{-1}$$

فرمول عمومی استرهای بلندزنجیر ۳ عاملی که زنجیر هیدروکربنی آن سیر

 شده است به صورت $\text{C}_n\text{H}_{2n-4}\text{O}_6$ است و با توجه به جرم مولی آن

داریم:

$$12n + (2n - 4) + 6(16) = 848 \Rightarrow n = 54$$



$$\text{(تعداد C} + 2\text{H} + 1\text{O}) = \frac{1}{2} \text{ تعداد O} + 2\text{H} + 1\text{C} = \frac{1}{2} \text{ تعداد پیوند اشتراکی}$$

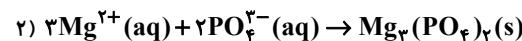
$$= \frac{1}{2} (54 \times 4 + 104 \times 1 + 6 \times 2) = 166$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۵ تا ۱۰)

پ) زیرا اسیدهای چربی که در تولید صابون جامد استفاده می‌شوند باید دارای زنجیره هیدروکربنی بزرگی باشند در حالی که ماده داده شده قسمت هیدروکربنی کوتاهی دارد و برای این کار مناسب نیست.

ت) مخلوط آب، صابون و چربی، نوعی کلوئید است.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۴ تا ۶)

گزینه «۴» با توجه به این که غلظت یون کلرید برابر 28400 ppm است، پس در یک لیتر از این محلول 28400 میلی گرم یون Cl^- وجود دارد. با توجه به واکنش‌های موازنۀ شده زیر می‌توان نوشت:

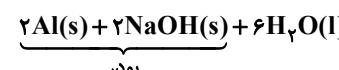
$$\begin{aligned} ? \text{ g PO}_4^{3-} &= 28400 \times 10^{-3} \text{ g Cl}^- \times \frac{1 \text{ mol Cl}^-}{35/5 \text{ g Cl}^-} \\ &\times \frac{1 \text{ mol Mg}^{2+}}{2 \text{ mol Cl}^-} \times \frac{2 \text{ mol PO}_4^{3-}}{3 \text{ mol Mg}^{2+}} \times \frac{95 \text{ g PO}_4^{3-}}{1 \text{ mol PO}_4^{3-}} \times \frac{100}{75} \\ &\approx 33/7 \text{ g PO}_4^{3-} \end{aligned}$$

$$\frac{33/7}{400} \times 100 \approx 8/45 \text{ درصد جرمی یون فسفات}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۵ تا ۱۰)

گزینه «۳»

ابتدا معادله واکنش را موازنۀ می‌کنیم:



$$? \text{ g H}_2 = 268 \text{ g} \times \frac{90}{100} \times \frac{2 \text{ mol}}{134 \text{ g}} = 2 \times 27 + 2 \times 40 = 134 \text{ g.mol}^{-1}$$

$$\begin{aligned} ? \text{ g H}_2 &= 268 \text{ g} \times \frac{90}{100} \times \frac{2 \text{ mol}}{134 \text{ g}} \\ &\times \frac{3 \text{ mol H}_2}{2 \text{ mol}} \times \frac{2 \text{ g H}_2}{1 \text{ mol H}_2} \times \frac{60}{100} = 6/48 \text{ g H}_2 \end{aligned}$$

$$d = \frac{m}{V} \Rightarrow 1/2 = \frac{6/48}{V} \Rightarrow V = \frac{6/48}{1/2} = 5/4 \text{ L}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)



پرسش «ب»: در زمان ۲۰ ساعت، جرم ۴۰ گرم رادیوایزوتوپ ۴ بار نصف

شده است، پس هر نیم عمر آن ۵ ساعت است.

$e - n = 2$ $(^{Z}A)^{3-}$ پرسش «پ»: عدد اتمی A برابر ۱۵ است.

$$(Z+3) - (31-Z) = 2 \Rightarrow Z = 15$$

(شیمی ا- کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۵ و ۶)

(پیمان فوابوی مهر)

«۱۱۴- گزینه «۱»

عنصر B، تکنیسم ($^{99}_{43}\text{Tc}$) است که در دوره پنجم برای آن جرم اتمی

میانگین تعريف نمی‌شود.

بررسی گزینه‌ها:

۱) عدد اتمی D برابر ۴۵ است که با عدد اتمی گاز نجیب دوره سوم جدول تناوبی ($^{18}_{18}\text{Ar}$), ۲۷ واحد اختلاف دارد.

۲) عدد اتمی A برابر ۴۲ است که عنصر $^{14}_{14}\text{Si}$ (دارای یک سوم عدد اتمی A) در گروه ۱۴ قرار دارد.

۳) در $^{99}_{43}\text{Tc}$ نسبت شمار نوترون‌ها به پروتون‌ها کوچک‌تر از ۱/۵ است.

۴) عنصر E با عدد اتمی ۴۶ در گروه ۱۰ جدول تناوبی قرار دارد. عنصر آهن (Fe) فراوان‌ترین عنصر در کره زمین است و در گروه ۸ و دوره ۴

جدول تناوبی قرار دارد.

(شیمی ا- کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۳، ۵ تا ۷ و ۹ تا ۱۳)

(پیمان فوابوی مهر)

«۱۱۵- گزینه «۲»

ابتدا جرم اتمی میانگین A و B را به دست می‌آوریم:

$$\bar{A} = \frac{(14 \times 25) + (15 \times 25)}{100} = 14 / 25$$

$$\bar{B} = \frac{(16 \times 80) + (17 \times 10) + (18 \times 10)}{100} = 16 / 3$$

(روزبه رضوانی)

شیمی ۱

«۱۱۱- گزینه «۲»

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت اول: فراوانی ایزوتوپ‌ها به صورت $^{25}\text{Mg} < ^{26}\text{Mg} < ^{24}\text{Mg}$ است.

عبارت چهارم: به دلیل یکسان بودن خواص شیمیایی ایزوتوپ‌ها، سرعت واکنش ایزوتوپ‌های منیزیم با کلر، در شرایط یکسان، برابر است.

عبارت پنجم: ایزوتوپ‌ها از نظر خواص شیمیایی مشابه هستند، پس برای جداسازی آن‌ها تنها از روش فیزیکی استفاده می‌شود.

(شیمی ا- کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۳ و ۵)

(روزبه رضوانی)

«۱۱۲- گزینه «۳»

$$\begin{cases} p + N = 108 \\ \frac{e}{N} = \frac{2}{3} \end{cases} \Rightarrow \frac{e}{N} = \frac{2}{3} \xrightarrow{e=p-9} \frac{p-9}{N} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow N = \frac{3p-9}{2}$$

$$p + N = 108 \xrightarrow{N=\frac{3p-9}{2}} p + \frac{3p-9}{2} = 108$$

$$2p + 3p - 9 = 216 \Rightarrow \begin{cases} p = 45 \\ N = 63 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 5 \text{ دوره} \\ 9 \text{ گروه} \end{cases}$$

(شیمی ا- کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۵، ۶، ۱۰ و ۱۱)

(پیمان فوابوی مهر)

«۱۱۳- گزینه «۱»

پاسخ صحیح هر سه پرسش در گزینه «۱» آمده است.

بررسی پرسش‌ها:

پرسش «الف»: در یون فسفات در مجموع ۴۷ پروتون، ۴۸ نوترون و ۵۰ الکترون وجود دارد، پس ۱۴۵ ذره زیر اتمی داریم.



$$\frac{10}{7}(x+y) = 14x + 16y \Rightarrow 54x + 54y = 49x + 56y$$

$$\Rightarrow 5x = 2y \Rightarrow \frac{y}{x} = 2/5$$

(شیمی ا- کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۹)

(هدی بخاری پور)

۱۱۸ - گزینه «۱»

بررسی گزینه‌های نادرست:

۲) توده‌های سرطانی هم گلوکز نشان‌دار و هم گلوکز عادی را جذب می‌کنند.

۳) ناپایدارترین ایزوتوپ طبیعی هیدروژن، H^3 است.

۴) نیم عمر تکنسیم بسیار کوتاه است و زود از بین می‌رود؛ بنابراین نمی‌توان

آن را ذخیره کرد.

(شیمی ا- کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۹، ۷، ۶ و ۲۱)

(امیر هاتمیان)

۱۱۹ - گزینه «۱»

عبارت‌های (الف)، (پ) و (ت) درست هستند.

بررسی عبارت (ب):

امواج نشر شده از کنترل تلویزیون نامرئی بوده و با وسیله‌ای مثل دوربین

گوشی قابل رویت هستند.

(شیمی ا- کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۱۹ تا ۲۱)

(هدی بخاری پور)

۱۲۰ - گزینه «۲»

در طیف نور مرئی، رنگ سبز بین رنگ آبی و زرد قرار دارد. رنگ شعله سبز می‌تواند مربوط به مس و ترکیب‌های آن باشد.

(شیمی ا- کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۱۹ تا ۲۳)

پس جرم مولی A_2B_3 برابر است با:

$$A_2B_3 = 2(14/25) + 3(16/3) = 77/4 \text{ g.mol}^{-1}$$

حال جرم خواسته شده را تعیین می‌کنیم:

$$? \text{ g } A_2B_3 = 9/0.3 \times 10^{22} \text{ A}_2\text{B}_3 \times \frac{1 \text{ mol } A_2B_3}{6/0.2 \times 10^{23} \text{ A}_2\text{B}_3}$$

$$\times \frac{77/4 \text{ g } A_2B_3}{1 \text{ mol } A_2B_3} = 11/61 \text{ g } A_2B_3$$

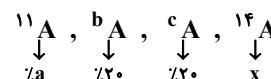
(شیمی ا- کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۹)

(روزبه رضوانی)

۱۱۶ - گزینه «۳»

از آنجایی که عدد جرمی عنصرها یک عدد صحیح است، پس b و c باید

به ترتیب ۱۲ و ۱۳ باشند؛ بنابراین می‌توان نوشت:



$$100 = 20 + 20 + a + x \Rightarrow x = 60 - a$$

$$\bar{M} = \frac{11a + (20 \times 12) + (20 \times 12) + 14 \times (60 - a)}{100}$$

$$\Rightarrow \bar{M} = 13/4 - 0/0.3a$$

(شیمی ا- کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(پیمان فراموشی مهر)

۱۱۷ - گزینه «۳»

$$54 \text{ g } N_xO_y \times \frac{1 \text{ mol } N_xO_y}{(14x + 16y) \text{ g } N_xO_y} \times \frac{6/0.2 \times 10^{23}}{1 \text{ mol } N_xO_y}$$

$$\times \frac{x+y}{1} \text{ اتم} = 2/10.7 \times 10^{24} \text{ مولکول}$$



(امیرحسین مسلمان)

«۱۲۳ - گزینه ۱»

عناصر A، B و C به ترتیب Mg، O و F هستند؛ بنابراین فقط

عبارت (ت) نادرست است.

عبارت (ت): عنصر بعد از Mg در جدول تناوبی، Al است که همانند

عنصر قبل از اکسیژن (نیتروژن)، یون پایدار تشکیل می‌دهد.

(شیمی ۲ - قدر هرایای زمینی را برآوریم؛ صفحه‌های ۶ تا ۱۴)

(علیرضا کیانی دوست)

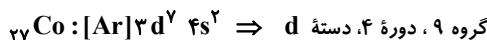
«۱۲۴ - گزینه ۲»

$$\begin{aligned} n - e = \lambda \\ e = p - 3 \end{aligned} \Rightarrow \begin{cases} n - (p - 3) = \lambda \\ n + p = 59 \end{cases}$$

$$2n = 64 \Rightarrow n = 32 \Rightarrow p = 32 - 5 = 27$$

بررسی عبارت‌ها:

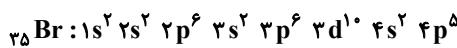
عبارت اول:



عبارت دوم: نسبت مورد نظر برابر است با:

عبارت سوم:

۷ زیرلایه اشغال شده



۸ زیرلایه اشغال شده

عبارت چهارم:

$$_{27}\text{Co} : 3\text{d}^7 \ 4\text{s}^2 \Rightarrow (7 \times 5) + (2 \times 4) = 43$$

شیمی ۲

«۱۲۱ - گزینه ۱»

بررسی عبارت‌های نادرست:

الف) امروزه به دلیل صرفه‌جویی اقتصادی، تقاضای جهانی برای استفاده از هدایای زمینی افزایش یافته است.

ب) تمام قطعه‌های دوچرخه از فراوری مواد نفتی و مواد معدنی موجود در زمین به دست می‌آیند.

ت) همه مواد طبیعی و همه مواد مصنوعی از کره زمین به دست می‌آیند.

(شیمی ۲ - قدر هرایای زمینی را برآوریم؛ صفحه‌های ۱ تا ۵)

«۱۲۲ - گزینه ۲»

پاسخ صحیح هر سه پرسش در گزینه «۲» آمده است.

بررسی پرسش‌ها:

الف) زرمانیم (Ge) با عدد اتمی ۳۲، دومین عنصر شبکه‌فلزی گروه ۱۴

جدول تناوبی و قلع (Sn) با عدد اتمی ۵۰، نخستین عنصر فلزی گروه

۱۴ جدول تناوبی است.

$$50 - 32 = 18 = \text{اختلاف عدد اتمی}$$

ب) تعداد عنصرهای فلزی تک ظرفیتی دوره چهارم جدول تناوبی برابر ۵ است.

عنصر	گروه				
	۱	۲	۳	۱۲	۱۳
K ⁺	Ca ^{۲+}	Sc ^{۳+}	Zn ^{۲+}	Ga ^{۳+}	

پ) با توجه به نمودار ۱ صفحه ۱۳ کتاب شیمی یازدهم بیشترین اختلاف

شعاع اتمی بین دو عنصر Na_{۱۱} و Cl_{۱۷} است.

(شیمی ۳ - قدر هرایای زمینی را برآوریم؛ صفحه‌های ۶ تا ۱۶)



ب) در میان عنصرهای دوره چهارم جدول تناوبی، $\text{Cu}_{\text{۲۹}}$ و $\text{Zn}_{\text{۳۰}}$ از

دسته d و ۶ عنصر از دسته p شامل $\text{Ga}_{\text{۳۱}}$ ، $\text{Ge}_{\text{۳۲}}$ ، $\text{As}_{\text{۳۳}}$ ،

$\text{Kr}_{\text{۳۶}}$ ، $\text{Br}_{\text{۳۵}}$ ، $\text{Se}_{\text{۳۴}}$ کاملاً پر دارند (در مجموع ۸

عنصر) و ۲ عنصر $\text{Cr}_{\text{۲۴}}$ و $\text{Mn}_{\text{۲۵}}$ زیرلایه ۳d نیمه پر دارند؛ بنابراین

اختلاف خواسته شده برابر $(6 - 2 = 4)$ است.

پ) اولین فلز واسطه‌ای که زیرلایه ۳d آن پر می‌شود، عنصر $\text{Cu}_{\text{۲۹}}$ است.



مجموع n و ۱ الکترون‌های ظرفیت $\text{Cu}_{\text{۲۹}}$

$$= 10 \times (3 + 2) + 1 \times (4 + 0) = 54$$

ت) اسکاندیم ($\text{Sc}_{\text{۲۱}}$) نخستین عنصر واسطه دوره چهارم جدول تناوبی

است که در ساخت وسایل خانه مانند تلویزیون رنگی و برخی شیشه‌ها کاربرد دارد.

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۲۳ و ۲۴)

(امیر هاتمیان)

«۴» ۱۲۷

می‌دانیم تنها ماده‌ای که از ظرف واکنش خارج می‌شود، گاز CO_2 است.

پس جرم کاهش یافته همان CO_2 است. فرض می‌کنیم در ابتدا ۱۰۰ گرم

واکنش دهنده در ظرف داریم؛ بنابراین می‌توان نوشت:

$$? \text{ g } \text{CO}_2 = 100 \text{ g } \text{CaCO}_3 \times \frac{1 \text{ mol CaCO}_3}{100 \text{ g CaCO}_3}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{1 \text{ mol CaCO}_3} \times \frac{44 \text{ g CO}_2}{1 \text{ mol CO}_2} \times \frac{R}{100} = 30 / 8 \text{ g CO}_2$$

$$\Rightarrow R = 70$$

(شیمی ۳ - قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های ۲۴ تا ۲۵)

عبارت پنجم: شمار الکترون‌ها با $I = 1$ در عنصرهای $\text{K}_{\text{۱۹}}$ تا $\text{Zn}_{\text{۳۰}}$

برابر ۱۲ است.

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های ۶ و ۱۴ تا ۱۶)

«۴» ۱۲۵

به طور کلی در هر واکنش شیمیایی که به طور طبیعی انجام می‌شود،

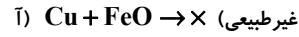
واکنش‌پذیری فراورده‌ها از واکنش‌دهنده‌ها کمتر است (واکنش‌های طبیعی) و

در هر واکنش شیمیایی که به طور طبیعی انجام نمی‌شود، واکنش‌پذیری

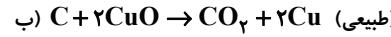
فراورده‌ها از واکنش‌دهنده‌ها بیشتر است (واکنش‌های غیرطبیعی)؛ بنابراین

عبارت‌های (ب) و (ت) درست هستند.

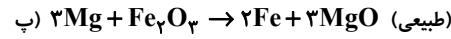
بررسی واکنش‌ها:



فراورده‌ها < واکنش‌دهنده‌ها؛ واکنش‌پذیری



فراورده‌ها > واکنش‌دهنده‌ها؛ واکنش‌پذیری



فراورده‌ها > واکنش‌دهنده‌ها؛ واکنش‌پذیری



فراورده‌ها < واکنش‌دهنده‌ها؛ واکنش‌پذیری

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۲)

«۳» ۱۲۶

(امیر هاتمیان)

عبارت‌های (ب) و (پ) نادرست است.

بررسی عبارت‌ها:

الف) ششمین عنصر واسطه دوره چهارم جدول تناوبی، آهن ($\text{Fe}_{\text{۲۶}}$)

می‌باشد که در طبیعت به شکل سنگ معدن هماتیت (Fe_2O_3) است.



$$\text{ KMnO}_4 \xrightarrow{\substack{\text{ماده آلی} \\ \text{درصد خلوص جرم ماده}} = \frac{\text{بازده} \times \text{حجم} \times \text{غلظت مولی}}{\text{ضریب} \times \text{جرم مولی}}$$

روش دوم:

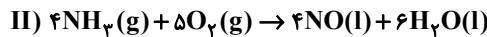
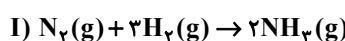
$$\Rightarrow \frac{۰/۲ \times ۰/۴ \times \frac{۹۰}{۱۰۰}}{۴} = \frac{\text{جرم کل} \times \frac{۷۵}{۱۰۰}}{۱۶۶ \times ۱} \Rightarrow \text{جرم کل} = ۳/۹۹\text{g}$$

(شیمی ۳ - قدر هدایای زمینی را بدانیم؛ صفحه‌های ۲۲ و ۲۵)

(امیر هاتمیان)

«۴» - ۱۳۰

ابتدا معادله‌های واکنش‌های داده شده را به صورت موازن شده می‌نویسیم:



ابتدا برای قسمت اول مقدار مول آمونیاک تولیدی را به دست می‌آوریم؛ از

آنچه که در هر مولکول آمونیاک، ۳ پیوند اشتراکی بین H و N وجود دارد،

می‌توان نوشت:

$$? \text{N-H} = ۱۱۲۰\text{g N}_2 \times \frac{۱\text{mol N}_2}{۲۸\text{g N}_2}$$

$$\times \frac{۴\text{mol NH}_3}{۱\text{mol N}_2} \times \frac{۳\text{mol N-H}}{۱\text{mol NH}_3}$$

$$\times \frac{۶/۰۲ \times ۱۰^{۲۳} \text{N-H}}{۱\text{mol N-H}} \times \frac{۷۵}{۱۰۰} = ۱/۰۸۳۶ \times ۱۰^{۲۶} \text{N-H}$$

اگر فراورده‌ها در شرایط STP باشند (دما ۰°C و فشار ۱atm) آب به صورت مایع از گازها جدا می‌شود.

$$۱۱۲۰\text{g N}_2 \times \frac{۱\text{mol N}_2}{۲۸\text{g N}_2} \times \frac{۴\text{mol NO}}{۱\text{mol N}_2} \times \frac{۴\text{mol NO}}{۴\text{mol NH}_3}$$

$$\times \frac{۲۲/۴\text{L NO}}{۱\text{mol NO}} \times \frac{۷۵}{۱۰۰} = ۱۳۴۴\text{L NO}$$

(شیمی ۳ - قدر هدایای زمینی را بدانیم؛ صفحه‌های ۲۲ و ۲۵)

(علیرضا کیانی (وست))

«۳» - ۱۲۸

معادله موازن شده واکنش به صورت زیر است:



بنابراین می‌توان نوشت:

$$? \text{mL NO}_2 = ۲\text{L} \times \frac{۵ \times 10^{-۳} \text{mol HNO}_3}{\text{ محلول}} \times \text{ محلول}$$

$$\times \frac{۲\text{mol NO}_2}{۴\text{mol HNO}_3} \times \frac{۲۵۰۰\text{mL NO}_2}{۱\text{mol NO}_2} = ۱۲۵\text{mL NO}_2$$

$$? \text{g Cu} = ۲\text{L} \times \frac{۵ \times 10^{-۳} \text{mol HNO}_3}{\text{ محلول}} \times \text{ محلول}$$

$$\times \frac{۱\text{mol Cu}}{۴\text{mol HNO}_3} \times \frac{۶۴\text{g Cu}}{۱\text{mol Cu}} = ۰/۱۶\text{g Cu}$$

$$\text{Cu} = \frac{۰/۱۶}{۰/۲} \times ۱۰۰ = ۸۰\% = \text{درصد خلوص}$$

(شیمی ۳ - قدر هدایای زمینی را بدانیم؛ صفحه‌های ۲۲ و ۲۵)

(مسعود طبرسا)

«۱» - ۱۲۹

روش اول:



$$? \text{g C}_\lambda\text{H}_6\text{O}_4 = ۴۰\text{mL}$$

$$\times \frac{۱\text{L}}{۱۰۰\text{mL}} \times \frac{۰/۲\text{mol KMnO}_4}{۱\text{L}} \times \text{ محلول}$$

$$\times \frac{۱\text{mol C}_\lambda\text{H}_6\text{O}_4}{۴\text{mol KMnO}_4} \times \frac{۱۶۶\text{g C}_\lambda\text{H}_6\text{O}_4}{۱\text{mol C}_\lambda\text{H}_6\text{O}_4} \times \frac{۱۰۰\text{g}}{۷۶\text{g}}$$

$$\simeq ۴/۴۳\text{g C}_\lambda\text{H}_6\text{O}_4$$

$$\frac{\text{مقدار عملی (g)}}{\text{مقدار نظری (g)}} = \frac{x}{۴/۴۳} \times ۱۰۰ \Rightarrow ۹۰ = \frac{x}{۴/۴۳} \times ۱۰۰$$

$$\Rightarrow x \simeq ۳/۹۹\text{g}$$

رانلور، ایگان تماس‌آفرینشی در کنال ما:

@Azmoonha_Azmayeshi

علوی

تماریز، پایه و شرکت



مرکز سنجش آموزش مدارس برتر



آزمونها آزمایشی

T.me/Azmoonha_Azmayeshi



دانش



دوسسه آموزشی فرهنگی



شرکت تعاونی خدمات آموزشی کارکنان
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمونها آزمایشی

T.me/Azmoonha_Azmayeshi

آزمون‌های سراسری
کاج

حل
مسئلہ

